## Matemática IV - Funções de Variáveis Complexas Prof. Gabriel Ponce

## RA (Legível):

1	2	3	4	5	Total	

## Observação:

- 1) Este simulado é formado através de um banco de problemas selecionado pelo docente e não necessariamente tem relação com formato, nível de dificuldade, ou qualquer outro aspecto das provas de MA044/Funções de Variável Complexa na sua disciplina. Use este simulado apenas como uma forma adicional de estudo.
- 2) Não se esqueça de verificar as hipóteses dos teoremas necessários antes de aplica-los.
- 3) Justifique bem suas soluções.

## Simulado de Matemática IV - Funções de Variáveis Complexas

Prof. Gabriel Ponce

1. Mostre que se |z|=2 então

$$\left|\frac{1}{z^4 - 4z^2 + 3}\right| \le \frac{1}{3}.$$

2. Mostre que a hipérbole  $x^2-y^2=1$  pode ser escrita na forma

$$z^2 + \bar{z}^2 = 2.$$

3. Desenhe o conjunto dos pontos determinado pela condição:

- a)  $\operatorname{Re}(\overline{z} i) = 2;$
- b)  $|2\overline{z} + i| = 4$ .

4. Utilize as propriedades de módulo já demonstradas em sala para provar que, dados quaisquer números complexos  $z_1, z_2, z_3, z_4$  com  $|z_3| \neq |z_4|$  tem-se:

$$\frac{\operatorname{Re}(z_1 + z_2)}{|z_3 + z_4|} \le \frac{|z_1| + |z_2|}{||z_3| - |z_4||}.$$

- 5. Em cada caso, encontre todas as raízes em coordenadas retangulares e exiba elas como vértices de um certo polígono regular. Além disso, identifique a raiz principal:
  - a)  $(-1)^{1/3}$
  - b)  $8^{1/6}$ .