

ВВЕДЕНИЕ В ФУНКЦИОНАЛЬНОЕ ПРОГРАММИРОВАНИЕ



Малышко Виктор Васильевич
e-mail: victor@sp.cs.msu.ru

Содержание курса

- Раздел 1. Построение абстракций на основе функций и структур данных
- Раздел 2. Дополнительные возможности языка программирования Scheme
- Раздел 3. Математические основы функционального программирования

Раздел 1:

- Тема 1. Основные сведения о языке Scheme
- Тема 2. Рекурсия и итерация
- Тема 3. Функции высшего порядка
- Тема 4. Структуры данных
- Письменная контрольная работа

Раздел 2:

- Тема 5. Присваивание. Модель вычислений с окружениями
- Тема 6. Объектно-ориентированное программирование в Scheme
- Тема 7. Объектно-ориентированное программирование в Scheme

Раздел 3:

- Тема 8. Основные сведения о λ -исчислении

Балльная система

максимум
≈ 140 баллов

критерий 2014:
50..70 «удовл»
71..110 «хор»
111..150 «отл»

обязательная
сдача
практических
заданий!!!



Семинары/практикум

- Среда программирования Dr. Racket
racket-lang.org
- Общее первое задание «Доктор»
4 блока упражнений, с 1 по 3й обязательные
- Индивидуальное второе задание «Генетическое программирование»
4 этапа выполнения с промежуточными сдачами

Web-страница: sp.cs.msu.ru/scheme

ВК-группа: vk.com/sp_scheme

Основная литература

- Абельсон Х., Сассман Дж. Структура и интерпретация компьютерных программ. – М.: Добросвет, КДУ. 2010
newstar.rinet.ru/~goga/sicp/sicp.pdf
- Харрисон Дж. Введение в функциональное программирование. – Новосибирск. 2009.
<https://goo.gl/g7E6pl>
- Чернов А. В. Учебное пособие по заданию «Доктор». – М.: ВМК МГУ. 2006
ejudge.ru/study/5sem
- Чернов А. В. Учебное пособие по заданию «Генетическое программирование». – М. ВМК МГУ. 2006

Дополнительно

- Веб-страница книги SICP на сайте MITPress: mitpress.mit.edu/sicp/
- Веб-страница курса SICP на сайте MITOpenCourseware: goo.gl/hO3nFs
- Курс Е. П. Кирпичева compsciclub.ru/courses/fprog
- Видеозапись лекций Е. П. Кирпичева www.lektorium.tv/course/22779
- Felleisen M., Findler R. et al. How to Design Programs: An Introduction to Computing and Programming. 2003 www.htdp.org

ЛЕКЦИЯ 1

Основные сведения о языке Scheme

Аргументы в пользу функционального программирования

- Функциональные программы легко писать.
- Функциональные программы короче императивных.
- Функциональные программы легче понимать и анализировать.
- Модульность – естественное свойство функциональных программ.
- Функциональные языки удобны при решении задач ИИ.

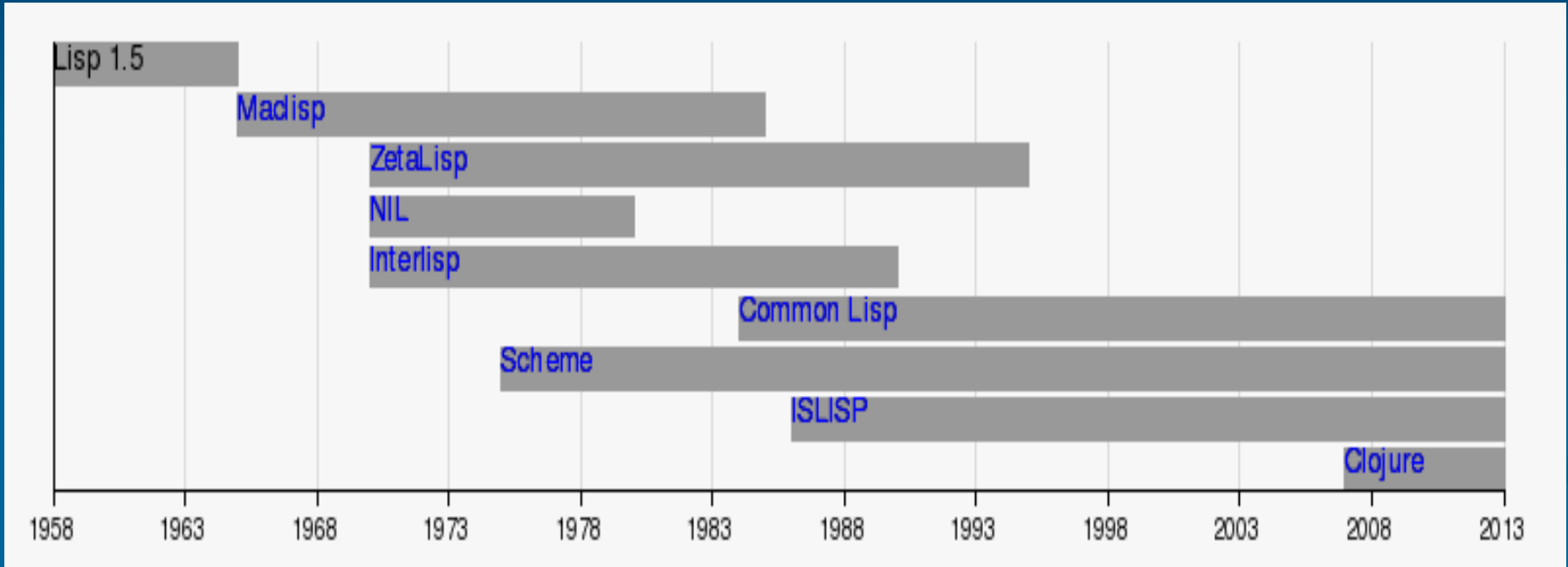
Исторический экскурс

Джон Маккарти (1927-2011) MIT



В 1958 году создал язык LISP (*L/St Processing language*)

Диалекты языка Lisp

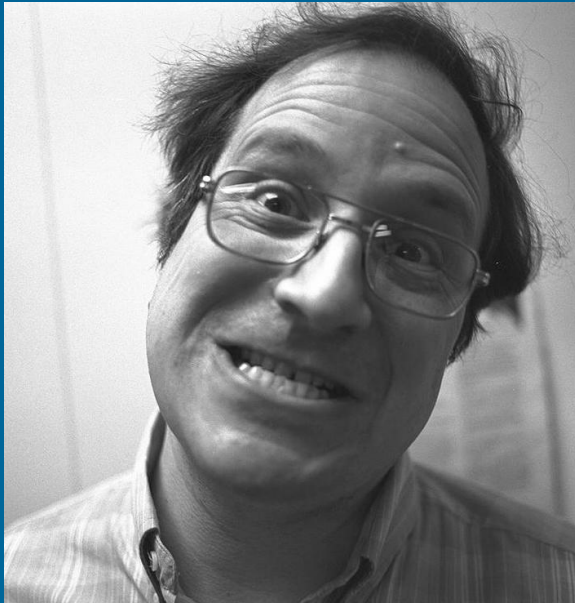


среди основных диалектов выделим

- Common Lisp -- ANSI INCITS 226-1994
- Scheme -- IEEE 1178-1990

Scheme

- Язык создавался в MIT в период 1975-1980 гг.
- Авторы:



Джеральд Сассман



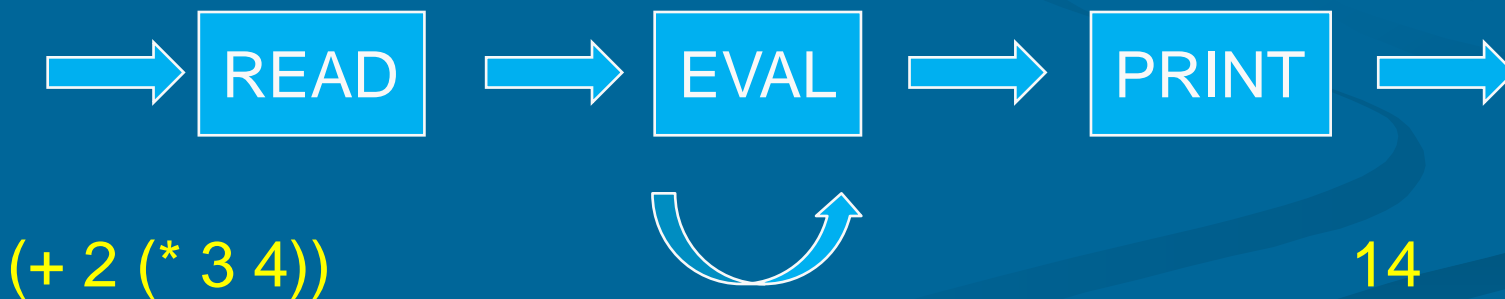
Гай Стил

Отличия Scheme от обычных (императивных) языков программирования

- Основой является не фон-Неймановская архитектура, а λ -исчисление.
- Программирование в декларативном стиле: не «как программа должна делать», а «что программа должна делать».
- Скобочные выражения, ПОЛИЗ
(+ 2 (* 3 4))
- Программа является последовательностью вызовов функций друг из друга.

Отличия Scheme от обычных (императивных) языков программирования

- Данные и функции представляются одинаково.
- Функции – «объекты первого класса» (могут передаваться как параметры, возвращаться как результаты, быть значением или частью сложного значения).
- Выполнение программы –
прочитать -> вычислить -> вывести



Отличия Scheme от обычных (императивных) языков программирования

- Автоматическое управление памятью.
- Управляющая структура программы -- рекурсия.
 - нет циклов
 - нет переменных
 - нет присваиваний (почти)
- Динамическая типизация.

Отличия Scheme от диалектов Lisp

- Минималистичный язык
- Точная арифметика
- Ленивые вычисления
- Не различает «регистр» вне строк и char'ов ...

Знакомство со Scheme

Имена и окружение

- Идентификаторы

$x \rightarrow y$ `name#`

не могут включать в себя разделители `() ; ' ` | [] { }`
или начинаться с `#` или `,`

- Связать имя и значение позволяет `define`

`(define size 2)`

`(define dblsize (+ size size))`

- `define` – специальная форма, *вычисляющая* значение 2-го аргумента и связывающая его с 1-м

- Окружение – место, где хранятся связывания. Новое окружение создается из старого при добавлении связываний. Если добавляется новое связывание имени, то старое связывание *затеняется*.

Знакомство со Scheme

Внешнее представление

- Любое значение имеет внешнее представление, то есть, запись в виде последовательности символов. Интерпретатор выводит внешние представления значений в ответ на запросы.

(define size 2) =>

size => 2

(* size 5) => 10

(= size 2) => #t

- У функций *нестандартное* внешнее представление.

+ => #<procedure:+>

- Внешнее представление считывается **read** и выводится **write** или **display**

Знакомство со Scheme

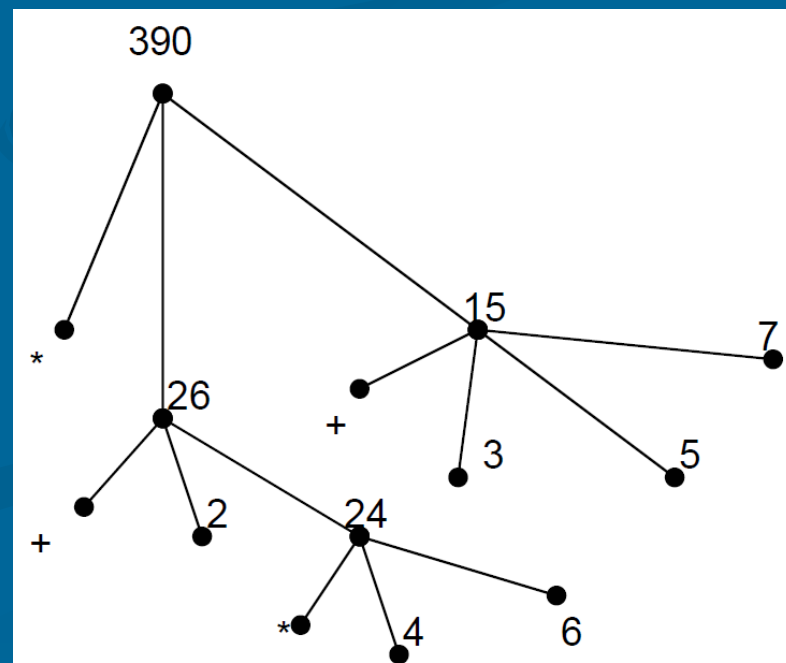
Выражения

- Литералы
 - Литеры `#\a` `#\A` `#\newline` `#\space`
 - Числа `-1` `1/6` `10.005` `#o777` `2-i`
 - Булевы значения `#t` `#f`
 - Строки `"Hello \"world#\""`
 - «Цитаты» `(quote (+ 1 2))` или `'xyz`
 - Пустой список `()` или `empty`
- Имена `xyz` `x->y`
- Спецформы (`define` и т. п.)
- Вызовы функций

Выражения (продолжение)

Вызовы функций (или комбинации)

- Запись комбинации: $(c_1 c_2 \dots c_n)$
- Вычисление комбинации:
 - a) найти значения всех c_i (*стандарт не определяет порядок вычисления c_i*)
 - b) применить функцию, являющуюся значением c_1 к значениям остальных c_i
- Правило вычисления комбинаций рекурсивно.
- Комбинация в виде дерева
 $(* (+ 2 (* 4 6)) (+ 3 5 7))$
- Спецформы – не комбинации!



Знакомство со Scheme

«Свои» функции

- Определение своей функции даётся спецформой **define**

(define (<имя> <параметры>) <тело>)

- Пример

(define (square x) (* x x))

↑ ↑ ↑ ↑ ↑
определяем квадрат x как умножение x на x

- После определения функцию можно использовать

(square 10) => 100

(+ (square 3) (square 4)) => 25

(define (sum-of-squares x y) (+ (square x) (square y)))

«Свои» функции (продолжение)

```
(define (f a)
```

```
  (sum-of-squares (+ a 1) (* a 2)))
```

```
(f 5)          => 136
```

- Представить, как идут вычисления помогает *подстановочная модель* (замена вызова телом)

```
(f 5)
```

```
(sum-of-squares (+ 5 1) (* 5 2))
```

```
(sum-of-squares 6 10)
```

```
(+ (square 6) (square 10))
```

```
(+ (* 6 6) (* 10 10))
```

```
(+ 36 100)
```

```
136
```

- Результат тот же, но интерпретатор может работать *иначе*.

«Свои» функции (продолжение)

- Рассмотрим способ вычисления в *нормальном порядке* (полная подстановка, затем редукция)

(f 5)

(sum-of-squares (+ 5 1) (* 5 2))

(+ (square (+ 5 1)) (square (* 5 2)))

(+ (* (+ 5 1) (+ 5 1)) (* (* 5 2) (* 5 2)))

(+ (* 6 6) (* 10 10))

(+ 36 100)

136

} подстановка

} редукция

- При *нормальном порядке* пока аргумент не понадобится, он не вычисляется.
- (+ 5 1) и (* 5 2) считали дважды
- Ранее считали в *аппликативном порядке* («вычисли аргументы, примени функцию»)

«Свои» функции (продолжение)

- Анонимные функции задаются спецформой **lambda** (**lambda** (<параметры>) <тело>)

- Значением спецформы **lambda** является функция

- Пример:

(**lambda** (x) (+ x x)) => #<procedure>

((**lambda** (x) (+ x x)) 4) => 8

- (**define** (<имя> <параметры>) <тело>) на самом деле сокращённо от

(**define** <имя>
 (**lambda** (<параметры>) <тело>))



Условные спецформы

- «Разбор случаев» – **cond**

(cond (**<p₁>** **<e₁>**) ; p_i – булева функция (предикат)
 (**<p₂>** **<e₂>**) ; (**<p_i>** **<e_i>**) – i -ая ветвь
 ... (**<p_n>** **<e_n>**)) ; e_i – выражение-следствие

- Вычисляем предикаты по порядку, начиная с 1-го, до тех пор пока не получим $p_i = \#t$.
- Вычисляем e_i . Его значение и будет значением **cond**.
- В заключительной ветви полезно вместо предиката писать **else**.
- Если все предикаты ложны, значение **cond** не определено.
- Пример: **(define (new-abs x)**
 (cond ((< x 0) (- x))
 (else x)))

Условные спецформы (продолжение)

- Условное выражение – **if**

(**if** <предикат> ; сначала вычисляется предикат
<следствие> ; если он истинен, считаем следствие
<альтернатива>) ; иначе – альтернативу

- Пример: (**define** (**new-if-abs** x)

```
(if (< x 0)
    (- x)
    x))
```

- Для записи предикатов полезны спецформы **and** и **or**
(**and** <e₁> ... <e_n>) ; вычисляет e_i по порядку, начиная с 1-го, пока не найдёт e_i = **#f** и не вернёт **#f**. Иначе, если все Подвыражения истины, то значение **and** = **#t**. (**and**) => **#t**
(**or** <e₁> ... <e_n>) ; вычисляет e_i по порядку, начиная с 1-го, пока не найдёт e_i = **#t** и не вернёт **#t**. Иначе – **#f**.
(**or**) => **#f** Можно использовать функцию **not**

Условные спецформы (продолжение)

- Пример, демонстрирующий разницу между нормальным и аппликативным порядком выполнения:

```
(define (p) (p))                ; закливающаяся функция  
(define (test x y)  
  (if (= x 0)  
      0  
      y))
```

- При нормальном порядке вызов `(test 0 (p))` вернёт 0

```
(test 0 (p))  
(if (= 0 0) 0 (p))  
0
```

- При аппликативном порядке получаем закливание при вычислении второго параметра `(test 0 (p))`

- Вопрос: Можно ли `if` не делать спецформой, а реализовать через `cond`?

Условные спецформы (продолжение)

- Выражение с вариантами – спецформа case

(case <ключ>

(<vars₁> <e₁>) ; <vars_i> – (o_{1i}, o_{2i}, ... o_{ki})

(<vars₂> <e₂>) ; o_{ji} – внешние представления

... (<vars_n> <e_n>))

- Вместо <vars_n> может быть else.
- Вычисляем <ключ>.
- Сравниваем значение ключа с вариантами первой ветви. Если есть совпадение, вычисляем <e₁> и возвращаем его значение. Иначе берем следующую ветвь и т. д.
- Пример: (case (* 2 3)
((2 3 5 7) 'prime)
((1 4 6 8 9) 'composite)) => composite

Знакомство со Scheme

Спецформа begin

```
(begin <exp1>  
      <exp2>  
      ... <expn>)
```

- Вычисляет все подвыражения по порядку.
- Значением формы является значение последнего подвыражения.
- Помогает, если нужно сделать ввод/вывод.
- Пример:

```
(begin (display "Input N:")  
      (newline)  
      (read))
```

Знакомство со Scheme

Числа

- Башня числовых типов:

number

complex $1+i$

real 0.001

rational $1/3$

integer -1 $\#xff$

- Функции проверки типа `number?` `real?` ...
- Функции `=` `<` `>` `<=` `>=` принимают ≥ 2 аргументов. То же `+ - * /`
- Деление нацело: `quotient`, `remainder`, `modulo`

`(modulo 13 4) => 1`

`(remainder 13 4) => 1`

`(modulo -13 4) => 3`

`(remainder -13 4) => -1`

`(modulo 13 -4) => -3`

`(remainder 13 -4) => 1`

`(modulo -13 -4) => -1`

`(remainder -13 -4) => -1`

Числа (продолжение)

- gcd, lcm (неотрицательный результат)
- floor (ближайшее из не превосходящих)
- ceiling (ближайшее из не меньших)
- truncate (ближайшее из не превосходящих по модулю)
- round («обычное» округление)

(floor -4.3) => -5.0 (ceiling -4.3) => -4.0

(truncate -4.3) => -4.0 (round -4.3) => -4.0

(floor 3.5) => 3.0 (ceiling 3.5) => 4.0

(truncate 3.5) => 3.0 (round 3.5) => 4.0

- exp, log, sin, cos, tan, asin, acos, atan, sqrt, sqr
- (expt x y) — x^y
- (random x) — псевдослучайное целое число из $[0, x)$,
целое $x > 0$

Числа (продолжение)

- Напишем функцию `two-of-three`, которая принимает 3 значения и выдает сумму квадратов наибольших двух из них.

```
(define (two-of-three x y z)
  (cond ((or (<= x y z) (<= x z y)) (sum-of-squares y z))
        ((or (<= y x z) (<= y z x)) (sum-of-squares x z))
        (else (sum-of-squares x y))))
```

Числа (продолжение)

- Напишем факториал

```
(define (factorial n)
  (if (= n 1)
      1
      (* n (factorial (- n 1)))))
```

- С помощью подстановочной модели найдём 3!

```
(factorial 3)
(* 3 (factorial 2))
(* 3 (* 2 (factorial 1)))
(* 3 (* 2 1))
(* 3 2)
6
```



расширение



сжатие

Числа (продолжение)

- Опишем нахождение \sqrt{x} методом Ньютона
- Чтобы приблизительно найти \sqrt{x} нужно:
 1. Выбрать начальное приближение $g (= 1)$.
 2. Получить текущее (улучшенное) значение приближения $g := \frac{1}{2} (g + x / g)$.
 3. Продолжать улучшать приближение, пока g не станет достаточно хорошим.

$x = 2$	$g = 1$
$x / g = 2$	$g = \frac{1}{2} (1 + 2) = 3/2 = 1,5$
$x / g = 4/3$	$g = \frac{1}{2} (3/2 + 4/3) = 17/12 = 1,4166666666666666$
$x / g = 24/17$	$g = \frac{1}{2} (17/12 + 24/17) = 577/408 = 1,4142156$

Числа (продолжение)

Метод Ньютона

```
(define (sqrt-iter guess x) ; рекурсивная функция
  (if (is-good-enough? guess x)
      guess ; выход из рекурсии
      (sqrt-iter (improve guess x) x) ; рекурсивный вызов
  ))

(define (improve guess x) ; улучшение приближения
  (average guess (/ x guess)))

(define (average x y) ; среднее арифметическое
  (/ (+ x y) 2))

(define (is-good-enough? guess x) ; проверка приближения
  (< (abs (- (* guess guess) x)) 0.0001))

(define (my-sqrt x) (sqrt-iter 1.0 x)) ; функция для вызова
```

Метод Ньютона (продолжение)

- Улучшим стиль

```
(define (my-sqrt x)
  (define (is-good-enough? guess x)
    (< (abs (- (* guess guess) x)) 0.0001))
  (define (improve guess x)
    (average guess (/ x guess)))
  (define (sqrt-iter guess x)
    (if (is-good-enough? guess x)
        guess
        (sqrt-iter (improve guess x) x)))
  (sqrt-iter 1.0 x))

(define (average x y) (/ (+ x y) 2))
```

- С помощью блочной структуры мы скрыли «лишние» функции

Метод Ньютона (продолжение)

- Перепишем, учитывая, что x внутри `my-sqrt` один и тот же

```
(define (my-sqrt x)
  (define (is-good-enough? guess)
    (< (abs (- (sqr guess) x)) 0.0001))
  (define (improve guess)
    (average guess (/ x guess)))
  (define (sqrt-iter guess)
    (if (is-good-enough? guess)
        guess
        (sqrt-iter (improve guess))))
  (sqrt-iter 1.0))

(define (average x y) (/ (+ x y) 2))
```

- Избавились от хранения лишних связываний имени x !

Знакомство со Scheme

Литеры

- Внешнее представление: `#\a` `#\A` `#\newline` `#\space`
- Функции сравнения `char=?` `char>?` ...
- Проверка типа `char?`
- Установка регистра `char-upcase` `char-downcase`

Знакомство со Scheme

Строки

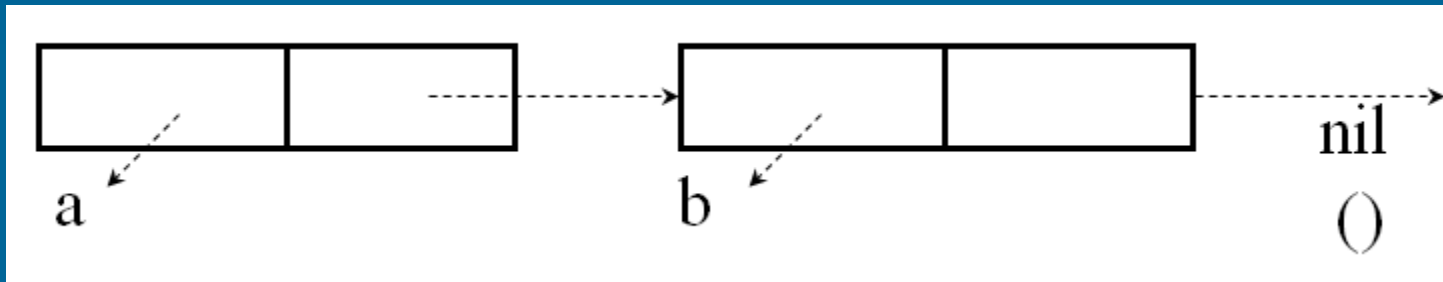
- Внешнее представление `"Hello \"world#\\""`
- Чтобы записать внутри `"` ставим перед ним `\`
- Чтобы записать внутри `\` ставим перед ним `#\`
- `string` аргументы-литеры собирает в строку
- Сравнение строк `string=?` и т. п.
- Слияние строк `string-append`
- Выделение частей строки `string-head substring string-tail`
- Поиск подстроки `substring?`

Знакомство со Scheme

Списки

- Внешнее представление `empty () (a b c) (a . (b . (c . ())))`
- Конструирование списка из головы и хвоста: `cons`

`(cons 'a '(b))` \Rightarrow `(a b)`



- Взять голову непустого списка `car`

`(car '(1 2 3 4 5 6))` \Rightarrow `1`

`(car '((1 2 3 4) 5 6))` \Rightarrow `(1 2 3 4)`

- Взять хвост непустого списка `cdr`

`(cdr '(1 2 3 4 5 6))` \Rightarrow `(2 3 4 5 6)`

`(cdr '((1 2 3 4) 5 6))` \Rightarrow `(5 6)`

Списки (продолжение)

- Задание перечислением элементов **list**

(list '+ 1 2) => (+ 1 2)

- Проверка на список **list?**

(list? '(a b)) => #t (list? '()) => #f

(list? 'a) => #f

- Длина списка **length**

- Проверка на пустой список **null?**

- Получить n-ый элемент **list-ref**

(list-ref '(1 2 3) 2) => 3

- Слить списки (два или больше) **append**

(append '(1 2 3) '(4 5) '(6)) => '(1 2 3 4 5 6)

- Отзеркалить **reverse**

- Проверить вхождение элемента **member**

Списки (продолжение)

- Напишем свою версию `list-ref`

```
(define (my-list-ref list n)
  (if (= n 0)
      (car list)
      (my-list-ref (cdr list) (- n 1))))
```

- Своя версия `length`

```
(define (my-length list)
  (if (null? list)
      0
      (+ 1 (my-length (cdr list)))))
```

Списки (продолжение)

■ Свой `append`

```
(define (my-append list1 list2)
  (if (null? list1)
      list2
      (cons (car list1) (my-append (cdr list1) list2))))
```

■ Свой `reverse`

```
(define (my-reverse lst)
  (if (null? lst)
      '()
      (append (my-reverse (cdr lst)) (list (car lst)))))
```

Списки (продолжение)

- Функция (`apply` `<функция>` `<список>`)

`(apply + '(1 2 3))` `=> 6`

`(apply max '(1 2 3))` `=> 3`

`(apply < '(1 2 3))` `=> #t`

Ещё о вычислениях

■ Функция (eval <выражение>)

(eval (+ 5 7)) => 12

(eval 12) => 12

(eval '(+ 5 7)) => 12

'(+ 5 7) => (+ 5 7)

(define a (list '+ 5 7))

(eval a) => 12

(eval 'a) => (+ 5 7)

(eval '(eval 'a)) =>

(eval (eval '(eval 'a))) =>

Локальные имена

- Спец. форма `(let ((<имя1> <выражение1>)
 (<имя2> <выражение2>) ...
 (<имяN> <выражениеN>))
 <тело>)`
- То же, что `((lambda (<имя1> ... <имяN>)
 <тело>)
 <выражение1> ... <выражениеN>)`
- Пример:
`(let ((x (read))) (+ (* (+ x 1) x) 1))`

Итоги лекции 1

- Процесс вычисления программы: read-eval-print.
- Правила записи имён.
- Связывание. Окружение.
- Классификация выражений.
- Комбинация. Правило вычисления комбинаций.
- Спец. формы (**define**, **lambda**, **cond**, **if**, **case**, **begin**, **and**, **or**, **quote**). Правила их вычисления.
- Числа. Литеры. Строки. Функции работы с ними.
- Блочная структура программы.
- Списки и списочные функции.
- Функции **eval** и **apply**. Спец. форма **let**.