

**Uniwersytet Jagielloński w Krakowie**  
Wydział Fizyki, Astronomii i Informatyki Stosowanej

**Wojciech Ozimek**

Nr albumu: 1124802

**Wykorzystanie sztucznych sieci  
neuronowych do analizy obrazów na  
przykładzie kostki do gry**

Praca licencjacka  
na kierunku Informatyka

Praca wykonana pod kierunkiem  
prof. dr hab. Piotra Białasa  
kierownika Zakładu Technologii Gier  
FAIS UJ

Kraków 2018

# Spis treści

<b>1</b>	<b>Wstęp</b>	<b>3</b>
1.1	Biologiczny neuron . . . . .	3
1.2	Sztuczny neuron . . . . .	3
1.3	Historia . . . . .	4
<b>2</b>	<b>Cel pracy</b>	<b>5</b>
<b>3</b>	<b>Technologie</b>	<b>6</b>
3.1	Język programowania i środowisko . . . . .	6
3.2	Biblioteki . . . . .	6
3.3	Technologie wspomagające . . . . .	8
<b>4</b>	<b>Słownik pojęć</b>	<b>9</b>
4.1	Zbiór danych . . . . .	9
4.2	Budowa sieci neuronowej . . . . .	10
4.3	Propagacja wsteczna . . . . .	11
4.4	Konwolucyjna sieć neuronowa . . . . .	11
4.5	Warstwy sieci neuronowej . . . . .	12
4.6	Funkcje aktywacji . . . . .	14
4.7	Optymalizatory . . . . .	15
4.8	Procesy . . . . .	17
4.9	Inne . . . . .	18
<b>5</b>	<b>Tworzenie zbiorów danych</b>	<b>19</b>
5.1	Zbiór obrazów kwadratowych . . . . .	19
5.2	Zbiór obrazów prostokątnych . . . . .	21
<b>6</b>	<b>Sieć rozpoznająca ilość oczek</b>	<b>24</b>
6.1	Hipotezy . . . . .	24
6.2	Pierwsze eksperymenty z sieciami neuronowymi . . . . .	24

6.3	Analiza różnych optymalizatorów . . . . .	26
6.4	Wykorzystanie sieci AlexNet . . . . .	26
6.5	Porównanie dla obrazów kolorowych i czarno-białych . . . . .	27
6.6	Porównanie modelu sekwencyjnego i funkcyjnego biblioteki Keras . . . . .	28
6.7	Próby wykorzystania prostokątnych obrazów . . . . .	29
6.8	Doskonalenie modelu z prostokątnymi obrazami . . . . .	30
6.9	Najskuteczniejszy model z prostokątnymi obrazami . . . . .	30
<b>7</b>	<b>Podsumowanie</b>	<b>32</b>
	<b>Bibliografia</b>	<b>33</b>
<b>8</b>	<b>Dodatek A - zbiory danych</b>	<b>36</b>
<b>9</b>	<b>Dodatek B - modele sieci neuronowych</b>	<b>37</b>
9.1	Obrazy kwadratowe 64x64 . . . . .	37
9.2	Obrazy prostokątne . . . . .	38

# 1. Wstęp

## 1.1 Biologiczny neuron

Neuron to komórka nerwowa zdolna do przewodzenia i przetwarzania sygnału elektrycznego w którym zawarta jest informacja. Jest on podstawowym elementem układu nerwowego wszystkich zwierząt. Każdy neuron składa się z ciała komórki (soma, neurocyt) otaczającego jądro komórkowe, neurytu (akson) odpowiedzialnego za przekazywanie informacji z ciała komórki do kolejnych neuronów oraz dendrytów służących do odbierania sygnałów i przesyłaniu ich do ciała komórkowego *Budowa neuronu* [1, 3]. Impuls elektryczny między neuronami przekazywany jest w synapsie, miejscu komunikacji neuronu z następnym. Synapsa składa się z części presynaptycznej (aksonu) i postsynaptycznej (dendrytu). Neuron przewodzi sygnał tylko w sytuacji kiedy suma potencjałów wejściowych od innych neuronów na jego dendrytach przekroczy określony poziom. W przeciwnym wypadku neuron nie przewodzi sygnału. Dodatkowo, zwiększenie potencjału na wejściach nie powoduje wzmocnienia potencjału na wyjściu neuronu. Neurony połączone i działające w ten sposób tworzą sieci neuronowe. Najdoskonalszą znaną siecią neuronową jest mózg człowieka. Przeciętnie posiada on około 100 miliardów neuronów, każdy z nich połączony jest z około 10 tysiącami innych neuronów przez połączenia synaptyczne. Liczba połączeń synaptycznych szacowana jest na około  $10^{15}$ .

## 1.2 Sztuczny neuron

Matematycznym modelem neuronu jest tzw. neuron McCullocha-Pittsa, nazywany również neuronem binarnym. Jest to prosta koncepcja zakładająca, że każdy neuron posiada wiele wejść, z których każde ma przypisaną wagę w postaci liczby rzeczywistej oraz jedno wyjście. Wyjściem neuronu jest wartość funkcji aktywacji dla argumentu będącego sumą wszystkich wag pomnożonych przez odpowiednie wartości wejściowe. Wyjście danego neuronu połączone jest z wejściami innych neuronów, tak jak ma to miejsce w przypadku biologicznego neuronu *Sztuczny neuron* [1].

Tak zbudowany, sztuczny model neuronu jest podstawowym składnikiem sztucznych sieci neuronowych z racji prostoty działania i łatwości implementacji.

Wykorzystanie pojedynczego neuronu nie pozwala na rozwiązywanie skomplikowanych zadań. Przykładowo próba realizacji prostych funkcji logicznych AND, OR, NOT i XOR okazuje się możliwa jedynie dla trzech pierwszych podanych funkcji *Rozwinięcie zagadnienia* [13]. Problem wiąże się z brakiem możliwości uzyskania poprawnych rezultatów dla zbiorów które nie są liniowo separowalne, czego przykładem jest właśnie funkcja XOR. W takich przypadkach konieczne jest użycie większej ilości neuronów. Tworzenie rozbudowanych struktur z pojedynczych neuronów określanych mianem sieci neuronowych, znacząco zwiększa możliwości adaptacyjne dla poszczególnych problemów, niejednokrotnie zaskakując osiąganymi wynikami.

## 1.3 Historia

Rozpoczęcie prac nad sztucznymi neuronami można datować na rok 1943 kiedy to Warren McCulloch i Walter Pitts przedstawili wspomniany już wcześniej model *Historia* [3]. Pierwsze sieci neurone używane były do operacji bitowych i przewidywania kolejnych wystąpień bitów w ciągu. Mimo licznych prób zastosowania ich do realnych problemów nie zyskały one popularności. Powodem tego były prace naukowe sugerujące ograniczenia sieci takie jak brak możliwości rozszerzenia sieci do więcej niż jednej warstwy oraz jedynie jednokierunkowe połączenie między neuronami. W początkowym okresie rozwoju sieci neuronowych przyjmowano także wiele błędnych założeń które wraz z ograniczonymi możliwościami obliczeniowymi komputerów skutecznie zniechęcały naukowców do prac nad tym zagadnieniem.

Przełomem okazał się rok 1982 kiedy to John Hopfield przedstawił sieć asosjacyjną (zwaną siecią Hopfielda). Nowością było dwukierunkowe połączenie neuronów co zapewniało możliwość uczenia się danych wzorców. Kolejnymi przełomowymi odkryciami były zarówno wprowadzenie wielowarstwowych sieci neuronowych oraz wstecznej propagacji. Nowe odkrycia pozwoliły na zastosowanie sieci w wielu różnych dziedzinach, wymagając jednak dużych ilości obliczeń, obszernych zbiorów treningowych, wielu tysięcy iteracji i długiego czasu potrzebnego na wytrenowanie. Korzyścią płynącą z zastosowania sieci neuronowej jest fakt, że wytrenowany model dzięki zapisanym wartościom wag neuronów można wykorzystać natychmiastowo bez konieczności uczenia.

## 2. Cel pracy

Celem pracy jest stworzenie sieci neuronowej rozpoznającej ilość oczek wyrzuconych na kostce do gry. Sieć powinna rozpoznawać kostki o dowolnym zestawieniu kolorystycznym ścian oraz oczek i działać na rzeczywistym obrazie przesyłanym z kamery.

Dodatkowym aspektem poruszonym w pracy jest porównanie modeli w zależności od architektury sieci oraz zbiorów danych.

## 3. Technologie

### 3.1 Język programowania i środowisko

#### Python

Język programowania Python obecnie jest bardzo popularnym narzędziem wykorzystywanym w pracach naukowych. Jest to spowodowane bardzo czytelną i zwięzłą składnią, która w pełni pozwala skupić się na danym problemie. Python jest on także domyślnym językiem używany w bibliotekach wykorzystywanych do tworzenia modeli sieci neuronowych.

#### Jupyter Notebook

Aplikacja Jupyter Notebook pozwala uruchamiać w przeglądarce pliki, nazywane notebookami, które składają się z wielu bloków. W blokach może znajdować się wykonywalny kod programu lub jego fragment, a w pozostałych można prezentować m.in. teksty, wykresy bądź tabele. Korzystanie z Jupyter Notebooka zdecydowanie ułatwia pracę, umożliwiając tworzenie kodu wraz z podglądem wykresów bądź danych prezentowanych w innej formie bez konieczności przełączania między oknami bądź kartami danego środowiska programistycznego.

### 3.2 Biblioteki

#### OpenCV

Biblioteka funkcji do obróbki obrazów, najczęściej wykorzystywana w językach C++ oraz Python. W projekcie została użyta do uzyskiwania zbiorów obrazów kości do gry ze zdjęć wykonanych kamerą. Uzyskane zbiory charakteryzowały się określonymi wymiarami każdego z obrazów, obrotami obrazów o ustalony kąt, trybami RGB oraz monochromatycznym, jak również kadrowaniem w celu osiągnięcia zakładanych proporcji między wielkością kostki na zdjęciu a rozmiarem obrazu.

#### TensorFlow

Biblioteka do uczenia maszynowego oraz tworzenia sieci neuronowych. Jej ogromną zaletą jest implementacja w języku C++ umożliwiająca wykorzystywanie procesorów oraz kart graficz-

nych. Z uwagi na charakter wykonywanych obliczeń praca przy użyciu kart graficznych jest kilkukrotnie szybsza niż na procesorze, co znacząco przyspiesza proces uczenia. Biblioteka najlepiej wspiera języki programowania do C++ oraz Python.

## **Keras**

Biblioteka do tworzenia modeli sieci neuronowych wykorzystująca inne bardziej profesjonalne biblioteki jak TensorFlow, Theano lub CNTK. Zaletami Kerasa są zarówno przystępny interfejs pozwalający w krótkim czasie stworzyć model sieci oraz możliwość tworzenia zaawansowanych modeli przy średnim pogorszeniu czasu uczenia się sieci o 3-4% w stosunku do bibliotek na których bazuje.

W sytuacji kiedy interfejs oraz dokumentacja do TensorFlow mogą być dla początkującej osoby niezrozumiałe, jest to świetna alternatywa do wdrożenia się w to zagadnienie.

## **Numpy**

Moduł języka Python umożliwiający wykonywanie zaawansowanych operacji na macierzach oraz wektorach, wspierający liczne funkcje matematyczne. Jest bardzo rozpowszechniony i wykorzystywany w wielu, głównie naukowych zastosowaniach. Numpy wprowadza własne typy danych oraz funkcje niedostępne w standardowej instalacji Pythona. Może być rozbudowany o moduł Scipy, który nie był jednak wykorzystany przy tworzeniu tej pracy.

## **Matplotlib**

Narzędzie do tworzenia wykresów dla języka Python oraz modułu Numpy. Z uwagi na bardzo duże możliwości jest bardzo popularny, pozostając jednocześnie prostym w użyciu. Zawiera moduł pyplot który w założeniu ma maksymalnie przypominać interfejs w programie MATLAB.

## **LaTeX**

Oprogramowanie do organizacji tekstu wraz z językiem odpowiednich znaczników. Praca w LaTeX jest przeciwieństwem edytorów tekstowych typu WYSIWYG jak MSWord. LaTeX bazuje na TeX który jest systemem składu drukarskiego do prezentacji w formie graficznej. Ogromną zaletą jest możliwość tworzenia w tekście zaawansowanych wzorów matematycznych. Tekst niniejszej pracy napisany został przy pomocy tego narzędzia.



### 3.3 Technologie wspomagające

#### **NVIDIA CUDA**

Równoległa architektura obliczeniowa firmy NVIDIA pozwala na wielokrotne przyspieszenie obliczeń podczas uczenia się sieci neuronowych. Dzięki bibliotekom takim jak TensorFlow lub Keras, które wspierają obliczenia na kartach graficznych czas precesu uczenia drastycznie maleje. Podczas tej pracy wykorzystana została karta NVIDIA TESLA K80 12GB GPU dostępna na Amazon AWS oraz Google Compute Engine.

#### **Amazon AWS EC2**

Platforma z wirtualnymi maszynami zwanymi instancjami, które można dostosować zależnie od potrzeb klienta. Usługa działa na zasadzie rozliczenia godzinowego podczas korzystania z niej. W tej pracy zostały wykorzystane instancje zoptymalizowane do obliczeń na kartach graficznych i uczenia maszynowego, wyposażone w wcześniej wspomnianą kartę NVIDIA TESLA K80. Warto zwrócić uwagę, że na obu platformach czas uczenia sieci zmniejszył się średnio 6-10 krotnie w stosunku do pracy na komputerze wykorzystującym procesor.

## 4. Słownik pojęć

### 4.1 Zbiór danych

Zbiór danych, obrazów lub zestaw danych to określenie wszystkich zdjęć kości wykonanych na potrzeby pracy. Każde zdjęcie w zbiorze jest przetworzone w celu zmniejszenia czasu uczenia się sieci oraz potrzebnej pamięci. Zdjęcia były wykonywane kamerą o rozdzielczości 1600x1200 pikseli. Każde ze zdjęć w zbiorze zostało poddane procesowi skalowania oraz kadrowania celem osiągnięcia żadanego rozmiaru. Chcąc uzyskać większą liczebność zbioru wszystkie obrazy zostały dodatkowo poddane operacji obrotu o dany kąt. Każdy ze zbiorów został zduplikowany i poddany konwersji z trybu RGB na skalę szarości przez usunięcie informacji o barwie oraz nasyceniu kolorów, pozostawiając jedynie informację o jasności piksela.

Po przeprowadzeniu całego procesu, każdy obraz miał wymiary 64x64, zarówno w wersji kolorowej i czarno białej, co skutkowało rzeczywistymi rozmiarami odpowiednio 64x64x3 oraz 64x64x1, gdzie ostatnia cyfra informuje o ilości kanałów.

Każdy element w zbiorze ma przypisaną wartość liczbową informującą o faktycznej ilości oczek wyrzuconych na kostce przedstawianej na zdjęciu. Wartość ta zwana jest także odpowiedzią i jest wykorzystywana w procesie uczenia sieci jako docelowa informacja, którą ma zwrócić sieć po weryfikacji danego obrazu.

#### **Zbiór treningowy**

Część zbioru danych wykorzystywana w procesie uczenia sieci określana jest mianem zbioru treningowego lub zbioru uczącego. Jego liczebność to zazwyczaj 60-80% całego zbioru danych. Praktycznie we wszystkich zastosowaniach dane w tym zbiorze przed rozpoczęciem uczenia poddawane są losowej permutacji.

#### **Zbiór testowy**

Zbiór testowy lub zbiór walidacyjny służy do oceny zdolności wytrenowanej sieci do rozpoznawania danych. Celem rozdzielenia tego zbioru od danych testowych jest weryfikacja sieci na danych które wcześniej nie zostały przetworzone przez sieć.

## 4.2 Budowa sieci neuronowej

### Sieć neuronowa

Sieć neuronowa bądź sztuczna sieć neuronowa (*ang.* *ANN Artificial Neural Network*) jest strukturą matematyczną, która powinna odzwierciedlać uproszczone działanie biologicznych sieci neuronowych *Sieć neuronowa* [9, 15]. Posiada możliwość uczenia się poprzez obliczenia i przetwarzanie sygnałów w elementach określanych neuronami. W dziedzinie rozpoznawaniu obrazów są w stanie zidentyfikować elementy na obrazach, bez wcześniejszej znajomości lub wiedzy na temat przedmiotu podlegającego rozpoznaniu. Realizują to poprzez analizę przykładowych obrazów z informacją czy znajduje się na nich pożądany obiekt, a następnie zmianę swoich własnych parametrów w celu poprawnej identyfikacji kolejnych zdjęć. Ten rodzaj uczenia się określany jest mianem uczenia nadzorowanego, gdzie każdy obraz ma przypisaną wartość. Zastosowanie sieci jest bardzo szerokie i wykraczające poza rozpoznawanie obrazów, jednak w związku z powiązaniem tego zagadnienia z tematyką pracy, podany powyżej przykład ma jak najlepiej oddać istotę działania sieci neuronowych.

### Neuron

Najmniejszy element sieci neuronowej, posiada wiele wejść i jedno wyjście. Może zawierać także próg (*ang.* *threshold*), mogący ulec zmianie przez funkcję uczącą [?, 3, 4]. Neuron wyposażony jest także w funkcję aktywacji, odpowiednio modyfikującą jego wyjście. W sieciach neuronowych wyjście każdego neuronu połączone jest z wejściami neuronów w warstwie następnej.

$$f(x_i) = \sum_i w_i x_i + b \quad (4.1)$$

### Wagi neuronu

Połączenia w sieci realizowane są między wyjściem poprzedniego neuronu  $i$  oraz wejściem następnego neuronu  $j$ . Każde takie połączenie ma przypisaną wartość wagi  $w_{ij}$ . Podczas procesu uczenia wagi zmieniają się, dostosowując sieć neuronową do otrzymywanych danych, co skutkuje zmniejszeniem wartości funkcji błędu.

### Bias

Bias to dodatkowa waga wejściowa do neuronu umożliwiająca jego lepsze dopasowanie do danych treningowych [5]. W sytuacji kiedy wszystkie wagi neuronu mają zerowe wartości, unikamy problemów podczas procesu wstecznej propagacji.

## Warstwa

Sieć neuronowa zorganizowana jest w warstwach. Neurony w danej warstwie nie są ze sobą w żaden sposób połączone, komunikacja odbywa się tylko między kolejnymi warstwami [1, 6]. Istnieje wiele rodzajów warstw, a sygnał który przechodzi przez całą sieć zaczyna się w tzw. warstwie wejściowej oraz kończy w tzw. warstwie wyjściowej. Istnieją sieci neuronowe (rekurencyjne sieci neuronowe, , ang. *RNN - Recurrent Neural Network*) w których sygnał może przechodzić przez warstwy kilkakrotnie w trakcie jednej epoki.

## Funkcja błędu

Funkcja błędu lub funkcja kosztu jest niezbędna do prawidłowego przeprowadzenia procesu uczenia. Dostarcza informacje o różnicy między obecnym stanem sieci, a optymalnym rozwiązaniem. Algorytm uczenia analizuje wartość funkcji kosztu w kolejnych krokach w celu jej zminimalizowania.

## Współczynnik uczenia

Współczynnik lub wskaźnik uczenia się (ang. *learning rate*) wykorzystywany jest w optymalizatorach do ustalenia jak szybko algorytm uczenia powinien dostosowywać wartości wag do danego przypadku. Często jest uzależniony od wyboru rodzaju optymalizatora. Zbyt mały współczynnik wydłuży proces uczenia, natomiast za duży może spowodować problemy ze znalezieniem odpowiedniego rozwiązania. W niektórych algorytmach, współczynnik uczenia zmniejsza się w czasie by lepiej dostosować się do danych.

## 4.3 Propagacja wsteczna

Propagacja wsteczna lub wsteczna propagacja błędów (ang. *Backpropagation*) jest jednym z najskuteczniejszych algorytmów uczenia sieci neuronowych [2, 7]. Polega na minimalizacji funkcji kosztu korzystając z metody najszybszego spadku lub innych, bardziej zoptymalizowanych sposobów. Błędy w sieci propagowane są od warstwy wyjściowej do wejściowej, czemu algorytm zawdzięcza swoją nazwę.

## 4.4 Konwolucyjna sieć neuronowa

### Konwolucja

Konwolucja, inaczej spłot polega na złożeniu dwóch funkcji. W przypadku obrazów, jedna

z tych funkcji to obraz który ma rozmiary większe niż druga funkcja określana mianem filtra konwolucyjnego. Zastosowanie splotu, w zależności od przypadku, pozwala na rozmycie, wyostanie lub wydobycie głębi z danego obrazu. *Szczegółowe wyjaśnienie* [30]

$$h[m, n] = (f * g)[m, n] = \sum_j^m \sum_k^n f[j, k] * g[m - j, n - k] \quad (4.2)$$

### Konwolucyjna sieć neuronowa

Konwolucyjna lub splotowa sieć neuronowa (*ang. CNN - Convolutional Neural Network*) to typ sieci odnoszący największe osiągnięcia w dziedzinie rozpoznawania obrazów, w wielu przypadkach dorównując lub nawet pokonując ludzkie wyniki. Zawdzięczają to swojej budowie, która różni się od zwykłych sieci wykorzystaniem warstw konwolucyjnych i poolingowych, poprzedzających warstwy w pełni połączone. Sieć taka analizuje obraz przy użyciu filtrów konwolucyjnych, dzięki którym jest w stanie rozpoznawać cechy obrazów co znacząco poprawia ich klasyfikację.

## 4.5 Warstwy sieci neuronowej

### Wejściowa

W pracy, gdzie zbiorami danych są zbiory obrazów, każdy pojedynczy piksel obrazu odpowiada jednej wartości liczbowej. W związku z tym rozmiar pierwszej warstwy wejściowej jest identyczny z wymiarami obrazu. Warstwa wejściowa charakteryzuje się brakiem wejść oraz biasu.

### Wyjściowa

Rozmiar warstwy wyjściowej odpowiada ilości klas do jakiej wejściowe dane miały zostać sklasyfikowane. Oczekiwany wyjściem sieci w pracy była liczba oczek możliwych do wyrzucenia na kostce, co odpowiada 6 klasom, po jednej na każdą wartość na boku kostki. Wyjściem wszystkich przedstawianych w tej pracy sieci był wektor o wymiarach 6x1.

### Konwolucyjna

Warstwa konwolucyjna służy do przetworzenia danych z poprzedniej warstwy przy użyciu filtrów konwolucyjnych [1]. Filtry mają określone wymiary i służą do znajdowania cech na obrazach lub ich fragmentach. Najczęściej spotykanymi przykładami filtrów są kwadraty o wymiarach 3x3 piksele, które przetwarzają informacje zawarte w 9 pikselach na jeden piksel wyjściowy. Zastosowanie wielu warstw konwolucyjnych umożliwia filtrom analizowanie bardziej złożonych

zależności na obrazach i jest określana jako głęboka sieć. Szeroka sieć posiada większą liczbę neuronów w każdej z warstw co umożliwia precyzyjniejszą obserwację danych. Ograniczeniem w przypadku sieci głębokiej i szerokiej jest ilość i czas obliczeń, co wymusza wybranie kompromisu między ilością warstw i neuronów dla danego problemu.

### Aktywacyjna

Jest to wydzielenie funkcji aktywacji do osobnej warstwy, które jest realizowane w niektórych bibliotekach. Celem takiego zabiegu jest umożliwienie podglądu danych na wyjściu neuronu, tuż przed zaaplikowaniem samej funkcji aktywacji.

### W pełni połączona

Sieć neuronowa składa się z w pełni połączonych warstw (*ang. Fully Connected, Dense*). W konwolucyjnych sieciach neuronowych warstwy te występują po warstwach konwolucyjnych i służą do powiązania nieliniowych kombinacji które zostały wygenerowane przez warstwy konwolucyjne oraz ich sklasyfikowania. Dodatkowo nie wymagają dużych nakładów obliczeniowych i są stosunkowo proste do zaaplikowania. Swoją nazwę biorą od sposobu w jaki realizowane są połączenia między warstwami. Każdy neuron łączy się ze wszystkimi neuronami następnej warstwy.

### Flatten

Warstwa spłaszczająca (*ang. Flatten*) stosowana jest w celu połączenia warstw konwolucyjnych lub aktywacji wraz z warstwami w pełni połączonymi. Realizowane jest to poprzez przekształcenie warstwy wejściowej do jednowymiarowego wektora który następnie służy za wejście do kolejnych warstw.

### Odrzucająca

Warstwa odrzucająca (*ang. Dropout*) zapobiega przetrenowaniu (*ang. Overfitting*) sieci. Zapobieganie przetrenowaniu [25]. Proces ten polega na nie wykorzystywaniu wyjść pewnych neuronów, zarówno w przypadku przechodzenia w przód oraz w tył *DropConnect* [24]. Stosuje się ją po warstwach w pełni połączonych, w celu zapobiegania rozległym zależnościom między neuronami. W warstwie tej określone jest prawdopodobieństwo  $p$  z jakim neuron zostanie zachowany w warstwie oraz  $p - 1$  z jakim zostanie odrzucony. Najczęstsza wartość jest z zakresu 0,5-0,8.

## Pooling

Warstwa tzw poolingu wykorzystywana jest do zmniejszenia rozmiaru pamięci oraz ilości obliczeń wymaganych przez sieć neuronową, jak również może zapobiegać przetrenowaniu [1]. Operacja zmniejszenia polega na wybraniu jednego piksela z danego obszaru i przekazaniu go dalej. Najczęściej wykorzystywaną warstwą poolingową jest MaxPooling, wybierający piksel o największej wartości. Obszar z jakiego wybieramy dany piksel zależy od ustawień, najczęściej jest to kwadrat o wymiarach 2x2. Pooling jest krytykowany, ponieważ nie zachowuje informacji o położeniu piksela przekazanego na wyjście warstwy co może objawiać się błędnymi interpretacjami podczas testowania sieci.

## 4.6 Funkcje aktywacji

### Funkcja aktywacji

Przy pomocy funkcji aktywacji obliczana jest wartość wyjściowa neuronów w sieci neuronowej. Argumentem dostarczanym do funkcji aktywacji jest suma wejść neuronu pomnożonych przez przypisane im wartości wag. Zależnie od konkretnego rodzaju funkcji aktywacji, neuron po przekroczeniu danego progu wysyła sygnał wyjściowy, odbierany przez neurony znajdujące się w następnej warstwie. Jeśli próg nie zostanie przekroczony, neuron nie wyśle żadnego sygnału.

$$f\left(\sum_i w_i x_i + b\right) \quad (4.3)$$

### Liniowa

Funkcja ta jest praktycznie nie wykorzystywana w sieciach neuronowych [11]. Połączenie wielu warstw których neurony posiadają liniową funkcję aktywacji można przedstawić za pomocą jednej warstwy, ponieważ złożenie wielu funkcji liniowych również będzie funkcją liniową. Nieliniowość funkcji pozwala na klasyfikację danych przechodzących przez sieć.

$$f(x) = x \quad (4.4)$$

### Sigmoid

Największym problemem funkcji sigmoidalnej jest duże ryzyko zaniknięcia gradientu, co może prowadzić do problemu tzw umierającego neuronu *Opis Sigmoid* [11]. Zjawisko to ma miejsce gdy dla danej funkcji aktywacji, gradient staje się bardzo mały, co jest równoznaczne z

zaprzestaniem procesu uczenia. W przypadku tej funkcji gradient może zanikać obustronnie.

$$f(x) = \sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}} \quad (4.5)$$

### Tangens hiperboliczny

Tangens hiperboliczny lub  $\tanh$  jest w istocie przekształconą funkcją sigmoidalną *Opis tanh* [11, 12]. Wykorzystanie jej powoduje większe wahania gradientu.

$$f(x) = \tanh(x) = \frac{(e^x - e^{-x})}{(e^x + e^{-x})} = \frac{2}{1 + e^{-2x}} - 1 = 2\text{sigmoid}(2x) - 1 \quad (4.6)$$

### ReLU

ReLU (*and. Rectified linear unit*) jest najpopularniejszą funkcją aktywacji wykorzystywaną w sieciach neuronowych *Wady i zalety ReLU* [?, 16]. Zasadą tego jest szybki czas uczenia sieci bez znaczącego kosztu w postaci generalizacji dokładności. Problem z zanikającym gradientem jest mniejszy niż w przypadku funkcji sigmoidalnej, ponieważ występuje on tylko z jednej strony.

$$f(x) = \max(0, x) \quad (4.7)$$

### LeakyReLU

LeakyReLU jest ulepszeniem ReLU *Wady i zalety LeakyReLU* [?] dzięki zastosowaniu niewielkiego gradientu w sytuacji dla której ReLU jest nieaktywne. Zmiana ta pozwala na uniknięcie problemu tzw umierającego neuronu.

$$f(x) = \begin{cases} x & \text{if } x \geq 0 \\ 0.01x & \text{if } x < 0 \end{cases} \quad (4.8)$$

## 4.7 Optymalizatory

### Optymalizator

Inne określenie algorytmu optymalizacyjnego wykorzystywanego do obliczania wag neuronów i biasu sieci neuronowej. Posiada kluczowe znaczenie podczas procesu uczenia sieci zarówno w kwestii czasu oraz skuteczności. Z tego powodu jest to jeden z kluczowych obszarów obecnych badań i rozwoju sieci neuronowych *Artykuł na temat optymalizatorów* [8].



## Metoda gradientu prostego

Metoda gradientu prostego (*ang. Gradient Descent*) jest podstawowym algorytmem służącym do uaktualniania wartości wag oraz biasu podczas procesu uczenia sieci. Wadą tej metody jest przeprowadzanie jednorazowej aktualizacji po wyliczeniu gradientu dla całego zestawu danych. Jest to bardzo powolne, w niektórych przypadkach może powodować problem z ilością zajmowanego miejsca w pamięci. Największą wadą jest możliwość doprowadzenia do stagnacji w jednym z lokalnych minimów funkcji.

$$\theta = \theta - \eta * \nabla J(\theta) \quad (4.9)$$

## Stochastic Gradient Descent

(nazwa w języku angielskim z powodu braku znalezienia polskiego odpowiednika) Stochastic Gradient Descent (*skrót. GDA*) jest rozwinięciem metody gradientu prostego, bardzo często wykorzystywana w praktyce *Opis SGD* [27]. Ulepszenie polega na obliczaniu gradientu dla jednego lub niewielkiej ilości przykładów treningowych. Najczęściej korzysta się z więcej niż jednego przykładu co zapewnia lepszą stabilność oraz wykorzystuje zrównoleglanie obliczeń. SGD zapewnia większą rozbieżność niż metoda gradientu prostego, co umożliwia znajdowanie nowych lokalnych minimów ale wiąże się z koniecznością zastosowania mniejszego współczynnika uczenia.

$$\theta = \theta - \eta * \nabla J(\theta; x_i; y_i) \quad (4.10)$$

## RMSprop

RMSprop umożliwia obliczanie gradientu dla każdego parametru z osobna i zapobiega zmniejszaniu się współczynnika uczenia *Opis RMSprop* [28, 27]. Algorytm dostosowuje współczynnik uczenia dla każdej wagi bazując na wielkości jej gradientu.

## Adam

Adam to skrót od angielskiej nazwy *Adaptive Moment Estimation* i jest rozwinięciem metody Stochastic Gradient Descent *Opis metody Adam* [29, 27]. Metoda ta pozwala na obliczanie z osobna gradientu dla każdego parametru oraz każdej zmiany momentum. Zapobiega dodatkowo zmniejszającemu się wskaźnikowi uczenia, a co najważniejsze jest bardzo szybka i pozwala na

sprawne uczenie się sieci. W tej metodzie oblicza się dwa momenty  $m$  oraz  $v$ .

$$\begin{aligned}\hat{m}_t &= \frac{m_t}{1 - \beta_1^t}, \\ \hat{v}_t &= \frac{v_t}{1 - \beta_2^t},\end{aligned}\tag{4.11}$$

Obliczone momenty podstawiane są do wzoru

$$\theta_{t+1} = \theta_t - \frac{\eta}{\sqrt{\hat{v}_t} + \epsilon} \hat{m}_t\tag{4.12}$$

gdzie najczęściej  $\beta_1^t = 0.9$  oraz  $\beta_2^t = 0.99$  a  $\epsilon = 10^{-8}$

## 4.8 Procesy

### Uczenie

Proces uczenia bądź treningu sieci służy zmianie wartości wag, najczęściej zainicjowanych pseudolosowymi wartościami oraz biasu. Uczenie sieci neuronowej jest bardzo kosztowne obliczeniowo, co wręcz uniemożliwiało trenowanie modeli w przeszłości, a obecnie jest jednym z powodów dużego zainteresowania rozwojem technologicznym kart graficznych. Operacje dodawania oraz mnożenia wektorów i macierzy wykonywane są miliony razy, mogą być przyspieszone dzięki możliwościom zrównoleglania obliczeń.

### Epoka

Proces uczenia sieci podzielony jest na epoki. Każda epoka odpowiada przejściu wszystkich elementów z treningowego zbioru danych przez sieć. Ilość epok podczas których sieć będzie się uczyć ustala się na co najmniej kilkanaście. W przypadku większych zbiorów danych lub większych modeli ilość epok jest zwiększana.

Często spotykaną praktyką w wielu pracach naukowych jest przedstawianie wyników dla sieci po 100 epokach treningu.

### Testowanie

Model sieci neuronowej poddawany ocenie, dzięki której można określić w jakim stopniu prawidłowo rozpoznaje obrazy. W przypadku wytrenowanych modeli istotne jest aby zbiór służący do testowania nie był wcześniej użyty do treningu sieci. Nauczony model powinien być w stanie

rozpoznawać nowe, nieużyte podczas procesu uczenia dane i poprawnie je klasyfikować.

## **Predykcja**

Wartości zwrócone przez sieć po umieszczeniu w niej określonych danych są określane mianem predykcji. Pozwala to na wykorzystanie nauczonego modelu w praktycznym zastosowaniu.

## **4.9 Inne**

### **ILSVRC**

ImageNet Large Scale Visual Recognition Competition [20] to coroczny konkurs organizowany od 2010 roku, w którym naukowcy walczą o najlepszy wynik w dziedzinie rozpoznawania obrazów przez skonstruowane przez siebie algorytmy. Sieć AlexNet na której bazowało kilka stworzonych sieci neuronowych, została stworzona na potrzeby tego konkursu w 2012 roku.

### **MNIST**

Baza danych MNIST [18] to zbiór 60000 treningowych i 10000 testowych czarno-białych obrazów w rozmiarze 28x28x1, zawierających ręcznie napisane cyfry 0-9. Jest jednym z najpopularniejszych zbiorów służących do rozpoczęcia nauki sztucznych sieci neuronowych i uczenia maszynowego.

### **CIFAR-10**

Zbiór CIFAR-10 [19] składa się z 50000 treningowych i 10000 testowych kolorowych obrazów w rozmiarze 32x32x3. Jest podzielony na 10 klas: samolot, samochód, ptak, kot, jeleń, pies, żaba, koń, statek, ciężarówka; gdzie każdej z nich przypada po 6000 obrazów. Jest to podobnie jak MNIST jeden z najbardziej popularnych zbiorów do uczenia maszynowego i sieci neuronowych.

Tematy do uwzględnienia: opis RMSprop, minibatch, nesterov, momentum, softmax, categorical crossentropy, one-hot encoding,

## 5. Tworzenie zbiorów danych

Priorytetem było stworzenie zestawu danych umożliwiającego rozwój różnych modeli sieci neuronowych bez konieczności każdorazowego ingerowania w zbiór lub dopasowywania go specjalnie do konkretnej sieci.

### 5.1 Zbiór obrazów kwadratowych

Pierwszym założeniem było zrobienie określonej ilości zdjęć kości położonej na środku obrazu otrzymywanego z kamery, na obszarze kwadratu o boku około 3 krotnie większym niż długość ściany samej kości. Miało to umożliwić kadrowanie obrazów do niewielkich rozmiarów z kośćmi położonymi w różnych jego miejscach.

Kolejną kwestią była konieczność przystosowania sieci do rozpoznawania kości o różnych kolorach ścian, oczek i samego tła. Ponieważ docelowo sieć miała operować na rzeczywistym obrazie z kamery, ważne było także zapewnienie poprawnego działania w przypadku niewielkich niekształceń obrazu bądź szumów.

Powyższe wymagania narzuciły konkretną formę zestawów danych. Każdy zestaw ma ustaloną barwę tła, kości oraz oczek. Każda ścianka sfotografowana jest od 3 do 30 razy, określając liczebność każdego ze zbiorów między 18 a 180 zdjęć. Zdjęcia w niektórych zestawach poddawane były działaniu lub ostrego punkowego światła w celu wygenerowania trudniejszych do rozpoznania obrazów. Poszczególne zestawienia kolorystyczne w tych zbiorach wypisane są w tabeli poniżej.

Kolor			Ilość zdjęć	
kości	oczek	tła	ściany	kostki
biały	czarny	czerwony	30	180
biały	czarny	granatowy	3	18
biały	czarny	czarny	8	48
beżowy	czarny	czerwony	3	18
czarny	biały	czarny	10	60
czarny	biały	czerwony	10	60
czerwony	biały	czerwony	5	30
czerwony	czarny	czerwony	3	18
granatowy	złoty	biały	4	24
granatowy	złoty	niebieski	6	36
zielony	biały	zielony	8	48
zielony	biały	biały	5	30
różowoczerwony	czarny	biały	5	30
<i>Łączna ilość zdjęć:</i>			<i>100</i>	<i>600</i>

Tablica 5.1: Zestawienie kolorystyczne obrazów 1

Każdy z obrazów został następnie poddany przekształceniom by zwiększyć ich ilość, konieczną do prawidłowego uczenia się sieci. Miało to także zapewnić zniekształcone w niewielkim stopniu zdjęcia, które również powinny być rozpoznawane przez sieć. W tym przypadku zastosowano sześć takich przekształceń.

Następnym krokiem było zastosowanie obrotów o kąty  $5^\circ$ ,  $15^\circ$ ,  $30^\circ$  lub  $45^\circ$ , w celu dobrania najbardziej adekwatnej ilości obrazów do rozmiaru sieci oraz ilości parametrów do nauczania się. Po wielu próbach ostatecznie wybrano kąt  $15^\circ$ , zapewniający wystarczająco liczny zbiór treningowy do możliwości uczenia sieci oraz nie wydłużało znacząco czasu potrzebnego do przetworzenia wszystkich obrazów.

Powyższe procesy spowodowały uzyskanie 168 zdjęć o rozmiarze 64x64 piksele z każdego z początkowych obrazów o rozmiarze 1600x1200 pikseli. Cały zbiór danych liczył 100800 obrazów, zarówno w wersji kolorowej RGB oraz w odcieniach szarości. Części treningowa i testowa zbioru danych zostały rozdzielone w stosunku 4:1, dając odpowiednio 80640 oraz 20160 zdjęć w każdym z nich.

Nieocenioną pomocą w początkowej fazie prac nad tworzeniem i uczeniem sieci neuronowych z obrazami w kształcie kwadratów był fakt, że praktycznie wszystkie przykłady dostępne w opracowaniach naukowych korzystały ze zdjęć w tym kształcie. Również wszystkie przykłady opisane w różnych poradnikach czy najpopularniejsze zbiory jak MNIST oraz CIFAR10 zawierają kwadratowe obrazy. Przyjęcie takiego kształtu ułatwiło kwestie doboru parametrów sieci, nie narzucając osobnych wartości w poziomie i pionie.

## 5.2 Zbiór obrazów prostokątnych

Po nauczaniu i weryfikacji kilkunastu różnych modeli sieci, zdecydowano się podjąć próbę z wykorzystaniem większych obrazów oraz kości rozmieszczonych w miejscach bardziej zróżnicowanych niż jedynie pewien, niewielki obszar w centrum obrazu. Kolejne zdjęcia miały również podnieść trudność uczenia poprzez zmniejszenie rozmiaru kości w stosunku do rozmiaru całego obrazu. Ostatnim czynnikiem decydującym o rozwinięciu zbiorów danych była trudność w rozpoznawaniu kości w czasie rzeczywistym w sytuacji kiedy rozmiar obrazu lub jego wycinka to jedynie 64x64 piksele. Zwiększenie rozmiarów ułatwiłoby identyfikację kości oraz umożliwiłoby detekcję ilości oczek wyrzuconych na kostce o ile tylko kość znalazła by się w obszarze odejmowanym przez kamerę.

Plan zakładał wykorzystanie poprzednio wykonanych zdjęć oraz dodanie nowych z kośćmi rozmieszczonymi poza obszarem w centrum obrazu w celu rozwinięcia możliwości sieci. Jednocześnie zrodził się pomysł wykorzystania prostokątnych obrazów, które lepiej oddawałyby rzeczywistość, gdzie prawie wszystkie kamery, niezależnie od zastosowań, dostarczają prostokątny obraz. W tym celu, analogicznie jak w przypadku kwadratowych obrazów, zostały wykonane zdjęcia o określonych zestawieniach kolorystycznych. W tabeli poniżej wypisane jest ich zestawienie:

	Kolor			Ilość zdjęć	
	kości	oczek	tła	ściany	kostki
	biały	czarny	zielony	6	36
	czerwony	biały	zielony	6	36
	czerwony	czarny	różowy	7	42
	czarny	biały	szary	6	36
	czarny	biały	niebieski	6	36
	beżowy	czarny	szary	6	36
	beżowy	czarny	niebieski	6	36
	granatowy	złoty	biały	8	48
	zielony	biały	żółty	7	42
	różowoczerwony	czarny	pomarańczowy	6	36
<i>Łączna ilość zdjęć:</i>				<i>64</i>	<i>384</i>

Tablica 5.2: Zestawienie kolorystyczne obrazów 2



Ilość zdjęć prostokątnych jest mniejsza niż kwadratowych z powodu czasu jaki zajmuje wykonanie takiej ilości zdjęć oraz chęć wykorzystania obu rodzajów zbiorów do uczenia sieci. Powstała w ten sposób liczba 984 unikalnych zdjęć jest wystarczająca do realizacji zamierzonego zadania i pozwala na odpowiednie uczenie sieci.

Poprzednio wykorzystywane obrazy, miały wymiary 64x64 piksele co łącznie odpowiadało 4096 lub 12288 wartościom pikseli odpowiednio dla obrazów w skali szarości oraz kolorowych RGB. Nowo utworzony zbiór obrazów prostokątnych w pierwszym założeniu miał składać się z obrazów o rozmiarach 320x240 pikseli w skali szarości, co oznaczało 76800 wartości na jedno zdjęcie. W wyniku niepowodzenia procesu uczenia po kilku godzinach, podjęto decyzję o dwukrotnym zmniejszeniu obrazów do 160x120 pikseli. Wartość ta została wybrana ponieważ ilość parametrów obrazu, wynosząca 19200, była jedynie o 56% większa od ich liczby dla kolorowych obrazów 64x64. Próby uczenia się sieci pokazały jednak, że lepszym rozwiązaniem będzie zastosowanie mniejszych o 50% obrazów o wymiarach 106x79 pikseli co skutkuje liczbą 8374 wartości na

jeden obraz.

Wraz z problemami związanymi z rozmiarami obrazów, zdecydowano się na zmniejszenie ilości przekształceń z sześciu do wybranych czterech, najbardziej efektywnych. Inne przedstawiały zmieniony w niewielkim stopniu obraz, niepotrzebnie wydłużając proces uczenia. Również kąt obrotu zdjęć został zwiększony z  $15^\circ$  do  $30^\circ$ , co w założeniu nie powinno powodować problemów z rozpoznawaniem kości przy różnych ustawieniach.

Wszystkie operacje umożliwiły osiągnięcie 60 obrazów z każdego początkowego zdjęcia, w rozmiarze  $106 \times 79$  pikseli w odcieniach skali szarości. Całkowita ilość obrazów w pełnym zbiorze danych wynosiła 59040, co przełożyło się na 47232 obrazów treningowych i 11808 testowych, korzystając z identycznego jak wcześniej stosunku 4:1.



## 6. Sieć rozpoznająca ilość oczek

W momencie zrobienia zbioru danych składających się z kwadratowych obrazów, przystąpiono do próby stworzenia i nauczania modelu sieci neuronowej rozpoznającego ilość oczek wyrzucanych na kostce do gry.

### 6.1 Hipotezy

Przed przystąpieniem do tworzenia zbioru danych pojawiła się spora ilość wątpliwości. Większość z nich dotyczyła kwestii możliwości jakiegokolwiek rozpoznania ilości oczek przez sieć. Obawy te wiązały się z faktem, że dla przykładu w zbiorze MNIST, położenie cyfr na obrazie było stałe. W przypadku kiedy na obrazach kolor biały był obszarem w kształcie przypominającym pionową kreskę, z dużym prawdopodobieństwem można było założyć że jest to cyfra 1 lub 7, a analogiczna sytuacja zachodziła dla innych cyfr. W rozpoznawaniu oczek na kostce, zarówno sama kostka mogła być umieszczona w różnych miejscach na obszarze całego obrazu, jak również dopuszczalny był jej obrót o dowolny kąt.

Następną kwestią był niewielki rozmiar oczka w stosunku do powierzchni całego ekranu. W przypadku zbioru MNIST średnio około 12-15% obrazu stanowiła barwa biała, która decydowała o wartości zwróconej przez sieć. W przypadku kwadratowych zdjęć z kostkami, rozmiar jednego oczka to jedynie 0,21% powierzchni rozmiaru, a dla obrazów prostokątnych wartość ta maleje do około 0,08%. Oznaczało to, że nawet niewielki szum lub zniekształcenia mogą utrudnić prawidłowe rozpoznanie kości.

### 6.2 Pierwsze eksperymenty z sieciami neuronowymi

#### Pierwszy model

Pierwsza próba stworzenia sieci, mając na uwadze wyżej wspomniane wątpliwości, miała na celu wytrenowanie możliwie prostego zbioru obrazów. W tym celu wykorzystano jedynie najbardziej liczny zbiór obrazów z czerwonym tłem, białą kością o czarnymi oczkami. Dla zwiększenia liczby zdjęć w zbiorze, zmniejszono kąt obrotu każdego z nich do  $5^\circ$ , uzyskując 60480 zdjęć ze 120 oryginalnych.

Architektura tej sieci, była dobierana bez większego wdrażania się w szczegóły i bazowała na modelach sieci udostępnionych na stronach Keras oraz TensorFlow, wykorzystywanych do analizy zbiorów MNIST oraz CIFAR10. Za optymalizator został wybrany Adam, a sam trening został ustalony na 25 epok w pierwszej turze oraz 10 epok w drugiej turze. Nigdzie wcześniej nie zauważono tego typu praktyki, aby rozdzielać epoki uczenia. Zrobiono to dlatego, aby umożliwić wcześniejsze zakończenie całego procesu w sytuacji gdyby nie zauważono żadnych postępów. Dodatkowo pozwoliło to na zachowanie modelu po 25 epokach, który mimo że mógłby nie osiągać dobrych rezultatów, pozwoliłby na wyciągnięcie wniosków lub dalszą naukę. Model sieci prezentował się następująco:

Rezultaty osiągnięte przez ten model były zdumiewające. Po pierwszej epoce sieć uzyskiwała 61,98% skuteczności ostatecznie osiągając wynik 99,88% po 25 epokach. Kolejne 10 epok praktycznie nie poprawiło już tego rezultatu.

Po analizie tego dokonania, okazało się że tak duża ilość zdjęć otrzymanych z każdego ze zdjęć początkowych stworzyła zbiór w którym wiele zdjęć praktycznie się powtarzało. Sieć nie miała żadnych problemów podczas testowania na zbiorze do którego w teorii nie miała dostępu podczas treningu. Ten fakt spowodował konieczność trenowania sieci na zbiorach zróżnicowanych pod kątem doboru różnych kolorów oraz ilości zdjęć otrzymanych z jednego początkowego zdjęcia.

### **Model ze zróżnicowanymi zdjęciami**

Po stworzeniu modelu który wykazał, że zadanie stworzenia dobrze działającej sieci dla tego problemu jest wykonalne, zabrano się do kolejnego etapu prac. W tym celu wykorzystano zbiór złożony z 13 różnych zestawów kolorystycznych kości, oczek oraz tła, liczący po 80640 i 20160 zdjęć na części treningową i testową.

W tym modelu wykorzystano architekturę jedynie nieznacznie zmienioną w stosunku do użytej w pierwszym modelu. Architektura ta jest widoczna poniżej:

Sieć uczona była przez 25, a następnie przez 10 epok. Po pierwszych 25 epokach uzyskano dokładność 55,64% co potwierdziło przypuszczenie z przedniej sieci o możliwości pokrycia się zdjęć w zbiorach treningowym i testowym. Kolejne 10 epok poprawiło wynik sieci do 65,30%, pozwalając przy okazji zaobserwować istotny fakt. W pierwszej sesji 25 epok, dokładność sieci przez ostatnie 5 epok oscylowała w okolicach 52%. W drugiej sesji, niemalże od razu wartość podniosła się do 56%. Prawdopodobnie miało to związek ze sposobem w jaki dostarczane są

dane do modelu. Dane były ustalane losowo, ale dla każdej epoki w jednej sesji, układ ten się nie zmieniał. Istniała szansa, że kiedy w następnej sesji zdjęcia były przetwarzane w innej kolejności, umożliwiło to lepsze dopasowanie sieci i efekt skoku jej dokładności.

### Model z wybranymi zdjęciami

Znacząca różnica w dokładności między modelem z jednolitymi oraz zróżnicowanymi zdjęciami doprowadziła do stworzenia sieci uczonej na zbiorze różnorodnych obrazów, ale dobranymi tak, aby kontrast między tłem, a kością był wyraźny. Architektura sieci jest identyczna jak w powyższych przykładach, jedyną różnicą jest przetwarzanie wyselekcjonowanych obrazów. Zastosowanie 25 epok wystarczyło aby uzyskać dokładność na poziomie 89,23% co jest rezultatem zdecydowanie lepszym niż uzyskane wcześniej 55,64%.

## 6.3 Analiza różnych optymalizatorów

Jeżeli sama różnica w doborze konkretnych obrazów potrafi w tak dużym stopniu zmienić wyniki otrzymane przez sieć, podjęto próbę przetestowania kilku z dostępnych w bibliotece Keras optymalizatorów dla identycznych sieci oraz zbiorów danych. W tym celu postanowiono użyć optymalizatorów RMSprop oraz SGD.

Oba modele z optymalizatorami RMSprop oraz SGD, zostały podobnie jak wcześniej opisany model z optymalizatorem Adam poddane uczeniu przez 25 epok różnorodnych zbiorów obrazów. Wynik RMSprop był zdecydowanie najlepszy i wyniósł 84,34% skuteczności. Najgorszy rezultat w zestawieniu uzyskał amodel korzystający z SGD, zdobywając jedynie 36,92% poprawności. Pośrednim okazał się Adam, który jak opisane wyżej, uzyskał 55,64% po sesji uczenia przez 25 epok.

Wyniki te dowiodły, że optymalizator jest kluczowym parametrem (*ang. hyperparameter*) dla odpowiednio skutecznego uczenia. Uzyskany wynik dla RMSprop jest sporym zaskoczeniem, ponieważ w licznych tekstach naukowych to Adam uznawany jest za jeden z najlepszych optymalizatorów, ciesząc się ogromną popularnością. Również z tego powodu, pomimo gorszego niż RMSprop wyniku, Adam będzie wykorzystywany w następnych modelach.

## 6.4 Wykorzystanie sieci AlexNet

Sieć o nazwie AlexNet została zaprezentowana przez Alexa Krizhevskyego, Geoffreya Hintoną oraz Ilya Sutskevera w 2012 roku. Jej ideą jest zastosowanie większej ilości warstw konwolu-

cyjnych, gdzie początkowe dwie warstwy mają filtry rozmiarów odpowiednio 11x11 oraz 5x5. Następnie umieszczone są trzy warstwy konwolucyjne z filtrami 3x3, które w przeciwieństwie do pierwszych dwóch warstw nie są rozdzielone warstwami z maxpoolingiem. AlexNet zdekla-sowała rywali w konkursie ILSVRC 2012 i swoimi rezultatami zszokowała wielu naukowców. Z racji tak świetnych rekomendacji, zdecydowano się na realizację modelu przypominającego jej budowę.

Zastosowanie uproszczonej architektury, bazującej na idei sieci AlexNet pozwoliło na osiągnięcie poprawności wynoszącej 98.88% po 25 epokach. Na wykresie uczenia się można zaobserwować, że przez pierwsze 10 epok precyzja przewidywań sieci w ogólnie nie rosła. Obserwacja sugeruje, że sieci głębsze mogą potrzebować większej ilości epok do rozpoczęcia procesu prawidłowego rozpoznawania obrazów.

## 6.5 Porównanie dla obrazów kolorowych i czarno-białych

Obraz w skali szarości posiada jedynie jeden kanał odpowiadający jasności. Obrazy kolorowe RGB posiadają trzy kanały informujące o nasyceniu odpowiednio czerwonego, zielonego i nie-bieskiego koloru. Wzrost ilości informacji wiąże się z większym obciążeniem pamięci i większą ilością parametrów. W celu weryfikacji różnicy między uczeniem obu rodzajów obrazów podjęto próbę porównania wyników uczenia dla dwóch jednakowych sieci.

Do tego eksperymentu wykorzystano narzędzie generatora dostępne w Keras, które umożliwia przekazywanie obrazów do sieci bez konieczności wcześniejszego ładowania całego zbioru do pamięci, umożliwiając pracę na bardzo dużych zestawach danych. Architektura obu sieci była uproszczona, by zniwelować długi czas uczenia. Modele obu sieci znajdują się poniżej:

Oba modele po 20 epokach wykazały się bardzo zbliżonymi wynikami 98,47% oraz 98,12% na korzyść sieci z kolorowymi obrazami. Lepiej radzący sobie model, dodatkowo nauczył się bardzo szybko do poziomu 95%, osiągając go już po 4 epoce, gdzie operujący na obrazach w skali szarości osiągnął ten wynik po 10 epokach. Obserwacja ta może sugerować, że większa różnica w wartościach dla kolorowych obrazów może przyspieszać uczenie, ale wymaga większej ilości pamięci i spowalnia każdą epokę o 15%.

## 6.6 Porównanie modelu sekwencyjnego i funkcyjnego biblioteki Keras

### Pierwsze użycie modelu funkcyjnego

Standardowym sposobem na stworzenie sieci neuronowej w bibliotece Keras jest wykorzystanie sekwencyjnego modelu, opierającego się na zasadzie umieszczania warstw na stosie. Bardziej zaawansowaną możliwością jest wybranie modelu funkcyjnego API, który pozwala na budowę złożonych sieci neuronowych m.in. z wieloma wyjściami, współdzielonymi warstwami i acyklicznymi grafami.

Zdecydowanie większe możliwości modelu funkcyjnego spowodowały chęć realizacji bardziej złożonych sieci neuronowych. Pierwsza próba miała za zadanie odtworzyć sieć o identycznej budowie jak w pierwszy model operujący na różnokolorowych zbiorach i porównać wyniki po uczeniu przez 25 epok. Model został przedstawiony poniżej:

Zaskoczeniem była spora rozbieżność w ilości parametrów do nauczenia. W modelu sekwencyjnym ich ilość wynosiła 18 milionów, a w modelu funkcyjnym API aż 25 milionów parametrów, co oznacza 40% wzrost ich ilości oraz 50% wzrost czasu potrzebnego na jedną epokę przy identycznie zdefiniowanych warstwach. Ciężko uzasadnić tą różnicę, z grafu można wywnioskować, że prawdopodobnie model ten inaczej uwzględniał filtry konwolucyjne, ponieważ rozmiar warstw po ich zastosowaniu nie był jednakowy.

Niezależnie od tego, model osiągnął zdumiewająco dobry rezultat 95,17% dokładności. Wadą tego rozwiązania była, przez zwiększoną ilość parametrów i konieczność zastosowania mniejszego rozmiaru partii obrazów jednocześnie dostarczanych sieci z powodów problemów z pamięcią.

### Pełne porównanie modeli

Brak sugestii dostępnych w internecie oraz dokumentacji biblioteki Keras wyjaśniających różnice w ilości parametrów w modelach sekwencyjnym oraz API spowodował chęć stworzenia dwóch dużych, identycznych modeli, bezpośrednio porównujących ilość parametrów. Modele zostały jedynie skompilowane w celu wyciągnięcia informacji o ich rozmiarach, ich uczenie zajęło by zbyt dużo czasu.

Po kompilacji, model sekwencyjny uzyskał 47 milionów parametrów, a model funkcyjny API aż 500 milionów parametrów do nauczenia. Ta ogromna różnica spowodowała zaniechanie ko-

lejszych prac nad modelami funkcyjnymi z uwagi na wielokrotne zwiększenie czasu potrzebnego na proces uczenia.

## 6.7 Próby wykorzystania prostokątnych obrazów

### Doświadczenia zakończone niepowodzeniem

Dotychczasowe modele korzystały ze zbiorów o obrazach w kształcie kwadratów z kośćmi umieszczonymi w ich środkowej części. Drugi rodzaj przygotowanych zbiorów danych zwiększał trudność zadania, dzięki zastosowaniu obrazów prostokątnych z mniejszym obszarem na którym znajdowała się kostka w stosunku do pierwsze rodzaju obrazów.

Po uzyskaniu wielu bardzo dobrych wyników powyżej 90% na obrazach o rozmiarach 64x64 przystapiono do prób znacznego zwiększenia obrazów prostokątnych.

Pierwszą próbą było wykorzystanie obrazów 320x240 zarówno w wersjach kolorowych jak i w skali szarości. Jeden z modeli bazował na architekturze AlexNet, drugi bezpośrednio ją kopiował, ale pomimo świetnego wyniku na mniejszych obrazach, w obu przypadkach uczenie zakończyło się całkowitą klęską. Warto wspomnieć, że czas potrzebny na jedną epokę był około 15-krotnie większy niż w przypadku obrazów 64x64.

Ostania próba z obrazami w tym rozmiarze, zakładała użycie uproszczonej architektury podobnie jak przy porównaniu uczenia obrazów RGB i w skali szarości. Finalnie, tak jak wcześniej, pomimo 20 epok sieć nie wykazała żadnego postępu w rozpoznawaniu kości.

Niepowodzenia spowodowały konieczność zmniejszenia zbiorów przez ograniczenie rozmiarów obrazów. Problemem podczas zmniejszania była chęć uniknięcia problemów z brakiem ostrości oczek na kostce co mogłoby uniemożliwić skuteczną naukę. Zdecydowano się na dwukrotne zmniejszenie rozmiarów obrazów, licząc że pozwoli to na zaobserwowanie chociaż niewielkich postępów.

Sieć bazująca na zdjęciach 160x120 była pierwszą próbą, gdzie zamiast jak dotychczas kwadratowych, użyto prostokątnych filtrów konwolucyjnych. Proces uczenia po 20 epokach niestety również zakończył się niepowodzeniem.

### Nauczony prostokątny model

Powyższe porażki oraz wcześniejsze sukcesy na kwadratowych obrazach sugerowały, że prawdopodobnie modele nie są błędne, jedynie obrazy mogą mieć za duży rozmiar. Ta hipoteza rozpoczęła proces dobierania odpowiedniej rozdzielczości zdjęć tak by były małe, jednocześnie

unikając rozmycia oczek na kostce nie. Najlepszym wyborem okazały się zdjęcia w rozmiarze 106x79, zachowujące proporcje jak obrazy 160x120, ale posiadające o 50% mniejszą liczbę parametrów.

Pierwsza próba przeprowadzona przez 20 epok z filtrami konwolucyjnymi o prostokątnych kształtach wreszcie zakończyła się sukcesem. Sieć osiągnęła wynik 68,03% co nie było świetnym rezultatem, ale dawało informację, że dalsza nauka jest możliwa.

## 6.8 Doskonalenie modelu z prostokątnymi obrazami

Po pierwszym sukcesie sieci z obrazami prostokątnymi, podjęto decyzję o jej ulepszeniu. Zaczęto od próby zmniejszenia ilości parametrów przez zamianę większych filtrów konwolucyjnych, większą ilością mniejszych, co znacząco zmniejszało ilość parametrów sieci potrzebną do nauczania *Substituting Big convolution* [6]. Po zaaplikowaniu ulepszeń i nauce sieci, okazało się że sieć nie poprawiła się w żadnym stopniu. Prawdopodobnym powodem była zmiana architektury sieci wraz z powtórным zastosowaniem kwadratowych filtrów.

Drugim pomysłem na ulepszenie sieci było zastosowanie zastępowania większych filtrów kilkoma mniejszymi połączonego ze zamianą funkcji aktywacji ReLU na LeakyReLU w celu uniknięcia możliwych do wystąpienia problemów z zanikającym neuronem. Ulepszenie jednak podobnie jak wcześniejsze nie sprawdziło się w ogóle i nie umożliwiło poprawy dokładności sieci.

## 6.9 Najskuteczniejszy model z prostokątnymi obrazami

Wykres procesu uczenia sieci z obrazami 106x79 kształtem przypominał funkcję logarytmiczną co nasunęło pomysł ze zwiększeniem ilości epok. Podjęto decyzję o kontynuacji uczenia do kolejno 40, 60, 80 i 100 epok.

Podejście to okazało się bardzo skuteczne, ponieważ po każdych 20 epokach sieć odnosiła lepsze rezultaty, które prezentowały się następująco:

20 epok: 68,03%

40 epok: 78,21%

60 epok: 81,59%

80 epok: 82,39%

100 epok: 84,67%

Wyniki uświadamiają, że prawdopodobnie nawet nieudane próby z większymi zdjęciami mo-

głyby się powieść, konieczne byłoby jedynie zwiększenie ilości epok. Wiąże się to jednak z ogromnym nakładem czasu, ponieważ prawdopodobnie sensowne rezultaty można by osiągnąć dopiero po 100 epokach.



## 7. Podsumowanie

Zwieńczeniem całej pracy i stworzonych modeli są dwa skrypty rozpoznające ilość oczek wyrzuconych na kości w czasie rzeczywistym. Programy korzystają z wytrenowanych modeli załadowanych do pamięci, które analizują obraz dostarczany z kamery podłączonej do komputera. Modele są przystosowane do rozpoznawania kości na obrazach o wielkościach 64x64 oraz 106x79 pikseli.

Obraz dostarczany z kamery jest wielokrotnie większy, co wymusiło wyznaczenie jego części, która jest analizowana przez zaaplikowane sieci neuronowe. Ta część obrazu oznaczona jest białymi krawędziami dla łatwiejszego zlokalizowania miejsca w którym powinna być umieszczona kość pod kamerą. Dla obrazów 64x64 wykonano kilka modeli sieci które osiągnęły powyżej 90% skuteczności. Program umożliwia porównanie wyników dzięki zaaplikowaniu ich do analizy tego samego obszaru na zdjęciu. Pozwala to zauważyć między innymi lepsze rozpoznawanie pewnych kombinacji kolorystycznych niektórych modeli lub trudności z rozróżnieniem wyrzuconych czterech oczek od sześciu, z uwagi na efekt zlewania się ich podczas skalowania.

Dla obrazów 106x79 zaaplikowany jest jedynie jeden model, wytrenowany przez 100 epok.

Wyniki zaobserwowane podczas prac związanych z tworzeniem sieci neuronowych przyniosły wiele niespodziewanych sytuacji. Często otrzymywane wyniki były zdumiewające, biorąc pod uwagę jak drobne różnice w budowie sieci wpływały na końcowe rezultaty. Największym zaskoczeniem były bardzo duże problemy z uczeniem obrazów prostokątnych w porównaniu do obrazów kwadratowych. Za przykład może posłużyć mniejsza o jedną trzecią ilości danych w obrazach w skali szarości i rozmiarze 106x79 pikseli w stosunku do obrazów kolorowych i rozmiaru 64x64 piksele. Proces uczenia się przebiegał trzykrotnie dłużej na jedną epokę i zastosowanie pięciokrotnie większą ilości epok. Mimo to, wynik dla obrazów kwadratowych wyniósł 98,47%, a dla prostokątnych 84,67%.

Wszystkie eksperymenty pokazały, że nawet proste zadanie rozpoznawania oczek na kostce wymaga dużej ilości danych i mocy obliczeniowej by w uzyskać satysfakcjonujące wyniki. Przykład ten pokazuje także jak wiele zastosowań może mieć zyskujące na popularności uczenie maszynowe, które wraz z rozwojem technologii będzie mieć coraz więcej możliwości na dostosowywania algorytmów do określonych danych.

# Bibliografia

- [1] Stanford University course CS231n  
<http://cs231n.github.io/convolutional-networks/>
- [2] Stanford University course CS231n  
<http://cs231n.github.io/optimization-2/>
- [3] Eric Roberts, Stanford University  
<https://cs.stanford.edu/people/eroberts/courses/soco/projects/neural-networks/>
- [4] Tuples Edu  
<https://becominghuman.ai/what-is-an-artificial-neuron-8b2e421ce42e>
- [5] Jaron Collis  
<https://medium.com/deeper-learning/glossary-of-deep-learning-bias-cf49d9c895e2>
- [6] Leonardo Araujo dos Santos  
[https://leonardoaraujosantos.gitbooks.io/artificial-intelligence/content/convolutional\\_neural\\_networks.html](https://leonardoaraujosantos.gitbooks.io/artificial-intelligence/content/convolutional_neural_networks.html)
- [7] Leonardo Araujo dos Santos  
<https://leonardoaraujosantos.gitbooks.io/artificial-intelligence/content/backpropagation.html>
- [8] Anish Singh Walia  
<https://towardsdatascience.com/types-of-optimization-algorithms-used-in-neural-networks-and-ways-to-optimize-gradient-95ae5d39529f>
- [9] Ujjesh Karn  
<https://ujjwalkarn.me/2016/08/11/intuitive-explanation-convnets/>

- [10] Eugenio Culurciello  
<https://towardsdatascience.com/neural-network-architectures-156e5bad51ba>
- [11] Avinash Sharma V  
<https://medium.com/the-theory-of-everything/understanding-activation-functions-in-neural-networks-9491262884e0>
- [12] Sagar Sharma  
<https://towardsdatascience.com/activation-functions-neural-networks-1cbd9f8d91d6>
- [13] Aditya V. D  
<https://becominghuman.ai/neural-network-xor-application-and-fundamentals-6b1d539941ed>
- [14] [https://en.wikipedia.org/wiki/Feedforward\\_neural\\_network](https://en.wikipedia.org/wiki/Feedforward_neural_network)
- [15] [https://en.wikipedia.org/wiki/Convolutional\\_neural\\_network](https://en.wikipedia.org/wiki/Convolutional_neural_network)
- [16] [https://en.wikipedia.org/wiki/Rectifier\\_\(neural\\_networks\)](https://en.wikipedia.org/wiki/Rectifier_(neural_networks))
- [17] [https://en.wikipedia.org/wiki/Computer\\_vision#Recognition](https://en.wikipedia.org/wiki/Computer_vision#Recognition)
- [18] Yann LeCun, Corinna Cortes, Christoper J.C. Burges  
<http://yann.lecun.com/exdb/mnist/>
- [19] Alex Krizhevsky  
<https://www.cs.toronto.edu/~kriz/cifar.html>
- [20] ImageNet Large Scale Visual Recognition Competition  
<http://www.image-net.org/challenges/LSVRC/>
- [21] Adit Deshpande  
<https://adeshpande3.github.io/The-9-Deep-Learning-Papers-You-Need-To-Know-About.html>
- [22] Alex Krizhevsky, Ilya Sutskever, Geoffrey E. Hinton  
<https://www.nvidia.cn/content/tesla/pdf/machine-learning/imagenet-classification-with-deep-convolutional-nn.pdf>

- [23] Tugce Tasci, Kyunghee Kim  
[http://vision.stanford.edu/teaching/cs231b\\_spring1415/slides/alexnet\\_tugce\\_kyunghee.pdf](http://vision.stanford.edu/teaching/cs231b_spring1415/slides/alexnet_tugce_kyunghee.pdf)
- [24] Li Wan, Matthew Zeiler, Sixin Zhang, Yann LeCun, Rob Fergus  
<https://cs.nyu.edu/~wanli/dropc/>
- [25] Jason Morrison  
<https://medium.com/paper-club/paper-review-dropout-a-simple-way-to-prevent-neural-networks-from-overfitting-4f25e8f2283a>
- [26] Matthew D. Zeiler, Rob Fergus  
<https://arxiv.org/abs/1311.2901>
- [27] Sebatian Ruder  
<http://ruder.io/optimizing-gradient-descent/>
- [28] Geoffrey Hinton, Nitish Srivastava, Kevin Swersky  
[https://www.cs.toronto.edu/~tijmen/csc321/slides/lecture\\_slides\\_lec6.pdf](https://www.cs.toronto.edu/~tijmen/csc321/slides/lecture_slides_lec6.pdf)
- [29] Diederik P. Kingma, Jimmy Ba  
<https://arxiv.org/abs/1412.6980>
- [30] Krzysztof Sopyła  
<https://ksopyla.com/python/operacja-splotu-przetwarzanie-obrazow/>

## 8. Dodatek A - zbiory danych

Zbiory danych wykorzystane do uczenia przedstawionych modeli sieci neuronowych znajdują się w linkach dostępnych poniżej:

**Zbiór 64x64x1, obrazy w skali szarości, opisany w części 5.1**

<https://drive.google.com/open?id=1-qCVGTql6A3QHLxS0aQvhFxSz5wUY7uG>

**Zbiór 64x64x3, obrazy kolorowe, opisany w części 5.1**

[https://drive.google.com/open?id=1oWa8t5pCWCGyC3Mbdn\\_XJ2hVdf0yqrMu](https://drive.google.com/open?id=1oWa8t5pCWCGyC3Mbdn_XJ2hVdf0yqrMu)

**Zbiór 106x79x1, obrazy w skali szarości, opisany w części 5.2**

[https://drive.google.com/open?id=1JS\\_CpJqU2TmBEVvMTULTXue7VZJKONH](https://drive.google.com/open?id=1JS_CpJqU2TmBEVvMTULTXue7VZJKONH)

## 9. Dodatek B - modele sieci neuronowych

Wszystkie modele sieci neuronowych przedstawione w pracy dostępne są pod linkami podanymi poniżej:

### 9.1 Obrazy kwadratowe 64x64

Pierwszy model z obrazami w jednej kolorystyce

[https://github.com/oziomek1/NNLearning/blob/master/dices\\_cnn/dice\\_cnn.ipynb](https://github.com/oziomek1/NNLearning/blob/master/dices_cnn/dice_cnn.ipynb)

Pierwszy model ze zróżnicowanymi zdjęciami

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/dice\\_cnn\\_adam.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/dice_cnn_adam.ipynb)

Model z wybranymi zdjęciami

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/dice\\_cnn\\_adam\\_wybrane.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/dice_cnn_adam_wybrane.ipynb)

Modele do analizy optymalizatorów

Optymalizator Adam:

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/dice\\_cnn\\_adam.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/dice_cnn_adam.ipynb)

Optymalizator RMSprop:

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/dice\\_cnn\\_rmsprop.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/dice_cnn_rmsprop.ipynb)

Optymalizator SGD:

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/dice\\_cnn\\_sgd.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/dice_cnn_sgd.ipynb)

Model oparty o AlexNet

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/generator\\_AlexNet.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/generator_AlexNet.ipynb)

## Porównanie modeli dla obrazów kolorowych i w skali szarości

Obrazy kolorowe:

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/generator\\_comparison.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/generator_comparison.ipynb)

Obrazy w skali szarości:

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/generator\\_comparison\\_gray.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/generator_comparison_gray.ipynb)

## Pierwszy model funkcyjny

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/dice\\_cnn\\_API.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/dice_cnn_API.ipynb)

## Pełne porównanie modelu funkcyjnego i sekwencyjnego

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/API\\_Sequential\\_ⓂKeras2.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/API_Sequential_ⓂKeras2.ipynb)

## 9.2 Obrazy prostokątne

### Trzy nienauczone modele z prostokątnymi obrazami 320x240

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/generator\\_320x240\\_AlexNet.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/generator_320x240_AlexNet.ipynb)

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/generator2\\_320x240\\_AlexNet.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/generator2_320x240_AlexNet.ipynb)

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/generator3\\_320x240.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/generator3_320x240.ipynb)

### Model ze prostokątnymi obrazami 160x120

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/simple\\_NN\\_160x120.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/simple_NN_160x120.ipynb)

### Nauczony model z prostokątnymi obrazami 106x79

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/simple\\_NN\\_106x79.ipynb](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/simple_NN_106x79.ipynb)

### Ulepszanie modelu przez redukcje dużych konwolucji

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/substituting](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/substituting)

\_106x79.ipynb

### **Ulepszanie modelu przez LeakyReLU**

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/subst\\_LReLU](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/subst_LReLU)  
\_106x79.ipynb

### **Kontynuacja uczenia jedyne go nauczonego modelu 20-60 epok**

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/simple\\_NN](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/simple_NN)  
\_106x79\_continue.ipynb

### **Kontynuacja uczenia jedyne go nauczonego modelu 60-100 epok**

[https://github.com/oziomek1/neural\\_network\\_dice/blob/master/simple\\_NN](https://github.com/oziomek1/neural_network_dice/blob/master/simple_NN)  
\_106x79\_continue\_80\_100.ipynb