

Задача А. Максимальный поток (2 балла)

Имя входного файла: `maxflow.in`
Имя выходного файла: `maxflow.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Задан ориентированный граф, каждое ребро которого обладает целочисленной пропускной способностью. Найдите максимальный поток из вершины с номером 1 в вершину с номером n .

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит n и m — количество вершин и количество ребер графа ($2 \leq n \leq 100$, $1 \leq m \leq 1000$). Следующие m строк содержат по три числа: номера вершин, которые соединяет соответствующее ребро графа и его пропускную способность. Пропускные способности не превосходят 10^5 .

Формат выходного файла

В выходной файл выведите одно число — величину максимального потока из вершины с номером 1 в вершину с номером n .

Примеры

<code>maxflow.in</code>	<code>maxflow.out</code>
4 5 1 2 1 1 3 2 3 2 1 2 4 2 3 4 1	3

Задача В. Паросочетание (2 балла)

Имя входного файла: `matching.in`
Имя выходного файла: `matching.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан двудольный невзвешенный граф. Необходимо найти максимальное паросочетание.

Формат входного файла

В первой строке входного файла три целых числа n , m и k ($1 \leq n, m \leq 200$, $1 \leq k \leq n \times m$) — количество чисел в первой и второй долях, а также число ребер соответственно. Далее следуют k строк, в каждой из которых два числа a_i и b_i , что означает ребро между вершиной с номером a_i первой доли и вершиной с номером b_i второй доли. Вершины в обеих долях нумеруются с единицы.

Формат выходного файла

В выходной файл выведите одно число — максимальное число ребер в паросочетании.

Примеры

matching.in	matching.out
3 3 5 1 1 1 3 2 1 2 2 3 2	3

Задача С. Декомпозиция потока (3 балла)

Имя входного файла: `decomposition.in`
Имя выходного файла: `decomposition.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Задан ориентированный граф, каждое ребро которого обладает целочисленной пропускной способностью. Найдите максимальный поток из вершины с номером 1 в вершину с номером n и постройте декомпозицию этого потока.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит n и m — количество вершин и количество ребер графа ($2 \leq n \leq 500$, $1 \leq m \leq 10000$). Следующие m строк содержат по три числа: номера вершин, которые соединяет соответствующее ребро графа и его пропускную способность. Пропускные способности не превосходят 10^9 .

Формат выходного файла

В первую строку выходного файла выведите одно число — количество путей в декомпозиции максимального потока из вершины с номером 1 в вершину с номером n . Следующий строки должны содержать описания элементарных потоков, на который был разбит максимальный. Описание следует выводить в следующем формате: величина потока, количество ребер в пути, вдоль которого течет данный поток и номера ребер в этом пути. Ребра нумеруются с единицы в порядке появления во входном файле.

Примеры

decomposition.in	decomposition.out
4 5	3
1 2 1	1 2 1 4
1 3 2	1 3 2 3 4
3 2 1	1 2 2 5
2 4 2	
3 4 1	

Задача D. Циркуляция (3 балла)

Имя входного файла: `circulation.in`
Имя выходного файла: `circulation.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Назовем *циркуляцией* поток величины 0. Дан ориентированный граф с нижними и верхними пропускными способностями, то есть для любых вершин i и j должно быть верно, что $l_{ij} \leq f_{ij} \leq c_{ij}$, где l_{ij} — нижняя граница, а c_{ij} — верхняя. Требуется найти циркуляцию в данном графе, удовлетворяющую данным ограничениям.

Формат входного файла

В первой строке входного файла 2 целых числа N и M ($1 \leq N \leq 200$, $0 \leq M \leq 15000$). Далее следуют M строк, описывающие ребра графа. Каждая строка содержит 4 целых положительных числа i, j, l_{ij} и c_{ij} ($0 \leq l_{ij} \leq c_{ij} \leq 10^5$), что означает, что ребро ведет из вершины с номером i в вершину с номером j с нижней границей l_{ij} и верхней c_{ij} . Гарантируется, что если в графе есть ребро из i в j , то нет ребра из j в i .

Формат выходного файла

Если не существует циркуляции удовлетворяющей данным ограничения, выведите NO. Иначе на первой строке выведите YES. Далее в M строках должно содержаться по одному числу. В i -ой строке — величина потока по ребру на i -ой строке во входном файле. Напомним, что для любых i и j должно быть верно, что $l_{ij} \leq f_{ij} \leq c_{ij}$.

Примеры

circulation.in	circulation.out
4 6 1 2 1 2 2 3 1 2 3 4 1 2 4 1 1 2 1 3 1 2 4 2 1 2	NO
4 6 1 2 1 3 2 3 1 3 3 4 1 3 4 1 1 3 1 3 1 3 4 2 1 3	YES 1 2 3 2 1 1