# BDAN

+ Projekt: Profesjonalny algorytm kryptograficzny

Dominika Atroszczyk, Daria Shevchenko



# -Czym jest Makwa?





- zaawansowana funkcja haszująca
- stworzona do przekształcenia haseł w tokeny do weryfikacji haseł
- kluczową cechą jest wsparcie dla delegacji

# -Czym jest delegacja

× × ×

Delegacja polega na przenoszeniu kosztownych obliczeń kryptograficznych z klienta na serwer

- Cel: utrudnienie ataków, zachowanie niskich kosztów obrony



#### -Jak działa sól?

× ×

Sól to losowy element danych dodawany do hasła przed jego haszowaniem

- Unikalność: dla każdego hasła generowana jest unikalna sól
- Losowość: nawet identyczne hasła będą miały różne wartości hash
- Bezpieczeństwo: chroni przed atakami słownikowymi i atakami na wiele kont

### - Przykład:

- Hasło: haslo123
- Sól: aB1cD2
- Zhashowane hasło: Hash(haslo123aB1cD2)

## - Kwadratowanie modulo

× × × ×

 Operacja matematyczna, w której liczba jest podnoszona do kwadratu, a następnie wynik tej operacji jest dzielony przez inną liczbę (modulus). Wynikiem jest reszta z tej operacji.

$$y = x^2 \mod n$$



#### - HMAC

Hash-based Message Authentication Code (HMAC):
Metoda uwierzytelniania wiadomości przy użyciu kryptograficznych funkcji haszujących w połączeniu z tajnym kluczem

Umożliwia nam sprawdzenie, czy wiadomość pochodzi od autentycznego nadawcy i nie została zmodyfikowana podczas transmisji.

- Przykład:

Klucz: "secret\_key"

Wiadomość: "message"

Hashowanie: HMAC: "SHA-256(secret\_key XOR message)"

//////

### - KDF

- Funkcja KDF (key Derivation Function) generuje klucz z hasła i soli
- Zapewnia, że nawet jeśli dwa hasła są identyczne, ale mają różne wartości soli, wynikowe klucze będą zupełnie inne.
- Używa funkcji HMAC do przetwarzania danych wejściowych.

**Parametry:** dane wejściowe, długość wyjściowa klucza, HMAC(key, message, f.hash).

/////

### - KDF

- algorytm:

R - długość skrótu zwracana przez określoną f.hash (np. sha-256)

$$K = "0" R (np. 0000 dla R = 4)$$

$$np.(1111+0+"data" = 11110data)$$

V = HMAC na (K, V, f.hash)

K = HMAC(K, V+1+data, f.hash)

• • •

ETLA

# — Parametry algorytmu

- ××
- Password (np. "haslo") **Wprowadzane przy zabezpieczaniu**
- Salt (np. "sol")
- Koszt: m\_cost (np. 1000):liczba iteracji kwadratowania)
- Pre-hashing (tak/nie): opcjonalne haszowanie wstępne
- Długość hasha po procesie (np. 100)

- Funkcja hash (np. sha-256)
- Modulus (blum integer)

Modulus =  $p \cdot q$ , gdzie  $p \cdot q$  - liczby pierwsze w formacie 4t+3, t  $\in \mathbb{R}$ 

Po stronie serwera

Np. p = 3 (t = 0), q = 11 (t = 2). Modulus = 3 
$$^{*}$$
 11 = 33.

//////

# - Proces algorytmu

- Weryfikacja Modulus:
  - Sprawdzamy, czy długość modulus w bitach ≥ 160 bitów. Jeśli mniej, algorytm nie jest wykonywany
- Pre-hashing:
  - Opcjonalnie wykonujemy KDF na haśle, jeśli *pre\_hashing = True*
- Sprawdzenie długości hasła:
  - 255 < dł.hasła w bajtach
  - dł. Modulus w bajtach 32 < dł. Hasła w bajtach

# Proces algorytmu

Generowanie SB:

SB = KDF na stringu: salt+password + (dł.password)

Przykład: "sol" + "haslo" + 5 -> SB = "solhaslo5"

Generowanie XB:

XB = 0 + SB + password + (dł.password)

Przykład: 0 + "solhaslo5" + "haslo" + 5 -> XB = "0solhaslo5haslo5"

Generowanie X:

X = bigint(XB), czyli zamieniamy XB na wartość liczbową

W oryginalnym kodzie nie ma żadnych liter, wszystko zapisane jest na bajtach, "solhaslo5" to tylko przykład dla czytelności.

//////

# Proces algorytmu

× × × ×

#### Proces obliczeń kwadratowania modulo

W przypadku m\_cost = 2, proces wygląda następująco:
Pierwsze kwadratowanie:
Drugie kwadratowanie:

$$x_1 = XB^2 \mod \text{modulus}$$

$$x_2 = x_1^2 \mod \text{modulus}$$

x\_2 jest skracane do tej samej liczby bajtów, na ilu jest zapisany modulus:

$$x_2 = /x55/x66/x77$$
, modulus =  $/x22/x39 \rightarrow x_2 = /x55/x66$ 

# Proces algorytmu

Na x\_n wykonujemy KDF, który ostatecznie skraca x\_n do długości podanej w parametrach:

post-hashing-length = 100 -> skraca x\_n do 100B

post-hashing-length = 0 -> nie robimy KDF i zostawiamy bez skracania



# - Implementacja

#### main.py

Główny skrypt uruchamiający algorytm Makwa. Obsługuje komunikację z "serwerem" w kontekście delegacji obliczeń

#### makwa.py

Zawiera implementacje algorytmu Makwa. Wykonuje operacje haszowania, kwadratowania modulo, oraz zarządza całym procesem obliczeń.

### utilities.py

Zawiera różne funkcje pomocnicze, które wspomagają działanie głównego algorytmu Makwa.

#### Given inputs:

- password: bdan projekt końcowy :)
- salt: makwa w pythonie
- number of mod squarings: 1000
- pre-hashing enabled: True
- post-hashing length: 100

#### Server-wide parameters:

- blum integer(n): 3510229999923299598059480584291791370714934985640052016902708478026456777683457901949672921722349209667380722064739346073025301552311 4961136682248832477986255035924770594549007341535604046396605619218273497288273519373814146324007848243803006557286052410823368418655861680018220505071650497496 0684274903694268739329364426113890015149870585388182704155583596315748606210332410451928804706233707927619083497201874813615511781886907432805612809508823268899 891209780624476214502411841120379122441399868990031856936939031108078845928001314024359275259573951215714002984243912232599737765387970108271965656205
  - hash function: sha256

#### Outputs:

- password in hex bytes: 6264616e2070726f6a656b74206b6fc584636f7779203a29
- salt in hex bytes: 6d616b7761207720707974686f6e6965
- byte length of modulus(k): 251
- pre-hashed password: cf71afad8338f9e34df80865ab41fa58
- byte length of password(u): 32
- SB: 25dab8a09279f7f368491322f0190fc630a1bbc3106189e23f1b95a4215db9615823828a4323bcb60db2756b39be73f54b55... (+217)
- XB: 025dab8a09279f7f368491322f0190fc630a1bbc3106189e23f1b95a4215db9615823828a4323bcb60db2756b39be73f54b5... (+252)
- XB as integer(x): 2564616286109279667663684913226601906663630611626263310618965236616295614215646296158238286143236263... (+345)
- after modulo-squaring: 2443291435507838079310659509154764845423954998114064504932206693976633760450677760967137899755169906... (+603)
- post-hashed password: e9459928572fcda63c9cdaa46eab77bff3bdfa46ad1a1e62af2cd3787a9013873107b13f190c88e137c44eade0b38023028c
- ♥ final result: e9459928572fcda63c9cdaa46eab77bff3bdfa46ad1a1e62af2cd3787a9013873107b13f190c88e137c44eade0b38023028c
- ----- MAKWA password hashing function -----



