

## a) Grafique las restricciones del problema. Pinte con color rojo el área que define el espacio factible del problema

- Se graficará la cantidad de arreglos F2 y F1 en el eje vertical y horizontal respectivamente. Para ello, se creará una función para cada restricción que recibirán como input la cantidad de arreglos florales F1 y retornarán la cantidad de arreglos florales F2.
- Las variables  $x_1$  y  $x_2$  son las variables de decisión del problema y que corresponden a la cantidad de arreglos florales F1 y F2, respectivamente
- Para definir el valor que retornan las funciones, se expresará  $x_2$  en función de  $x_1$  en cada restricción del problema

```
In [1]: clear % eliminamos todas las variables creadas previamente en Octave/Matlab
```

### i) Restricciones

#### Disponibilidad de flores A

```
In [2]: function x2 = floresA(x1)

        x2 = 90-2*x1;

end
```

#### Disponibilidad de flores B

```
In [3]: function x2 = floresB(x1)

        x2 = 50-x1;

end
```

#### Disponibilidad de flores C

```
In [4]: function x2 = floresC(x1)

        x2 = 40-(1/3)*x1;

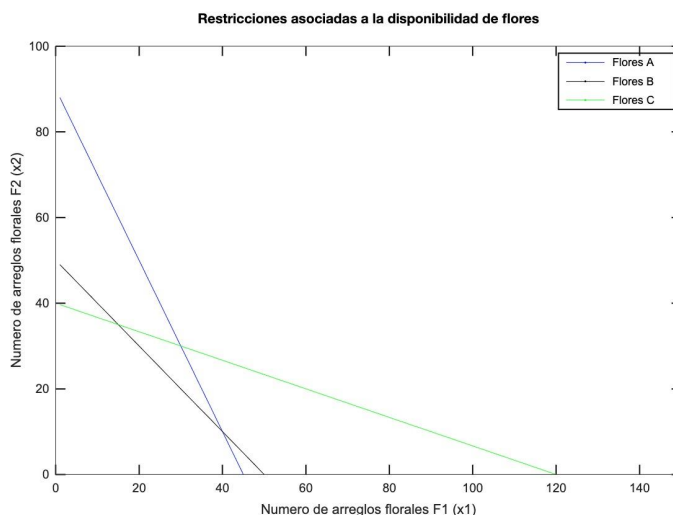
end
```

- En Matlab, las funciones deben ser definidas al final del script. Esto es poco intuitivo y es una de las diferencias con Octave

### Gráfico restricciones

```
In [5]: x1 = linspace(1,150); %Rango de valores de input de las funciones

plot(x1,floresA(x1),'b') %color azul para disponibilidad de flores A
hold on
plot(x1,floresB(x1),'k') %color negro para disponibilidad de flores B
hold on
plot(x1,floresC(x1),'g') %color verde para disponibilidad de flores C
title ('Restricciones asociadas a la disponibilidad de flores')
xlabel ('Numero de arreglos florales F1 (x1)')
ylabel ('Numero de arreglos florales F2 (x2)')
ylim([0 100])
xlim([0 150])
legend('Flores A', 'Flores B', 'Flores C')
hold off
```



### ii) Región factible

- La región factible corresponde al área donde todas las restricciones se cumplen. Esto incluye las restricciones de no negatividad asociadas a  $x_1$  y  $x_2$
- Los vértices de la región factible son 5 y corresponden a intersecciones entre distintos pares de restricciones.

- El primer vertice es el origen (0,0) que denominaremos 'v1'. Los vertices 'v2', 'v3', 'v4', 'v5' son definidos segun el sentido del reloj.
- Los vertices v3 y v4 corresponden a intersecciones entre dos restricciones. La coordenada de cada vertice, se obtiene resolviendo sistemas de 2 ecuaciones. Para resolverlos, utilizaremos una clásica fórmula de álgebra lineal:

$$Ax = b \rightarrow x = A^{-1}b$$

### Vértices

```
In [6]: v1 = [0,0]
v1 =
0 0
```

```
In [7]: v2 = (inv([1 3;1 0])*[120;0])' % O simplemente: v2 = [0,floresC(x1 = 0)]
v2 =
0 40
```

```
In [8]: v3 = (inv([1 1;1 3])*[50;120])' % Interseccion restricciones flores B y C
v3 =
15.0000 35.0000
```

```
In [9]: v4 = (inv([2 1;1 1])*[90;50])' % Interseccion restricciones flores A y B
v4 =
40.0000 10.0000
```

```
In [10]: v5 = (inv([2 1;0 1])*[90;0])'
v5 =
45 0
```

### Creamos una matriz de dos columnas con las coordenadas x e y de los vertices

```
In [11]: v = [v1;v2;v3;v4;v5]
v =
0.00000 0.00000
0.00000 40.00000
15.00000 35.00000
40.00000 10.00000
45.00000 0.00000
```

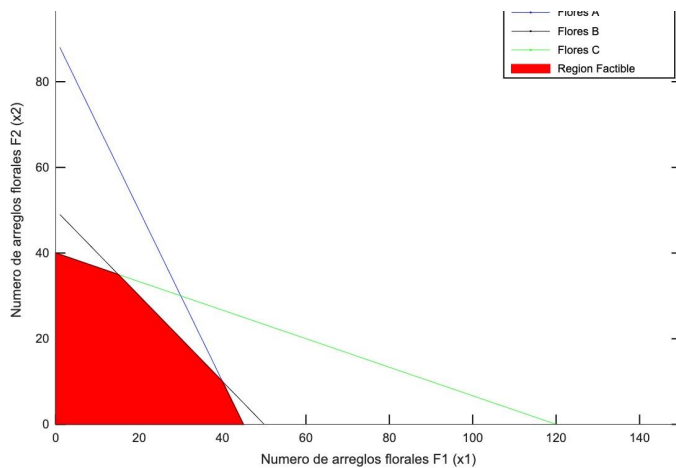
```
In [12]: v(:,1)
ans =
0.00000
0.00000
15.00000
40.00000
45.00000
```

```
In [13]: v(:,2)
ans =
0.00000
40.00000
35.00000
10.00000
0.00000
```

### Gráfico de región factible

```
In [14]: x1 = linspace(1,150); %Rango de valores de input para las funciones
plot(x1,floresA(x1),'b') %color azul para disponibilidad de flores A
hold on
plot(x1,floresB(x1),'k') %color negro para disponibilidad de flores B
hold on
plot(x1,floresC(x1),'g') %color verde para disponibilidad de flores C
fill(v(:,1),v(:,2),'r')
title('Region factible definida por la disponibilidad de flores y no negatividad de variables de decision')
xlabel('Numero de arreglos florales F1 (x1)')
ylabel('Numero de arreglos florales F2 (x2)')
ylim([0 100])
xlim([0 150])
legend('Flores A','Flores B','Flores C','Region Factible')
hold off
```

Region factible definida por la disponibilidad de flores y no negatividad de variables de decision



**b) Agregue 3 curvas de nivel de la función objetivo en el gráfico. Una de las curvas debe corresponder a la solución óptima del problema**

### Definición de curvas de nivel

La forma en que se determina la ecuación para encontrar las curvas de nivel de la función objetivo fue revisada en clases.

```
In [15]: function x2 = curvadenivel(z,x1)

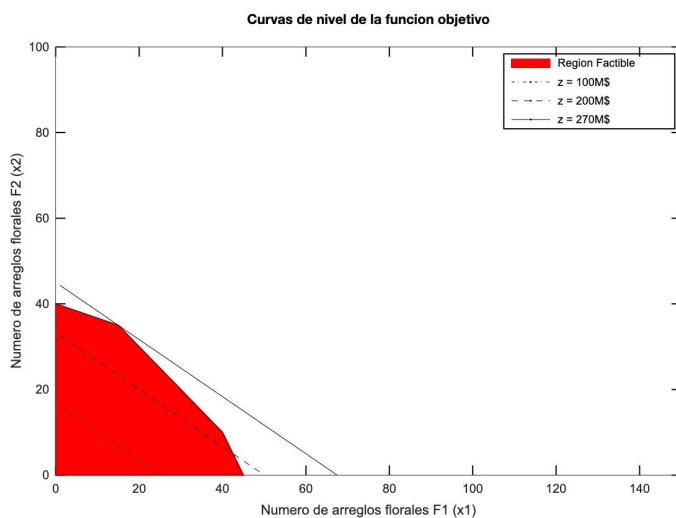
        x2 = z/6000-2/3*x1;

end
```

### Gráfico de las curvas de nivel

```
In [16]: x1 = linspace(1,150); %Rango de valores de input para las funciones

fill(v(:,1),v(:,2),'r')
hold on
plot(x1,curvadenivel(100000,x1),'-k')
hold on
plot(x1,curvadenivel(200000,x1),'--k')
hold on
plot(x1,curvadenivel(270000,x1),'-k')
hold on
title('Curvas de nivel de la funcion objetivo')
xlabel('Numero de arreglos florales F1 (x1)')
ylabel('Numero de arreglos florales F2 (x2)')
ylim([0 100]);
xlim([0 150]);
legend('Region Factible','z = 100M$', 'z = 200M$', 'z = 270M$')
hold off
```



**c) Considere un caso donde el precio de venta del arreglo floral tipo 1 aumenta en un 50% y el de tipo 2 se reduce en un 50%. Repita lo hecho en (b) y analice si varía la solución óptima**

- Realizar la solución de forma personal