

Ordenação iterativa

```
1 void selection_sort (int v[], int n) {
2     int i = 0, max;
3     while (i < n-1) {
4         max = 0;
5         int j = 1;
6         while (j < n-i) {
7             if (v[j] > v[max]) max = j;
8             j += 1;
9         }
10        swap(v[max], v[n - i - 1]);
11        i += 1;
12    }
13 }
```

Algoritmo 1 selectionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 0$

Algoritmo 1 selectionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 0$

while $i < n - 1$ **do**

$i \leftarrow i + 1$

end while

Algoritmo 1 selectionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 0$

while $i < n - 1$ **do**

$\text{max} \leftarrow 0; j \leftarrow 1$

$i \leftarrow i + 1$

end while

Algoritmo 1 selectionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 0$

while $i < n - 1$ **do**

$\text{max} \leftarrow 0; j \leftarrow 1$

while $j < n - i$ **do**

$j \leftarrow j + 1$

end while

$i \leftarrow i + 1$

end while

Algoritmo 1 selectionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 0$

while $i < n - 1$ **do**

$\text{max} \leftarrow 0; j \leftarrow 1$

while $j < n - i$ **do**

if $v[j] < v[\text{max}]$ **then**

$\text{max} \leftarrow j$

end if

$j \leftarrow j + 1$

end while

$i \leftarrow i + 1$

end while

Algoritmo 1 selectionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 0$

while $i < n - 1$ **do**

$\text{max} \leftarrow 0; j \leftarrow 1$

while $j < n - i$ **do**

if $v[j] < v[\text{max}]$ **then**

$\text{max} \leftarrow j$

end if

$j \leftarrow j + 1$

end while

$\text{swap}(v[\text{max}], v[n - i - 1])$

$i \leftarrow i + 1$

end while

Selection sort

- Melhor caso:
 - Laço interno: $3\left(\frac{n(n-1)}{2}\right) = \frac{3}{2}n^2 - \frac{3}{2}n$

Algoritmo 3 selectionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 0$

while $i < n - 1$ **do**

$\text{max} \leftarrow 0; j \leftarrow 1$

while $j < n - i$ **do**

if $v[j] < v[\text{max}]$ **then**

$\text{max} \leftarrow j$

end if

$j \leftarrow j + 1$

end while

$\text{swap}(v[\text{max}], v[n - i - 1])$

$i \leftarrow i + 1$

end while

Selection sort

- Melhor caso:
 - Laço interno: $\frac{3}{2}n^2 - \frac{3}{2}n$
 - Laço externo: $7(n - 1) = 7n - 7$

Algoritmo 3 selectionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 0$

while $i < n - 1$ **do**

$\text{max} \leftarrow 0; j \leftarrow 1$

while $j < n - i$ **do**

if $v[j] < v[\text{max}]$ **then**

$\text{max} \leftarrow j$

end if

$j \leftarrow j + 1$

end while

$\text{swap}(v[\text{max}], v[n - i - 1])$

$i \leftarrow i + 1$

end while

Selection sort

- Melhor caso:
 - Laço interno: $\frac{3}{2}n^2 - \frac{3}{2}n$
 - Laço externo: $7n - 7$
 - Demais operações: 2

Selection sort

- Melhor caso:
 - Laço interno: $\frac{3}{2}n^2 - \frac{3}{2}n$
 - Laço externo: $7n - 7$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{melhor}}(n) = \frac{3n^2}{2} + \frac{11n}{2} - 5$

Selection sort

- Melhor caso:
 - Laço interno: $\frac{3}{2}n^2 - \frac{3}{2}n$
 - Laço externo: $7n - 7$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{melhor}}(n) = \frac{3n^2}{2} + \frac{11n}{2} - 5$
 - $t_{\text{melhor}} \in O(n^2)$

Selection sort

- Melhor caso:
 - Laço interno: $\frac{3}{2}n^2 - \frac{3}{2}n$
 - Laço externo: $7n - 7$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{melhor}}(n) = \frac{3n^2}{2} + \frac{11n}{2} - 5$
 - $t_{\text{melhor}} \in O(n^2)$
 - $t_{\text{melhor}} \in \Omega(n^2)$

Selection sort

- Melhor caso:
 - Laço interno: $\frac{3}{2}n^2 - \frac{3}{2}n$
 - Laço externo: $7n - 7$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{melhor}}(n) = \frac{3n^2}{2} + \frac{11n}{2} - 5$
 - $t_{\text{melhor}} \in O(n^2)$
 - $t_{\text{melhor}} \in \Omega(n^2)$

$\Rightarrow t_{\text{melhor}} \in \Theta(n^2) \rightarrow$ Complexidade **quadrática**

Algoritmo 3 selectionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 0$

while $i < n - 1$ **do**

$\text{max} \leftarrow 0; j \leftarrow 1$

while $j < n - i$ **do**

if $v[j] < v[\text{max}]$ **then**

$\text{max} \leftarrow j$

end if

$j \leftarrow j + 1$

end while

$\text{swap}(v[\text{max}], v[n - i - 1])$

$i \leftarrow i + 1$

end while

Selection sort

- Pior caso:

- Laço interno: $4\left(\frac{n(n-1)}{2}\right) = 2n^2 - 2n$

Selection sort

- Pior caso:
 - Laço interno: $2n^2 - 2n$
 - Laço externo: $7(n - 1) = 7n - 7$
 - Demais operações: 2

Selection sort

- Pior caso:
 - Laço interno: $2n^2 - 2n$
 - Laço externo: $7(n - 1) = 7n - 7$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{pior}}(n) = 2n^2 + 5n - 5$

Selection sort

- Pior caso:
 - Laço interno: $2n^2 - 2n$
 - Laço externo: $7(n - 1) = 7n - 7$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{pior}}(n) = 2n^2 + 5n - 5$
 - $t_{\text{pior}} \in O(n^2)$

Selection sort

- Pior caso:
 - Laço interno: $2n^2 - 2n$
 - Laço externo: $7(n - 1) = 7n - 7$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{pior}}(n) = 2n^2 + 5n - 5$
 - $t_{\text{pior}} \in O(n^2)$
 - $t_{\text{pior}} \in \Omega(n^2)$

Selection sort

- Pior caso:
 - Laço interno: $2n^2 - 2n$
 - Laço externo: $7(n - 1) = 7n - 7$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{pior}}(n) = 2n^2 + 5n - 5$
 - $t_{\text{pior}} \in O(n^2)$
 - $t_{\text{pior}} \in \Omega(n^2)$

$\Rightarrow t_{\text{pior}} \in \Theta(n^2) \rightarrow$ Complexidade **quadrática**


```
1 void insertion_sort (int v[], int n) {
2     int i = 1, atual;
3     while (i < n) {
4         atual = v[i];
5         int j = i - 1;
6         while (j >= 0 && atual < v[j]) {
7             v[j+1] = v[j];
8             j -= 1;
9         }
10        v[j+1] = atual;
11        i += 1;
12    }
13 }
```

Algoritmo 2 insertionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 1$

Algoritmo 2 insertionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 1$

while $i < n$ **do**

end while

Algoritmo 2 insertionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 1$

while $i < n$ **do**

$atual \leftarrow v[i]$

end while

Algoritmo 2 insertionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 1$

while $i < n$ **do**

$atual \leftarrow v[i]$

$j \leftarrow i-1$

end while

Algoritmo 2 insertionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 1$

while $i < n$ **do**

$atual \leftarrow v[i]$

$j \leftarrow i-1$

while $(j \geq 0)$ e $(atual < v[j])$ **do**

end while

end while

Algoritmo 2 insertionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 1$

while $i < n$ **do**

$atual \leftarrow v[i]$

$j \leftarrow i-1$

while $(j \geq 0)$ e $(atual < v[j])$ **do**

$v[j+1] = v[j]$

$j \leftarrow j - 1$

end while

end while

Algoritmo 2 insertionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 1$

while $i < n$ **do**

$atual \leftarrow v[i]$

$j \leftarrow i-1$

while $(j \geq 0)$ e $(atual < v[j])$ **do**

$v[j+1] = v[j]$

$j \leftarrow j - 1$

end while

$v[j+1] \leftarrow atual$

end while

Algoritmo 2 insertionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 1$

while $i < n$ **do**

$atual \leftarrow v[i]$

$j \leftarrow i-1$

while $(j \geq 0)$ e $(atual < v[j])$ **do**

$v[j+1] = v[j]$

$j \leftarrow j - 1$

end while

$v[j+1] \leftarrow atual$

$i \leftarrow i + 1$

end while

Insertion sort

- Melhor caso:
 - Laço interno: 0

Algoritmo 2 insertionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 1$

while $i < n$ **do**

$atual \leftarrow v[i]$

$j \leftarrow i-1$

while $(j \geq 0)$ e $(atual < v[j])$ **do**

$v[j+1] = v[j]$

$j \leftarrow j - 1$

end while

$v[j+1] \leftarrow atual$

$i \leftarrow i + 1$

end while

Insertion sort

- Melhor caso:
 - Laço interno: 0
 - Laço externo: $7(n - 1) = 7n - 7$

Algoritmo 2 insertionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 1$

while $i < n$ **do**

$atual \leftarrow v[i]$

$j \leftarrow i-1$

while $(j \geq 0)$ e $(atual < v[j])$ **do**

$v[j+1] = v[j]$

$j \leftarrow j - 1$

end while

$v[j+1] \leftarrow atual$

$i \leftarrow i + 1$

end while

Insertion sort

- Melhor caso:
 - Laço interno: 0
 - Laço externo: $7(n - 1) = 7n - 7$
 - Demais operações: 2

Insertion sort

- Melhor caso:
 - Laço interno: 0
 - Laço externo: $7(n - 1) = 7n - 7$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{melhor}}(n) = 7n - 5$

Insertion sort

- Melhor caso:
 - Laço interno: 0
 - Laço externo: $7(n - 1) = 7n - 7$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{melhor}}(n) = 7n - 5$
 - $t_{\text{melhor}} \in O(n)$

Insertion sort

- Melhor caso:
 - Laço interno: 0
 - Laço externo: $7(n - 1) = 7n - 7$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{melhor}}(n) = 7n - 5$
 - $t_{\text{melhor}} \in O(n)$
 - $t_{\text{melhor}} \in \Omega(n)$

Insertion sort

- Melhor caso:
 - Laço interno: 0
 - Laço externo: $7(n - 1) = 7n - 7$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{melhor}}(n) = 7n - 5$
 - $t_{\text{melhor}} \in O(n)$
 - $t_{\text{melhor}} \in \Omega(n)$

$\Rightarrow t_{\text{melhor}} \in \Theta(n) \rightarrow$ Complexidade **linear**

Algoritmo 2 insertionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 1$

while $i < n$ **do**

$atual \leftarrow v[i]$

$j \leftarrow i-1$

while $(j \geq 0)$ e $(atual < v[j])$ **do**

$v[j+1] = v[j]$

$j \leftarrow j - 1$

end while

$v[j+1] \leftarrow atual$

$i \leftarrow i + 1$

end while

Insertion sort

- Pior caso:

- Laço interno: $4\left(\frac{n(n-1)}{2}\right) = 2(n^2 - n) = 2n^2 - 2n$

Algoritmo 2 insertionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 1$

while $i < n$ **do**

$atual \leftarrow v[i]$

$j \leftarrow i-1$

while $(j \geq 0)$ e $(atual < v[j])$ **do**

$v[j+1] = v[j]$

$j \leftarrow j - 1$

end while

$v[j+1] \leftarrow atual$

$i \leftarrow i + 1$

end while

Insertion sort

- Pior caso:
 - Laço interno: $2n^2 - 2n$
 - Laço externo: $6(n - 1) = 6n - 6$

Algoritmo 2 insertionSort (vetor v , tamanho n)

$i \leftarrow 1$

while $i < n$ **do**

$atual \leftarrow v[i]$

$j \leftarrow i-1$

while $(j \geq 0)$ e $(atual < v[j])$ **do**

$v[j+1] = v[j]$

$j \leftarrow j - 1$

end while

$v[j+1] \leftarrow atual$

$i \leftarrow i + 1$

end while

Insertion sort

- Pior caso:
 - Laço interno: $2n^2 - 2n$
 - Laço externo: $6n - 6$
 - Demais operações: 2

Insertion sort

- Pior caso:
 - Laço interno: $2n^2 - 2n$
 - Laço externo: $6n - 6$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{pior}}(n) = 2n^2 + 4n - 4$

Insertion sort

- Pior caso:
 - Laço interno: $2n^2 - 2n$
 - Laço externo: $6n - 6$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{pior}}(n) = 2n^2 + 4n - 4$
 - $t_{\text{pior}} \in O(n^2)$

Insertion sort

- Pior caso:
 - Laço interno: $2n^2 - 2n$
 - Laço externo: $6n - 6$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{pior}}(n) = 2n^2 + 4n - 4$
 - $t_{\text{pior}} \in O(n^2)$
 - $t_{\text{pior}} \in \Omega(n^2)$

Insertion sort

- Pior caso:
 - Laço interno: $2n^2 - 2n$
 - Laço externo: $6n - 6$
 - Demais operações: 2
- $t_{\text{pior}}(n) = 2n^2 + 4n - 4$
 - $t_{\text{pior}} \in O(n^2)$
 - $t_{\text{pior}} \in \Omega(n^2)$

$\Rightarrow t_{\text{pior}} \in \Theta(n^2) \rightarrow$ Complexidade **quadrática**