Exercice 4 (4 points)

Cet exercice porte sur l'algorithmique et la programmation en Python. Il aborde les notions de tableaux de tableaux et d'algorithmes de parcours de tableaux.

Partie A: Représentation d'un labyrinthe

On modélise un labyrinthe par un tableau à deux dimensions à n lignes et m colonnes avec n et m des entiers strictement positifs.

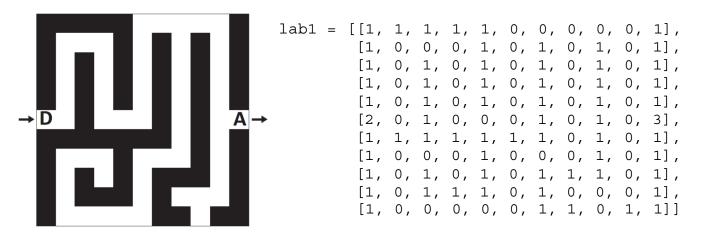
Les lignes sont numérotées de 0 à n-1 et les colonnes de 0 à m-1.

La case en haut à gauche est repérée par (0,0) et la case en bas à droite par (n-1,m-1).

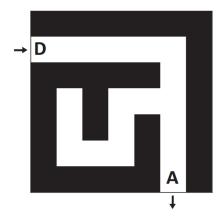
Dans ce tableau:

- 0 représente une case vide, hors case de départ et arrivée,
- 1 représente un mur,
- 2 représente le départ du labyrinthe,
- 3 représente l'arrivée du labyrinthe.

Ainsi, en Python, le labyrinthe ci-dessous est représentée par le tableau de tableaux lab1.



1. Le labyrinthe ci-dessous est censé être représenté par le tableau de tableaux lab2. Cependant, dans ce tableau, un mur se trouve à la place du départ du labyrinthe. Donner une instruction permettant de placer le départ au bon endroit dans lab2.



21-NSIJ1ME2 Page 8 / 13

2. Écrire une fonction $est_valide(i, j, n, m)$ qui renvoie True si le couple (i, j) correspond à des coordonnées valides pour un labyrinthe de taille (n, m), et False sinon. On donne ci-dessous des exemples d'appels.

```
>>> est_valide(5, 2, 10, 10)
True
>>> est_valide(-3, 4, 10, 10)
False
```

3. On suppose que le départ d'un labyrinthe est toujours indiqué, mais on ne fait aucune supposition sur son emplacement. Compléter la fonction depart (lab) ci-dessous de sorte qu'elle renvoie, sous la forme d'un tuple, les coordonnées du départ d'un labyrinthe (représenté par le paramètre lab). Par exemple, l'appel depart (lab1) doit renvoyer le tuple (5, 0).

```
def depart(lab) :
    n = len(lab)
    m = len(lab[0])
```

4. Écrire une fonction nb_cases_vides (lab) qui renvoie le nombre de cases vides d'un labyrinthe (comprenant donc l'arrivée et le départ).

Par exemple, l'appel nb cases vides (lab2) doit renvoyer la valeur 19.

Partie B : Recherche d'une solution dans un labyrinthe

On suppose dans cette partie que les labyrinthes possèdent un unique chemin allant du départ à l'arrivée sans repasser par la même case. Dans la suite, c'est ce chemin que l'on appellera solution du labyrinthe.

Pour déterminer la solution d'un labyrinthe, on parcourt les cases vides de proche en proche. Lors d'un tel parcours, afin d'éviter de tourner en rond, on choisit de marquer les cases visitées. Pour cela, on remplace la valeur d'une case visitée dans le tableau représentant le labyrinthe par la valeur 4.

1. On dit que deux cases d'un labyrinthe sont voisines si elles ont un côté commun. On considère une fonction voisines (i, j, lab) qui prend en arguments deux entiers i et j représentant les coordonnées d'une case et un tableau lab qui représente un labyrinthe. Cette fonction renvoie la liste des coordonnées des cases voisines de la case de coordonnées (i, j) qui sont valides, non visitées et qui ne sont pas des murs. L'ordre des éléments de cette liste n'importe pas.

```
Ainsi, l'appel voisines (1, 1, [[1, 1, 1], [4, 0, 0], [1, 0, 1]]) renvoie la liste [(2, 1), (1, 2)].
```

Que renvoie l'appel voisines (1, 2, [[1, 1, 4], [0, 0, 0], [1, 1, 0]]) ?

21–NSIJ1ME2 Page 9 / 13

- 2. On souhaite stocker la solution dans une liste chemin. Cette liste contiendra les coordonnées des cases de la solution, dans l'ordre. Pour cela, on procède de la façon suivante.
 - Initialement :
 - déterminer les coordonnées du départ : c'est la première case à visiter ;
 - ajouter les coordonnées de la case départ à la liste chemin.
 - Tant que l'arrivée n'a pas été atteinte :
 - on marque la case visitée avec la valeur 4 ;
 - si la case visitée possède une case voisine libre, la première case de la liste renvoyée par la fonction voisines devient la prochaine case à visiter et on ajoute à la liste chemin ;
 - sinon, il s'agit d'une impasse. On supprime alors la dernière case dans la liste chemin. La prochaine case à visiter est celle qui est désormais en dernière position de la liste chemin.
 - a. Le tableau de tableaux lab3 ci-dessous représente un labyrinthe.

La suite d'instructions ci-dessous simule le début des modifications subies par la liste chemin lorsque l'on applique la méthode présentée.

```
# entrée: (1, 0), sortie (1, 5)
chemin = [(1, 0)]
chemin.append((1, 1))
chemin.append((2, 1))
chemin.pop()
chemin.append((1, 2))
chemin.append((1, 3))
chemin.append((2, 3))
```

Compléter cette suite d'instructions jusqu'à ce que la liste chemin représente la solution. Rappel : la méthode pop supprime le dernier élément d'une liste et renvoie cet élément.

 b. Recopier et compléter la fonction solution (lab) donnée ci-dessous de sorte qu'elle renvoie le chemin solution du labyrinthe représenté par le paramètre lab.
 On pourra pour cela utiliser la fonction voisines.

```
def solution(lab):
    chemin = [depart(lab)]
    case = chemin[0]
    i = case[0]
    j = case[1]
```

Par exemple, I 'appel solution(lab2) doit renvoyer [(1, 0), (1, 1), (1, 2), (1, 3), (1, 4), (1, 5), (2, 5), (3, 5), (4, 5), (5, 5), (6, 5)].

21-NSIJ1ME2 Page 10 / 13