septembre 2021

### 2.1 – Activités



**Donner** une définition récursive qui correspond au calcul de la fonction factorielle n! définie par :

י ובנסוובווב ע: חבוווווב אמו

$$\begin{cases}
0 = n \text{ is} & \text{I} \\
0 < n \text{ is} & n \times \ldots \times \Delta \times I
\end{cases} = !n$$

**Donner** d'une fonction fact(n) qui implémente cette définition.

# Соврестіои

La fonction mathématique est :

$$\begin{cases}
0 = n \text{ is} & I \\
0 < n \text{ is} & !(I - n) \times n
\end{cases} = !n$$

## Соврестіои

```
91
                   a\lambda xscuse(3*u^n+1)
                                   :əs[ə
                   a\lambda x = (n^- y / 1)
                       :0 == 2 % n_u li
                                 :t < m_u li
                                  (n_u)tnirq
                                            8
                                            7
                                            8
                                           9 I
                             (G) əsnənıhs <<<
                                   Affiche les termes de la suite de Syracuse.
                              def syracuse(u_n):
                               ()bomtaet.taetoob
                                  [19]: import doctest
```

septembre 2021



```
[1]: import doctest
    doctest.testmod()

def fact(n):
    """
        Calcule le n factoriel, c'est-à-dire :
        n × (n-1) × ... × 2 × 1

        exemple:

        >>> fact(0)
        1
        >>> fact(5)
        120
        """
        if n==0:
            return 1
        else:
            return n * fact(n-1)
```



# ACTIVITÉ

Soit  $u_n$  la suite d'entiers définie par :

$$u_{n+1} = \begin{cases} \frac{u_n}{2} & \text{si } u_n \text{ est pair,} \\ 3 \times u_n + 1 & \text{sinon.} \end{cases}$$

avec  $u_0$  un entier plus grand que 1.

Écrire une fonction récursive  $syracuse(u_n)$  qui affiche les valeurs successives de la suite  $u_n$  tant que  $u_n$  est plus grand que 1.

### **REMARQUE**

La conjecture de Syracuse affirme que, quelle que soit la valeur de  $u_0$ , il existe toujours un indice n dans la suite tel que  $u_n=1$ . Cette conjecture défie toujours les mathématiciens.

#### **CORRECTION**