

COMUNICACIONES



UT N° 6 TRATAMIENTO DE ERRORES

Ingeniero ALEJANDRO ECHAZÚ
aechazu@comunicacionnueva.com.ar

TASA DE ERROR

BER = bits erróneos / bits transmitidos

**LIMITANTES FÍSICOS DE LOS SISTEMAS DE
COMUNICACIONES**



**ANCHO DE BANDA
RUIDO**

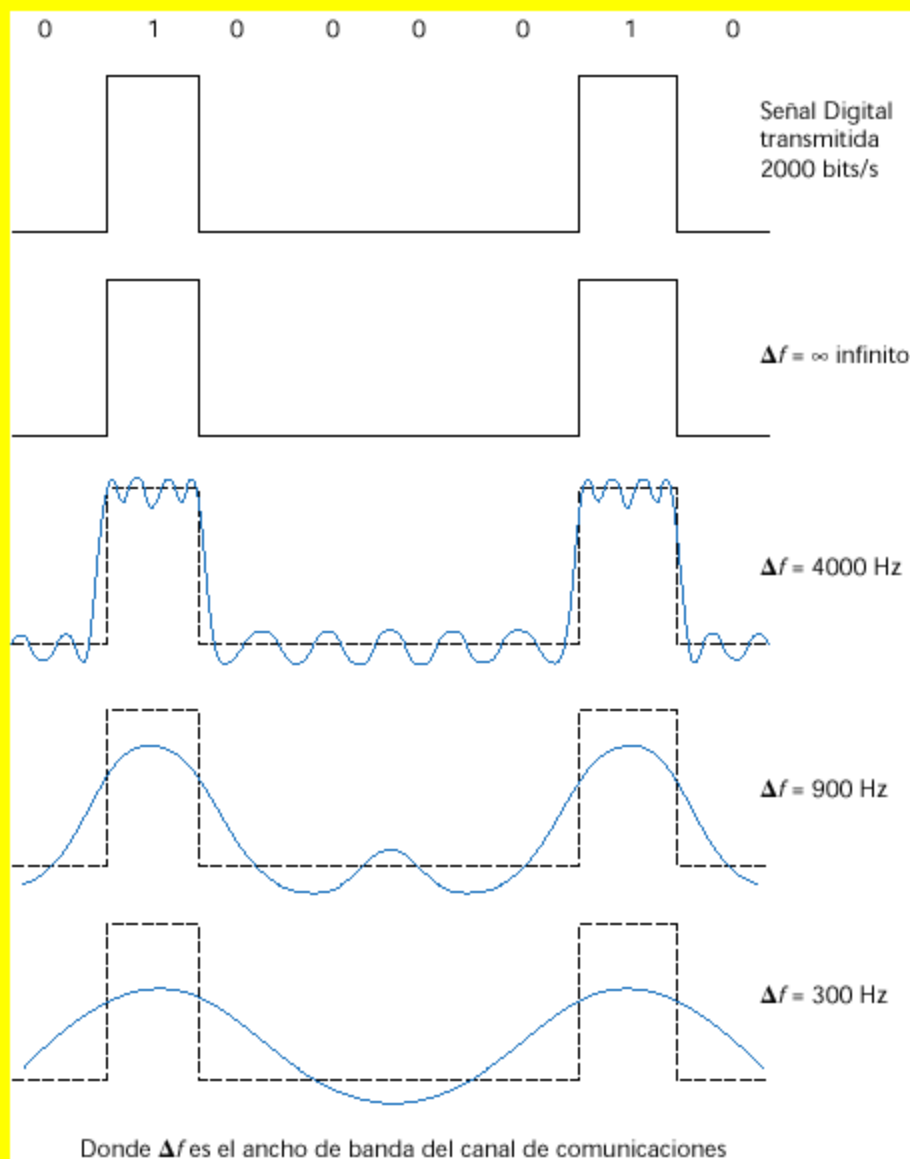


FIGURA 2.36 EFECTO DEL ANCHO DE BANDA EN UN CANAL DE COMUNICACIONES SOBRE UNA SEÑAL DIGITAL PERIÓDICA QUE SE TRANSMITE A TRAVÉS DEL MISMO.

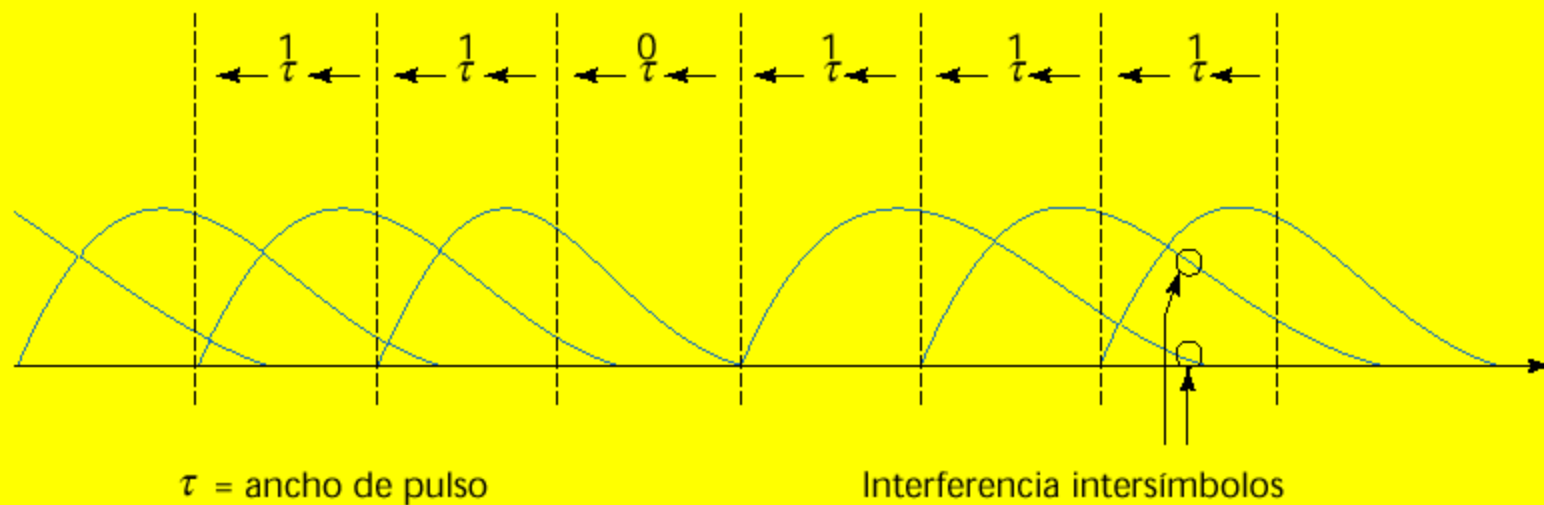


FIGURA 2.41 INTERFERENCIA INTERSÍMBOLOS.

DETECCIÓN Y CORRECCIÓN DE ERRORES



DETECCIÓN Y CORRECCIÓN DE ERRORES

REDUNDANCIA (R)

EFICIENCIA DE TRANSMISIÓN (E) = $b_{c/info} / b_{totales}$

$> R$

$> \text{PROTEC ERRORES}$

$< E$

COMPROMISO

TAMAÑO DE BLOQUE (T_b) EN TRANSMISIÓN SINCRÓNICA

$> T_b$

$> E$

PERO SI ERROR $< E$

COMPROMISO

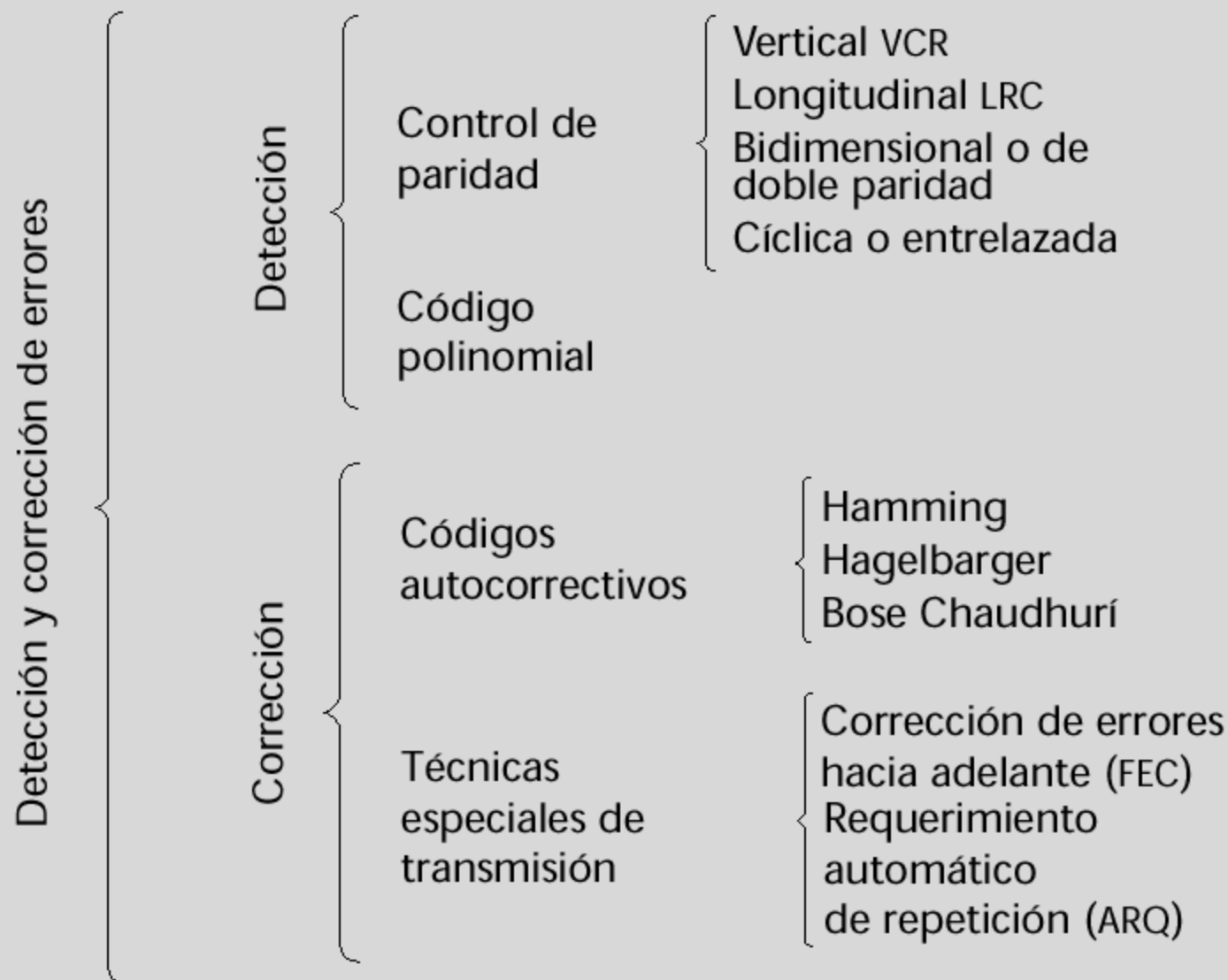
DETECCIÓN Y CORRECCIÓN DE ERRORES

VELOCIDAD DE TRANSMISIÓN (V_{tx})

$> V_{tx}$ $> P_{error}$ $> BER$

COMPROMISO

Métodos de detección y corrección de errores



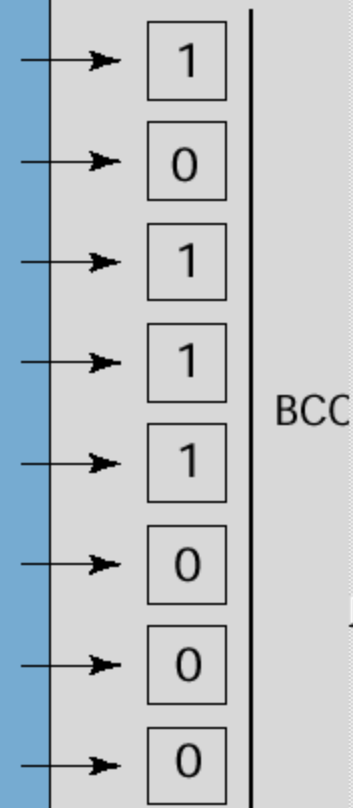
DETECCIÓN

Paridad par e impar ejemplos

Paridad par será 0, carácter resultante	0	01101101100
Paridad impar será 1, carácter resultante	1	01101101100

Ejemplo de control de paridad longitudinal paridad par

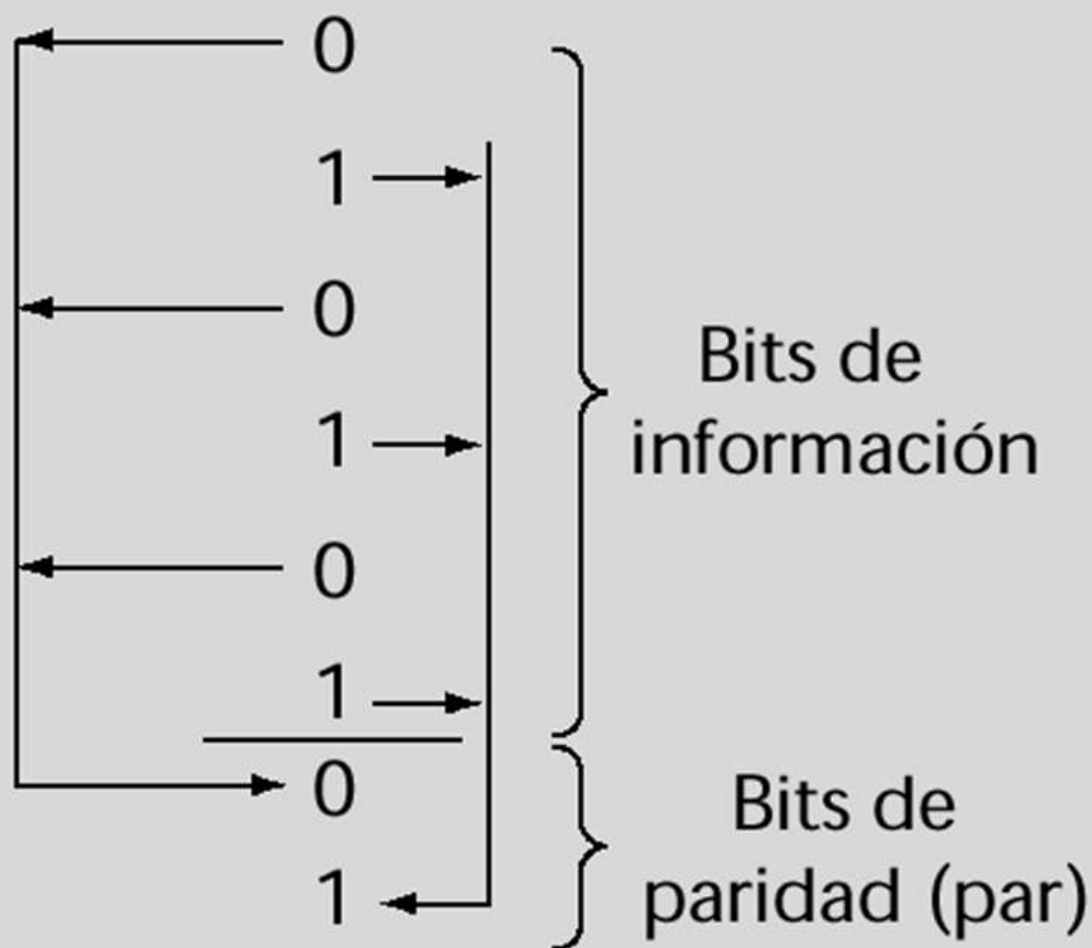
	Dato 1	Dato 2	Dato 3	Dato 4	Dato 5
Bit nº 1	1	1	0	1	0
Bit nº 2	1	1	0	1	1
Bit nº 3	1	1	0	1	0
Bit nº 4	0	0	0	0	1
Bit nº 5	0	0	0	1	0
Bit nº 6	1	0	1	1	1
Bit nº 7	0	0	1	1	0
Bit de paridad vertical	0	1	0	0	1



Prueba de paridad cíclica

Carácter transmitido: 010101

Generación de la paridad cíclica



CHEQUEO DE REDUNDANCIA CÍCLICA

RESTO RESULTANTE DEL COCIENTE
ENTRE UN POLINOMIO MENSAJE Y UN
POLINOMIO GENERADOR

$$M(x) \cdot X^r / G(x) = C(x) \quad R(x)$$

$$T(x) = M(x) \cdot X^r + R(x)$$



ALGUNOS POLINOMIOS GENERADORES NORMALIZADOS

CRC – 16, CRC – 12

EJERCICIO CRC

EMISOR

- 1) Polinomio Mensaje $M = 110101 \quad (X^5 + X^4 + X^2 + X^0)$
Polinomio Generador $G = 11001 \quad (X^4 + X^3 + 1)$

M tiene 6 bits de datos
G tiene 5 bits por lo que producirá un CRC de 4 bits; en consecuencia: $k = 4$.

- 2) Multiplicando el mensaje M por X^k da:
 $X^k \times M = X^4(X^5 + X^4 + X^2 + X^0) = X^9 + X^8 + X^6 + X^4$
El equivalente binario de este producto tiene 10 bits y es igual a:
1101010000

- 3) Se divide por G el producto obtenido

X^k × M

→

1101010000

11001

11100

11001

10100

11001

1101

11001

100101

← G

← C (Cociente)

← R = Resto = CRC

- 4) El resto R se suma a $X^k \times M$ para dar la información a transmitir:
1101011101

- 5) La información recibida se divide por G dando un resto nulo:

1101011101

11001

11111

11001

11001

11001

00000

11001

100101

RECEPTOR

CHECKSUM

Data Item In Binary	Checksum Value	Data Item In Binary	Checksum Value
00001	1	00011	3
00010	2	00000	0
00011	3	00001	1
00001	1	00011	3
totals	7		7

CORRECCIÓN

CORRECCIÓN HACIA ATRÁS

1RO DETECCIÓN (PARIDAD, CRC U OTROS)

2DO CORRECCIÓN MEDIANTE REPETICIÓN DE BLOQUE DE DATOS (POR EJEMPLO ARQ)

REQUERIMIENTO AUTOMÁTICO DE REPETICIÓN ARQ

- **ENTRE DOS ESTACIONES**

- **VARIANTES**  **STOP AND WAIT**

-  **SLIDING WINDOWS**

También se lo considera como un método de control de flujo

Confirmación +

ACK

Confirmación -

NAK

ARQ STOP AND WAIT (parar y esperar)

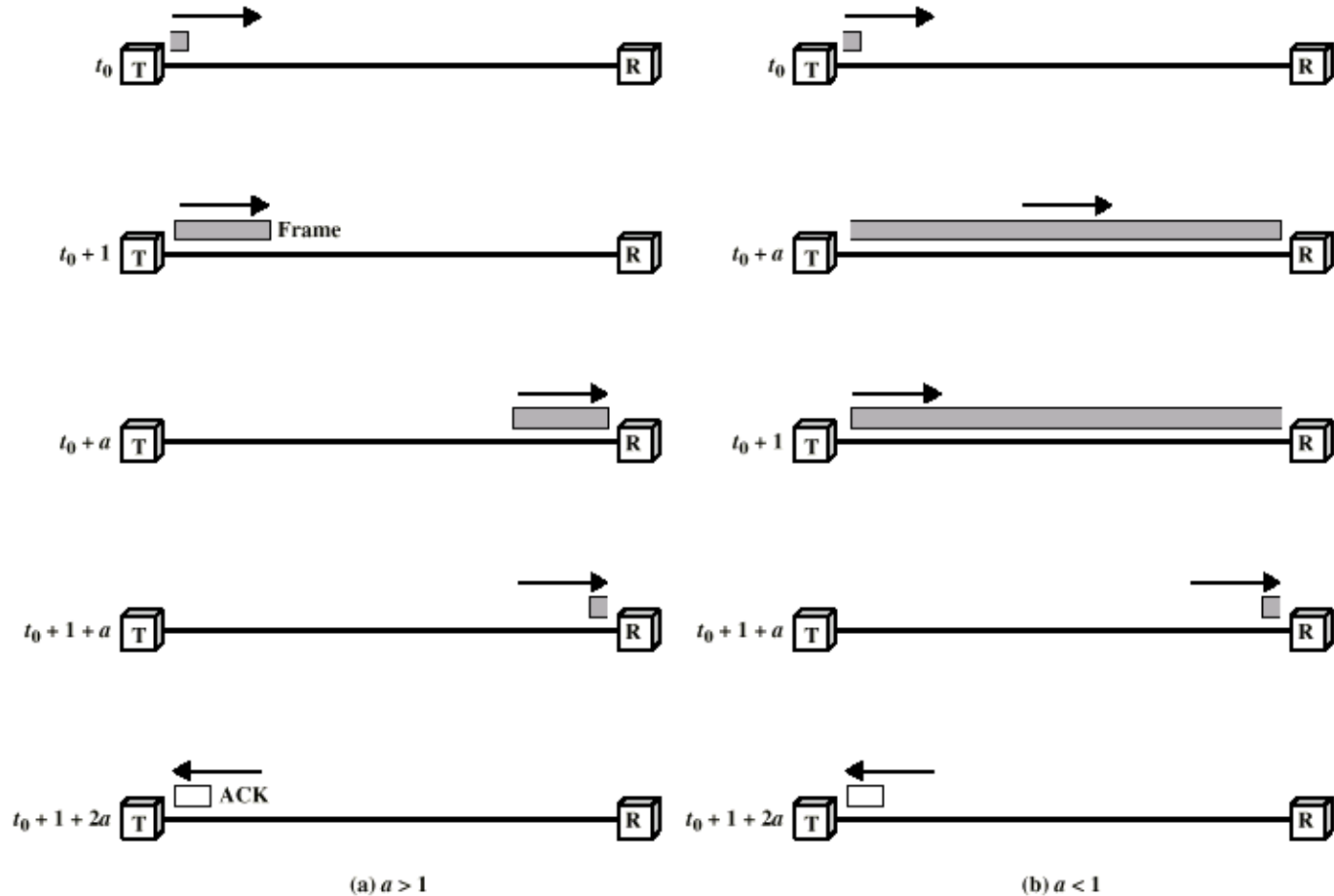
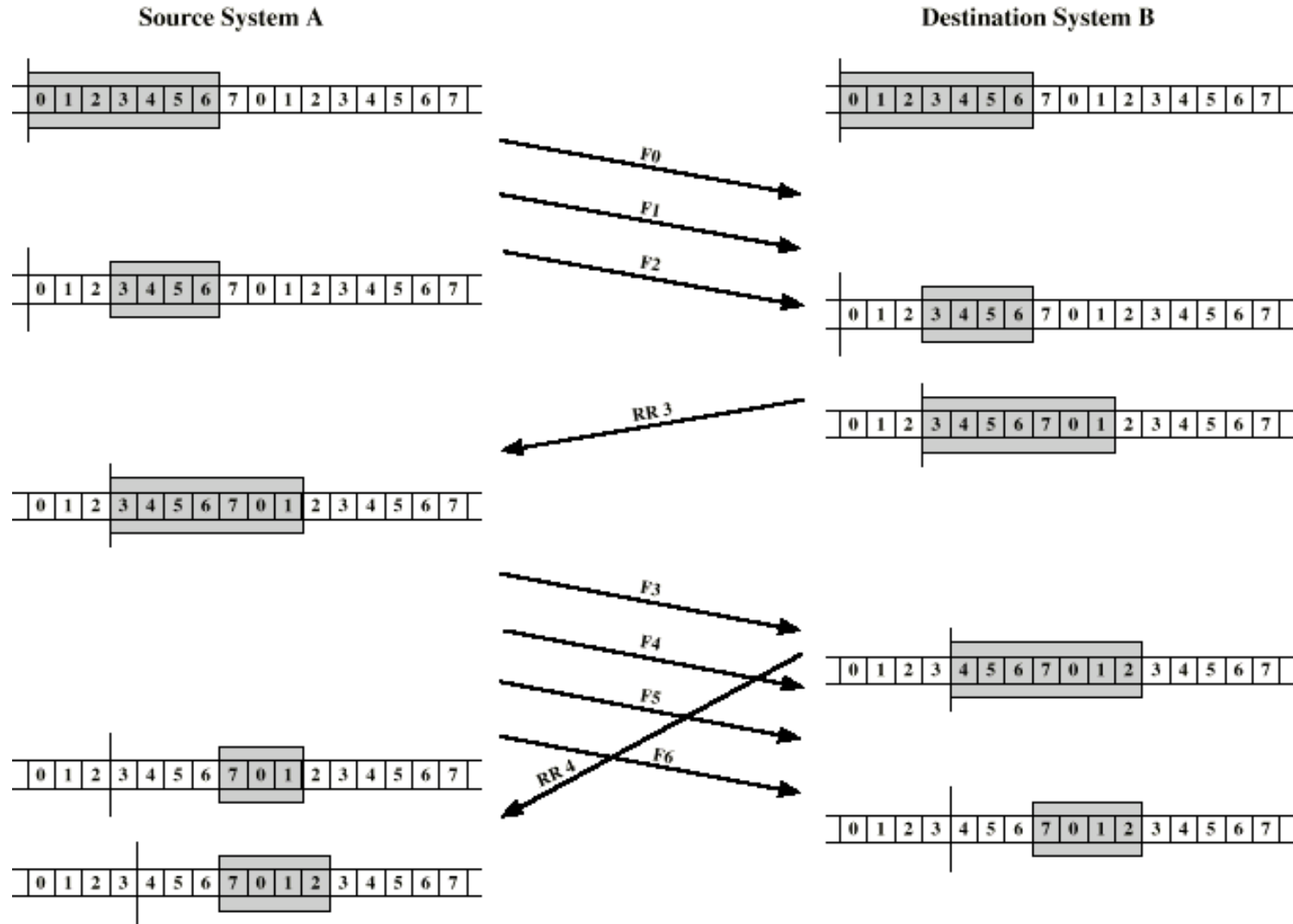


Figure 7.2 Stop-and-Wait Link Utilization (transmission time = 1; propagation time = a)

**Relación velocidad de transmisión y tiempo de propagación,
ineficiencia si vel altas y grandes distancias.**

ARQ SLIDING WINDOWS (ventana deslizante)



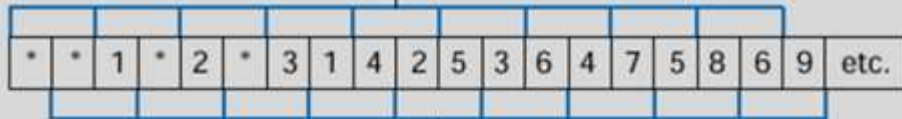
Tamaño de ventana (fija o variable), eficiencia, necesidad de buffer, confirmación en full duplex (piggyback).

CORRECCIÓN HACIA ADELANTE FEC

- ENTRE DOS O MÁS ESTACIONES
- DOBLE ENVÍO DE MENSAJE EN TIEMPO DIFERIDO

Transmisión FEC
ejemplo

Mensaje D_x



Mensaje R_x

Nota: (*) Representa los caracteres anteriores a la serie transmitida en el ejemplo.

Posibles operaciones del FEC

Caracteres		Operación del FEC
Serie D_x	Serie R_x	
Sin error	Sin error	Se ordena imprimir el carácter
Con error	Sin error	Se ordena imprimir el carácter de la serie R_x
Sin error	Con error	Se ordena imprimir el carácter de la serie D_x
Con error	Con error	Se ordena imprimir un carácter especial que indica error en la recepción

CÓDIGOS AUTOCORRECTORES

CÓDIGO HAMMING

d_H Es el número de bits en los que difieren dos secuencias

$d_{H \min}$ Es la menor distancia H en un código determinado

Distancias de Hamming
tomadas para la secuencia
correspondiente al símbolo B

Conjunto	Representa	Secuencia binaria	Distancia de Hamming
S_1	B	0100001	–
S_2	C	1100001	1
S_3	D	0010001	2
S_4	E	1010001	3
S_5	U	1010101	4

CAPACIDAD DE DETECCIÓN O CORRECCIÓN HASTA ...

$$E_{\text{detec}} = (d_{H \min} - 1)$$

$$E_{\text{correc}} = \lfloor (d_{H \min} - 1) / 2 \rfloor$$

**Detección y corrección de errores
en función del valor de H**

Distancia de Hamming	Errores	
	Detección	Corrección
1	no	no
2	uno	no
3	dos	uno
4	tres	uno

Código 1

000
111

$d_{H \min} \quad 3$

D2 C1

Código 2

000
011
110
101

$d_{H \min} \quad 2$

D1

Código 3

000
011
110
101
001
010
100
111

$d_{H \min} \quad 1$

Ninguno

Formación del código Hamming para un carácter de 4 bits

Bits de información			I_3		I_5	I_6	I_7
Bits de paridad	P_1	P_2		P_4			
Carácter resultante	P_1	P_2	I_3	P_4	I_5	I_6	I_7

FIGURA 6.48

$$d_H \min 3$$

Bits de información y paridad
relación entre ambos

Bits de paridad	Bits de información		
P_1	I_3	I_5	I_7
P_2	I_3	I_6	I_7
P_4	I_5	I_6	I_7

Ejemplo de aplicaciones del código Hamming

Carácter original	I_3	I_5	I_6	I_7
	0	0	1	1

Cálculo de bits de paridad (PAR)	Bits de información asociados			Bits de paridad (PAR)
P_1	0	0	1	1
P_2	0	1	1	0
P_4	0	1	1	0

Código de Hamming formado	P_1	P_2	I_3	P_4	I_5	I_6	I_7
	1	0	0	0	0	1	1