

Descripción del tp

Subtítulo del tp

13 de septiembre de 2023

Materia de la carrera

Grupo 42

Integrante	LU	Correo electrónico
Apellido, Nombre1	001/01	email1@dominio.com
Apellido, Nombre2	002/01	email2@dominio.com
Apellido, Nombre3	003/01	email3@dominio.com
Apellido, Nombre4	004/01	email4@dominio.com



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

$$\label{eq:fax: problem} \begin{split} & \text{Tel/Fax: (++54 +11) 4576-3300} \\ & \text{http://www.exactas.uba.ar} \end{split}$$

1. Problemas

1.1. Ejercicio 1

```
proc hayBallotage (in escrutinio : seq\langle \mathbb{Z}\rangle) : Bool
                                       requiere {esEscrutinioValido(escrutinio)}
                                       asegura \{res = true \leftrightarrow (\neg algunoSupera45(escrutinio) \land \neg algunoSupera40y10(escrutinio))\}
                                       pred esEscrutinioValido (escrutinio : seq\langle \mathbb{Z} \rangle) {
                                                                 (|escrutinio| \ge 3) \land (\forall i : \mathbb{Z}) (0 \le i < |escrutinio| \longrightarrow_L
                                                                 (\forall j : \mathbb{Z}) ((0 \le j < |escrutinio| \land i \ne j) \longrightarrow_L escrutinio[i] \ne escrutinio[j]))
                                       aux sumaTotalDeVotos (escrutinio:seq\langle\mathbb{Z}\rangle) : \mathbb{Z}=\sum_{i=0}^{|escrutinio|-1}escrutinio[i] ;
                                       aux porcentaje
Votos (escrutinio : seq\langle\mathbb{Z}\rangle, i:\mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = \frac{escrutinio[i]}{sumaTotalDeVotos(escrutinio)};
                                       pred algunoSupera45 (escrutinio : seq\langle \mathbb{Z}\rangle) {
                                           (\exists i : \mathbb{Z}) \ (0 \le i < (|escrutinio| - 1) \land_L porcentajeVotos(escrutinio, i) \ge 0, 45)
                                       pred algunoSupera40y10 (escrutinio : seq\langle \mathbb{Z}\rangle) {
                                                                     (\exists i : \mathbb{Z}) \ (0 \le i < (|escrutinio| - 1) \land_L \ (porcentajeVotos(escrutinio, i) \ge 0, 4 \land
                                                                 (\forall j: \mathbb{Z}) ((0 \leq j < (|escrutinio| - 1) \land i \neq j) \longrightarrow_L porcentajeVotos(escrutinio, j) < j)
                                                                 (porcentajeVotos(escrutinio, i) - 0, 1))
                                       }
1.2.
                                            Ejercicio 2
proc hayFraude (in escrutinio_presidencial : seq\langle \mathbb{Z} \rangle, in escrutinio_senadores : seq\langle \mathbb{Z} \rangle, in escrutinio_diputados : seq\langle \mathbb{Z} \rangle) : Bool
                                       \verb|requiere| \{esEscrutinioValido(escrutinio\_presidencial) \land esEscrutinioValido(escrutinio\_senadores) \land esEscrutinioValido(escrutinio\_presidencial) \land esEscrutinio(escrutinio\_presidencial) \land esEscrutinio(escrutinio\_pres
                                       \textbf{asegura} \ \{res = \text{false} \leftrightarrow noHayFraude(escrutinio\_presidencial, escrutinio\_senadores, escrutinio\_diputados)\} \}
                                       pred noHayFraude (escrutinio_presidencial : seq\langle \mathbb{Z}\rangle, escrutinio_senadores : seq\langle \mathbb{Z}\rangle, escrutinio_diputados : seq\langle \mathbb{Z}\rangle) {
                                                                 (sumaTotalDeVotos(escrutinio\_presidencial) = sumaTotalDeVotos(escrutinio\_senadores)) \land 
                                                                 (sumaTotalDeVotos(escrutinio\_presidencial) = sumaTotalDeVotos(escrutinio\_diputados))
                                       }
1.3.
                                            Ejercicio 3
proc obtenerSenadoresEnProvincia (in escrutinio: seg(\mathbb{Z})) : \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}
                                       requiere {esEscrutinioValido(escrutinio)}
                                       \texttt{asegura} \ \{ \ (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i)) \leftrightarrow res_0 = i) \quad \land \quad (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i)) \leftrightarrow res_0 = i) \quad \land \quad (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i)) \leftrightarrow res_0 = i) \quad \land \quad (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i)) \leftrightarrow res_0 = i) \quad \land \quad (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i)) \leftrightarrow res_0 = i) \quad \land \quad (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i)) \leftrightarrow res_0 = i) \quad \land \quad (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i)) \leftrightarrow res_0 = i) \quad \land \quad (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i)) \leftrightarrow res_0 = i) \quad (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i)) \leftrightarrow res_0 = i) \quad (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i)) \leftrightarrow res_0 = i) \quad (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i)) \leftrightarrow res_0 = i) \quad (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i)) \leftrightarrow res_0 = i) \quad (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i))) \rightarrow res_0 = i) \quad (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i))) \quad (\exists i : \mathbb{Z}) \ ((0 \leq i < (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i))) \quad ((0 \leq i : (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i))) \quad ((0 \leq i : (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i))) \quad ((0 \leq i : (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i))) \quad ((0 \leq i : (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i))) \quad ((0 \leq i : (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i))) \quad ((0 \leq i : (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i))) \quad ((0 \leq i : (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i))) \quad ((0 \leq i : (|escrutinio| - 1) \land_L esListaMasVotada(escrutinio, i))) \quad ((0 \leq i : (|escrutinio| - 1) \land
                                       (\exists j : \mathbb{Z}) \ (0 \le j < (|escrutinio| - 1) \land_L esSegundaMasVotada(escrutinio, j) \leftrightarrow res_1 = j) \ \}
                                       pred esListaMasVotada (escrutinio: seq\langle \mathbb{Z}\rangle, i:\mathbb{Z}) {
                                           (\forall j: \mathbb{Z}) \; ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land i \neq j) \longrightarrow_L escrutinio[i] > escrutinio[j]) \quad \}
                                       pred esSegundaMasVotada (escrutinio: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, i:\mathbb{Z}) {
                                       (\neg esListaMasVotada(escrutinio,i)) \land (\forall j: \mathbb{Z}) \ ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land_L \neg esListaMasVotada(escrutinio,j) \land i \neq i)) \land (\forall j: \mathbb{Z}) \ ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land_L \neg esListaMasVotada(escrutinio,j) \land i \neq i)) \land (\forall j: \mathbb{Z}) \ ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land_L \neg esListaMasVotada(escrutinio,j) \land i \neq i)) \land (\forall j: \mathbb{Z}) \ ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land_L \neg esListaMasVotada(escrutinio,j) \land i \neq i)) \land (\forall j: \mathbb{Z}) \ ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land_L \neg esListaMasVotada(escrutinio,j) \land i \neq i)) \land (\forall j: \mathbb{Z}) \ ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land_L \neg esListaMasVotada(escrutinio,j) \land i \neq i)) \land (\forall j: \mathbb{Z}) \ ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land_L \neg esListaMasVotada(escrutinio,j) \land i \neq i)) \land ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land_L \neg esListaMasVotada(escrutinio,j) \land i \neq i)) \land ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land_L \neg esListaMasVotada(escrutinio,j) \land i \neq i)) \land ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land_L \neg esListaMasVotada(escrutinio,j) \land i \neq i)) \land ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land_L \neg esListaMasVotada(escrutinio,j) \land i \neq i)) \land ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land_L \neg esListaMasVotada(escrutinio,j) \land i \neq i)) \land ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land_L \neg esListaMasVotada(escrutinio,j) \land i \neq i)) \land ((0 \leq j < |escrutinio| - 1 \land_L \neg esListaMasVotada(escrutinio,j) \land i \neq i)) \land ((0 \leq j < |escrutinio,j) \land ((0 \leq j 
                                       j) \longrightarrow_L escrutinio[i] > escrutinio[j]) }
                                            Ejercicio 4
1.4.
proc calcular DHont En Provincia (in cant_bancas : \mathbb{Z}, in escrutinio : seq\langle\mathbb{Z}\rangle) : seq\langle seq\langle\mathbb{Z}\rangle
                                       \texttt{requiere} \; \{ \; (\exists i : \mathbb{Z}) \; (0 \leq i < |escrutinio| \land_L \; Supera ElUmbral(escrutinio, i)) \; \land \; esEscrutinio Valido(escrutinio) \; esEscrutinio Va
                                       cant\_bancas > 0}
                                       \textbf{asegura} \ \{|res| = (|escrutinio|-1) \ \land \ (\forall i: \mathbb{Z}) \ (0 \leq i < |res|-1 \longrightarrow_L res[i] \leq cant\_bancas \ \land \ res[i] = res[i+1]) \quad \land \ res[i] \leq cant\_bancas \ \land \ res[i] = res[i+1] \ \land \ res[i] \leq cant\_bancas \ \land \ res[i] = res[i+1] \ \land \ res[i] \leq cant\_bancas \ \land \ res[i] = res[i+1] \ \land \ res[i] \leq cant\_bancas \ \land \ res[i] = res[i+1] \ \land \ res[i] \leq cant\_bancas \ \land \ res[i] = res[i+1] \ \land \ res[i] \leq cant\_bancas \ \land \ res[i] = res[i+1] \ \land \ res[i] \leq cant\_bancas \ \land \ res[i] = res[i+1] \ \land \ res[i] \leq cant\_bancas \ \land \ res[i] = res[i+1] \ \land \ res[i] \leq cant\_bancas \ \land \ res[i] = res[i+1] \ \land \ res[i] \leq cant\_bancas \ \land \ res[i] = res[i+1] \ \land \ res[i] \leq cant\_bancas \ \land \ res[i] = res[i+1] \ \land \ res[i] 
                                       (\forall j: \mathbb{Z}) \; (0 \leq j < |res| \longrightarrow_L res[i][0] = escrutinio[i]) \quad \land
```

 $(\forall k : \mathbb{Z}) \ (0 \le k < |res| \longrightarrow_L esFilaDHont(res[k])) \ \}$

```
\begin{array}{l} \text{pred esFilaDHont (fila}: seq\langle \mathbb{Z} \rangle) \ \{ \\ (\forall j: \mathbb{Z}) \ (1 \leq j < |fila| \longrightarrow_L fila[j] = \frac{fila[0]}{i+1}) \end{array} \}
```

1.5. Ejercicio 5

```
proc obtenerDiputadosEnProvincia (in cant_bancas : \mathbb{Z}, in escrutinio : seq\langle\mathbb{Z}\rangle, in dHondt:seq\langle seq\langle\mathbb{Z}\rangle\rangle) : seq\langle\mathbb{Z}\rangle
         requiere \{cant\_bancas > 0 \land esEscrutinioValido(escrutinio)\}
         \land esMatrizDHondtValida(dHondt, cant\_bancas, escrutinio)
         asegura \{sumaDeBancas(res) = cant\_bancas \land esca\~nosAsignadosCorrectos(dHondt, res)\}
         \wedge \ (\forall i : \mathbb{Z}) \ ((0 \le i < |res|) \longrightarrow_L (res[i] > 0 \leftrightarrow superaUmbral(escrutinio)) \ \wedge \ (\forall i : \mathbb{Z}) \ ((0 \le i < |res|) \longrightarrow_L res[i] > 0)
         ) }
         aux sumaDeBancas (res:seq\langle\mathbb{Z}\rangle): \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|res|-1} res[i];
         pred escañosAsignadosCorrectos (dHondt:seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle,bancasAsignadas:seq\langle \mathbb{Z}\rangle) {
                 (\forall i : \mathbb{Z}) ((0 \le i < |bancasAsignadas| \land bancasAsignadas[i] > 0) \longrightarrow_L
                (\forall j: \mathbb{Z}) ((0 \leq j < |bancasAsignadas| \land i \neq j \land superaElUmbral(escrutinio, j)) \longrightarrow_L
                dHondt[i][bancasAsignadas[i] - 1] > dHondt[j][bancasAsignadas[j]])
         }
         pred esMatrizDHontValida (dHont : seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle, cant_bancas : \mathbb{Z}, escrutinio : seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle) {
         |dHont| = (|escrutinio|-1) \land (\forall i : \mathbb{Z}) \ (0 \le i < |dHont|-1 \longrightarrow_L dHont[i] \le cant\_bancas \land dHont[i] = dHont[i+1])
         \land \  \, (\forall j: \mathbb{Z}) \; (0 \leq j < |dHont| \longrightarrow_L dHont[i][0] = escrutinio[i])
         (\forall k : \mathbb{Z}) \ (0 \le k < |dHont| \longrightarrow_L esFilaDHont(dHont[k]))
```

1.6. Ejercicio 6

```
 \begin{array}{l} \operatorname{proc\ validarListasDiputadosEnProvincias\ (in\ \operatorname{cant\_bancas}: \mathbb{Z},\ \operatorname{in\ listas}: seq\langle seq\langle dni: ent \times genero: \mathbb{Z}\rangle\rangle): \operatorname{Bool\ requiere\ } \{cant\_bancas > 0 \wedge \ (\forall i: \mathbb{Z})\ (0 \leq i < | listas| \longrightarrow_L \\ (\forall j: \mathbb{Z})\ (0 \leq j < | listas[i] \longrightarrow_L \ (0 \leq listas[i][j]_1 \leq 1 \wedge 1,000,000 \leq listas[i][j]_0 \leq 99,999,999)) \ )\ \} \\ \operatorname{asegura\ } \{res = True \leftrightarrow alternanGenero(listas) \wedge presentanCantidadCorrecta(listas, cant\_bancas)\} \\ \operatorname{pred\ alternanGenero\ } (\operatorname{listas}: seq\langle seq\langle dni: ent \times genero: \mathbb{Z}\rangle\rangle)\ \{ \\ (\forall i: \mathbb{Z})\ (0 \leq i < | listas| \longrightarrow_L \\ (\forall j: \mathbb{Z})\ (0 \leq j < (| listas[i]| - 1) \longrightarrow_L \ listas[i][j]_1 \neq listas[i][j+1]_1) \ ) \\ \} \\ \operatorname{pred\ presentanCantidadCorrecta\ } (\operatorname{listas}: seq\langle seq\langle dni: ent \times genero: \mathbb{Z}\rangle\rangle, \operatorname{cant\_bancas}: \mathbb{Z})\ \{ \\ (\forall i: \mathbb{Z})\ (0 \leq i < | listas| \longrightarrow_L \ | listas[i]| = cant\_bancas) \ \} \\ \end{array}
```