前置知识

讲解**030** - 异或运算

讲解**032** - 位图

讲解133 - 高斯消元基本过程解析,专题第1节,视频前65分钟的内容,一定要掌握

高斯消元专题的讲述顺序

专题1: 高斯消元解决加法方程组,讲解133

专题2: 高斯消元解决异或方程组,讲解134,本节

专题3: 高斯消元解决同余方程组,讲解135

以下内容在讲解133已经重点讲述,就是讲解133的视频前65分钟的讲述,请保证已经掌握

高斯消元流程图解,以加法方程组为例,但是解决其他方程组也一样

高斯消元如果需要严格区分:矛盾、多解、唯一解,流程图解

高斯消元解决任何方程组的理解重点

- 1,列出方程组,注意需要扩充方程组的情况:表达式冗余,补充变量;表达式不足,补充表达式
- 2,消元的过程,尤其是严格区分:矛盾、多解、唯一解,正确写法要掌握!
- 3,解是如何对应的,尤其注意主元和自由元的概念
- 4,矩阵最后结果的含义,主元可能依赖某些自由元才能决定值,但是自由元之间一定相互独立、互不影响

高斯消元的过程时间复杂度O(n^3), n为扩充后的方程个数

本节课只是把加法方程组换成了异或方程组而已,课上重点图解

但是注意,本节课对于主元可能依赖自由元才能决定值,有重点练习题目1 题目2

同时注意,异或消元时如果元数比较多,可以用位图来表示每一行的状态,消元的常数时间更快 题目3

题目1

高斯消元解决异或方程组模版题 有一个长度为n的数组arr,可能有重复值,数字都是long类型的正数 每个数拥有的质数因子一定不超过2000,每个数最多挑选一次 在至少要选一个数的情况下,你可以随意挑选数字乘起来 乘得的结果需要是完全平方数,请问有几种挑选数字的方法 方法数可能很大,结果对1000000007取余

1 <= n <= 300

1 <= arr[i] <= 10^18

测试链接:https://acm.hdu.edu.cn/showproblem.php?pid=5833

题目2

全变成1的最少操作次数

一共有n个点,m条无向边,每个点的初始状态都是o可以操作任意一个点,操作后该点以及相邻点的状态都会改变最终是希望所有点都变成1状态,那么可能会若干方案都可以做到那么其中存在需要最少操作次数的方案,打印这个最少操作次数题目保证一定能做到所有点都变成1状态,并且没有重边和自环

1 <= n <= 35

1 <= m <= 595

测试链接:https://www.luogu.com.cn/problem/P2962

题目3

外星千足虫

- 一共有n种虫子,编号1~n,虫子腿为奇数认为是外星虫,偶数认为是地球虫
- 一共有m条虫子腿的测量记录,记录编号1~m

比如其中一条测量记录为,*O11 1*,表示1号虫没参与,2号、3号虫参与了,总腿数为奇数测量记录保证不会有自相矛盾的情况,但是可能有冗余的测量结果

也许拥有从第1号到第k号测量记录就够了,k+1~m号测量记录有或者没有都不影响测量结果打印这个k,并且打印每种虫子到底是外星虫还是地球虫

如果使用所有的测量结果,依然无法确定每种虫子的属性,打印"Cannot Determine"

1 <= n <= 1000

1 <= m <= 2000

测试链接:https://www.luogu.com.cn/problem/P2447