



Data Advanced

# KANSREKENEN

## DE HOGESCHOOL MET HET NETWERK

Hogeschool PXL – Elfde-Liniestraat 24 – B-3500 Hasselt  
[www.pxl.be](http://www.pxl.be) - [www.pxl.be/facebook](http://www.pxl.be/facebook)



# Doel + Inhoud

- Universum + gebeurtenis
- Kansen berekenen van afhankelijke / onafhankelijke gebeurtenissen
- Verband tussen verzamelingenleer en logische operatoren



# Experiment – uitkomst – kans (pg 20)

- Kansexperiment = experiment waarvan het verloop door toeval bepaald wordt
- $U$  = universum = verzameling van alle mogelijke uitkomsten
- Gebeurtenis ( $A$ ) = deelverzameling van het universum
- $P$  = kans = numerieke maatstaf voor de waarschijnlijkheid dat een uitkomst zal plaatsvinden



# Gebeurtenissen (pg 22)

A en B: 2 gebeurtenissen

- Complement
- Unie
- Doorsnede
- Verschil
- Disjuncte gebeurtenissen

# Kansen berekenen

## Eerste methode (pg 25)

- Voorbeeld 8 + 9 pg 26 (cursus)

## Tweede methode (pg 27)

## Basiseigenschappen (pg 28)

$$P(\emptyset) = 0 \text{ en } P(U) = 1$$

$$0 \leq P(w) \leq 1$$

$$P(A) = \sum P(w)$$



# Kansen berekenen (pg 29 – 30)

**Somregel voor disjuncte gebeurtenissen:**  $P(A \cup B) = P(A) + P(B)$

- Voorbeeld 11 (a – b – c) pg 29 (cursus)

**Algemene Somregel:**  $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$

**Complementregel:**  $P(A^C) = 1 - P(A)$

**Verschilregel:**  $P(A \setminus B) = P(A \cap B^C)$

$$P(A \setminus B) = P(A) - P(A \cap B)$$

- Voorbeeld 12 (a – b) pg 30
- Voorbeeld 13 (1 – 2 – 3 – 4) pg 31 + Jupyter notebook: BB



# Voorwaardelijke kans (pg 32)

$$P(A | B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} \text{ met } P(B) > 0$$

- Voorbeeld 15 (a – b – c) pg 34



# Onafhankelijke gebeurtenissen

$$P(A | B) = P(A)$$

## Productregel voor onafhankelijke gebeurtenissen

$$P(A \cap B) = P(A) * P(B)$$

- Voorbeeld 16 (a – b – c) pg 35



# Wet van de totale kans (pg 36)

Als  $U = A_1 \cup A_2 \cup \dots \cup A_n$  met  $A_i \cap A_j = \emptyset$

Dan geldt voor elke gebeurtenis B:

$$P(B) = P(B \mid A_1) * P(A_1) + \dots + P(B \mid A_n) * P(A_n)$$

- Voorbeeld 17 pg 36
- Voorbeeld 18 pg 37
- Voorbeeld 19 pg 38
- Voorbeeld 20 (a – b – c – d – e) pg 39

# De regel van Bayes (pg 40)

Als  $U = A_1 \cup A_2 \cup \dots \cup A_n$  met  $A_i \cap A_j = \emptyset$

Dan geldt voor elke gebeurtenis  $B$  met  $P(B) > 0$ :

$$P(A_i | B) = \frac{P(B | A_i) * P(A_i)}{P(B | A_1) * P(A_1) + \dots + P(B | A_n) * P(A_n)}$$

- Voorbeeld 21 pg 40 (cursus)
- Voorbeeld 22 pg 41 (cursus)
- Voorbeeld 23 pg 42 (cursus)



# Oefeningen

**3 – 5 – 6 – 11 – 12 – 14 – 17 – 19**

**9: samen (verjaardagenparadox)**



# Uitkomsten oefeningen

1: 0,0192 – 0,0769 – 0,3076 – 0,0961

2: 0,2083 – 0,7916 – 0,6666

3: met: 0,39 – 0,53 – 0,86

zonder: 0,36 – 0,46 – 0,89

4: 0,11 – 0,34

5: 0,705

6: 0,48

7: 0,88



# Uitkomsten oefeningen

8: 0,22

10: 0,55

11: 0,2921

12: 0,028 – 0,0714

13: 0,8

14: 0,36735



# Uitkomsten oefeningen

15: 0,77419

16: 0,5

17: 0,52974

18: 0,025

19: 0,153846

