## Universidad Nacional Autónoma de México

## FACULTAD DE CIENCIAS





Boletín de Ejercicios 01:

## Primer parcial

 $\begin{array}{c} Pablo~A.~Trinidad~Paz\\ 419004279\end{array}$ 

1. Considera la siguiente gramática

$$S ::= E$$

$$E ::= \downarrow E \uparrow$$

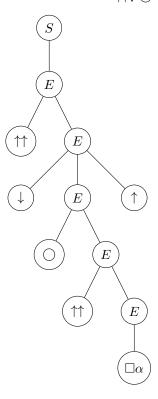
$$E ::= \bigcirc E$$

$$E::=\uparrow\uparrow E$$

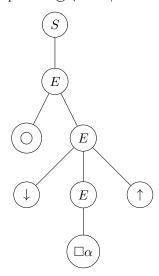
$$E ::= \Box \alpha$$

$$E ::= \delta$$

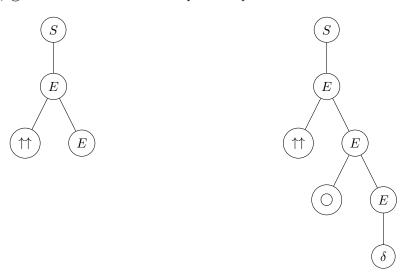
a) Construye una derivación correspondiente a la cadena  $\uparrow\uparrow\downarrow\bigcirc\uparrow\uparrow\Box\alpha\uparrow.$ 



b) Da el árbol que corresponde a la expresión  $\bigcirc \downarrow \Box \alpha \uparrow$ .



c) ¿La cadena  $\uparrow\uparrow\uparrow \bigcirc \delta$ está bien formada? Justifique su respuesta.



La cadena no está bien formulada ya que a partir de los únicos dos posibles árboles de derivación fue imposible llegar a la cadena final.

2. Sea p, q y r las proposiciones con el siguiente significado:

- $\bullet$  p: Se han visto osos pardos en la zona.
- $\blacksquare$  q: Acampar en esta zona es seguro.
- r: La luna se ve gigante esta noche.

Escribe los enunciados en lógica proposicional utilizando únicamente p, q y r y los conectivos lógicos.

a) La luna se ve gigante esta noche, pero se han visto osos pardos en la zona.

$$r \wedge p$$

b) No se han visto osos pardos en la zona y acampar en esta zona es seguro pero la luna se ve gigante esta noche.

$$\boxed{ \neg p \land q \land r }$$

c) Si la luna se ve gigante esta noche, entonces acampar en esta zona es seguro si y sólo si no se han visto osos pardos en la zona.

$$(r \to q) \leftrightarrow \neg p$$

d) Para que acampar en esta zona sea seguro, es necesario que la luna se vea gigante esta noche y que no se hayan visto osos pardos en la zona.

2

3. Utilizando tablas de verdad, decide si las siguientes expresiones son tautologías, contradicciones o contingencias:

$$a) \neg p \land (p \lor q) \rightarrow q \rightarrow \neg p$$

$$\begin{split} \varphi &= \neg p \wedge (p \vee q) \rightarrow q \rightarrow \neg p \\ \Rightarrow \varphi &= \neg p \wedge (p \vee q) \rightarrow (q \rightarrow \neg p) \end{split}$$

р	q	$((\neg p \land (p \lor q)) \to (q \to \neg p))$
F	F	Т
F	Т	Т
Т	F	Т
Т	Т	Т

$$\left[ \quad \therefore \vDash \varphi \right]$$

b) 
$$(p \lor q) \land (p \to r) \land (q \to r) \to r$$

$$\alpha = (p \lor q) \land (p \to r) \land (q \to r) \to r$$

p	q	r	$(((p \lor q) \land ((p \rightarrow r) \land (q \rightarrow r))) \rightarrow r)$
F	F	F	Т
F	F	Т	Т
F	Т	F	Т
F	Т	Т	Т
Т	F	F	Т
Т	F	Т	Т
Т	Т	F	Т
Т	Т	Т	Т

$$\therefore \vDash \alpha$$

- 4. Utilizando las leyes de equivalencia de la lógica proposicional, muestra que se cumplen las siguientes equivalencias
  - $a) \neg r \rightarrow b \land \neg b \equiv r$

$$\neg r \to b \land \neg b \equiv r$$
$$\neg r \to (b \land \neg b) \equiv r$$
$$\neg r \to 0 \equiv r$$
$$\neg (\neg r) \lor 0 \equiv r$$
$$r \lor 0 \equiv r$$

$$r \equiv r$$

b) 
$$(p \to q) \land (p \to \neg q) \equiv \neg p$$

$$(p \to q) \land (p \to \neg q) \equiv \neg p$$
$$(\neg p \lor q) \land (\neg p \lor \neg q) \equiv \neg p$$
$$\neg p \lor (q \land \neg q) \equiv \neg p$$
$$\neg p \lor 0 \equiv \neg p$$

$$\neg p \equiv \neg p$$

$$c) \neg (p \leftrightarrow q) \equiv \neg p \leftrightarrow q$$

$$\neg(p \leftrightarrow q) \equiv \neg p \leftrightarrow q$$

$$\neg((p \land q) \lor (\neg p \land \neg q)) \equiv (\neg p \land q) \lor (p \land \neg q)$$

$$\neg(p \land q) \land \neg(\neg p \land \neg q) \equiv (\neg p \land q) \lor (p \land \neg q)$$

$$(\neg p \lor \neg q) \land (p \lor q) \equiv (\neg p \land q) \lor (p \land \neg q)$$

$$(\neg p \land p) \lor (p \land \neg q) \lor (\neg p \land q) \lor (\neg q \land q) \equiv (\neg p \land q) \lor (p \land \neg q)$$

$$0 \lor (p \land \neg q) \lor (\neg p \land q) \lor 0 \equiv (\neg p \land q) \lor (p \land \neg q)$$

$$(\neg p \land q) \lor (p \land \neg q) \equiv (\neg p \land q) \lor (p \land \neg q)$$

$$\neg p \leftrightarrow q \equiv \neg p \leftrightarrow q$$

$$d) \ p \leftrightarrow q \equiv (p \land q) \lor (\neg p \land \neg q)$$

$$p \leftrightarrow q \equiv (p \land q) \lor (\neg p \land \neg q)$$
 
$$(p \to q) \land (q \to p) \equiv (p \land q) \lor (\neg p \land \neg q)$$
 
$$(\neg p \lor q) \land (\neg q \lor p) \equiv (p \land q) \lor (\neg p \land \neg q)$$
 
$$(\neg p \land \neg q) \lor (\neg p \land p) \lor (q \land \neg q) \lor (q \land p) \equiv (p \land q) \lor (\neg p \land \neg q)$$
 
$$(\neg p \land \neg q) \lor 0 \lor 0 \lor (q \land p) \equiv (p \land q) \lor (\neg p \land \neg q)$$

$$(p \wedge q) \vee (\neg p \wedge \neg q) \equiv (p \wedge q) \vee (\neg p \wedge \neg q)$$