

3 - Opérations sur les listes

Comme on l'a vu dans la partie 2, on se munit pour la suite d'une classe Maillon possède deux attributs : valeur et suivant.

```
[1]: from doctest import testmod
[2]: class Maillon:
          Une classe pour représenter le maillon d'une liste
          Attributs
          valeur : type
              valeur contenue dans le maillon
          suivant : maillon
             maillon suivant ou None si pas de maillon
          def __init__(self, valeur, suivant):
    """Constructeur de classe
              Args:
                   valeur (type): valeur stockée dans le maillon
                   suivant (maillon): maillon suivant ou None
              Exemples et tests:
              >>> 13 = Maillon(3, None)
              >>> assert (13.valeur == 3)
              >>> assert (l3.suivant == None)
              \Rightarrow \Rightarrow 12 = Maillon(2, 13)
              >>> assert (l2.valeur == 2)
              >>> assert (l2.suivant.valeur == 3)
              \Rightarrow \Rightarrow l1 = Maillon(1, l2)
              >>> assert (l1.valeur == 1)
              >>> assert (l1.suivant.valeur == 2)
              >>> assert (l1.suivant.suivant.valeur == 3)
              >>> assert (l1.suivant.suivant.suivant == None)
              >>> l1.suivant.suivant.suivant.valeur
              Traceback (most recent call last):
              AttributeError: 'NoneType' object has no attribute 'valeur'
              self.valeur = valeur
              self.suivant = suivant
     testmod()
```

2]: TestResults(failed=0, attempted=12)



3.1 - Longueur d'une liste

Par une fonction récursive L'objectif est d'implémenter une fonction récursive longueur qui reçoit en argument une liste 1st et renvoie sa longueur.

Il faut distinguer le cas de base (c'est-à-dire une liste vide ne contenant aucun maillon) et le cas récursif c'est-à-dire une liste contenant au moins un maillon.

- 1. pour le cas de base, il faut renvoyer 0 car c'est une liste de longueur nulle;
- 2. pour le cas récursif, il faut renvoyer la somme de 1 (pour le premier maillon) avec la longueur de la liste 1st.suivant (que l'on calcule récursivement)



Implémenter la fonction récursive longueur(lst) -> int qui renvoie la longueur de la liste 1st.

Exemple 1 : l'instruction print(longueur(Maillon(42, None))) doit afficher 1 car cette liste ne contient qu'un seul maillon. :

```
>>> print( longueur(Maillon(42, None)) )
```

Exemple 2: l'instruction print (longueur (None)) doit afficher 0 car c'est la liste vide.

```
>>> print( longueur(None) )
0
```

Exemple 3: l'instruction print (longueur (Maillon (1, Maillon (2, Maillon(3, None))))) doit afficher 3.

```
>>> print(longueur( Maillon(1, Maillon(2, Maillon(3, None)
3
```

CORRECTION

```
[3]: def longueur(lst):
         """ longueur d'une liste chaînée
         Exemples et tests:
         >>> lst = Maillon(42, None)
         >>> assert longueur(lst) == 1
         >>> lst = None
         >>> assert longueur(lst) == 0
         >>> lst = Maillon(1, Maillon(2, Maillon(3, None)))
         >>> assert longueur(lst) == 3
         if lst == None:
            return 0
         return 1 + longueur(lst.suivant)
     testmod()
     print(longueur(Maillon(42, None)) )
     print(longueur(None) )
    print(longueur( Maillon(1, Maillon(2, Maillon(3, None))) ))
    1
    0
    3
```

REMARQUE

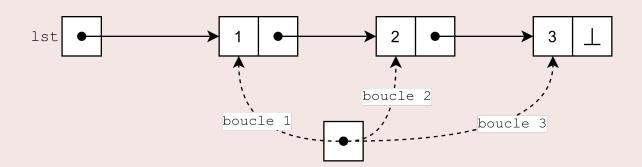
Complexité temporelle. Il est clair que la complexité du calcul de la longueur est directement proportionnelle à la longueur elle-même, puisqu'on réalise un nombre constant d'opérations pour chaque maillon de la liste. Ainsi, pour une liste 1st de mille maillons, longueur(lst) va effectuer mille tests, mille appels récursifs et mille additions dans sa version récursive.

Par une fonction itérative L'objectif est maintenant d'implémenter une version itérative de la fonction longueur qui reçoit en argument une liste lst et renvoie sa longueur.



Idée de l'algorithme. Définir :

- une variable accumulateur qui stocke la longueur de la liste parcourue qui vaut initialement 0
- une variable contenant le maillon courant qui vaut initialement lst
 (car lst est une liste et une liste pointe vers le premier maillon



Puis tant que le maillon courant n'est pas None, il faut incrémenter l'accumulateur de 1 et mettre à jour le maillon courant avec le maillon suivant. Lorsque le boucle s'arrête, c'est que le maillon courant est None et donc tous les maillons ont été visités. Il faut alors renvoyer l'accumulateur qui contient le nombre de maillons visités, qui est égal à la longueur de la liste.

ACTIVITÉ 2

Implémenter la fonction itérative longueur(lst) -> int qui renvoie la longueur de la liste lst.

Exemple 1: l'instruction print(longueur(Maillon(42, None))) doit afficher 1 car cette liste ne contient qu'un seul maillon.

```
>>> print( longueur(Maillon(42, None)) )
1
```

Exemple 2 : l'instruction $print(\ longueur(None)\)$ doit afficher 0 car



```
c'est la liste vide.
    >>> print( longueur(None) )
Exemple 3: l'instruction print (longueur (Maillon (1, Maillon (2,
Maillon(3, None))) )) doit afficher 3.
    >>> print(longueur( Maillon(1, Maillon(2, Maillon(3, None)
    3
```

CORRECTION

```
[4]: def longueur(lst):
         """ longueur d'une liste chaînée
         Exemples et tests:
         >>> lst = Maillon(42, None)
         >>> assert longueur(lst) == 1
         >>> lst = None
         >>> assert longueur(lst) == 0
         >>> lst = Maillon(1, Maillon(2, Maillon(3, None)))
         >>> assert longueur(lst) == 3
         longueur_actuelle = 0
         maillon_actuel = 1st
         while maillon_actuel is not None:
             longueur_actuelle = longueur_actuelle + 1
             maillon_actuel = maillon_actuel.suivant
         return longueur_actuelle
     testmod()
     print(longueur(Maillon(42, None)) )
    print(longueur(None) )
    print(longueur( Maillon(1, Maillon(2, Maillon(3, None))) ))
    1
    0
    3
```



3.2 – Nième élément d'une liste

Comme pour la fonction précédente, on peut implémenter une version itérative et une version récursive de la fonction demandée...

ACTIVITÉ 3

Implémenter une version itérative de la fonction nieme_element(n, lst) qui renvoie le n-ième élément d'une liste chaînée. Évidement on prend par convention que le premier élément est désigné par n=10.

Exemple 1: print(nieme_element(1, Maillon(42, None))) affiche IndexError car la liste chaînée n'a qu'un seul maillon (à l'indice 0) et donc pas de maillons à l'indice 1.

```
>>> print( nieme_element(1, Maillon(42, None)) )
Traceback (most recent call last):
IndexError: index out of range
```

Exemple 2 : print(nieme_element(1, Maillon(1, Maillon(2, Maillon(3, None))))) affiche 2 car le maillon d'indice 1 contient la valeur 2.

```
>>> print( nieme_element(1, Maillon(1, Maillon(2, Maillon()
```

CORRECTION



```
[5]: def nieme_element(n, lst):
         """ nieme element d'une liste chaînée
             version itérative
         Exemples et tests:
         >>> lst = Maillon(1, Maillon(2, Maillon(3, None)))
         >>> assert nieme_element(0, lst) == 1
         >>> assert nieme_element(1, lst) == 2
         >>> assert nieme_element(2, lst) == 3
         >>> nieme_element(3, lst)
         Traceback (most recent call last):
         IndexError: index out of range
         if n >= longueur(lst):
            raise IndexError('index out of range')
         maillon_actuel = lst
         for _ in range(n):
             maillon_actuel = maillon_actuel.suivant
         return maillon_actuel.valeur
     testmod()
```

[5]: TestResults(failed=0, attempted=23)

ACTIVITÉ 4

Implémenter une version récursive de la fonction $nieme_element(n, lst)$ qui renvoie le n-ième élément d'une liste chaînée. Évidement on prend par convention que le premier élément est désigné par n=0.

Exemple 1: $print(nieme_element(1, Maillon(42, None)))$ affiche IndexError car la liste chaînée n'a qu'un seul maillon (à l'indice 0) et donc pas de maillons à l'indice 1.

```
>>> print( nieme_element(1, Maillon(42, None)) )
IndexError
```

Exemple 2: print(nieme_element.(1, Maillon(1, Maillon(2,



```
Maillon(3, None)))) ) affiche 2 car le maillon d'indice 1 contient la
valeur 2.
    >>> print( nieme_element.(1, Maillon(1, Maillon(2, Maillon
    2
```

```
CORRECTION
  [6]: def nieme_element(n, lst):
           """ nieme element d'une liste chaînée
              version itérative
          Exemples et tests:
          >>> lst = Maillon(1, Maillon(2, Maillon(3, None)))
           >>> assert nieme_element(0, lst) == 1
          >>> assert nieme_element(1, lst) == 2
           >>> assert nieme_element(2, lst) == 3
          >>> assert nieme_element(3, lst) == 3
           Traceback (most recent call last):
           IndexError: index out of range
          if n >= longueur(lst):
              raise IndexError('index out of range')
          if n == 0:
              return lst.valeur
          return nieme_element(n - 1, lst.suivant)
       testmod()
      TestResults(failed=0, attempted=23)
[6]
```

3.3 - Concaténation de deux listes

Considérons maintenant l'opération consistant à mettre bout à bout les éléments de deux listes données. On appelle cela la concaténation de deux listes. Ainsi, si la première liste contient 1,2,3 et la seconde 4,5 alors le résultat de la concaténation est la liste 1,2,3,4,5.

Nous choisissons d'écrire la concaténation sous la forme d'une fonction



concatener(11, 12) qui reçoit deux listes en arguments et renvoie une troisième liste contenant la concaténation.

L'algorithme récursif est très simple :

- si la liste 11 est vide, la concaténation est identique à 12 et il suffit de renvoyer 12
- sinon, le premier élément de la concaténation est le premier élément de 11 et le reste de la concaténation est obtenu récursivement en concaténant le reste de 11 avec 12.

ACTIVITÉ 5

Implémenter la version récursive de la fonction concatener qui prend deux listes 11 et 12 en argument et renvoie la concaténation des deux listes.

Exemples et tests:

```
>>> 11 = Maillon(1, Maillon(2, Maillon(3, None)))
>>> 12 = Maillon(4, Maillon(5, None))
>>> 13 = concatener(11, 12)
>>> assert nieme_element(0, 13) == 1
>>> assert nieme_element(1, 13) == 2
>>> assert nieme_element(2, 13) == 3
>>> assert nieme_element(3, 13) == 4
>>> assert nieme_element(4, 13) == 5
>>> nieme_element(5, 13)
Traceback (most recent call last):
IndexError: index out of range
```



CORRECTION

```
[7]: def concatener(start_lst, end_lst):
         """ concaténer deux liste de façon récursive
         Exemples et tests:
         >>> l1 = Maillon(1, Maillon(2, Maillon(3, None)))
         >>> 12 = Maillon(4, Maillon(5, None))
         >>> 13 = concatener(11, 12)
         >>> assert nieme_element(0, l3) == 1
         >>> assert nieme_element(1, l3) == 2
         >>> assert nieme_element(2, l3) == 3
         >>> assert nieme_element(3, l3) == 4
         >>> assert nieme_element(4, l3) == 5
         >>> nieme_element(5, l3)
         Traceback (most recent call last):
         IndexError: index out of range
         if longueur(start_1st) == 0:
             return end_lst
         premier_element = Maillon(start_lst.valeur, None)
         reste = concatener(start_lst.suivant, end_lst)
         premier_element.suivant = reste
         return premier_element
     testmod()
```

[7]: TestResults(failed=0, attempted=32)

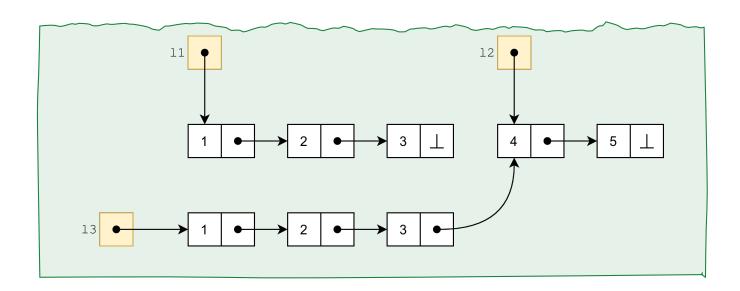
REMARQUE

Il est important de comprendre ici que les listes passées en argument à la fonction concatener ne sont pas modifiées. Plus précisément, les éléments de la liste 11 sont copiés et ceux de 12 sont partagés. Illustrons-le avec la concaténation des listes 1, 2, 3 et 4, 5. Après les trois instructions

```
11 = Maillon(1, Maillon(2, Maillon(3, None)))
12 = Maillon(4, Maillon(5, None))
13 = concatener(11, 12)
```

on a la situation suivante avec 8 maillons au total :





3.4 - Renverser une liste



Implémenter une fonction renverser(lst) qui reçoit en argument une liste comme 1, 2, 3 et renvoie la liste renversée 3, 2, 1.

Exemples et tests:

```
>>> 11 = Maillon(1, Maillon(2, Maillon(3, None)))
>>> 12 = renverser(11)
>>> assert nieme_element(0, 12) == 3
>>> assert nieme_element(1, 12) == 2
>>> assert nieme_element(2, 12) == 1
>>> nieme_element(3, 12)
Traceback (most recent call last):
IndexError: index out of range
```



testmod()

CORRECTION [8]: def renverser(lst): """ renvoyer une nouvelle liste chainée renversée Exemples et tests: >>> l1 = Maillon(1, Maillon(2, Maillon(3, None))) >>> l2 = renverser(l1) >>> assert nieme_element(0, l2) == 3 >>> assert nieme_element(1, l2) == 2 >>> assert nieme_element(2, l2) == 1 >>> nieme_element(3, 12) Traceback (most recent call last): IndexError: index out of range n = longueur(lst) new_lst = None for i in range(n): valeur = nieme_element(i, lst) new_lst = Maillon(valeur, new_lst) return new_lst

[8] TestResults(failed=0, attempted=38)