

1.1 — Un exemple : le paradoxe des anniversaires

Groupe 1 — les ensembles

Connais-tu le **paradoxe des anniversaires**? Lorsqu'on réunit 23 personnes, il y a une chance sur deux pour que deux d'entre elles soient nées le même jour.

Écrivons un programme qui vérifie expérimentalement ce paradoxe.

On va répéter de nombreuses fois un tirage aléatoire de 23 dates d'anniversaire, c'est-à-dire 23 entiers entre 1 et 365, on va observer combien de fois au moins deux personnes sont nées el même jour.

```
[2]:  # Programme 1
def contient_doublon(t):
    """le tableau t contient-il un doublon ?"""
    s = set()
    for x in t:
        if x in s:
            return True
        s.add(x)
    return False
# Création du tableau de dates aléatoires
from random import randint
n = 0
n_doublons = 0
while n < 1000:
   t = [None] * 23
    for j in range(23):
       t[j] = randint(1,365)
    if contient_doublon(t):
       n_doublons += 1
    n += 1
print (n_doublons, "doublons sur", n, "tirages")
print ("fréquence : ", n_doublons/n)
```

```
501 doublons sur 1000 tirages fréquence : 0.501
```

L'objectif de cette activité est de présenter la fonction $contient_doublon(t)$ à vos camarades. Afin de vous aider à vous approprier la problématique, voici une liste de questions :



Analyse du programme 1 :

- 1. À quoi sert la boucle while n < 1000?
- 2. Que pensez-vous de l'affirmation du paradoxe des anniversaires?

Utilité de la fonction contient_doublon(t):

- 3. Dans la fonction contient_doublon(t), quel est le type Python de la variable t?
- 4. Que renvoie la fonction contient_doublon(t)?
- 5. Comment fonctionne la ligne if contient_doublon(t)?
- 6. Quel est l'intérêt de la fonction contient_doublon(t)?

Fonctionnement de la fonction contient_doublon(t):

- 7. Quel est le type Python de la variable s?
- 8. Quel est le but de la commande s.add(x)?
- 9. Quel est l'effet de la ligne for x in t:?
- 10. L'instruction if x in s: est-elle immédiate?