PORR - projekt. Znajdowanie liczb pierwszych w zadanym przedziale

Liczba jest pierwsza, gdy dzieli się przez 1 i przez siebie samą. Znajdowanie liczb pierwszych jest czasochłonną procedurą obliczeniową. Naiwną metodą rozwiązania problemu badania, czy dana liczba jest pierwsza jest dzielenie danej liczby do skutku. Oczywistym jest, że jeśli n posiada nietrywialny dzielnik to jest on mniejszy równy pierwiastkowi tej liczby. Prymitywny algorytm sprawdzania przez ile liczb dzieli się bez reszty dana liczba n można uzyskać w następujący sposób:

```
/* Funkcja zwraca liczbe dzielników liczby n */
int dzielniki( int n )
{
  int i, j = 0;
  for ( i = 2; i < n*n; i++ )
     if ( n%i == 0 ) j++;
  return j;
}</pre>
```

Opracuj metodę która ma w sposób równoległy znajdować liczby pierwsze w zadanym przedziale $[Z_l, \ldots, Z_u]$. Obliczenia można przyspieszyć dzieląc zakres $[Z_l, \ldots, Z_u]$ na P podprzedziałów $[Z_{l_1}, \ldots, Z_{u_1})], [Z_{l_2}, \ldots, Z_{u_2}], \ldots, [Z_{l_P}, \ldots, Z_{u_P}]$, gdzie P jest liczbą procesorów/maszyn. W każdym z podprzedziałów $[Z_{l_i}, \ldots, Z_{u_i}]$ możemy znajdować liczby pierwsze niezależnie, a więc obliczenia wykonane mogą być równolegle na różnych węzłach. Zadanie powinno być rozwiązane w następujący sposób:

- 1. Program zarządzający dzieli przedział $[Z_l, \ldots, Z_u]$ na P podprzedziałów. Następnie na kolejnych węzłach $1, 2, \ldots, P$ tworzy procesy wykonawcze przekazując procesowi i granice przedziału Z_{l_i}, Z_{u_i} . Następnie proces zarządzający czeka na zakończenie wykonawczych i odbiera ich wyniki.
- 2. Proces wykonawczy i znajduje liczby pierwsze w przedziale $[Z_{l_i}, \ldots, Z_{u_i}]$. Znalezione liczby są przesyłane do procesu zarządzającego.

Program ma podawać czas obliczeń. Dokonaj porównania czasu obliczeń dla jednego węzła i dla P węzłów (P > 1). W jakich warunkach możliwe jest uzyskanie przyspieszenia liniowego.