PEC 3

Pablo Riutort Grande January 22, 2023

M0.536 - Optimización Metaheurística

MU Ingeniería Informática / MU Ingeniería Computacional y Matemática

Estudios de Informática, Multimedia y Telecomunicación

La función auxiliar plot_values() utiliza las librerías matplotlib y Seaborn para graficar los datos obtenidos de max_fitness_values y mean_fitness_value de los algoritmos tratados.

```
[1]: import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns

def plot_values(max_fitness_values, mean_fitness_values):
    sns.set_style("whitegrid")
    plt.plot(max_fitness_values, color="blue")
    plt.plot(mean_fitness_values, color="green")
    plt.xlabel("Generation")
    plt.ylabel("Max/Average Fitness")
    plt.title("Max and Average Fitness over Generations")
    plt.show()
```

1 One Max Problem

El problema One Max es un problema de optimización cuyo objetivo es encontrar la cadena binaria de cierta longitud que tenga la mayor cantidad de unos.

```
[2]: import random
from deap import base, creator, tools

ONE_MAX_LENGTH = 100
POPULATION_SIZE = 200
P_CROSSOVER = 0.9
P_MUTATION = 0.1
MAX_GENERATION = 50
```

```
RANDOM\_SEED = 42
random.seed(RANDOM_SEED)
toolbox = base.Toolbox()
toolbox.register("zeroOrOne", random.randint, 0, 1)
creator.create("FitnessMax", base.Fitness, weights=(1.0,))
creator.create("Individual", list, fitness=creator.FitnessMax)
toolbox.register(
    "individualCreator",
    tools.initRepeat,
    creator. Individual,
    toolbox.zeroOrOne,
    ONE_MAX_LENGTH,
toolbox.register("populationCreator", tools.initRepeat, list, toolbox.
 ⇔individualCreator)
def oneMaxFitness(individual):
    return (sum(individual),)
toolbox.register("evaluate", oneMaxFitness)
toolbox.register("select", tools.selTournament, tournsize=3)
toolbox.register("mate", tools.cxOnePoint)
toolbox.register("mutate", tools.mutFlipBit, indpb=1.0 / ONE_MAX_LENGTH)
population = toolbox.populationCreator(n=POPULATION_SIZE)
generation_counter = 0
fitness_values = list(map(toolbox.evaluate, population))
for individual, fitness_values in zip(population, fitness_values):
    individual.fitness.values = fitness_values
fitness_values = [individual.fitness.values[0] for individual in population]
max_fitness_values, mean_fitness_values = [], []
generations = {
    "Max Fitness": max_fitness_values,
```

```
"Avg. Fitness": mean_fitness_values,
         "Best Individual": []
     }
     while max(fitness\_values) < ONE\_MAX\_LENGTH and generation\_counter < _ <math>\sqcup
      →MAX_GENERATION:
         generation counter += 1
         offspring = toolbox.select(population, len(population))
         for c1, c2 in zip(offspring[::2], offspring[1::2]):
             if random.random() < P_CROSSOVER:</pre>
                 toolbox.mate(c1, c2)
                 del c1.fitness.values
                 del c2.fitness.values
         for individual in offspring:
             if random.random() < P_MUTATION:</pre>
                 toolbox.mutate(individual)
                 del individual fitness values
         fresh_individuals = [
             individual for individual in offspring if not individual.fitness.valid
         1
         fresh_fitness_values = list(map(toolbox.evaluate, fresh_individuals))
         for individual, fitness_value in zip(fresh_individuals,_

¬fresh_fitness_values):
             individual.fitness.values = fitness_value
         population[:] = offspring
         fitness_values = [individual.fitness.values[0] for individual in population]
         max_fitness = max(fitness_values)
         mean fitness = sum(fitness values) / len(population)
         max_fitness_values.append(max_fitness)
         mean_fitness_values.append(mean_fitness)
         best_index = fitness_values.index(max(fitness_values))
         generations["Best Individual"].append(population[best_index])
[3]: import pandas as pd
     # fit Best Individual list
     pd.set_option('display.max_colwidth', None)
     df = pd.DataFrame(generations)
     df.index.name = "Gen."
```

	Max	Avg.
	Fit-	Fit-
Gen.	ness	ness Best Individual
0	62	53.23 [1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0,
		0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1
		$1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,$
		1,0,1,1,0,0]
1	65	55.98 [1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1
		1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1,
		1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1,
0	cc	0, 1, 0, 0, 1, 1, 1
2	66	58.2 [1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
		0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
		0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1]
3	70	$\begin{array}{c} 1, \ 0, \ 0, \ 0, \ 1, \ 1 \\ 59.165 \left[0, \ 1, \ 1, \ 0, \ 1, \ 1, \ 1, \ 1, \ $
0	10	1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
		0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
		0, 1, 1, 1, 0, 1, 1]
4	69	61.695 [0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0,
		1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1,
		0,1,0,1,1,1,1,0,0,0,1,1,1,0,1,1,1,1,1,1,1,1,0,0,0,1,1,0,1,0,0,1,
		0,1,1,1,0,1,1]
5	69	62.105 [0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
		1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0,
		1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
C	79	[1, 1, 1, 0, 1, 1, 1]
6	73	$58.68 \ [1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,$
		0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
		[0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
7	67	61.395 [0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
•	•	0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
		1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1,
		0,0,0,1,0,1,0]
8	69	$63.955 \left[0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0$
		0,0,0,1,0,1,1,0,1,1,1,1,1,0,1,0,0,0,1,0,1,1,0,0,1,0,1,1,0,0,1,
		1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1,
		[0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
9	72	$63.685 \begin{bmatrix} 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,$
		1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
		1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
10	71	1, 1, 1, 0, 1, 1, 1] 61.57 [1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0,
10	11	0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
		1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
		0, 1, 1, 0, 1, 0]
		, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,

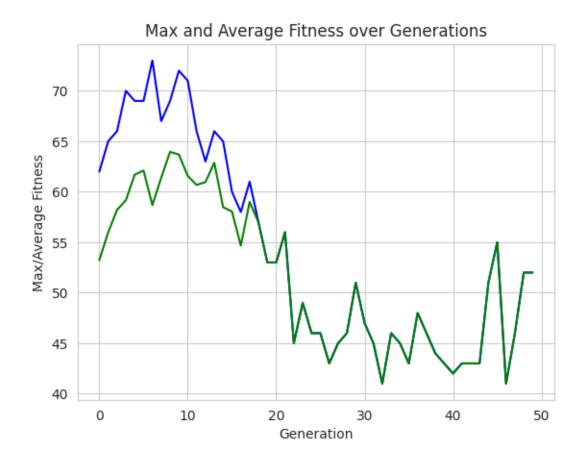
	Max Fit-	Avg. Fit-
Gen.	ness	ness Best Individual
11	66	$ \begin{array}{c} 60.675 \left[0,0,0,0,0,0,1,0,0,1,1,1,0,1,0,0,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,$
12	63	$\begin{array}{c} 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1\\ 60.96\ \ [1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0$
13	66	$\begin{array}{c} 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0] \\ 62.875 \left[0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1$
14	65	$\begin{array}{c} 0,0,0,1,0,1,0] \\ 58.475[1,1,1,0,0,1,0,0,0,1,1,0,0,0,1,1,1,1,1,0,0,0,1,1,0,1,0,0,1,0,1,0,1,0,1,0,1,1,0,1,0,1,1,0,0,1,1,0,1,0,1,1,0,0,1,1,0,1,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,1,1,0,0,0,1,1,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,$
15	60	$\begin{array}{c} 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0] \\ 58.05 \ \ [1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1$
16	58	$\begin{array}{c} 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 0] \\ 54.675 \left[0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1$
17	61	0, 0, 0, 1, 0, 1, 0] 59 [0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
18	57	$\begin{array}{c} 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 0] \\ 56.965\ [0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1$
19	53	0, 0, 0, 1, 0, 1, 0] 53 [0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
20	53	0, 0, 0, 1, 0, 1, 0] 53 [0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
21	56	0, 0, 0, 1, 0, 1, 0] 56 [0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,

	Max Fit-	Avg. Fit-	
Gen.		ness	Best Individual
22	45	45	
			1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
23	49	49	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
24	46	46	[0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
25	46	46	$\begin{array}{c} 0,0,0,1,0,1,0] \\ [0,1,1,1,0,0,0,1,0,1,1,0,0,1,1,0,1,0,1,0,1,1,0,0,1,0,0,0,\\ 0,0,0,1,0,1,1,0,1,1,1,1,1,1,0,1,0,0,0,1,0,1,1,0,0,1,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,0,0,1,0,1,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,0,1,0,0,1,0,0,0,1,0,0,1,0,0,0,1,0,0,1,0,0,0,1,0,0,0,1,0,0,1,0,0,0,1,0,0,0,1,0,0,1,0,0,0,1,0,0,1,0,0,0,1,0,0,0,1,0,0,0,1,0,0,0,1,0,0,0,0,1,0,0,0,0,1,0,0,0,0,1,0,0,0,0,1,0,0,0,0,1,0,0,0,0,1,0,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,$
			1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
26	43	43	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
27	45	45	0, 0, 0, 1, 0, 1, 0] [0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
			1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
28	46	46	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
29	51	51	$\begin{array}{c} 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 0] \\ [0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ \end{array}$
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
30	47	47	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
31	45	45	1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0] $[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,$
J1	10	10	0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
32	41	41	$\begin{array}{c} 0,0,0,1,0,1,0] \\ [0,1,1,1,0,0,0,1,0,1,1,0,0,1,1,0,1,0,1,0,1,1,0,0,1,0,0,0,\\ 0,0,0,1,0,1,1,0,1,1,1,1,1,1,0,1,0,0,0,1,0,1,1,0,0,1,0,1,1,0,0,1,0,1,1,0,0,1,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,1,0,0,1,0,1,1,0,0,1,0,1,1,0,0,1,0,1,1,0,0,1,0,0,1,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,0,1,0,0,1,0,0,0,1,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,1,0,0,0,1,0,0,0$
			1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]

	Max Fit-	Avg. Fit-	
Gen.		ness	Best Individual
33	46	46	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
			[1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
34	45	45	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
0.1	10		0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			1,0,1,1,0,1,1,1,1,0,0,1,1,1,0,0,1,1,0,1,1,1,1,1,1,0,0,1,0,0,1,
			[0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
35	43	43	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
			[0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
36	48	48	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1,
			1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1,
0.77	4.0	4.0	[0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
37	46	46	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
			1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
38	44	44	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1,
			1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
39	43	43	0, 0, 0, 1, 0, 1, 0 [0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
39	40	40	0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
40	42	42	$[0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 0,$
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
			[1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
41	43	43	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
11	10	10	0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1,
			0,0,0,1,0,1,0]
42	43	43	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			[1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
43	43	43	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
-	Ţ.		0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			1,0,1,1,0,1,1,1,1,0,0,1,1,1,0,0,1,1,0,1,1,1,1,1,1,0,0,1,0,0,1,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]

	Max Fit-	Avg. Fit-	
Gen.	ness	ness	Best Individual
44	51	51	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1,
			$1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,$
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
45	55	55	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			$1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,\ 0,\ 0,\ 1,$
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
46	41	41	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0
			1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1,
			0,0,0,1,0,1,0]
47	46	46	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0
			1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
48	52	52	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
			1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1,
			0,0,0,1,0,1,0]
49	52	52	[0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
			1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1,
			0,0,0,1,0,1,0]

[5]: plot_values(max_fitness_values, mean_fitness_values)



El código comienza importando la biblioteca random y algunas herramientas de la biblioteca deap. Se establecen algunas variables importantes como el tamaño de la cadena <code>ONE_MAX_LENGTH</code>, el tamaño de la población <code>POPULATION_SIZE</code>, las tasas de cruce <code>P_CROSSOVER</code> y mutación <code>P_MUTATION</code> y el número máximo de generaciones <code>MAX_GENERATION</code>. También se establece una semilla para el generador de números aleatorios <code>RANDOM_SEED</code> para que los resultados sean reproducibles.

```
[6]: import random
from deap import base, creator, tools

ONE_MAX_LENGTH = 100
POPULATION_SIZE = 200
P_CROSSOVER = 0.9
P_MUTATION = 0.1
MAX_GENERATION = 50

RANDOM_SEED = 42
random.seed(RANDOM_SEED)
```

Luego se define una caja de herramientas (toolbox) utilizando la clase base.Toolbox() de la biblioteca deap. Se registra una función para crear individuos con valores aleatorios de ceros y unos. Se utiliza la clase creator para crear una clase de individuo que tiene una lista de valores y un atributo de "fitness" con un peso de 1.0.

```
[7]: toolbox = base.Toolbox()
    toolbox.register("zeroOrOne", random.randint, 0, 1)

    creator.create("FitnessMax", base.Fitness, weights=(1.0,))
    creator.create("Individual", list, fitness=creator.FitnessMax)
```

Se registra una función para crear una población de individuos utilizando la función anterior. Luego se define una función de evaluación oneMaxFitness que devuelve el número de unos en un individuo. También se registran funciones para selección selTournament, cruce cxOnePoint y mutación mutFlipBit.

```
[8]: toolbox.register(
    "individualCreator",
    tools.initRepeat,
    creator.Individual,
    toolbox.zeroOrOne,
    ONE_MAX_LENGTH,
)

toolbox.register("populationCreator", tools.initRepeat, list, toolbox.
    individualCreator)

def oneMaxFitness(individual):
    return (sum(individual),)

toolbox.register("evaluate", oneMaxFitness)

toolbox.register("select", tools.selTournament, tournsize=3)
toolbox.register("mate", tools.cxOnePoint)

toolbox.register("mutate", tools.mutFlipBit, indpb=1.0 / ONE_MAX_LENGTH)
```

Luego se crea una población inicial de individuos y se evalúa su fitness.

```
[9]: population = toolbox.populationCreator(n=POPULATION_SIZE)
generation_counter = 0

fitness_values = list(map(toolbox.evaluate, population))
for individual, fitness_values in zip(population, fitness_values):
    individual.fitness.values = fitness_values

fitness_values = [individual.fitness.values[0] for individual in population]
```

```
max_fitness_values, mean_fitness_values = [], []
generations = {
    "Max Fitness": max_fitness_values,
    "Avg. Fitness": mean_fitness_values,
    "Best Individual": []
}
```

El código utiliza un bucle while para iterar a través de las generaciones hasta que se alcance el número máximo de generaciones o se encuentre un individuo con un valor de fitness de ONE_MAX_LENGTH. En cada iteración del bucle, se registran los valores máximos y promedios de fitness, así como el mejor individuo encontrado en esa generación. Al final del bucle, se imprimen los valores de fitness del mejor individuo y se muestran los números binarios de ese individuo.

```
[10]: while max(fitness_values) < ONE_MAX_LENGTH and generation_counter < ___
       →MAX_GENERATION:
          generation_counter += 1
          offspring = toolbox.select(population, len(population))
          for c1, c2 in zip(offspring[::2], offspring[1::2]):
              if random.random() < P_CROSSOVER:</pre>
                  toolbox.mate(c1, c2)
                  del c1.fitness.values
                  del c2.fitness.values
          for individual in offspring:
              if random.random() < P MUTATION:</pre>
                  toolbox.mutate(individual)
                  del individual.fitness.values
          fresh_individuals = [
              individual for individual in offspring if not individual.fitness.valid
          fresh_fitness_values = list(map(toolbox.evaluate, fresh_individuals))
          for individual, fitness_value in zip(fresh_individuals,_
       ⇔fresh_fitness_values):
              individual.fitness.values = fitness_value
          population[:] = offspring
          fitness_values = [individual.fitness.values[0] for individual in population]
          max_fitness = max(fitness_values)
          mean_fitness = sum(fitness_values) / len(population)
          max_fitness_values.append(max_fitness)
          mean_fitness_values.append(mean_fitness)
          best_index = fitness_values.index(max(fitness_values))
          generations["Best Individual"].append(population[best_index])
```

2 One Max Problem with DEAP Built-in

```
[11]: import random
      import numpy as np
      from deap import base, creator, tools, algorithms
      ONE_MAX_LENGTH = 100
      POPULATION_SIZE = 200
      P_CROSSOVER = 0.9
      P_MUTATION = 0.1
      MAX_GENERATION = 50
      RANDOM\_SEED = 42
      random.seed(RANDOM_SEED)
      toolbox = base.Toolbox()
      toolbox.register("zeroOrOne", random.randint, 0, 1)
      creator.create("FitnessMax", base.Fitness, weights=(1.0,))
      creator.create("Individual", list, fitness=creator.FitnessMax)
      toolbox.register(
          "individualCreator",
          tools.initRepeat,
          creator. Individual,
          toolbox.zeroOrOne,
          ONE_MAX_LENGTH,
      toolbox.register("populationCreator", tools.initRepeat, list, toolbox.
       ⇔individualCreator)
      def oneMaxFitness(individual):
          return (sum(individual),)
      toolbox.register("evaluate", oneMaxFitness)
      toolbox.register("select", tools.selTournament, tournsize=3)
      toolbox.register("mate", tools.cxOnePoint)
      toolbox.register("mutate", tools.mutFlipBit, indpb=1.0 / ONE_MAX_LENGTH)
      population = toolbox.populationCreator(n=POPULATION_SIZE)
```

```
stats = tools.Statistics(lambda individual: individual.fitness.values)
stats.register("max", np.max)
stats.register("avg", np.mean)

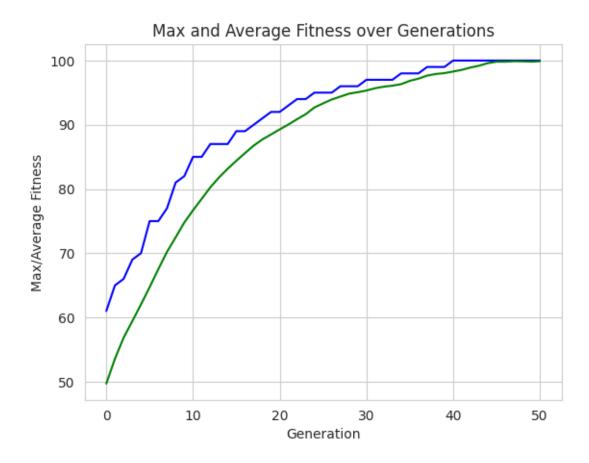
population, logbook = algorithms.eaSimple(
    population,
    toolbox,
    cxpb=P_CROSSOVER,
    mutpb=P_MUTATION,
    ngen=MAX_GENERATION,
    stats=stats,
    verbose=True,
)

max_fitness_values, mean_fitness_values = logbook.select("max", "avg")
```

gen nevals max avg 0 200 61 49.695	
1 193 65 53.575	
2 179 66 56.855	
3 187 69 59.42	
4 184 70 62.03	
5 188 75 64.715	
6 176 75 67.515	
7 184 77 70.215	
8 180 81 72.475	
9 174 82 74.79	
10 172 85 76.685	
11 177 85 78.46	
12 178 87 80.265	
13 178 87 81.8	
14 184 87 83.15	
15 181 89 84.4	
16 185 89 85.59	
17 174 90 86.755	
18 186 91 87.715	
19 184 92 88.495	
20 178 92 89.275	
21 176 93 90.04	
22 185 94 90.865	
23 180 94 91.645	
24 177 95 92.69	
25 191 95 93.325	
26 169 95 93.935	
27 184 96 94.39	
28 184 96 94.84	

```
29
         179
                 96
                          95.07
30
         183
                 97
                          95.325
31
         180
                 97
                          95.69
32
         189
                 97
                          95.93
                          96.085
33
         177
                 97
34
         188
                 98
                          96.325
35
                 98
                          96.835
         169
36
         182
                 98
                          97.18
37
         183
                 99
                          97.655
38
         182
                 99
                          97.91
39
         192
                 99
                          98.04
40
         173
                 100
                          98.29
                 100
41
         182
                          98.55
                          98.915
42
         176
                 100
43
        188
                 100
                          99.195
44
         192
                 100
                          99.595
45
         193
                 100
                          99.82
46
                          99.82
         189
                 100
47
         189
                 100
                          99.895
                          99.875
         190
48
                 100
49
         187
                 100
                          99.83
50
         184
                 100
                          99.89
```

[12]: plot_values(max_fitness_values, mean_fitness_values)



3 OMP: Hall of Fame

Este script utiliza algoritmos genéticos para resolver el problema de "One Max". El objetivo del problema es encontrar un individuo (una lista de números binarios) con la mayor cantidad de unos en una longitud específica.

```
import random
import numpy as np
from deap import base, creator, tools, algorithms

ONE_MAX_LENGTH = 100
POPULATION_SIZE = 200
P_CROSSOVER = 0.9
P_MUTATION = 0.1
MAX_GENERATION = 50
HALL_OF_FAME_SIZE = 10
```

```
RANDOM\_SEED = 42
random.seed(RANDOM_SEED)
toolbox = base.Toolbox()
toolbox.register("zeroOrOne", random.randint, 0, 1)
creator.create("FitnessMax", base.Fitness, weights=(1.0,))
creator.create("Individual", list, fitness=creator.FitnessMax)
toolbox.register(
    "individualCreator",
    tools.initRepeat,
    creator. Individual,
    toolbox.zeroOrOne,
    ONE_MAX_LENGTH,
toolbox.register("populationCreator", tools.initRepeat, list, toolbox.
 ⇒individualCreator)
def oneMaxFitness(individual):
    return (sum(individual),)
toolbox.register("evaluate", oneMaxFitness)
toolbox.register("select", tools.selTournament, tournsize=3)
toolbox.register("mate", tools.cxOnePoint)
toolbox.register("mutate", tools.mutFlipBit, indpb=1.0 / ONE_MAX_LENGTH)
population = toolbox.populationCreator(n=POPULATION_SIZE)
stats = tools.Statistics(lambda individual: individual.fitness.values)
stats.register("max", np.max)
stats.register("avg", np.mean)
hof = tools.HallOfFame(HALL_OF_FAME_SIZE)
population, logbook = algorithms.eaSimple(
    population,
    toolbox,
    cxpb=P_CROSSOVER,
    mutpb=P_MUTATION,
    ngen=MAX_GENERATION,
    stats=stats,
```

```
halloffame=hof,
   verbose=True,
)

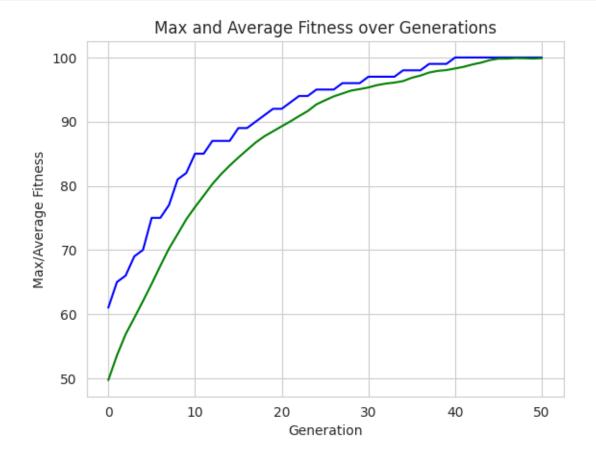
print("Hall of Fame Individuals =", *hof.items, sep="\n")
print("Best Ever Individual =", hof.items[0])

max_fitness_values, mean_fitness_values = logbook.select("max", "avg")
```

gen	nevals	max	avg
0	200	61	49.695
1	193	65	53.575
2	179	66	56.855
3	187	69	59.42
4	184	70	62.03
5	188	75	64.715
6	176	75	67.515
7	184	77	70.215
8	180	81	72.475
9	174	82	74.79
10	172	85	76.685
11	177	85	78.46
12	178	87	80.265
13	178	87	81.8
14	184	87	83.15
15	181	89	84.4
16	185	89	85.59
17	174	90	86.755
18	186	91	87.715
19	184	92	88.495
20	178	92	89.275
21	176	93	90.04
22	185	94	90.865
23	180	94	91.645
24	177	95	92.69
25	191	95	93.325
26	169	95	93.935
27	184	96	94.39
28	184	96	94.84
29	179	96	95.07
30	183	97	95.325
31	180	97	95.69
32	189	97	95.93
33	177	97	96.085
34	188	98	96.325
35	169	98	96.835
36	182	98	97.18

```
37
183
 99
  97.655
38
182
 99
  97.91
192
  98.04
39
 99
  98.29
40
173
 100
41
182
 100
  98.55
42
176
 100
  98.915
43
188
 100
  99.195
44
192
 100
  99.595
45
193
 100
  99.82
46
189
 100
  99.82
47
189
 100
  99.895
48
190
 100
  99.875
49
187
 100
  99.83
50
184
 100
  99.89
Hall of Fame Individuals =
```

[14]: plot_values(max_fitness_values, mean_fitness_values)



El script comienza importando las librerías necesarias: random, numpy y deap. Luego se establecen algunos parámetros para el problema, como la longitud del individuo ONE_MAX_LENGTH, el tamaño de la población POPULATION_SIZE, las tasas de cruce y mutación P_CROSSOVER y P_MUTATION, el número máximo de generaciones MAX_GENERATION y la semilla de números aleatorios RANDOM_SEED.

```
import random
import numpy as np

from deap import base, creator, tools, algorithms

ONE_MAX_LENGTH = 100
POPULATION_SIZE = 200
P_CROSSOVER = 0.9
P_MUTATION = 0.1
MAX_GENERATION = 50
HALL_OF_FAME_SIZE = 10

RANDOM_SEED = 42
```

Se crea un objeto "toolbox" de la clase base de DEAP, el cual se utilizará para registrar las funciones necesarias para el algoritmo genético. Se registra una función "zeroOrOne" que genera números aleatorios binarios (0 o 1) y se utiliza para inicializar los individuos. Luego se crean dos tipos de objetos utilizando la clase "creator": "FitnessMax" y "Individual". El primero es utilizado para establecer el tipo de fitness (en este caso, se maximiza la suma de unos en el individuo) y el segundo se utiliza para crear los individuos.

```
[16]: toolbox = base.Toolbox()
toolbox.register("zeroOrOne", random.randint, 0, 1)

creator.create("FitnessMax", base.Fitness, weights=(1.0,))
creator.create("Individual", list, fitness=creator.FitnessMax)
```

A continuación, se registran dos funciones en el toolbox: "individualCreator" y "populationCreator". La primera se utiliza para crear un individuo utilizando la función "zeroOrOne" y la longitud establecida, mientras que la segunda se utiliza para crear la población inicial. También se registra una función "evaluate" que se utiliza para calcular el fitness de los individuos (en este caso, simplemente se suma la cantidad de unos en el individuo).

```
[17]: toolbox.register(
    "individualCreator",
    tools.initRepeat,
    creator.Individual,
    toolbox.zeroOrOne,
    ONE_MAX_LENGTH,
)

toolbox.register("populationCreator", tools.initRepeat, list, toolbox.
    individualCreator)

def oneMaxFitness(individual):
    return (sum(individual),)
```

```
toolbox.register("evaluate", oneMaxFitness)
```

Luego se registran las funciones de selección, cruce y mutación. En este script se utiliza "selTournament" para la selección, "cxOnePoint" para el cruce y "mutFlipBit" para la mutación. También se establece el parámetro "indpb" en "mutFlipBit", lo que significa que cada bit en el individuo tiene una probabilidad del 1/ONE MAX LENGTH de ser mutado.

```
[18]: toolbox.register("select", tools.selTournament, tournsize=3)
toolbox.register("mate", tools.cxOnePoint)
toolbox.register("mutate", tools.mutFlipBit, indpb=1.0 / ONE_MAX_LENGTH)
```

Se crea la población inicial, se inicializan los valores de fitness para cada individuo y se utiliza la función "eaSimple" que devuelve dos valores, la población final y un registro (logbook) que contiene información sobre el rendimiento del algoritmo a lo largo de las generaciones. En este caso, se seleccionan los valores máximos y promedios de la aptitud de los individuos de cada generación y se asignan a las variables "max_fitness_values" y "mean_fitness_values", respectivamente. Estos valores se pueden utilizar para analizar el rendimiento del algoritmo y ver cómo cambia la aptitud de la población a medida que avanza el proceso de evolución.

```
[19]: population = toolbox.populationCreator(n=POPULATION_SIZE)

stats = tools.Statistics(lambda individual: individual.fitness.values)
stats.register("max", np.max)
stats.register("avg", np.mean)

population, logbook = algorithms.eaSimple(
    population,
    toolbox,
    cxpb=P_CROSSOVER,
    mutpb=P_MUTATION,
    ngen=MAX_GENERATION,
    stats=stats,
    verbose=True,
)

max_fitness_values, mean_fitness_values = logbook.select("max", "avg")
```

gen	nevals	max	avg
0	200	64	50.185
1	176	67	54.91
2	185	68	58.465
3	184	69	61.03
4	192	73	63.94
5	189	76	66.61
6	183	77	68.72

7	182	79	70.875
8	178	79	73.285
9	176	85	75.295
10	170	83	77.15
11	194	85	78.855
12	183	86	80.74
13	186	87	82.38
14	174	88	84.025
15	190	89	85.195
16	176	89	86.08
17	175	90	87.025
18	190	91	87.95
19	190	92	89.03
20	184	93	89.9
21	184	93	90.665
22	189	94	91.645
23	180	95	92.31
24	185	96	92.835
25	189	97	93.385
26	186	97	94.16
27	180	97	95.05
28	189	98	95.845
29	181	98	96.45
30	185	98	96.865
31	177	98	96.98
32	185	99	97.085
33	177	99	97.335
34	188	100	97.77
35	181	100	98.27
36	182	100	98.77
37	180	100	99.245
38	186	100	99.66
39	175	100	99.915
40	184	100	99.93
41	185	100	99.935
42	180	100	99.925
43	178	100	99.865
44	181	100	99.875
45	177	100	99.89
46	189	100	99.89
47	187	100	99.96
48	173	100	99.93
		100	
49	187		99.905
50	182	100	99.95

4 Perform a fine tuning analysis trying to optimize the performance of your algorithm. Report the best-found values of the parameters and explain how your fine-tuned algorithm outperforms the basic non-tuned version.

Para este apartado se evalúan los siguientes parámetros:

- Tamaño de la población POPULATION SIZE
- Función de cross over
- Probabilidad de mutación P MUTATION
- Probabilidad independiente de que cada atributo cambie indpb
- Tamaño del torneo tournsize

Para evaluar estas variables desarrollamos la función evaluate donde podemos pasar como parámetros esas mismas variables.

```
[20]: import random
      import numpy as np
      from deap import base, creator, tools, algorithms
      ONE_MAX_LENGTH = 100
      P_CROSSOVER = 0.9
      MAX_GENERATION = 50
      HALL_OF_FAME_SIZE = 10
      RANDOM\_SEED = 42
      random.seed(RANDOM_SEED)
      toolbox = base.Toolbox()
      toolbox.register("zeroOrOne", random.randint, 0, 1)
      creator.create("FitnessMax", base.Fitness, weights=(1.0,))
      creator.create("Individual", list, fitness=creator.FitnessMax)
      toolbox.register(
          "individualCreator",
          tools.initRepeat,
          creator.Individual,
          toolbox.zeroOrOne,
          ONE_MAX_LENGTH,
      toolbox.register("populationCreator", tools.initRepeat, list, toolbox.
       →individualCreator)
```

```
def oneMaxFitness(individual):
    return (sum(individual),)
toolbox.register("evaluate", oneMaxFitness)
def evaluate(toolbox, population_size, crossover_func, p_mutation, indpb,_u
 →tournsize):
    toolbox.register("select", tools.selTournament, tournsize=tournsize)
    toolbox.register("mate", crossover_func)
    toolbox.register("mutate", tools.mutFlipBit, indpb=indpb/ONE_MAX_LENGTH)
    population = toolbox.populationCreator(n=population_size)
    stats = tools.Statistics(lambda individual: individual.fitness.values)
    stats.register("max", np.max)
    stats.register("avg", np.mean)
    hof = tools.HallOfFame(HALL_OF_FAME_SIZE)
    population, logbook = algorithms.eaSimple(
        population,
        toolbox,
        cxpb=P_CROSSOVER,
        mutpb=p_mutation,
        ngen=MAX_GENERATION,
        stats=stats,
        halloffame=hof,
    )
    return logbook.select("max", "avg")
```

Después de varias ejecuciones y combinaciones los mejores resultados fueron:

```
population_size = 1000
crossover_function = tools.cxTwoPoint
indpb = 1.0
tournament_size elevado
```

```
[21]: population_size = 1000
    crossover_function = tools.cxTwoPoint
    mutation_prob = [0.5, 0.9]
    indpb = 1.0
    tournament_size = [50, 100]

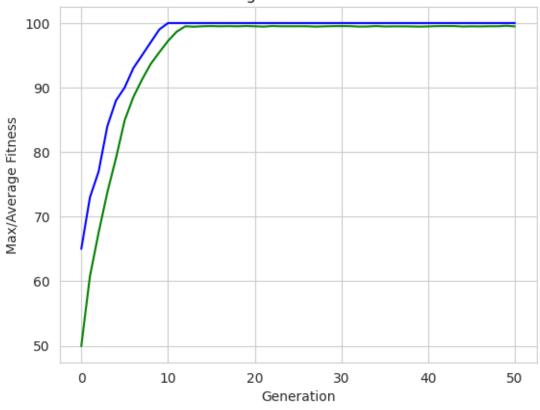
for mutation in mutation_prob:
    for ts in tournament_size:
        max_fitness_values, mean_fitness_values = evaluate(
```

```
toolbox,
    population_size,
    crossover_function,
    mutation,
    indpb,
    ts
)
plot_values(max_fitness_values, mean_fitness_values)
```

gen	nevals	max	avg
0	1000	65	49.938
1	945	73	60.797
2	948	77	67.542
3	955	84	73.744
4	958	88	79.07
5	935	90	84.915
6	956	93	88.525
7	955	95	91.233
8	936	97	93.651
9	956	99	95.474
10	939	100	97.217
11	946	100	98.663
12	949	100	99.5
13	957	100	99.435
14	965	100	99.506
15	940	100	99.534
16	953	100	99.5
17	959	100	99.526
18	951	100	99.498
19	930	100	99.544
20	953	100	99.503
21	948	100	99.449
22	956	100	99.54
23	936	100	99.507
24	940	100	99.502
25	955	100	99.508
26	949	100	99.507
27	946	100	99.45
28	971	100	99.493
29	928	100	99.523
30	958	100	99.534
31	952	100	99.521
32	949	100	99.452
33	958	100	99.463
34	949	100	99.542
35	941	100	99.47
36	942	100	99.487

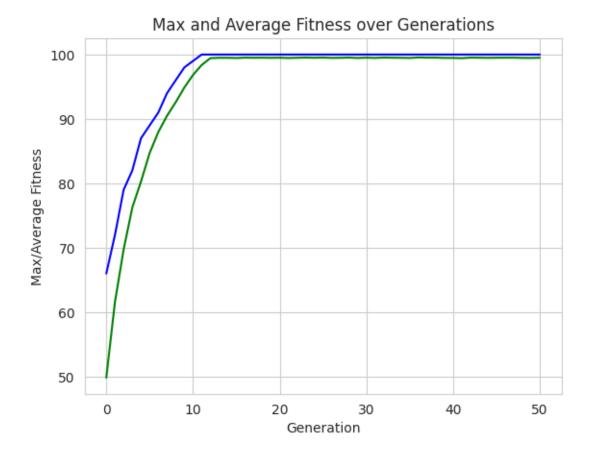
37	951	100	99.489
38	953	100	99.479
39	949	100	99.445
40	951	100	99.482
41	949	100	99.526
42	950	100	99.534
43	913	100	99.536
44	965	100	99.465
45	952	100	99.494
46	949	100	99.482
47	957	100	99.505
48	935	100	99.503
49	954	100	99.577
50	947	100	99.487

Max and Average Fitness over Generations



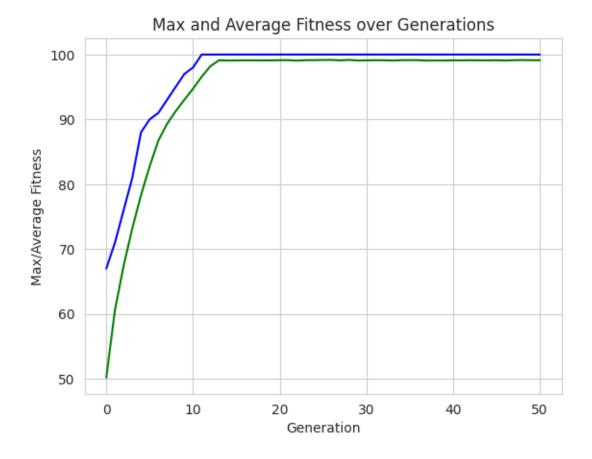
gen	nevals	max	avg
0	1000	66	49.845
1	951	72	61.604
2	954	79	69.74
3	960	82	76.243

_			
4	958	87	80.285
5	957	89	84.713
6	942	91	87.969
7	945	94	90.487
8	935	96	92.585
9	961	98	94.878
10	941	99	96.833
11	957	100	98.376
12	956	100	99.439
13	954	100	99.493
14	955	100	99.492
15	957	100	99.461
16	958	100	99.515
17	953	100	99.5
18	958	100	99.509
19	950	100	99.494
20	929	100	99.509
21	948	100	99.463
22	958	100	99.499
23	954	100	99.532
24	927	100	99.498
25	953	100	99.531
26	940	100	99.478
27	944	100	99.496
28	958	100	99.529
29	945	100	99.466
30	951	100	99.514
31	941	100	99.476
32	962	100	99.532
33	939	100	99.507
34	945	100	99.492
35	949	100	99.471
36	951	100	99.549
37	941	100	99.52
38	957	100	99.522
			99.474
39	942	100	
40	948	100	99.477
41	944	100	99.438
42	945	100	99.519
43	955	100	99.509
44	934	100	99.488
45	944	100	99.503
46	938	100	99.507
47	942	100	99.51
48	954	100	99.476
49	950	100	99.471
50	945	100	99.5



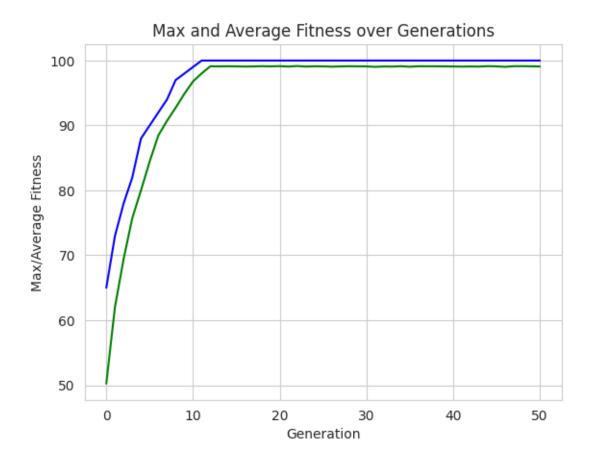
gen	nevals	max	avg
0	1000	67	50.175
1	988	71	60.617
2	994	76	67.427
3	988	81	73.209
4	988	88	78.306
5	988	90	82.76
6	995	91	86.724
7	993	93	89.286
8	995	95	91.253
9	991	97	93.021
10	995	98	94.724
11	988	100	96.575
12	990	100	98.198
13	986	100	99.114
14	989	100	99.072
15	989	100	99.084
16	986	100	99.106
17	989	100	99.1
18	981	100	99.088

19	997	100	99.1
20	990	100	99.126
21	982	100	99.127
22	987	100	99.061
23	987	100	99.13
24	992	100	99.133
25	987	100	99.162
26	988	100	99.167
27	994	100	99.098
28	992	100	99.177
29	993	100	99.075
30	993	100	99.096
31	990	100	99.122
32	991	100	99.12
33	992	100	99.074
34	996	100	99.125
35	988	100	99.141
36	991	100	99.126
37	995	100	99.067
38	993	100	99.08
39	991	100	99.075
40	993	100	99.118
41	987	100	99.093
42	994	100	99.119
43	993	100	99.1
44	990	100	99.096
45	991	100	99.12
46	991	100	99.078
47	987	100	99.125
48	993	100	99.146
49	989	100	99.125
50	992	100	99.118



gen	nevals	max	avg
0	1000	65	50.237
1	991	73	62.046
2	993	78	69.448
3	991	82	75.736
4	991	88	80.009
5	990	90	84.439
6	988	92	88.462
7	987	94	90.715
8	991	97	92.734
9	986	98	94.869
10	991	99	96.786
11	995	100	98.02
12	993	100	99.117
13	987	100	99.098
14	987	100	99.121
15	993	100	99.097
16	992	100	99.075
17	989	100	99.092
18	986	100	99.13

19	996	100	99.1
20	995	100	99.141
21	989	100	99.068
22	989	100	99.151
23	982	100	99.074
24	993	100	99.113
25	990	100	99.105
26	984	100	99.056
27	987	100	99.093
28	994	100	99.123
29	990	100	99.108
30	990	100	99.096
31	991	100	99.025
32	991	100	99.085
33	990	100	99.068
34	988	100	99.125
35	991	100	99.05
36	988	100	99.115
37	983	100	99.116
38	994	100	99.116
39	993	100	99.096
40	990	100	99.089
41	989	100	99.062
42	994	100	99.086
43	995	100	99.069
44	990	100	99.133
45	991	100	99.1
46	989	100	99.03
47	990	100	99.127
48	994	100	99.13
49	990	100	99.112
50	992	100	99.082



5 Knapsack Problem

Dado un conjunto de artículos, cada uno con un peso y un valor, determine el número de cada artículo que se incluirá en una colección para que el peso total sea menor o igual a un límite dado y el valor total sea lo más grande posible. El problema a menudo surge en la asignación de recursos, donde los tomadores de decisiones tienen que elegir entre un conjunto de proyectos o tareas no divisibles bajo un presupuesto fijo o una restricción de tiempo, respectivamente.

5.0.1 Knapsack Rosetta

En Knapsack Rosetta desarrollamos la clase Knapsack que consiste en un listado de objetos que consiste en el nombre del objeto, su peso y su valor relativos a nuestro problema. La clase, a su vez contiene los métodos auxiliares print_items(zero_one_list) que dada una lista de valores (1 y 0) los mapea al de la lista interna siendo 1 un valor de objeto seleccionado y 0 no. Se iteran sobre todos los objetos seleccionados de la mochila mediante esta lista y se suman sus valores totales de peso y valor para mostrarse en pantalla.

```
[22]: import numpy as np
```

```
class Knapsack:
    def __init__(self, max_capacity=400):
        self.max_capacity = max_capacity
        self.items = [
            ("map", 9, 150),
            ("compass", 13, 35),
            ("sandwich", 153, 200),
            ("glucose", 50, 160),
            ("tin", 15, 60),
            ("banana", 68, 45),
            ("apple", 39, 40),
            ("cheese", 23, 30),
            ("beer", 52, 10),
            ("suntan", 11, 70),
            ("camera", 32, 30),
            ("t-shirt", 24, 15),
            ("trousers", 48, 10),
            ("umbrella", 73, 40),
            ("waterproof clothes", 42, 75),
            ("sunglasses", 7, 20),
            ("socks", 18, 12),
            ("towel", 4, 50),
            ("book", 30, 10),
        1
    def len (self):
        return len(self.items)
    def get_value(self, zero_one_list):
        total_weight = total_value = 0
        for i in range(len(zero_one_list)):
            item, weight, value = self.items[i]
            if total_weight + weight <= self.max_capacity:</pre>
                total_weight += zero_one_list[i] * weight
                total_value += zero_one_list[i] * value
        return total_value
    def print_items(self, zero_one_list):
        total weight = total value = 0
        for i in range(len(zero_one_list)):
            item, weight, value = self.items[i]
            if zero_one_list[i] > 0:
                total_weight += weight
                total_value += value
```

```
accumulated weight = {total_weight}, accumulated value = {total_value}")
        print(f"Total weight = {total_weight}, Total value = {total_value}")
knapsack = Knapsack()
random_solution = np.random.randint(2, size=len(knapsack))
print(f"Random solution = {random_solution}")
knapsack.print_items(random_solution)
Random solution = [1 0 1 0 1 1 1 0 1 1 1 1 0 0 0 0 1 1 0]
- Adding map: weight = 9, value = 150, accumulated weight = 9, accumulated value
- Adding sandwich: weight = 153, value = 200, accumulated weight = 162,
accumulated value = 350
- Adding tin: weight = 15, value = 60, accumulated weight = 177, accumulated
value = 410
- Adding banana: weight = 68, value = 45, accumulated weight = 245, accumulated
value = 455
- Adding apple: weight = 39, value = 40, accumulated weight = 284, accumulated
value = 495
- Adding beer: weight = 52, value = 10, accumulated weight = 336, accumulated
value = 505
- Adding suntan: weight = 11, value = 70, accumulated weight = 347, accumulated
value = 575
- Adding camera: weight = 32, value = 30, accumulated weight = 379, accumulated
value = 605
- Adding t-shirt: weight = 24, value = 15, accumulated weight = 403, accumulated
```

print(f"- Adding {item}: weight = {weight}, value = {value}, ___

El método get_value(zero_one_list) es el más importante puesto que es el que se encarga de resolver el problema:

- Adding socks: weight = 18, value = 12, accumulated weight = 421, accumulated

- Adding towel: weight = 4, value = 50, accumulated weight = 425, accumulated

```
[23]: def get_value(self, zero_one_list):
    total_weight = total_value = 0
    for i in range(len(zero_one_list)):
        item, weight, value = self.items[i]
        if total_weight + weight <= self.max_capacity:
            total_weight += zero_one_list[i] * weight
            total_value += zero_one_list[i] * value
    return total_value</pre>
```

value = 620

value = 632

value = 682

Total weight = 425, Total value = 682

El método itera sobre los elementos de la lista de objetos (1 y 0): Si es 1 cogerá el elemento de

la lista interna, no lo cogerá en caso contrario. Una vez seleccionado el objeto, si la suma de este al peso actual de la mochila sobrepasa la capacidad máxima de la misma, la suma total y el valor total de la mochila se actualizarán

5.0.2 GA Knapsack

En este apartado vemos una solución del problema de la mochila mediante algoritmos genéticos.

```
[24]: import random
      import numpy
      from deap import base, creator, tools, algorithms
      knapsack = Knapsack()
      population_size = 50
      crossover = 0.9
      mutation = 0.1
      max\_generations = 50
      hall_of_fame_size = 1
      seed = 42
      random.seed(seed)
      toolbox = base.Toolbox()
      toolbox.register("zero_or_one", random.randint, 0, 1)
      creator.create("fitness_max", base.Fitness, weights=(1.0,))
      creator.create("individual", list, fitness=creator.fitness_max)
      toolbox.register(
          "individual_creator",
          tools.initRepeat,
          creator.individual,
          toolbox.zero or one,
          len(knapsack),
      toolbox.register(
          "population_creator", tools.initRepeat, list, toolbox.individual_creator
      def knapsack_value(individual):
          return (knapsack.get_value(individual),)
      toolbox.register("evaluate", knapsack_value)
      toolbox.register("select", tools.selTournament, tournsize=3)
```

```
toolbox.register("mate", tools.cxTwoPoint)
toolbox.register("mutate", tools.mutFlipBit, indpb=1.0 / len(knapsack))
population = toolbox.population_creator(n=population_size)
stats = tools.Statistics(lambda ind: ind.fitness.values)
stats.register("max", numpy.max)
stats.register("avg", numpy.mean)
hof = tools.HallOfFame(hall_of_fame_size)
population, logbook = algorithms.eaSimple(
    population,
    toolbox,
    cxpb=crossover,
    mutpb=mutation,
    ngen=max_generations,
    stats=stats,
   halloffame=hof,
    verbose=True,
)
best = hof.items[0]
print(f"-- Best Ever Individual = {best}")
print(f"-- Best Ever Fitness = {best.fitness.values[0]}")
print(f"-- Knapsack Items =")
knapsack.print_items(best)
max_fitness_values, mean_fitness_values = logbook.select("max", "avg")
```

gen	nevals	max	avg
0	50	785	531.1
1	46	882	651.02
2	46	882	729.56
3	45	905	798.04
4	50	905	819.66
5	44	905	845.38
6	45	905	865.54
7	42	905	869.7
8	46	905	885.08
9	44	905	904.7
10	44	905	896.6
11	45	905	902.44
12	50	905	898.1
13	48	905	900.74
14	47	905	897.94
15	45	905	898.1
16	45	905	900.6

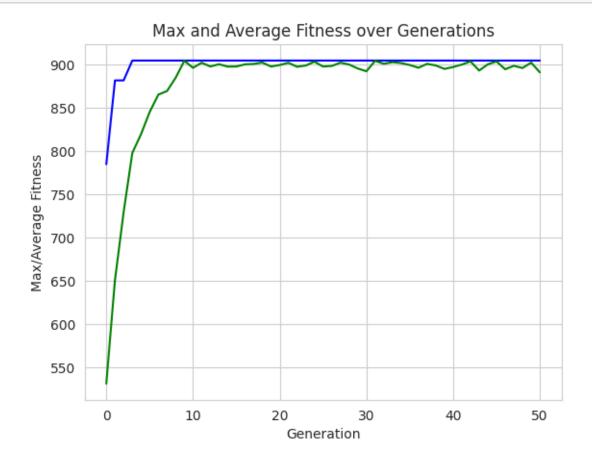
```
18
        46
                 905
                         902.64
19
        46
                 905
                         898.04
20
        42
                 905
                         899.8
21
        43
                 905
                         902.4
22
        42
                 905
                         897.8
23
        46
                 905
                         899.2
24
        43
                 905
                         903.7
25
        48
                 905
                         898.04
26
        47
                 905
                         898.7
27
        43
                 905
                         902.54
28
        43
                 905
                         900.38
29
        48
                 905
                         895.8
30
                 905
        46
                         892.58
31
        44
                 905
                         904.64
32
        48
                 905
                         901.24
33
        49
                 905
                         903.1
34
        48
                 905
                         902.1
35
        44
                 905
                         899.8
36
        45
                 905
                         896.64
37
        46
                 905
                         901.2
38
        41
                 905
                         899.3
39
        44
                 905
                         895.3
40
        42
                 905
                         897.5
41
        40
                 905
                         900.3
42
                 905
                         904
        46
43
        49
                 905
                         893.42
44
        46
                 905
                         900.6
45
        46
                 905
                         904
46
        45
                 905
                         894.9
47
        46
                 905
                         898.9
48
        43
                 905
                         896.34
        47
49
                 905
                         902.6
        46
                 905
                         891.34
50
-- Best Ever Individual = [1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1,
0]
-- Best Ever Fitness = 905.0
-- Knapsack Items =
- Adding map: weight = 9, value = 150, accumulated weight = 9, accumulated value
= 150
- Adding compass: weight = 13, value = 35, accumulated weight = 22, accumulated
value = 185
- Adding sandwich: weight = 153, value = 200, accumulated weight = 175,
accumulated value = 385
- Adding glucose: weight = 50, value = 160, accumulated weight = 225,
accumulated value = 545
- Adding tin: weight = 15, value = 60, accumulated weight = 240, accumulated
value = 605
```

901.1

- Adding apple: weight = 39, value = 40, accumulated weight = 279, accumulated value = 645
- Adding cheese: weight = 23, value = 30, accumulated weight = 302, accumulated value = 675
- Adding suntan: weight = 11, value = 70, accumulated weight = 313, accumulated value = 745
- Adding t-shirt: weight = 24, value = 15, accumulated weight = 337, accumulated value = 760
- Adding waterproof clothes: weight = 42, value = 75, accumulated weight = 379, accumulated value = 835
- Adding sunglasses: weight = 7, value = 20, accumulated weight = 386, accumulated value = 855
- Adding towel: weight = 4, value = 50, accumulated weight = 390, accumulated value = 905

Total weight = 390, Total value = 905

[25]: plot_values(max_fitness_values, mean_fitness_values)



El código comienza importando las bibliotecas necesarias, incluidas random y numpy para generar números aleatorios, y DEAP para implementar el algoritmo genético.

Lo primero que hace el código es crear una instancia de la clase Knapsack, definida anteriormente

```
[26]: import random
  import numpy
  from deap import base, creator, tools, algorithms
  knapsack = Knapsack()
```

A continuación, el código establece algunos parámetros para el algoritmo genético, como el tamaño de la población, la tasa de cruce, la tasa de mutación y el número de generaciones. La semilla se establece en 42, por lo que la generación de números aleatorios será reproducible.

```
[27]: population_size = 50
    crossover = 0.9
    mutation = 0.1
    max_generations = 50
    hall_of_fame_size = 1

seed = 42
    random.seed(seed)
```

La caja de herramientas DEAP se utiliza luego para registrar diferentes funciones que se utilizarán en el algoritmo genético:

- "zero or one" que genera un 0 o 1 aleatorio
- "fitness_max" que define la función de fitness, que en este caso es un valor único que representa el valor total de los artículos en la mochila
- "individual" que define la solución individual, que en este caso es una lista de 0 y 1 que representan los artículos en la mochila
- "individual_creator" que crea un individuo repitiendo la función "zero_or_one" para el número de artículos en la mochila
- "population_creator" que crea una población de individuos
- "kanpsack_valor" que calcula el valor total de la mochila para un individuo dado
- "evaluate" que asigna el valor de aptitud a un individuo utilizando la función "mochila_valor"
- "select" que selecciona individuos para la próxima generación mediante la selección de torneos
- "mate" que realiza el cruce utilizando el método de dos puntos (cxTwoPoint)
- "mutate" que realiza la mutación volteando un bit aleatorio

```
[28]: toolbox = base.Toolbox()
  toolbox.register("zero_or_one", random.randint, 0, 1)
  creator.create("fitness_max", base.Fitness, weights=(1.0,))
  creator.create("individual", list, fitness=creator.fitness_max)
  toolbox.register(
    "individual_creator",
    tools.initRepeat,
    creator.individual,
```

```
toolbox.zero_or_one,
  len(knapsack),
)
toolbox.register(
  "population_creator", tools.initRepeat, list, toolbox.individual_creator
)

def knapsack_value(individual):
  return (knapsack.get_value(individual),)

toolbox.register("evaluate", knapsack_value)
toolbox.register("select", tools.selTournament, tournsize=3)
toolbox.register("mate", tools.cxTwoPoint)
toolbox.register("mutate", tools.mutFlipBit, indpb=1.0 / len(knapsack))
```

Luego, el código crea una población inicial utilizando la función "population_creator" y registra algunas estadísticas que se recopilarán durante el proceso de evolución, incluidos los valores de aptitud máximo y promedio. El código también instancia un HallOfFame para realizar un seguimiento de la mejor persona encontrada hasta el momento.

```
[29]: population = toolbox.population_creator(n=population_size)

stats = tools.Statistics(lambda ind: ind.fitness.values)
stats.register("max", numpy.max)
stats.register("avg", numpy.mean)

hof = tools.HallOfFame(hall_of_fame_size)
```

A continuación, se utiliza la función eaSimple del módulo de algoritmos DEAP para realizar el proceso de evolución. Esta función toma la población inicial, la caja de herramientas de funciones y los parámetros de cruce, mutación y número de generaciones, y devuelve la población final y un libro de registro que contiene las estadísticas recopiladas durante el proceso de evolución.

```
population, logbook = algorithms.eaSimple(
    population,
    toolbox,
    cxpb=crossover,
    mutpb=mutation,
    ngen=max_generations,
    stats=stats,
    halloffame=hof,
    verbose=True,
)
```

```
gen nevals max avg 0 50 785 531.1
```

1 46 882 651.02 2 46 882 729.56 3 45 905 798.04 4 50 905 819.66 5 44 905 845.38 6 45 905 865.54 7 42 905 869.7 8 46 905 869.7 8 46 905 869.7 8 46 905 869.7 8 46 905 896.6 11 45 905 904.7 10 44 905 896.6 11 45 905 902.44 12 50 905 898.1 13 48 905 900.74 14 47 905 897.94 15 45 905 898.1 16 45 905 898.1 16 45 905 901.1 18 46 905 898.04 20 42<
3 45 905 798.04 4 50 905 819.66 5 44 905 845.38 6 45 905 865.54 7 42 905 869.7 8 46 905 885.08 9 44 905 904.7 10 44 905 896.6 11 45 905 902.44 12 50 905 898.1 13 48 905 900.74 14 47 905 897.94 15 45 905 898.1 16 45 905 900.6 17 46 905 901.1 18 46 905 901.1 18 46 905 898.04 20 42 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 898.04 26 <t< td=""></t<>
4 50 905 819.66 5 44 905 845.38 6 45 905 865.54 7 42 905 869.7 8 46 905 885.08 9 44 905 904.7 10 44 905 896.6 11 45 905 902.44 12 50 905 898.1 13 48 905 900.74 14 47 905 897.94 15 45 905 898.1 16 45 905 898.1 16 45 905 890.6 17 46 905 901.1 18 46 905 901.1 18 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.64 19 46 905 899.8 21 43 905 899.8 22 <td< td=""></td<>
4 50 905 819.66 5 44 905 845.38 6 45 905 865.54 7 42 905 869.7 8 46 905 885.08 9 44 905 904.7 10 44 905 896.6 11 45 905 902.44 12 50 905 898.1 13 48 905 900.74 14 47 905 897.94 15 45 905 898.1 16 45 905 898.1 16 45 905 890.6 17 46 905 901.1 18 46 905 901.1 18 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.64 19 46 905 899.8 21 43 905 899.8 22 <td< td=""></td<>
5 44 905 845.38 6 45 905 865.54 7 42 905 869.7 8 46 905 885.08 9 44 905 904.7 10 44 905 896.6 11 45 905 902.44 12 50 905 898.1 13 48 905 900.74 14 47 905 897.94 15 45 905 898.1 16 45 905 900.6 17 46 905 901.1 18 46 905 901.1 18 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 899.8 23 46 905 899.2 24 43 905 903.7 25 48 905 898.04 26 <td< td=""></td<>
6 45 905 865.54 7 42 905 869.7 8 46 905 885.08 9 44 905 904.7 10 44 905 896.6 11 45 905 902.44 12 50 905 898.1 13 48 905 900.74 14 47 905 897.94 15 45 905 898.1 16 45 905 898.1 16 45 905 900.6 17 46 905 901.1 18 46 905 902.64 19 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 899.8 23 46 905 899.2 24 43 905 903.7 25 48 905 898.04 26 <t< td=""></t<>
7 42 905 869.7 8 46 905 885.08 9 44 905 904.7 10 44 905 896.6 11 45 905 902.44 12 50 905 898.1 13 48 905 900.74 14 47 905 897.94 15 45 905 898.1 16 45 905 900.6 17 46 905 901.1 18 46 905 901.1 18 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 899.8 21 43 905 899.8 23 46 905 899.2 24 43 905 898.04 26 47 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 <
8 46 905 885.08 9 44 905 904.7 10 44 905 896.6 11 45 905 902.44 12 50 905 898.1 13 48 905 900.74 14 47 905 897.94 15 45 905 898.1 16 45 905 900.6 17 46 905 901.1 18 46 905 902.64 19 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 899.8 23 46 905 899.8 23 46 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 902.54 29 48 905 895.8 30
9 44 905 904.7 10 44 905 896.6 11 45 905 902.44 12 50 905 898.1 13 48 905 900.74 14 47 905 897.94 15 45 905 898.1 16 45 905 900.6 17 46 905 901.1 18 46 905 902.64 19 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 899.8 21 43 905 897.8 23 46 905 899.2 24 43 905 899.2 24 43 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 902.58 30 46 905 892.58 31
10 44 905 896.6 11 45 905 902.44 12 50 905 898.1 13 48 905 900.74 14 47 905 897.94 15 45 905 898.1 16 45 905 900.6 17 46 905 901.1 18 46 905 902.64 19 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 899.8 23 46 905 899.2 24 43 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 902.54 28 43 905 895.8 30 46 905 895.8 31 44 905 904.64 32
11 45 905 902.44 12 50 905 898.1 13 48 905 900.74 14 47 905 897.94 15 45 905 898.1 16 45 905 900.6 17 46 905 901.1 18 46 905 902.64 19 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 897.8 23 46 905 899.2 24 43 905 898.7 25 48 905 898.7 27 43 905 898.7 27 43 905 890.38 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34
12 50 905 898.1 13 48 905 900.74 14 47 905 897.94 15 45 905 898.1 16 45 905 900.6 17 46 905 901.1 18 46 905 902.64 19 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 897.8 23 46 905 899.2 24 43 905 898.04 26 47 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 895.8 30 46 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33
13 48 905 900.74 14 47 905 897.94 15 45 905 898.1 16 45 905 900.6 17 46 905 901.1 18 46 905 902.64 19 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 899.2 24 43 905 899.2 24 43 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 895.8 30 46 905 895.8 30 46 905 895.8 31 44 905 904.64 32 48 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36
14 47 905 897.94 15 45 905 898.1 16 45 905 900.6 17 46 905 901.1 18 46 905 902.64 19 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 897.8 23 46 905 899.2 24 43 905 898.04 26 47 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 895.8 30 46 905 895.8 30 46 905 895.8 31 44 905 904.64 32 48 905 903.1 34 48 905 903.1 34 48 905 899.8 36
15 45 905 898.1 16 45 905 900.6 17 46 905 901.1 18 46 905 902.64 19 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 897.8 23 46 905 899.2 24 43 905 903.7 25 48 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 902.54 28 43 905 895.8 30 46 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 899.8 36
16 45 905 900.6 17 46 905 901.1 18 46 905 902.64 19 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 897.8 23 46 905 899.2 24 43 905 903.7 25 48 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 902.54 28 43 905 902.54 28 43 905 895.8 30 46 905 895.8 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36
16 45 905 900.6 17 46 905 901.1 18 46 905 902.64 19 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 897.8 23 46 905 899.2 24 43 905 903.7 25 48 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 902.54 28 43 905 902.54 28 43 905 895.8 30 46 905 895.8 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36
17 46 905 901.1 18 46 905 902.64 19 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 897.8 23 46 905 899.2 24 43 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 902.54 28 43 905 895.8 30 46 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 899.8 36 45 905 899.8 36 45 905 899.8 36 45 905 899.3 39
18 46 905 902.64 19 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 897.8 23 46 905 899.2 24 43 905 903.7 25 48 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 902.54 28 43 905 895.8 30 46 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 899.8 36 45 905 899.8 36 45 905 899.8 36 45 905 899.3 39
19 46 905 898.04 20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 897.8 23 46 905 899.2 24 43 905 903.7 25 48 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 900.38 29 48 905 895.8 30 46 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 899.8 36 45 905 899.3 39 44 905 899.3 39
20 42 905 899.8 21 43 905 902.4 22 42 905 897.8 23 46 905 899.2 24 43 905 903.7 25 48 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 900.38 29 48 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 895.3 40 42 905 897.5 41
21 43 905 902.4 22 42 905 897.8 23 46 905 899.2 24 43 905 903.7 25 48 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 900.38 29 48 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 895.3 40 42 905 897.5 41
22 42 905 897.8 23 46 905 899.2 24 43 905 903.7 25 48 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 900.38 29 48 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 899.3 39 44 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
23 46 905 899.2 24 43 905 903.7 25 48 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 900.38 29 48 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 899.3 39 44 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
24 43 905 903.7 25 48 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 900.38 29 48 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 899.3 39 44 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
25 48 905 898.04 26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 900.38 29 48 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 901.2 38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
26 47 905 898.7 27 43 905 902.54 28 43 905 900.38 29 48 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 901.2 38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
27 43 905 902.54 28 43 905 900.38 29 48 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 901.2 38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
28 43 905 900.38 29 48 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 901.2 38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
29 48 905 895.8 30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 901.2 38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
30 46 905 892.58 31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 901.2 38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 901.2 38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
31 44 905 904.64 32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 901.2 38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
32 48 905 901.24 33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 901.2 38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
33 49 905 903.1 34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 901.2 38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
34 48 905 902.1 35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 901.2 38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
35 44 905 899.8 36 45 905 896.64 37 46 905 901.2 38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
36 45 905 896.64 37 46 905 901.2 38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
37 46 905 901.2 38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
38 41 905 899.3 39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
39 44 905 895.3 40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
40 42 905 897.5 41 40 905 900.3
41 40 905 900.3
42 46 905 904
43 49 905 893.42
44 46 905 900.6
45 46 905 904
46 45 905 894.9
47 46 905 898.9
II IU 300 030.3

49	47	905	902.6
50	46	905	891.34

Finalmente, el código imprime el mejor individuo encontrado, su valor de aptitud y los detalles de los artículos de mochila que contiene. También se trazan los valores de fitness máximo y medio del libro de registro.

6 Watch the YouTube video "Introduction to Genetic Algorithms - Practical Genetic Algorithms Series" and write a short report on the main concepts described.

El vídeo describe los algoritmos genéticos y sus principales características. Estos algoritmos intentan simular el proceso de evolución biológica para resolver una variedad de problemas, principalmente problemas de optimización. En En el vídeo se propone el uso de los algoritmos genéticos se utilizan para encontrar el valor mínimo de una función dada, buscando entre todas las soluciones posibles en un dominio dado. El proceso de evolución es similar a un problema de optimización, donde un problema se resuelve a lo largo del tiempo a través de la combinación de diferentes soluciones. Los algoritmos genéticos simulan este proceso utilizando estructuras similares al ADN llamadas cromosomas para representar las soluciones y aplicando operadores evolutivos para generar nuevas soluciones.

La estructura general de un algoritmo evolutivo es la siguiente: 1. Se comienza con una población inicial generada al azar, que se evalúa para conocer el valor de la función objetivo. 2. Se realiza la operación de cruce, que es una forma de reproducción, donde se seleccionan padres y se realiza un cruce para crear nuevas soluciones (llamadas descendencia). 3. Se recolecta toda la descendencia como una población nueva, y se realiza una mutación en ella. Mientras tanto, también se puede mutar la población original para obtener soluciones diferentes. 4. Se repite este proceso de selección, reproducción y mutación hasta que se cumplan algunas condiciones de término.

El cruce es un operador que acepta información de dos padres. El operador combina la información de ambos padres para crear dos nuevas soluciones, llamadas descendencia. El cruce utiliza operadores matemáticos para combinar la información de los padres. Por ejemplo, si los cromosomas están en formato binario, se puede usar un operador de cruce de punto único, donde se selecciona un punto de corte al azar y se intercambian las partes a la derecha e izquierda de los cromosomas de los padres para obtener dos nuevos cromosomas. También se puede usar el operador de cruce de punto doble, donde se seleccionan dos puntos de corte y se intercambia la parte del medio para obtener dos nuevos cromosomas. Además, se puede modelar el cruce de forma numérica, multiplicando elemento por elemento los cromosomas de los padres para obtener la descendencia.

Los algoritmos genéticos tienen una estructura general que consta de una inicialización, un bucle de evolución y una condición de terminación. La inicialización implica la creación de soluciones aleatorias para el problema de optimización. Durante el bucle de evolución, se realiza una selección, reproducción y mutación de las soluciones.

La mutación es un mecanismo que introduce errores aleatorios en las soluciones para aumentar la exploración del algoritmo y crear soluciones innovadoras. Los algoritmos genéticos también tienen una tasa de mutación que puede ser ajustada según el problema y el espacio de búsqueda. El proceso de selección de padres puede ser realizado de manera aleatoria o mediante torneos, donde se selecciona al individuo más apto de un grupo seleccionado de individuos.

7 Personal comments on the topics studied in these slides

Los algoritmos genéticos atacan problemas clásicos de la computación de manera novedosa e interesante, es un claro ejemplo de biomimesis bien aplicado. Me ha gustado ver cómo un problema típico de algoritmia como el de la mochila se puede abordar de una forma tan diferente, creo que tiene muchas aplicaciones diversas a problemas planteados en esta asignatura y siempre es interesante ver nuevas soluciones.

Sin embargo, la librería DEAP me resulta un tanto difícil de manejar y entender, aplicar los conceptos generales de selección, descendencia, mutaciones, etc. ya es algo extraño si nunca se ha visto pero además creo que la librería no permite entender muy bien qué está pasando.

Finalmente, creo que los problemas planteados a resolver en estas diapositivas permiten entender bien cómo se resuelven problemas mediante este nuevo paradigma puesto que son sencillos pero su adaptación a los algoritmos genéticos puede ser un tanto difícil.

8 Provide a short feedback on the course and also assign yourself a score for your class participation / Include the student's personal opinion about the course.

La clase de optimización metaheurística me ha parecido especialmente interesante.

Me ha gustado que el temario esté contextualizado en soluciones aplicables a la vida real en problemas de hoy y del futuro. El contenido práctico se ajusta muy bien al teórico y además las explicaciones del profesor en formato vídeo y diapositiva hace que sea fácil de seguir y de entender.

Esta asignatura también me ha permitido desarrollar habilidades transversales a este máster, las prácticas permiten trabajar con conceptos y librerías que se usan en otras asignaturas y se repasan y cimentan problemas y conceptos importantes que ayudan al estudiante en otras disciplinas como Inteligencia Artificial o Simulación.

Otro aspecto que creo que es muy positivo de esta asignatura es que hace que el alumno tenga que leer artículos e investigar en estos temas de manera independiente. Es importante que un alumno de máster haga este tipo de actividades puesto que se supone que se tiene que convertir en un experto en la materia y estar al día en el estado del arte.

Personalmente, me hubiera gustado participar más activamente en esta asignatura pero me ha resultado difícil de compaginar por circunstancias personales. La puntuación que me asigno es de 8/10.