



Benodigdhede vir hierdie vraestel/Requirements for this paper:			
Multi-keusekaarte/ Multi-choice cards:	<input type="checkbox"/>	Nie-programmeerbare sakrekenaar/ Non-programmable calculator:	<input checked="" type="checkbox"/>
Grafiekpapier/ Graphic paper:	<input type="checkbox"/>	Draagbare Rekenaar/ Laptop:	<input type="checkbox"/>

Oopboek-eksamen/ Open book examination?	<input type="checkbox"/> NEE/ NO
--	-------------------------------------

EKSAMEN/TOETS EXAMINATION/TEST:	Junie 2016 June 2016	KWALIFIKASIE/ QUALIFICATION:	B.Ing B.Eng
MODULEKODE/ MODULE CODE:	EERI414	TYDSDUUR/ DURATION:	3 ure/hours
MODULEBESKRYWING/ MODULE DESCRIPTION:	Seinteorie III Signal Theory III	MAKS/ MAX:	130
EKSAMINATORE(E)/ EXAMINER(S):	PROF WC VENTER	DATUM/ DATE:	17/6/2016
		TYD/TIME:	14h00
MODERATOR:	Mnr A Alberts (INTERN) MNR L JANSEN VAN RENSBURG (EKSTERN)		

TOTAAL/TOTAL: 136

Geen programmeerbare sakrekenaars word toegelaat nie. *No programmable calculators are allowed.*

Vraag/Question 1

- a) Die z-transform van 'n kousale reeks $h[n]$ word gegee deur:
Let the z-transform of a causal sequence $h[n]$ be given by:

$$H(z) = \frac{z(z + 2.0)}{(z - 0.2)(z + 0.6)}$$

Bepaal die inverse z-transform van die reeks/*Determine the inverse z-transform of the sequence.* (10)

- b) Bepaal die z-transform van die twee-sydige reeks $v[n] = \alpha^{|n|}$, $|\alpha| < 1$. Wat is die konvergensie gebied?
Determine the z-transform of the two-sided sequence $v[n] = \alpha^{|n|}$, $|\alpha| < 1$. What is its ROC? (12)

Vraag/Question 2

- a) Vir die 4 tipes lineêre-fase FIR oordragfunksies, toon in 'n tabel die aantal nulle by $z = 1$ en $z = -1$.
For the 4 types of linear-phase FIR transfer functions, use a table to display the number of zeros at $z = 1$ and $z = -1$. (8)
- b) Is die volgende oordragfunksie minimum fase? / *Is the following transfer function minimum phase?*

$$H(z) = \frac{(3z + 4)(z - 5)}{(z - 0.5)(z + 0.8)}$$

Indien dit nie minimum fase is nie, konstrueer 'n minimum fase oordragfunksie $G(z)$ sodat $|G(e^{j\omega})| = |H(e^{j\omega})|$.
If it is not minimum-phase, then construct a minimum-phase transfer function $G(z)$ such that $|G(e^{j\omega})| = |H(e^{j\omega})|$.

Bepaal die twee oordragfunksies se ooreenstemmende eenheid monster responsies, $g[n]$ en $h[n]$, vir $n = 0, 1, 2, 3, 4$.
Determine the two transfer functions corresponding unit sample responses, $g[n]$ and $h[n]$, for $n = 0, 1, 2, 3, 4$. (16)

Vraag/Question 3

Ontwikkel die kaskade rooster realisering van die volgende paar vierde-orde FIR oordragfunksies:
Develop the cascade lattice realization of the following pair of fourth-order FIR transfer functions:

$$\begin{aligned}H_4(z) &= 2 + 23z^{-1} + 73z^{-2} + 43z^{-3} - 15z^{-4} \\G_4(z) &= -4 - 24z^{-1} + 85z^{-2} + 2z^{-3} - 3z^{-4}\end{aligned}\quad (38)$$

Vraag/Question 4

- a) Vanuit die definisie van die bilinieëre transform/*From the definition of the bilinear transform*
- Lei uit eerste beginsels die vergelykings af wat die verwantskap gee, en toon grafies die verwantskap, tussen die s - en die z -vlak.
From basic principles derive the equations for the relationship, and graphically show the relationship, between the s - and the z -domain. (8)
 - Lei uit eerste beginsels die vergelyking af wat die verwantskap gee, en toon grafies die verwantskap, tussen frekwensies in die s -vlak en die z -vlak.
From basic principles derive the equation for the relationship, and graphically show the relationship, between frequencies in the s - and the z -domain. (5)
- b) Ontwerp 'n tweede-orde keep filter wat funksioneer teen 'n monstertempo van 500 Hz met 'n keep frekwensie van 120 Hz en 'n 3-dB bandwydte van 15 Hz.
Design a second-order notch filter operating at a sampling frequency rate of 500 Hz with a notch frequency at 120 Hz and a 3-dB bandwidth of 15 Hz. (17)

Vraag/Question 5

- a) 'n Onderlaag FIR filter van orde $N = 71$ moet ontwerp word met 'n oorgangsband gegee deur $\omega_s - \omega_p = 0.04\pi$ deur gebruik te maak van die Parks-McClellan metode. Bepaal die benaderde waarde van die stopband verswakking α_s in dB en die ooreenstemmende stopband rippel δ_s van die ontwerpte filter indien die filter orde geskat word deur die Bellanger formule. Aanvaar die deurgangsband- en stopband rippels is dieselfde.
A lowpass FIR filter of order $N = 71$ is to be designed with a transition band given by $\omega_s - \omega_p = 0.04\pi$ using the Parks-McClellan method. Determine the approximate value of the stopband attenuation α_s in dB and the corresponding stopband ripple δ_s of the designed filter if the filter order is estimated using the Bellanger formula. Assume the passband and stopband ripples to be the same. (8)
- b) Die ideale Hilbert transformeerder het 'n frekwensie responsie gegee deur:
The ideal Hilbert transformer has a frequency response given by:

$$H_{HT}(e^{j\omega}) = \begin{cases} j & -\pi < \omega < 0 \\ -j & 0 < \omega < \pi \end{cases}$$

Bepaal die impuls responsie van die Hilbert transformeerder.
Determine the impulse response of the Hilbert transformer.

Om die Hilbert transformeerder te realiseer moet die impuls responsie beperk word tot $|n| \leq M$. Watter tipe linieëre fase FIR filter is die beperkte impuls responsie?
To make the Hilbert transformer realizable the impulse response has to be truncated to $|n| \leq M$. What type of linear-phase FIR filter is the truncated impulse response? (14)