

## Laborator 7

### Implementare Translator Push Down pt. Expresii Aritmetice

#### **1.Notiuni teoretice:**

##### **Gramatici LR(1) pentru expresii aritmetice**

Expresiile aritmetice simple pot fi generate si verificate pe baza urmatoarei gramatici de tip LR(1)

$G=(N,T,S,P)$  cu:

$N=\{E,T,F\}$  E semnifica expresie, T termen F factor  
 $T=\{a,+,-,*,/,(,)\}$  a este identificator de variabile sau constanta numerica  
 $S=\{E\}$  E este simbol initial

$P=\{$  1.  $E \rightarrow E+T,$   
   11.  $E \rightarrow E-T,$   
   2.  $E \rightarrow T,$   
   3.  $T \rightarrow T*F,$   
   31.  $T \rightarrow T/F,$   
   4.  $T \rightarrow F,$   
   5.  $F \rightarrow (E),$   
   6.  $F \rightarrow a,$   
   51.  $F \rightarrow -(E) \}$

un exemplu de expresie generata de aceata gramatica este :  $a+a^*a$

Pe baza acestei gramatici se poate genera, conform teoriei limbajelor independente de context de tip LR(k), Automatul Push Down (APD) care recunoaste siruri generate de gramatica G. Pentru gramatica care are doar productiile 1,2,3,4,5,6, APD va avea urmatoarele tabele de actiuni si salt:

Nr stare	Tabel de actiuni : TA						Tabel de salt : TS		
	a	+	*	(	)	\$	E	T	F
0	$d_5$			$d_4$			1	2	3
1		$d_6$				$a_{cc}$			
2		$r_2$	$d_7$		$r_2$	$r_2$			
3		$r_4$	$r_4$		$r_4$	$r_4$			
4	$d_5$			$d_4$			8	2	3
5		$r_6$	$r_6$		$r_6$	$r_6$			
6	$d_5$			$d_4$				9	3
7	$d_5$			$d_4$					10
8		$d_6$			$d_{11}$				
9		$r_1$	$d_7$		$r_1$	$r_1$			
10		$r_3$	$r_3$		$r_3$	$r_3$			
11		$r_5$	$r_5$		$r_5$	$r_5$			

Starile de pe prima coloana se vor gasii in varful stivei APD iar terminalele de pe prima linie din TA reprezinta urmatorul caracter de pe banda de intrare(=sirul de anticipare  $p_1$  din definitia gramaticii LR(k) ). Spatiul gol din TA sau TS reprezinta eroare.

Detailând funcționarea APD care recunoaste gramatica LR(1) prin compararea vârfului stivei cu banda de intrare rezultă următoarele actiuni:

- $d_i$  = deplasare peste un terminal în sirul de intrare, depunere în stivă a terminalului din sirul de intrare și a stării  $i$  din tabelul de actiuni, salt la starea  $i$  ;

$d_6$ : deplasare și salt la 6;

-  $r_i$  = reducere cu producția  $i$  , se scot  $n^*2$  simboluri din stivă ( $n$ =lungime membru drept al producției  $i$  ) și se înlocuiesc cu membrul stâng al producției  $i$  (= un neterminál) și apoi se face o comparare a vârfului anterior al stivei(cel dinaintea simbolurilor scoase) și a neterminálului stâng(depus) și se depune în stivă starea rezultată din tabela de salt TS.

Se scot  $n^*2$  simboluri din stivă pentru că pe lângă simbolurile din membrul drept al producției =  $n$  simboluri în stivă se mai află și stări depuse în urma acțiunilor de deplasare și reducere.

Stiva se inițializează cu \$0 (0 este prima stare a automatului) iar cuvântul de intrare se termină cu \$

## 1.2 Scheme de Translatare Orientate de Sintaxa (STOS) pentru Gramatici LR(1)

Dacă completăm acțiunile de reducere ale automatului APD de mai sus cu acțiuni de generare de cod intermediu se obține o schema de translatare orientată de sintaxă STOS care va fi capabilă să genereze cod intermediu pentru evaluarea expresiei aritmetice. În paralel cu analiza sintactică.

Implementarea schemei de translatare va genera Translatorul Push Down pentru expresii aritmetice.

Schema de translatare pentru gramatica G va arăta astfel:

1. $E \rightarrow E_1 + T$	{E.p:=newtemp; emit(E.p ':=' E <sub>1</sub> .p '+' T.p) }
11. $E \rightarrow E_1 - T$	{E.p:=newtemp; emit(E.p ':=' E <sub>1</sub> .p '-' T.p) }
2. $E \rightarrow T$	{E.p:= T.p }
3. $T \rightarrow T_1 * F$	{T.p:=newtemp; emit(T.p ':=' T <sub>1</sub> .p '*' F.p) }
31. $T \rightarrow T_1 / F$	{T.p :=newtemp; emit(T.p ':=' T <sub>1</sub> .p '/' F.p) }
4. $T \rightarrow F$	{T.p:= F.p }
5. $F \rightarrow ( E )$	{F.p:=E.p}
51. $F = - ( E )$	{F.p:=newtemp; emit(F.p ':=' 'uminus' E.p) }
6. $F \rightarrow a$	{F.p:=a}

Între acolade s-au trecut acțiunile semantice de generare de cod intermediu care se vor executa împreună cu acțiunea de reducere a APD. S-au folosit indicii inferiori pentru a diferenția neterminalurile care apar de mai multe ori într-o producție.

Fiecare neterminál are asociat câte un atribut *place* notat cu .p care semnifică locul/eticheta/variabila unde este memorată valoarea intermedieră calculată și asociată neterminálului. De exemplu T.p este variabila temporară asociată lui T care memorează valoarea calculată a lui T.

Functia *newtemp* generează și returnează o nouă variabilă temporară. Se pot genera variabile tempoarare cu numele t1,t2,...

Functia *emit* generează cod intermediu cu trei adresi într-un fisier de ieșire. Textul dintre '' se emite ca și text. Atributele .p se înlocuiesc cu valoarea lor ca și text.

## **2. Creinte:**

**Se va implementa printr-un program Translatorul Push Down care genereaza cod intermediar pentru expresii aritmetice.**

Pentru sirul de intrare  $a_1+a_2*a_3$  codul intermediar generat va fi :

$$t1=a_2*a_3$$

$$t2=a_2+t1$$

Variabila  $t2$  va memora valoarea expresiei.

### 2.1 Indicatii de programare:

Atributele .p sunt atribute sintetizate. Valorile atributelor .p se pot memora pe o stiva de atribute. Intotdeauna in varful stivei se vor afla atributele necesare functiei *emit*.

#### 2.1 Exemplu de functionare a Translatorului Push Down pentru sirul $a+a*a$

Stivă APD	cuvânt de intrare	acțiune rezultată	Stiva atribute	Actiune generare de cod	Cod generat
\$ 0	$a_1+a_2*a_3\$$	$d_5$			
\$ 0 <u><math>a_1</math></u> 5	$+a_2*a_3\$$	$r_6 \Rightarrow F+TS(0,F)$	$a_1$	$F.p=a_1; [push(F.p)]$	
\$ 0 <u><math>F</math></u> 3	$+a_2*a_3\$$	$r_4 \Rightarrow T+TS(0,T)$	$a_1$	$T.p=F.p [T.p=pop(); push(T.p);]$	
\$ 0 <u><math>T</math></u> 2	$+a_2*a_3\$$	$r_2 \Rightarrow E+TS(0,E)$	$a_1$	$E.p=T.p [E.p=pop(); push(E.p)]$	
\$ 0 E1	$+a_2*a_3\$$	$d_6$	$a_1$		
\$ 0 E1+6	$a_2*a_3\$$	$d_5$	$a_1$		
\$ 0 E1+6 <u><math>a_2</math></u> 5	$*a_3\$$	$r_6 \Rightarrow F+TS(6,F)$	$a_1$	$F.p=a_2; [push(F.p)]$	
\$ 0 E1+6 <u><math>F</math></u> 3	$*a_3\$$	$r_4 \Rightarrow T+TS(6,T)$	$a_1 a_2$	$T.p=F.p [T.p=pop(); push(T.p);]$	
\$ 0 E1+6 T9	$*a_3\$$	$d_7$	$a_1 a_2$		
\$ 0 E1+6 T9*7	$a_3\$$	$d_5$	$a_1 a_2$		
\$ 0 E1+6 T9*7 <u><math>a_3</math></u> 5	$\$$	$r_6 \Rightarrow F+TS(7,F)$	$a_1 a_2$	$F.p=a_3; [push(F.p)]$	
\$ 0 E1+6 T9*7 F10	$\$$	$r_3 \Rightarrow T+TS(6,T)$	$a_1 a_2 a_3$	$T.p=t1; [F.p=pop(); T.p=pop();] emit(t1=a_2*a_3); [push(T.p)]$	
\$ 0 E1+6 T9	$\$$	$r_1 \Rightarrow E+TS(0,E)$	$a_1 t_1$	$E.p=t2; [T.p=pop(); E.p=pop();] emit(t2=a_1+t1); [push(T.p)]$	$t1=a_2*a_3$
\$ 0 E1	$\$$	acceptare	$t_2$		$t2=a_1+t1$

La actiunile de generare de cod s-au trecut intre paranteze drepte procedurile de lucru cu stiva.

Se observa ca intotdeauna avem in varful stivei atributele necesare actiunii semantice si nu este nevoie sa memoram separat aceste atribute pentru fiecare neterminal. Mai mult la actiuni de tip atribuie simpla de atribute de genul  $T.p=F.p$  nu este necesara nici o actiune pe stiva pentru ca  $pop()$  si  $push()$  scot si pun aceiasi valoare pe stiva.