
Análise de Fluxo de Dados

Sandro Rigo
sandro@ic.unicamp.br

Introdução

- Otimização

- Transformações para ganho de eficiência
- Não podem alterar a saída do programa

- Exemplos:

- Dead Code Elimination: Apaga uma computação cujo resultado nunca será usado
- Register Allocation: Reaproveitamento de registradores
- Common-subexpression Elimination: Se uma expressão é computada mais de uma vez, elimine uma das computações
- Constant Folding: Se os operandos são constantes, calcule a expressão em tempo de compilação

Introdução

- Essas transformações são feitas com base em informações coletas do programa
- Esse é o trabalho da análise de fluxo de dados
- Intraprocedural global optimization
 - Interna a um procedimento ou função
 - Engloba todos os blocos básicos

Introdução

- Idéia básica

- Atravesse o grafo de fluxo do programa coletando informações sobre a execução
- Conservativamente!
- Modifique o programa para torná-lo mais eficiente em algum aspecto:
 - Desempenho
 - Tamanho

- Análises são descritas através de equações de fluxo de dados:

- $\text{out}[S] = \text{gen}[S] \cup (\text{in}[S] - \text{kill}[S])$

Introdução

- As equações podem mudar de acordo com a análise:
 - As noções de gen e kill dependem da informação desejada
 - Pode seguir o fluxo de controle ou não
 - Forward
 - Backward
 - Chamadas de procedimentos, atribuição a ponteiros e a arrays
 - não vamos considerá-las no primeiro momento

Introdução

- Veremos análises baseadas no CFG de quádruplas:
 - $a \leftarrow b \text{ op } c$ é representada como (a, b, c, op)
- Liveness Analysis
- Reaching Definitions
- Available Expressions

Pontos e Caminhos

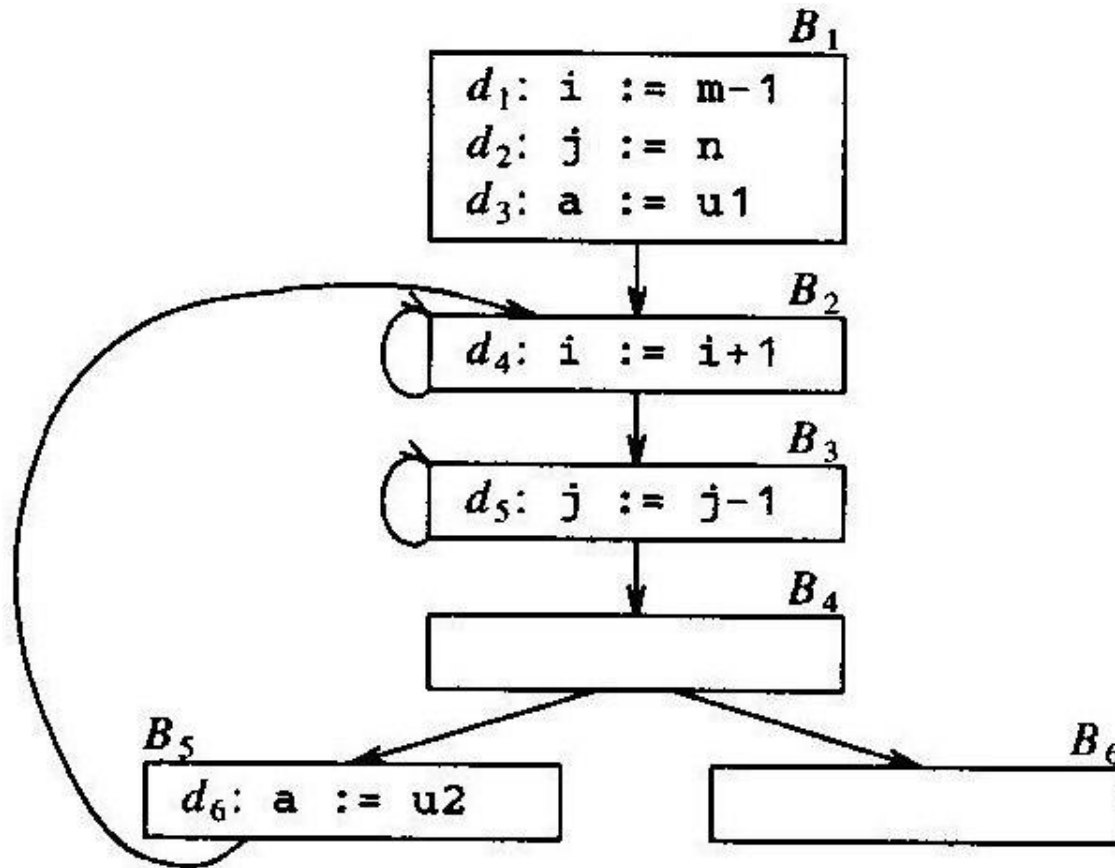


Fig. 10.19. A flow graph.

Reaching Definitions

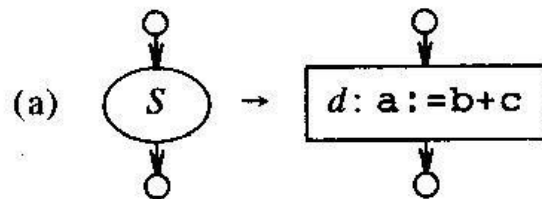
- Definição não ambígua de t :
 - $d: t := a \text{ op } b$
 - $d: t := M[a]$
- d alcança um uso na sentença u se:
 - Se existe um caminho no CFG de d para u
 - Esse caminho não contém outra definição não ambígua de t
- Definição ambígua
 - Uma sentença que pode ou não atribuir um valor a t
 - CALL
 - Atribuição a ponteiros

Reaching Definitions

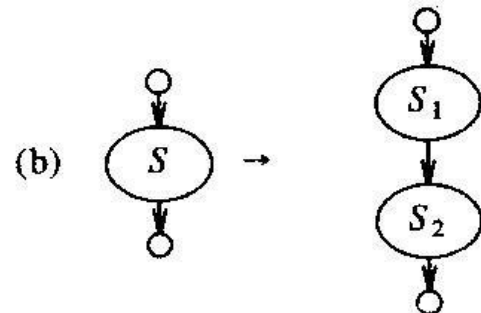
- Criamos IDs para as definições
 - $d1: t \leftarrow x \text{ op } y$
 - Gera $d1$
 - Mata todas as outras definições de t , pois não alcançam o final dessa instrução
- $\text{defs}(t)$ ou D_t : conjunto de todas as definições de t

Reaching Definitions

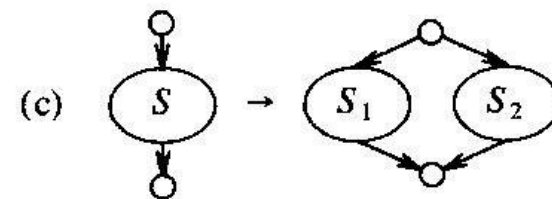
- Principal uso:
 - Dada uma variável x em um certo ponto do programa
 - Inferimos que o valor de x é limitado a um determinado grupo de possibilidades



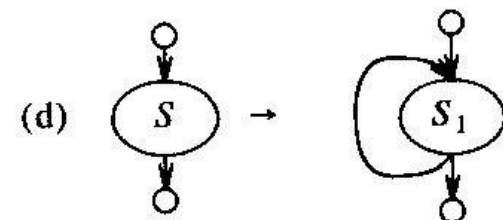
$$\begin{aligned} gen[S] &= \{d\} \\ kill[S] &= D_a - \{d\} \\ out[S] &= gen[S] \cup (in[S] - kill[S]) \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} gen[S] &= gen[S_2] \cup (gen[S_1] - kill[S_2]) \\ kill[S] &= kill[S_2] \cup (kill[S_1] - gen[S_2]) \\ in[S_1] &= in[S] \\ in[S_2] &= out[S_1] \\ out[S] &= out[S_2] \end{aligned}$$



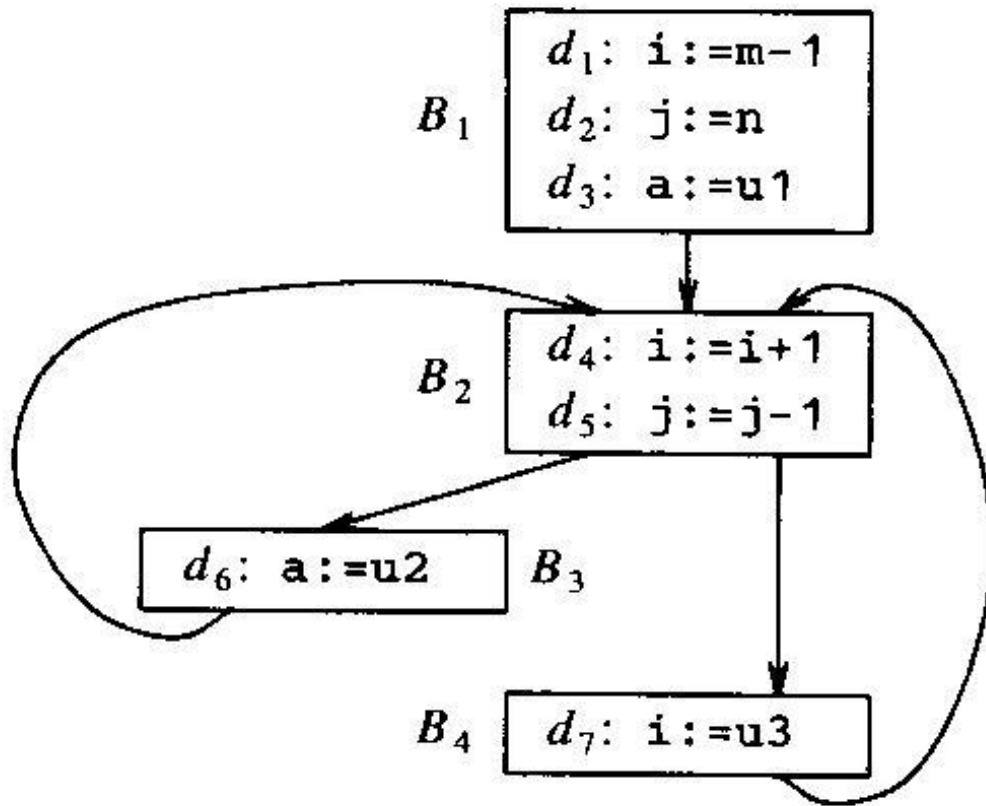
$$\begin{aligned} gen[S] &= gen[S_1] \cup gen[S_2] \\ kill[S] &= kill[S_1] \cap kill[S_2] \\ in[S_1] &= in[S] \\ in[S_2] &= in[S] \\ out[S] &= out[S_1] \cup out[S_2] \end{aligned}$$



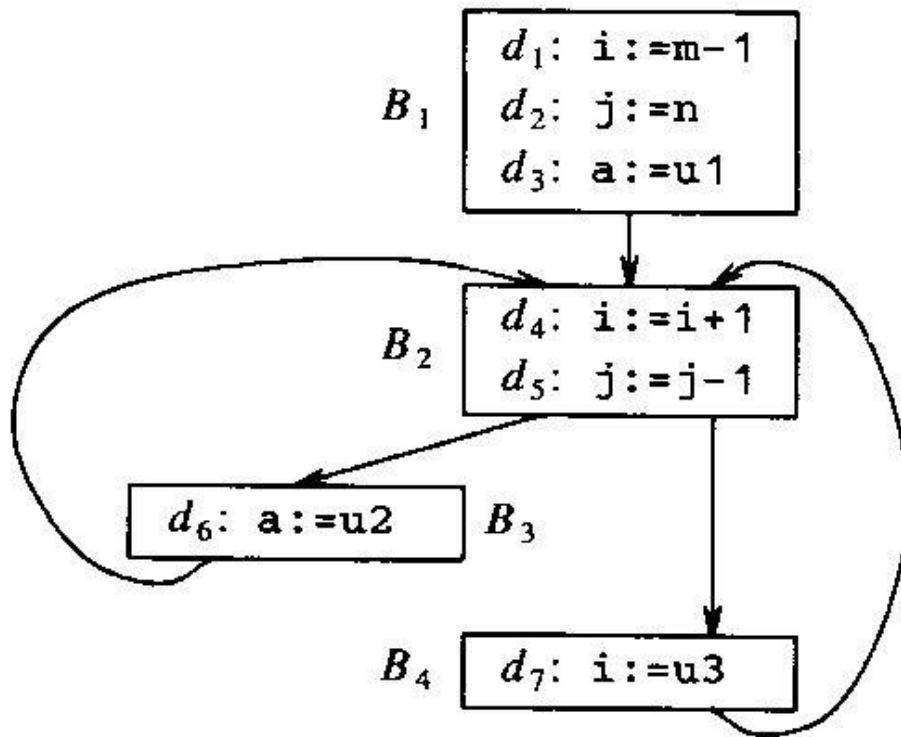
$$\begin{aligned} gen[S] &= gen[S_1] \\ kill[S] &= kill[S_1] \\ in[S_1] &= in[S] \cup gen[S_1] \\ out[S] &= out[S_1] \end{aligned}$$

Fig. 10.21. Data-flow equations for reaching definitions:

Exemplo



Exemplo - Resposta



$$\begin{aligned} \text{gen}[B_1] &= \{d_1, d_2, d_3\} \\ \text{kill}[B_1] &= \{d_4, d_5, d_6, d_7\} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{gen}[B_2] &= \{d_4, d_5\} \\ \text{kill}[B_2] &= \{d_1, d_2, d_7\} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{gen}[B_3] &= \{d_6\} \\ \text{kill}[B_3] &= \{d_3\} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{gen}[B_4] &= \{d_7\} \\ \text{kill}[B_4] &= \{d_1, d_4\} \end{aligned}$$

Fig. 10.27. Flow graph for illustrating reaching definitions.

Equações de DFA

- Vendo B como uma sequência de uma ou mais sentenças
 - Como vimos, podemos definir
 - $In[B]$, $out[B]$, $gen[B]$, $kill[B]$
 - Computamos gen e $kill$ para cada B como visto anteriormente
- Temos:

$$in[B] = \bigcup_{P \in Pred(B)} out[P]$$

$$out[B] = gen[B] \cup (in[B] - kill[B])$$

Solução Iterativa

```
/* initialize out on the assumption  $in[B] = \emptyset$  for all  $B$  */
(1) for each block  $B$  do  $out[B] := gen[B]$ ;
(2)  $change := true$ ; /* to get the while-loop going */
(3) while  $change$  do begin
(4)    $change := false$ ;
(5)   for each block  $B$  do begin
(6)      $in[B] := \bigcup_{\substack{P \text{ a predecessor of } B}} out[P]$ ;
(7)      $oldout := out[B]$ ;
(8)      $out[B] := gen[B] \cup (in[B] - kill[B])$ ;
(9)     if  $out[B] \neq oldout$  then  $change := true$ 
  end
end
```

Fig. 10.26. Algorithm to compute *in* and *out*.

Observações

- O algoritmo propaga as definições
 - Até onde elas podem chegar sem serem mortas
 - “Simula” todos os caminhos de execução
- O algoritmo sempre pára:
 - out[B] nunca diminui de tamanho
 - o número de definições é finito
 - se out não muda, in não muda no próximo passo
 - Limitante superior para no. de iterações
 - Número de nós no CFG
 - Pode ser melhorado de acordo com a ordem de avaliação dos nós

Exemplo

- Reaching Definitions para fig 10.27

Use-def Chains

- Armazenam a informação de reaching definitions
- São listas para cada uso de uma variável contendo as definições que alcançam esse uso
 - Considere variável a no bloco B
 - Se B não contém definições de a , ud-chain é o conjto. de definições de a em $\text{in}[B]$
 - Se B contém definições de a , então a ud-chain é a última dessas definições, antes do uso.

Available Expressions

- Expressão disponível:
 - $x+y$ está disponível em p se:
 - todo caminho do nó inicial até p calcula $x+y$
 - após a última computação de $x+y$, nem x nem y sofrem atribuições
- Kill:
 - Um bloco B mata, ou pode matar, $x+y$ se ele atribui a x e/ou y , e não recomputa $x+y$
- Gen:
 - Um bloco B gera $x+y$ se ele certamente computa $x+y$, e não redefine x ou y .

Gen e Kill ???

STATEMENTS	AVAILABLE EXPRESSIONS
 none
a := b+c	
 only b+c
b := a-d	
 only a-d
c := b+c	
 only a-d
d := a-d	
 none

Fig. 10.30. Computation of available expressions.

Equações de DFA

- Computamos gen e kill para cada B como visto anteriormente
- Temos:

$$in[B] = \bigcap_{P \in Pred(B)} out[P] \quad \text{para } B \text{ não inicial}$$

$$in[B1] = \emptyset$$

$$out[B] = gen[B] \cup (in[B] - kill[B])$$

Diferenças para Reaching Defs

- O *in* do nó inicial é sempre vazio
 - Nada está disponível antes do início do programa
- O operador de confluência é intersecção
 - Tem que vir por todos os caminhos
- Estimativa inicial é muito grande
 - Intersecção vai diminuindo os conjuntos a chegar ao maior ponto fixo

Algoritmo

Algorithm 10.3. Available expressions.

Input. A flow graph G with $e_kill[B]$ and $e_gen[B]$ computed for each block B . The initial block is B_1 .

Output. The set $in[B]$ for each block B .

Method. Execute the algorithm of Fig. 10.32. The explanation of the steps is similar to that for Fig. 10.26. \square

```
in[B1] :=  $\emptyset$ ;  
out[B1] := e_gen[B1]; /* in and out never change for the initial node, B1 */  
for  $B \neq B_1$  do out[B] :=  $U - e\_kill[B]$ ; /* initial estimate is too large */  
change := true;  
while change do begin  
    change := false;  
    for  $B \neq B_1$  do begin  
        in[B] :=  $\bigcap_{P \text{ a predecessor of } B} out[P]$ ;  
        oldout := out[B];  
        out[B] := e_gen[B]  $\cup (in[B] - e\_kill[B])$ ;  
        if out[B]  $\neq$  oldout then change := true;  
    end  
end
```

Fig. 10.32. Available expressions computation.

Exemplo

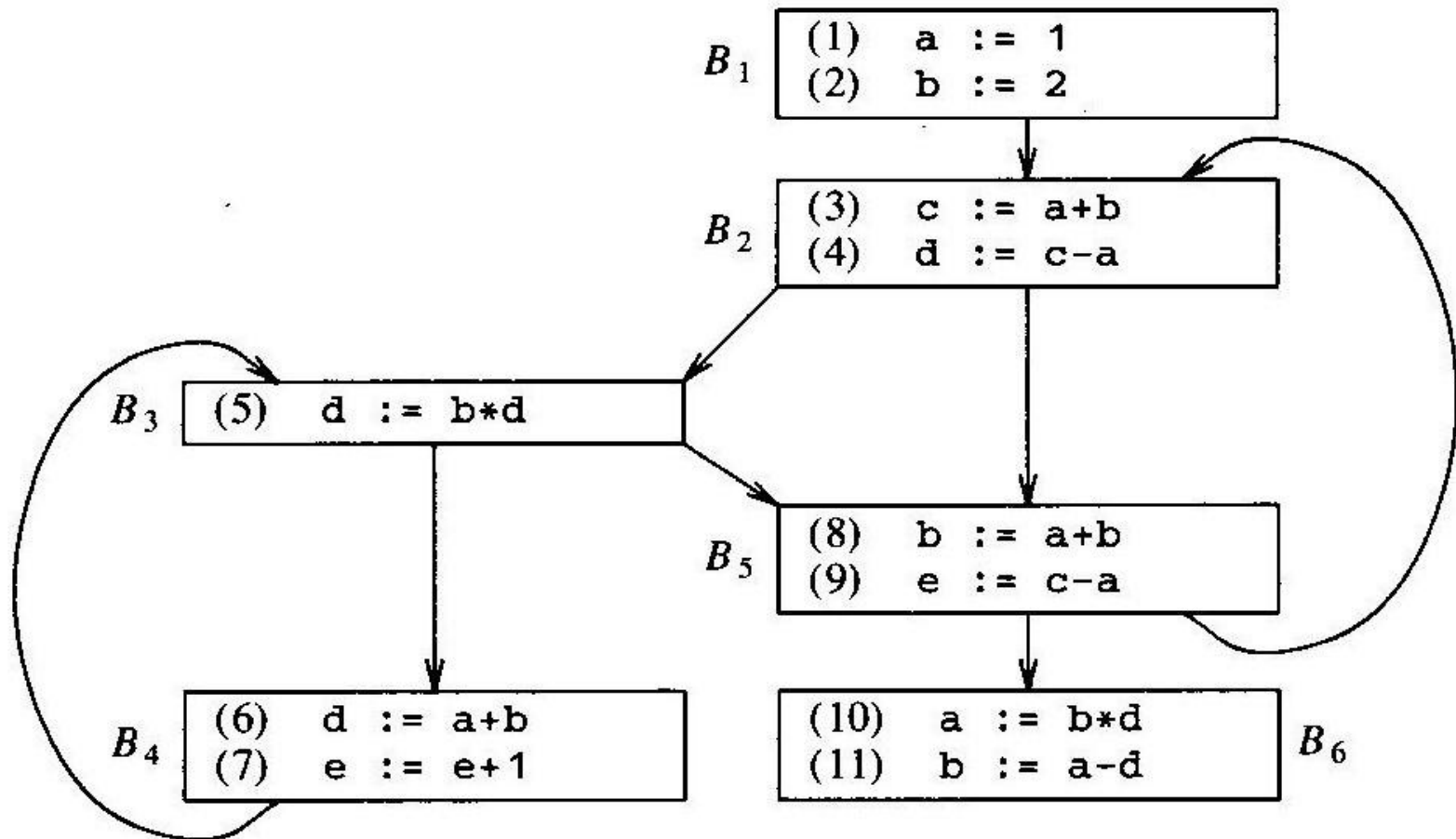


Fig. 10.74. Flow graph.