



# **Herzlich willkommen zur 9. Übung Präskriptive Entscheidungstheorie**

**Bitte halten Sie jede dritte Reihe im  
Hörsaal frei.**

# Übersicht der 9. Übung – Präskriptive Entscheidungstheorie

---

- Dominanz bei unvollständiger Information
- Aufgabe 6
- Dominanz bei unvollständiger Information
- Aufgabe 7
- Risikoprofile, stochastische Dominanz
- Aufgabe 8

# Das additive Modell: Idee und Notation

Im additiven Modell werden die zielspezifischen Nutzenwerte additiv und gewichtet aggregiert.

Prämisse: Es gibt für jedes Ziel eine zielspezifische Nutzenfunktion  $u_r$  ( $1 \leq r \leq m$ )

## **Additives Modell bei Sicherheit:**

Jede Alternative lässt sich als Vektor  $a = (a_1, a_2, \dots, a_m)$  schreiben. Es gilt dann:

letzte Woche

$$u(a) = \sum_{r=1}^m w_r u_r(a_r) \quad \text{mit } w_r > 0 \ (1 \leq r \leq m) \text{ und } \sum_{r=1}^m w_r = 1$$


## **Erweiterung des additiven Modells bei Risiko:**

Sei  $a_{ij}$  die Ausprägung der Alternative  $a$  im  $i$ -ten Zustand und  $j$ -ten Ziel, sowie  $p(s_i)$  die Wahrscheinlichkeit des Umweltzustands  $s_i$ , dann gilt:

$$EU(a) = \sum_{i=1}^n p(s_i) (w_1 u_1(a_{i1}) + w_2 u_2(a_{i2}) + \dots + w_m u_m(a_{im}))$$

heute

# Übersicht: Instrumente und Informationen

	Präferenzwerte	Mehrere Ziele	Unsicherheit
Instrumente	<p>Nutzenfunktion</p> $u(x) = \frac{1 - e^{-c \frac{x-x^-}{x^+ - x^-}}}{1 - e^{-c}}$	<p>Additive Nutzenfunktion</p> $u(a) = \sum_{r=1}^m w_r u_r(a_r)$	<p>Erwartungsnutzenfunktion</p> $EU(x) = \sum_i p_i u(x_i)$
Informationen	<p>Indifferenzaussage</p> 	<p>Trade-off</p> $(a_1, a_2) \sim (b_1, b_2)$	<p>Wahrscheinlichkeiten</p> $p_1 \dots p_n$
	Zielausprägungen		

# Formen der unvollständigen Information

Dominanzkonzepte sind auch erweiterbar auf unvollständige Information, und zwar hier im Hinblick auf

Präferenzen  $u \in U(I)$

Wahrscheinlichkeiten  $p \in P(I)$

Menge möglicher Nutzenfunktionen

Menge möglicher Wahrscheinlichkeiten

„ $I$ “ ist der momentan vorhandene Informationsstand des Entscheiders

## Allgemeine Dominanzdefinition bei unvollständiger Information:

Eine Alternative  $a$  dominiert eine andere  $b$ , falls  
 $EU(a) \geq EU(b)$  für alle möglichen  $u \in U(I)$  und  $p \in P(I)$

Echte Dominanz gilt, wenn zusätzlich in einer Konstellation von Nutzenfunktion und Wahrscheinlichkeiten  $EU(a) > EU(b)$  gilt.

# Dominanzüberprüfung bei unvollständiger Information

$$EU(a) \geq EU(b) \text{ für alle möglichen } u \in U(I) \text{ und } p \in P(I)$$

## 1. Schritt: Minimum und Maximum der Differenz berechnen

*Maximiere [  $EU(a) - EU(b)$  ] unter den Bedingungen  $u \in U(I)$  und  $p \in P(I)$*

*Minimiere [  $EU(a) - EU(b)$  ] unter den Bedingungen  $u \in U(I)$  und  $p \in P(I)$*

## 2. Schritt: Auf Dominanz überprüfen

*falls Minimum  $\geq 0$ , dominiert  $a$  die Alternative  $b$*

*falls Maximum  $\leq 0$ , dominiert  $b$  die Alternative  $a$*

# Beispiel einer Dominanzüberprüfung bei unvollständiger Information

Alternative	$s_1$	$s_2$	$s_3$
$a$	10	70	60
$b$	30	40	30

Die Wahrscheinlichkeit von  $s_1$  beträgt mindestens 10%, die von  $s_3$  höchstens 60% und  $s_2$  ist mindestens so wahrscheinlich ist wie  $s_1$ .

$$\text{Minimiere } p(s_1) \cdot (u(10) - u(30)) + p(s_2) \cdot (u(70) - u(40)) + p(s_3) \cdot (u(60) - u(30))$$

unter den Nebenbedingungen:

$$\begin{aligned} p(s_1) &\geq 0,1 \\ p(s_2) &\geq p(s_1) \\ p(s_3) &\leq 0,6 \\ p(s_1), p(s_2), p(s_3) &\geq 0 \\ p(s_1) + p(s_2) + p(s_3) &= 1 \end{aligned}$$



# Absolute Dominanz

---

Wie ist der Zusammenhang zur Dominanzdefinition in Kapitel 1.4?

Wiederholung (Kap. 1.4)

**Definition:** Eine Alternative  $a$  dominiert die Alternative  $b$ , falls in jedem entscheidungsrelevanten Aspekt (Ziele, Zustände)  $a$  mindestens so gut ist wie  $b$ .

Selbst ohne irgendeine Information ist die Dominanz gegeben

→ „absolute“ Dominanz

Unvollständigkeit im Hinblick auf ...

**Präferenzen  $u \in U(I)$**

Stochastische  
Dominanz

Aufgabe 8

**Wahrscheinlichkeiten  $p \in P(I)$**

Einfache Konstellationen  
(per Hand lösbar)

Aufgabe 6  
Aufgabe 7

# Wahrscheinlichkeiten lassen sich in Intervallen eingrenzen

**Beispiel:**

	$s_1$	$s_2$	$s_3$
<i>Wahrscheinlichkeiten</i>	0,3 bis 0,6	0,2 bis 0,4	0,1 bis 0,4
<i>A</i>	0,8	0,6	0,4
<i>B</i>	0,3	0,5	0,8

Minimiere  $(0,8-0,3) p(s_1) + (0,6-0,5) p(s_2) + (0,4-0,8) p(s_3) = 0,5 p(s_1) + 0,1 p(s_2) - 0,4 p(s_3)$

## Algorithmus zum Berechnen des Minimums:

1. Zustandswahrscheinlichkeiten zunächst auf Minimum setzen
2. Zustandswahrscheinlichkeiten mit dem niedrigsten Koeffizienten in der Zielfunktion auf Maximum setzen
3. Schritt 2 solange wiederholen, bis 100% „verbraucht“

Aufgabe 6 (Lehrbuch Teil III, S. 231-232)

Ein Bauunternehmer gerät aufgrund eines sehr regnerischen Sommers mit seinem aktuellen Bauprojekt in zeitlichen Verzug. Um sich vor allzu hohen Konventionalstrafen zu schützen, denkt er über die kurzfristige Anstellung von Zeitarbeitern nach. Ob diese wirklich nötig sind, hängt dabei von der Wetterentwicklung im Herbst und Winter ab, insbesondere davon, ab wann mit Frost zu rechnen ist. Hierzu kontaktiert er den DWD, der ihm die in folgender Tabelle dargestellten Wetterszenarien mit erwarteten Wahrscheinlichkeiten in Aussicht stellt.

Wetterlage	früher Frost ( $s_1$ )	regulärer Winter ( $s_2$ )	milder Winter ( $s_3$ )
Wahrscheinlichkeit	$15\% \leq p(s_1) \leq 30\%$	$50\% \leq p(s_2) \leq 70\%$	$20\% \leq p(s_3) \leq 40\%$

Auf Basis dieser Abschätzung überlegt sich der Bauunternehmer nun, zu welchem Restgewinn (Gewinn abzgl. ggf. Zeitarbeiter, abzgl. ggf. Konventionalstrafe) welche Wetterlage mit oder ohne zusätzlichen Zeitarbeitern in etwa führen wird (in Tsd. €).

Entscheidung	$s_1$	$s_2$	$s_3$
mit Zeitarbeitern (a)	40	30	55
ohne Zeitarbeiter (b)	0	40	70

## Aufgabe 6 (Lehrbuch Teil III, S. 231-232)

- a) Ist es unter der Voraussetzung, dass der Bauunternehmer risikoneutral bewertet, möglich, dass Sie bereits eine Entscheidungsempfehlung geben?
- b) Bei einer genaueren Analyse seines Risikoverhaltens stellt sich jedoch heraus, dass der Bauunternehmer keinesfalls risikoneutral agiert. Er gibt folgende Indifferenz an: Ein sicherer Gewinn von 35 Tsd. Euro ist gleichwertig zu einer 75%-Chance auf einen Gewinn von 70 Tsd. Euro mit einem 25%-igen Risiko ohne Gewinn dazustehen. Geben Sie die entsprechenden Parameter der exponentiellen Nutzenfunktion in der Bandbreite [0 Euro, 70 Tsd. Euro] an.
- c) Ist nun unter Einbeziehung der exponentiellen Nutzenfunktion eine der beiden möglichen Entscheidungen dominant gegenüber der anderen?

Wetterlage	früher Frost ( $s_1$ )	regulärer Winter ( $s_2$ )	milder Winter ( $s_3$ )
Wahrscheinlichkeit	$15\% \leq p(s_1) \leq 30\%$	$50\% \leq p(s_2) \leq 70\%$	$20\% \leq p(s_3) \leq 40\%$
Entscheidung	$s_1$	$s_2$	$s_3$
mit Zeitarbeitern (a)	40	30	55
ohne Zeitarbeiter (b)	0	40	70

## Aufgabe 6a - Lösung

Gegeben: 2 Entscheidungsalternativen

Wahrscheinlichkeitsintervalle:  $15\% \leq p(s_1) \leq 30\%$

$50\% \leq p(s_2) \leq 70\%$

$20\% \leq p(s_3) \leq 40\%$

a) Dominanzüberprüfung

$\min (EU(a) - EU(b)) \geq 0? \quad \forall p \in P(I), \forall u \in U(I)$

$\max (EU(a) - EU(b)) \leq 0? \quad \forall p \in P(I), \forall u \in U(I)$

Prämisse: risikoneutrales Verhalten  $\Rightarrow$  Erwartungswert entscheidet

falls  $\min \geq 0 \Rightarrow a$  dominiert  $b$

falls  $\max \leq 0 \Rightarrow b$  dominiert  $a$

# Aufgabe 6a – Lösung Fortsetzung

## 1. a dominiert b?

Zur Dominanzüberprüfung wird ein LP-Ansatz aufgestellt

Zielfunktion:  $\min[p(s_1) \cdot (40 - 0) + p(s_2) \cdot (30 - 40) + p(s_3) \cdot (55 - 70)] \geq 0$

Nebenbedingungen:  $15\% \leq p(s_1) \leq 30\%$   
 $50\% \leq p(s_2) \leq 70\%$   
 $20\% \leq p(s_3) \leq 40\%$   
 $p(s_1), p(s_2), p(s_3) \geq 0$   
 $p(s_1) + p(s_2) + p(s_3) = 1$

⇒ minimiere  $[p(s_1) \cdot 40 + p(s_2) \cdot (-10) + p(s_3) \cdot (-15)] \geq 0$

→ Wahrscheinlichkeiten, die zum Minimum führen:  
 $p(s_1) = 15\%, p(s_2) = 50\%, p(s_3) = 35\%$   
→ Minimum =  $0,15 \cdot 40 + 0,5 \cdot (-10) + 0,35 \cdot (-15) =$   
 $-4,25 \leq 0$   
→ a dominiert b nicht!

Zur Lösung dieses LP-Ansatzes werden aus den gegebenen Wahrscheinlichkeitsintervallen ([15%, 30%], [50%, 70%], [20%, 40%]) zunächst die kleinsten Wahrscheinlichkeiten angenommen.

Falls die Überprüfung zeigt, dass die Nebenbedingung nicht eingehalten wird, wird schrittweise innerhalb der Intervallgrenzen an der Stelle die Wahrscheinlichkeit erhöht, an der sich rechnerisch der kleinste Wert ergibt.

Wenn die Nebenbedingung erfüllt ist, zeigt sich, ob Dominanz vorliegt.

## Aufgabe 6a – Lösung Fortsetzung

### 2. b dominiert a?

→ maximiere  $[p(s_1) \cdot 40 + p(s_2) \cdot (-10) + p(s_3) \cdot (-15)] \leq 0$

(Nebenbedingungen wie oben)

In Abweichung zu 1. wird innerhalb der Wahrscheinlichkeitsintervallgrenzen jetzt so lange an der Stelle die Wahrscheinlichkeit erhöht, an der sich der größte Wert ergibt, bis die Nebenbedingungen erfüllt sind.

→ Wahrscheinlichkeiten, die zum Maximum führen:

$$p(s_1) = 30\%, p(s_2) = 50\%, p(s_3) = 20\%$$

→ Maximum =  $0,3 \cdot 40 + 0,5 \cdot (-10) + 0,2 \cdot (-15) = 4 \geq 0$

→ b dominiert a nicht

→ noch keine Entscheidungsempfehlung!



b) Bandbreite: [0 Euro, 70 Tsd. Euro]

Exponentielle Nutzenfunktion (NF):  $u(x) = \frac{1 - e^{-c \frac{x - x^-}{x^+ - x^-}}}{1 - e^{-c}}$

Es gilt:  $\frac{x^- + x^+}{2} \sim \begin{array}{l} p \rightarrow x^+ \\ 1-p \rightarrow x^- \end{array} \rightarrow c = -2 \ln \left( \frac{1}{p} - 1 \right)$

Hier: 35 Tsd.  $\sim \begin{array}{l} 75\% \rightarrow 70 \text{ Tsd. €} \\ 25\% \rightarrow 0 \text{ €} \end{array} \rightarrow c = -2 \ln \left( \frac{1}{0,75} - 1 \right) \approx 2,2 \rightarrow \text{konkave NF } (c > 0)$

$\rightarrow u(x) = \frac{1 - e^{-2,2 \frac{x - 0}{70 - 0}}}{1 - e^{-2,2}} = \frac{1 - e^{-2,2 \frac{x}{70}}}{1 - e^{-2,2}}$  mit den Parametern:  $c = 2,2$ ;  $x^- = 0$ ;  $x^+ = 70$

c) Bestimmen der Nutzenwerte der erwarteten Gewinne bei Wetterlagen  $s_1, s_2, s_3$ :

	$s_1$	$s_2$	$s_3$
mit Zeitarbeitern (a)	0,805 [= $u(40)$ ]	0,687 [= $u(30)$ ]	0,925 [= $u(55)$ ]
ohne Zeitarbeiter (b)	0 [= $u(0)$ ]	0,805 [= $u(40)$ ]	1 [= $u(70)$ ]

## 1. a dominiert b?

$\Rightarrow$  minimiere  $[p(s_1) \cdot (0,805 - 0) + p(s_2) \cdot (0,687 - 0,805) + p(s_3) \cdot (0,925 - 1)] \geq 0$  ?

$\Rightarrow$  minimiere  $[p(s_1) \cdot 0,805 + p(s_2) \cdot (-0,118) + p(s_3) \cdot (-0,075)] \geq 0$  ?

Annahme der minimalen Wahrscheinlichkeiten je Wetterlage  $s_i$ , dann erhöhen wie in Aufgabenteil a).

$\rightarrow$  Wahrscheinlichkeiten, die zum Minimum führen:  $p(s_1) = 15\%$ ,  $p(s_2) = 65\%$ ,  $p(s_3) = 20\%$

$\rightarrow$  Minimum =  $0,15 \cdot 0,805 + 0,65 \cdot (-0,118) + 0,2 \cdot (-0,075) \approx 0,029 > 0$

$\rightarrow$  a dominiert b  $\rightarrow$  wähle Investition a!

*Anm.: Zeigt bereits der 1. LP-Ansatz das Vorliegen einer Dominanzbeziehung, so kann auf den 2. LP-Ansatz verzichtet werden. Man hat quasi „Glück gehabt“.*

# Übersicht der 9. Übung – Präskriptive Entscheidungstheorie

---

- ✓ Dominanz bei unvollständiger Information
- ✓ Aufgabe 6
  
- Dominanz bei unvollständiger Information
- Aufgabe 7
  
- Risikoprofile, stochastische Dominanz
- Aufgabe 8

# Unvollständige Information: Wahrscheinlichkeiten lassen sich ordnen

**Beispiel:**

$$p(s_1) \geq p(s_2) \geq p(s_3)$$

	$s_1$	$s_2$	$s_3$
$a$	0,7	0,6	0,8
$b$	0,5	0,7	0,9

Überprüfung dieser Konstellationen genügt:

	$p(s_1)$	$p(s_2)$	$p(s_3)$
I	1	0	0
II	0,5	0,5	0
III	1/3	1/3	1/3

$$EU(a) = 0,7 p(s_1) + 0,6 p(s_2) + 0,8 p(s_3) \geq 0,5 p(s_1) + 0,7 p(s_2) + 0,9 p(s_3) = EU(b)$$

**Einfacher Algorithmus über die Berechnung der kumulierten Nutzenwerte:**

	$s_1$	$s_2$	$s_3$
$A$	0,7	0,6	0,8
Kumulierte Werte	0,7	1,3 (=0,7+0,6)	2,1 (=1,3+0,8)
$B$	0,5	0,7	0,9
Kumulierte Werte	0,5	1,2 (=0,5+0,7)	2,1 (=1,2+0,9)

# Aufgabe 7 (Lehrbuch Teil III, S. 227-230)

Ihr Entscheidungsproblem bestehe aus drei Alternativen  $a_1$ ,  $a_2$  und  $a_3$  und vier möglichen Umweltzuständen  $s_1, \dots, s_4$ . Sie kennen die Eintrittswahrscheinlichkeiten der Umweltzustände nicht exakt, können sie jedoch folgendermaßen ordnen:  $p(s_4) \geq p(s_1) \geq p(s_3) \geq p(s_2)$

Die mittels ihrer bekannten Nutzenfunktion bewerteten Ausprägungen dieser Alternativen sind durch folgende Tabelle gegeben:

Alternative	$s_1$	$s_2$	$s_3$	$s_4$	Durchschnitt
$a_1$	0,6	0,2	0,6	0,9	0.575
$a_2$	0,7	0,4	0,8	0,3	0,55
$a_3$	0,4	0,6	0,7	0,7	0,6

- Ohne Rechnung: Überlegen Sie, ob eine Alternative als eine die beiden anderen Alternativen dominierende in Frage kommt!
- Streichen Sie nun Alternative  $a_1$ . Liegt zwischen den verbleibenden Alternativen  $a_2$  und  $a_3$  eine Dominanzbeziehung vor?

## Aufgabe 7a - Lösung

a) Für eine dominante Alternative muss gelten:

Die Ausprägung im wahrscheinlichsten Zustand muss besser sein als die Ausprägungen der anderen Alternativen in diesem:

→ hier:  $s_4$

→ nur  $a_1$  kann dominant sein

Der Durchschnitt muss besser sein als der der anderen Alternativen:

→ nur  $a_3$  kann dominant sein

→ Keine Alternative kann alle anderen dominieren.

*(Dies ist nur ein Gegenbeweis, Dominanz kann so nicht gezeigt werden.)*

b) Zunächst werden die möglichen Zustände nach ihren Wahrscheinlichkeiten geordnet:

Alternative	s <sub>4</sub>	s <sub>1</sub>	s <sub>3</sub>	s <sub>2</sub>
a <sub>2</sub>	0,3	0,7	0,8	0,4
a <sub>3</sub>	0,7	0,4	0,7	0,6
kumulierte Werte a <sub>2</sub>	0,3	1,0	1,8	2,2
kumulierte Werte a <sub>3</sub>	0,7	1,1	1,8	2,4

→ Die kumulierten Werte für a<sub>3</sub> sind in jedem Zustand besser als die für a<sub>2</sub> oder zumindest gleich gut.

→ a<sub>3</sub> dominiert a<sub>2</sub>

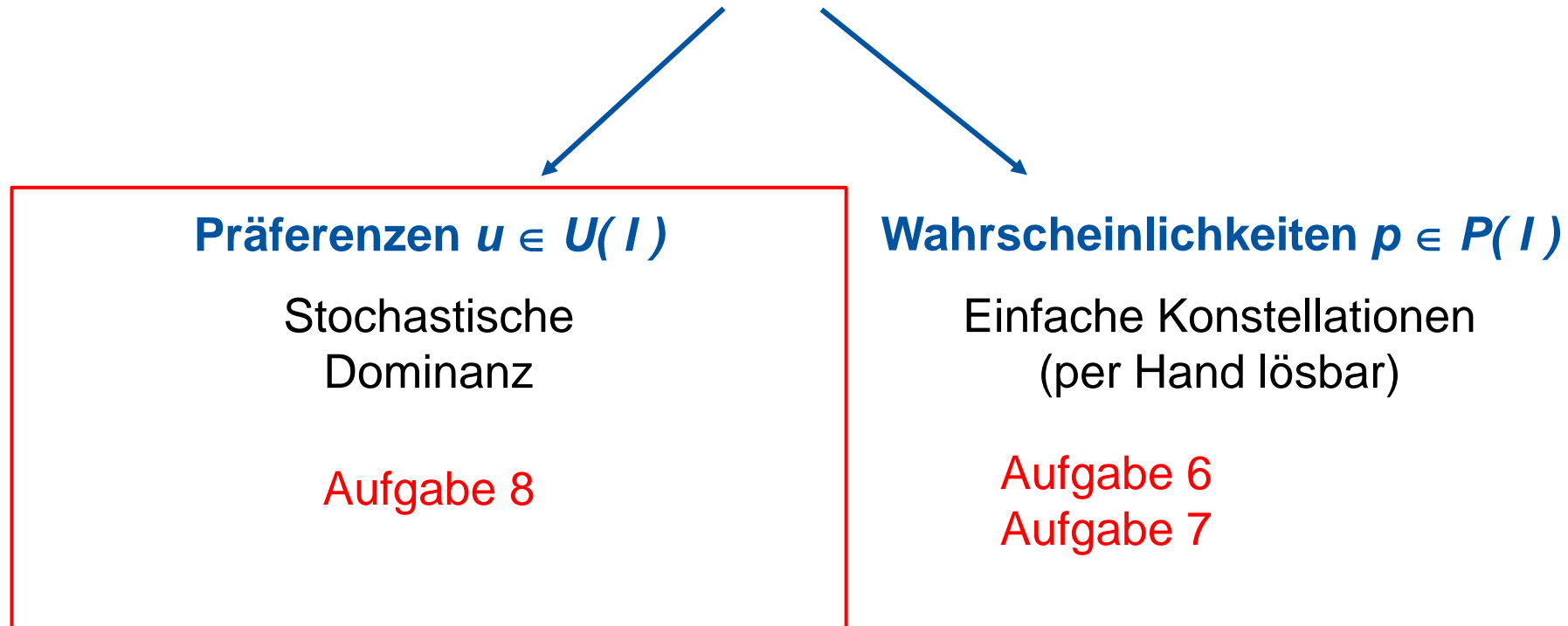
# Übersicht der 9. Übung – Präskriptive Entscheidungstheorie

---

- ✓ Dominanz bei unvollständiger Information
- ✓ Aufgabe 6
  
- ✓ Dominanz bei unvollständiger Information
- ✓ Aufgabe 7
  
- Risikoprofile, stochastische Dominanz
- Aufgabe 8



Unvollständigkeit im Hinblick auf ...



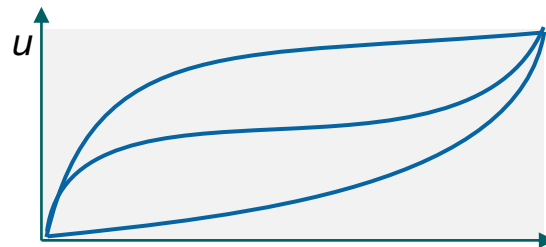
# Stochastische Dominanz bei unbekannten Nutzenfunktionen

Stochastische Dominanzen können bei bekannten Wahrscheinlichkeiten, aber unvollständig bekannten Nutzenfunktionen überprüft werden.

Wie ist der Informationsstand bzgl. Nutzenfunktion?

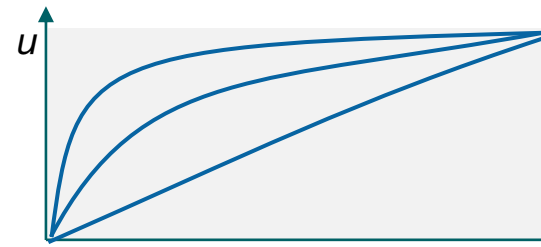
## Stochastische Dominanz 1. Grades:

Bekannt ist, dass die Nutzenfunktion monoton ist



## Stochastische Dominanz 2. Grades:

Bekannt ist, dass die Nutzenfunktion monoton und konkav ist

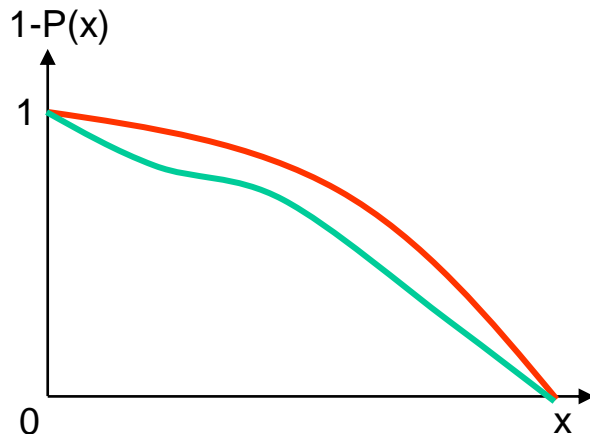


# Stochastische Dominanz 1. Grades

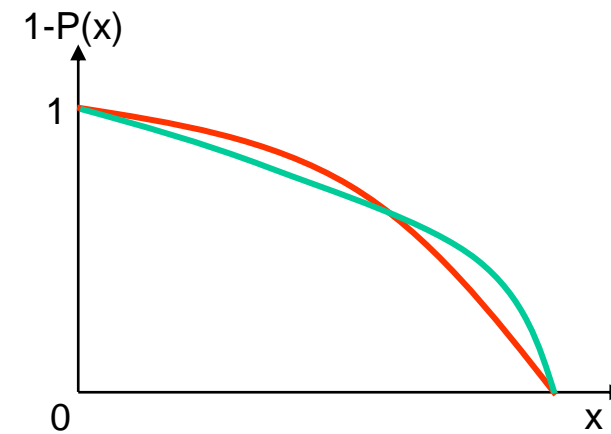
Eine Alternative  $a$  dominiert eine andere  $b$  stochastisch 1. Grades, falls für jede Ausprägung der Zielvariablen die Wahrscheinlichkeit, diese zu überschreiten, bei  $a$  mindestens so hoch ist wie bei  $b$ .

$P(x)$  = Verteilungsfunktion

$1-P(x)$  = „**Risikoprofil**“



→ Bedingung erfüllt



→ Bedingung nicht erfüllt

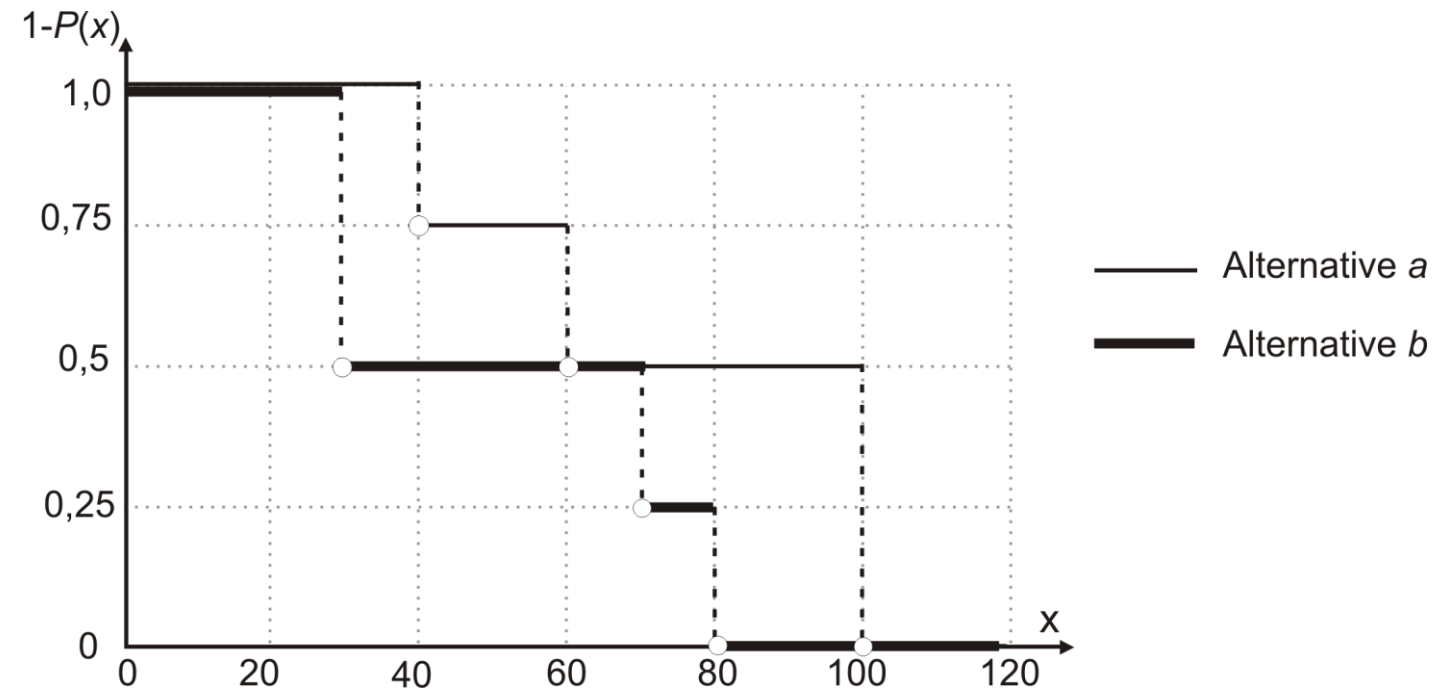
# Beispiel zur Stochastische Dominanz 1. Grades (als Tabelle)

	$s_1$ mit $p(s_1) = 0,50$	$s_2$ mit $p(s_2) = 0,25$	$s_3$ mit $p(s_3) = 0,25$
<b>a</b>	100 T €	40 T €	60 T €
<b>b</b>	30 T €	70 T €	80 T €

	Wahrscheinlichkeit, die Ausprägung x zu überschreiten	
	bei <b>a</b>	bei <b>b</b>
$x < 30 \text{ T €}$	100%	100%
$30 \text{ T €} \leq x < 40 \text{ T €}$	100%	50%
$40 \text{ T €} \leq x < 60 \text{ T €}$	75%	50%
$60 \text{ T €} \leq x < 70 \text{ T €}$	50%	50%
$70 \text{ T €} \leq x < 80 \text{ T €}$	50%	25%
$80 \text{ T €} \leq x < 100 \text{ T €}$	50%	0%
$100 \text{ T €} \leq x$	0%	0%

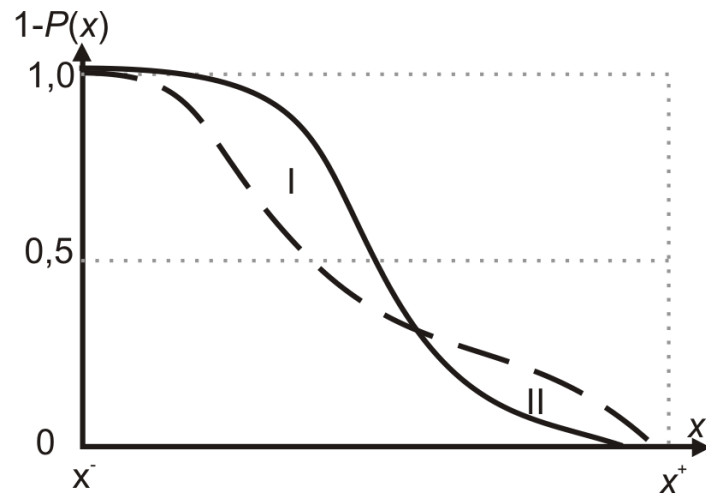
# Beispiel zur Stochastische Dominanz 1. Grades (als Risikoprofil)

	$s_1$ mit $p(s_1) = 0,50$	$s_2$ mit $p(s_2) = 0,25$	$s_3$ mit $p(s_3) = 0,25$
<b>a</b>	100 T €	40 T €	60 T €
<b>b</b>	30 T €	70 T €	80 T €

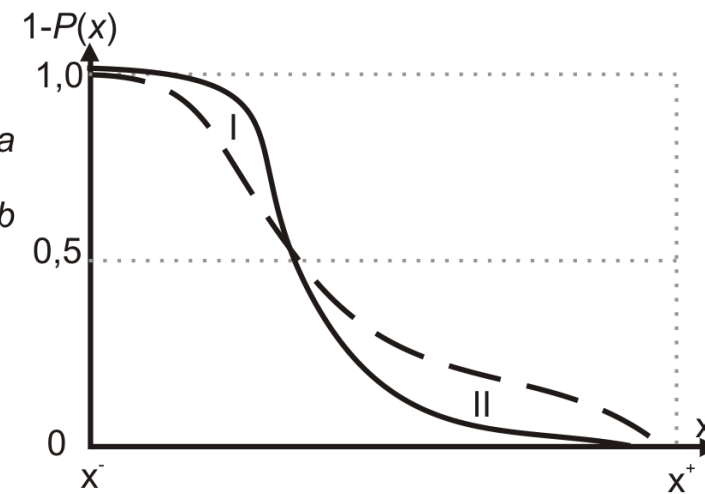


# Stochastische Dominanz 2. Grades

Eine Alternative  $a$  dominiert eine andere  $b$  stochastisch 2. Grades, wenn für jede Ausprägung  $x$  die Fläche unter dem Risikoprofil bis zu dieser Ausprägung bei  $a$  mindestens so groß ist wie bei  $b$ .



→ Bedingung erfüllt



→ Bedingung nicht erfüllt

# Übersicht über behandelte Sonderfälle

		Wahrscheinlichkeiten		
		bekannt	unvollständige Information	keine Information
Nutzenfunktion	bekannt	Vergleich der Nutzenerwartungswerte	Dominanzüberprüfungen bei geordneten Wahrscheinlichkeiten oder bei Intervalleingrenzung	
	monoton und konkav	Stochastische Dominanz zweiten Grades		
	monoton	Stochastische Dominanz ersten Grades		

## Aufgabe 8 (Lehrbuch Teil III, S. 232-235)

Ein Unternehmen hat zwischen zwei Investitionsmöglichkeiten zu wählen. Die dafür zuständige Fachabteilung beziffert die zu erwartenden Cash-Flows der Investitionsmöglichkeiten einhergehend mit deren Wahrscheinlichkeiten wie folgt:

Wahrscheinlichkeit	15%	35%	30%	20%
Investition A	-50	100	160	300
Wahrscheinlichkeit	20%	30%	40%	10%
Investition B	-50	80	160	300

- a) Dominiert ein Projekt das andere? Zeichnen Sie hierzu das Risikoprofil der beiden Investitionsmöglichkeiten.
- b) Aufgrund von Marktschwankungen ändern sich bei Investition A die Wahrscheinlichkeiten auf einen Cashflow von 160 bzw. 300 auf 45% bzw. 5%. Zeichnen Sie erneut die Risikoprofile der beiden Projekte. Welche Aussagen können Sie jetzt über die Dominanz treffen?
- c) Was bedeutet das Ergebnis aus b) für das Unternehmen?



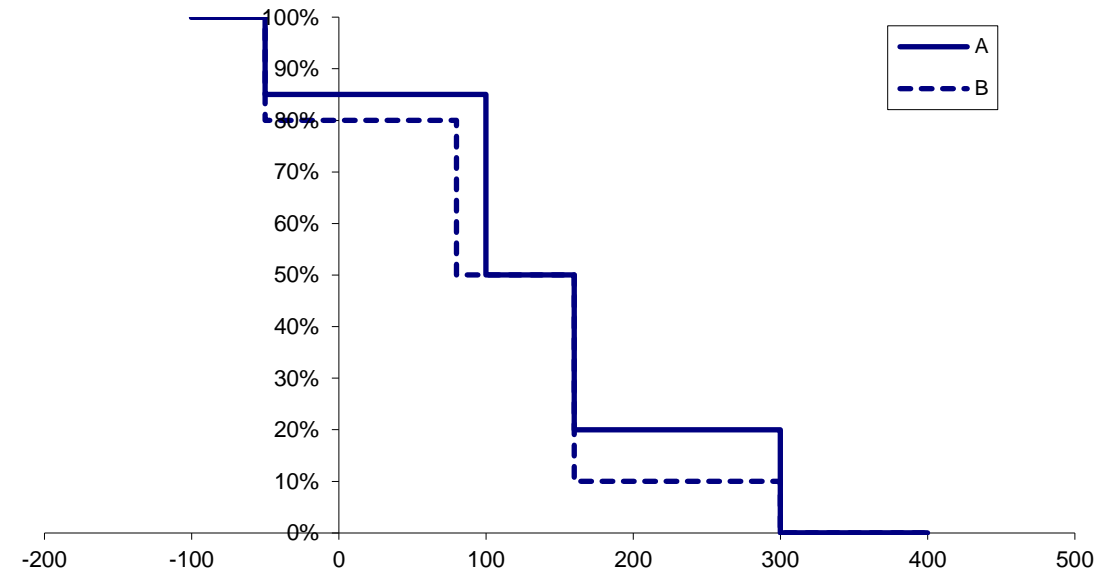
a) Die Verteilung des Cash-flows (C) der beiden Investitionen sieht wie folgt aus:

A: (15% → -50, 35% → 100, 30% → 160, 20% → 300)

B: (20% → -50, 30% → 80, 40% → 160, 10% → 300)

	Wahrscheinlichkeit, dass der Cash-flow der Investitionen(C) das angegebene X überschreitet	
	A	B
$X < -50$	100%	100%
$-50 \leq X < 80$	85%	80%
$80 \leq X < 100$	85%	50%
$100 \leq X < 160$	50%	50%
$160 \leq X < 300$	20%	10%
$300 \leq X$	0%	0%

Skizze der Risikoprofile:



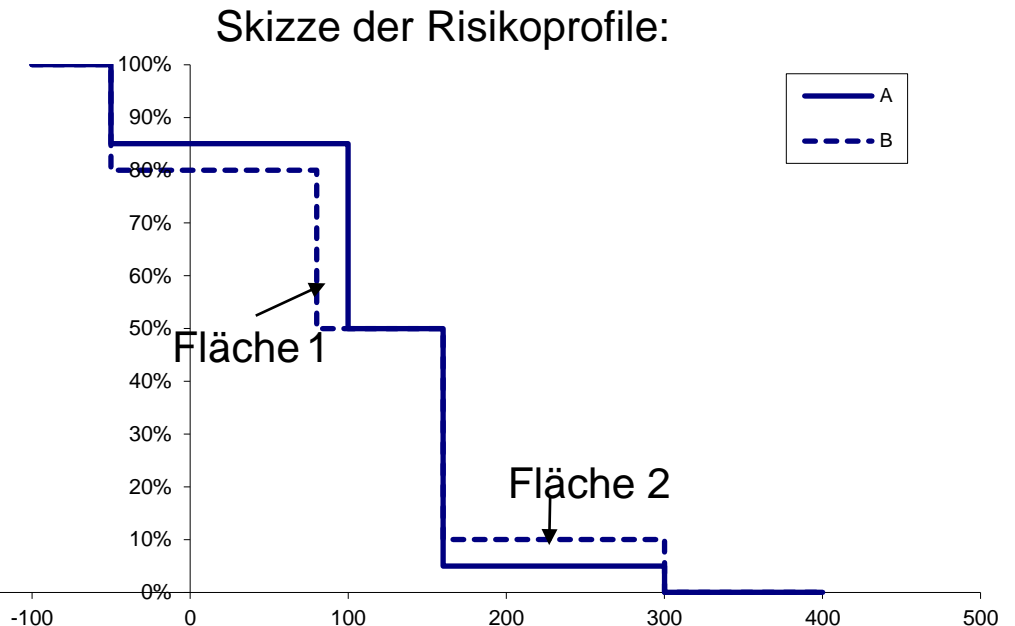
→ Unterstellt man eine monotone Nutzenfunktion, so wird die Investition B von der Investition A stochastisch 1. Grades dominiert, da das Risikoprofil von A nie unter das von B fällt.

b) Die Verteilung des Endwertes der beiden Projekte sieht jetzt wie folgt aus:

A: (15% → -50, 35% → 100, 45% → 160, 5% → 300)

B: (20% → -50, 30% → 80, 40% → 160, 10% → 300)

	Wahrscheinlichkeit, dass der Cash-flow der Investitionen(C) das angegebene X überschreitet	
	A	B
$X < -50$	100%	100%
$-50 \leq X < 80$	85%	80%
$80 \leq X < 100$	85%	50%
$100 \leq X < 160$	50%	50%
$160 \leq X < 300$	5%	10%
$300 \leq X$	0%	0%



Man erkennt: Fläche 1 ist größer als Fläche 2.

→ Investition A dominiert Investition B stochastisch 2. Grades, wenn man unterstellt, dass die Nutzenfunktion des Entscheiders monoton und konkav (risikoscheu,  $c > 0$ ) ist.

- c) Dies bedeutet, dass man sich darüber klar werden muss, ob das Unternehmen über eine monotone und konkave Nutzenfunktion verfügt. Ist dies der Fall, so kann man sagen, dass die Investitionsmöglichkeit A gewählt werden sollte. Die Annahme einer monotonen und konkaven Nutzenfunktion ist realitätsnah.

# Übersicht der 9. Übung – Präskriptive Entscheidungstheorie

---

- ✓ Dominanz bei unvollständiger Information
- ✓ Aufgabe 6
  
- ✓ Dominanz bei unvollständiger Information
- ✓ Aufgabe 7
  
- ✓ Risikoprofile, stochastische Dominanz
- ✓ Aufgabe 8