novembre 2021

9 - PILES ET FILES

X STRUCT.DE DONNÉES

[3]: [Trom doctest import testmod

Chap. 6 - Piles et files

6.1 - Introduction

Tout comme les tableaux, Pile et File sont des structures de données qui permettent de (1) **stocker** des ensembles d'objets et (2) **ajouter**/retirer des objets un à un.

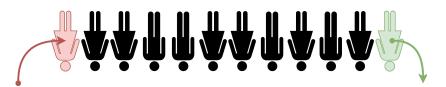
Dans une **pile** (en anglais stack), chaque opération depile retire l'élément arrivé le plus récemment. Pour imaginer cette structure, il suffit de penser à une pile d'assiettes : on ajoute une assiette sur le sommet et quant on retire une assiette,

c'est forcément celle du sommet.

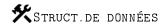


Dernier entré, premier sorti (en anglais LIFO pour last in, first out)

Dans une **file** (en anglais queue), chaque opération defile retire l'élément qui avait été ajouté le premier. Pour imaginer cette structure, on pense à une file d'attente dans laquelle (1) les personnes arrivent à tour de rôle, (2) patientent et (3) sont servies dans leur ordre d'arrivé.



I.



Premier arrivé, premier sorti (en anglais **FIFO** pour first in, first out)

6.2 - Interface commune aux piles et aux files

Classiquement, chacune de ces deux structures a une **interface** proposant au minimum les quatre opérations suivantes :

pile	file	opérations
Pile()	File()	créer une structure initialement vide
est_vide()	est_vide()	tester si une structure est vide
<pre>empile()</pre>	<pre>enfile()</pre>	ajouter un élément à une structure
<pre>depile()</pre>	<pre>defile()</pre>	retirer et obtenir un élément d'une structure

Comme pour les tableaux et les listes chaînées, on préconisé pour les piles et les files une **structures homogènes**. C'est-à-dire que tous les éléments stockés aient le même type.

Dans ce cours, nos structures de pile et de file seront considérées **mutables** : chaque opération d'ajout ou de retrait d'un élément **modifie la pile ou la file** à laquelle elle s'applique.

Mais il aurait été tout à fait possible d'en décider autrement.

6.3 — Interface et utilisation d'une pile

Détaillons l'interface des piles.

9 – PILES ET FILES

*STRUCT.DE DONNÉES

fre échéant	
une exception est levée le cas	
tə əbiv non teə əliq al əup əzoqque	
l'élément qui en a été retiré. On	
paramètre la pile ${ m p}$ et renvoie	
pile $_{ m p}$ (pob en anglais) qui prend en	
retrait de l'élément au sommet de la	<pre>depiler(p: Pile[T]) -> T</pre>
celui des éléments de la pile	
oevs ənépomod T aqyt ab ə tnəməlè'l	
prend en paramètre une pile ${ m q}$ et	
pile p (sialgna na h fonction qui	None
sl əb təmmos us ə tnəmələ'l əb tuojs	<pre>empiler(p: Pile[T], e: T) -></pre>
T fnəmələ'b əqyt ləup	
vide capable de contenir n'importe	
aucun paramètre et renvoie une pile	creer_pile() -> Pile[T]
saq uo əbiv teə əliq	
renvoie un booléen indiquant si la	
prend en paramètre une pile ${ m q}$	<pre>Lood <- ([T]eliq :q)ebiv_tae</pre>
chaînes de caractères	
entiers ou encore atr pour les	
peut être int pour les nombres	
éléments de type T. Par exemple T	
le type des piles contenant des	[T]e[T]
explications et commentaires	enterface

Exemple d'utilisation des piles : Considérons un navigateur web dans lequel on s'intéresse à deux opérations : **aller** à une nouvelle page et **revenir** à la page précédente. On veut que le bouton de retour en arrière permette de remonter une à une les pages précédentes, et ce jusqu'au début de la navigation.

En plus de l'adresse courante, qui peut être stockée dans une variable à part, il

nous faut donc conserver l'ensemble des pages précédentes auxquelles il est possible de revenir. *Puisque le retour en arrière se fait vers la dernière page qui a été quittée*, la discipline *dernier entré, premier sorti* des piles est exactement ce dont nous avons besoin pour cet ensemble.

6.4 - Interface et utilisation d'une file

Comme pour les piles, on note File[T] le type des files contenant des éléments de type T.

interface	explications et commentaires
File[T]	le type des files contenant des éléments de type T
<pre>creer_file() -> File[T]</pre>	créer une file vide
<pre>est_vide(f: File[T]) -> bool</pre>	renvoie True sif est vide et False sinon
<pre>enfiler(f: File[T], e) -> None</pre>	ajoute l'élément e à la fin de la file f
<pre>defiler(f: File[T]) -> T</pre>	retirer et renvoyer l'élément situé au début de la file f

Exemple d'utilisation des files : Considérons le jeu de cartes de la bataille. Chaque joueur possède un paquet de cartes et pose à chaque manche la carte prise **sur le dessus du paquet**. Le vainqueur de la manche récupère alors les cartes posées, pour les placer **au-dessous de son paquet**.

En plus des cartes posées au centre de la table nous avons besoin de conserver en mémoire le paquet de cartes de chaque joueur. *Puisque les cartes sont remises dans un paquet à une extrémité et prélevées à l'autre*, la discipline *premier entré*, *premier sorti* des files est exactement ce dont nous avons besoin pour chacun de ces ensembles.



novembre 2021

6.5 - Réalisation d'une pile avec une liste chaînée

tandis que dépiler un élément revient à supprimer le maillon de tête. Empiler un nouvel élément revient à ajouter un nouveau maillon en tête de liste, La structure de **liste chaînée** donne une manière élémentaire de réaliser une pile.

chaînée. associé à l'ensemble des éléments de la pile, stockés sous la forme d'une liste On peut ainsi construire une classe Pile définie par un unique attribut contenu

finissant son attribut contenu comme la liste vide None. Implémenter le constructeur de la classe Pile qui construit une pile vide en dé-

Exemple et test:

```
None
<>< print(p.contenu)</pre>
       \Rightarrow b = Pile()
```

```
sssplo bl sb stsst #
                                         self.contenu = None
                                        (unstnos.q) tninq <<<
                                             () > 1 i d = d <<<
                                           exemble et tests:
                                       Constructeur de Pile.
                                             :(llea)__tini__ leb
Encapsulation des piles à l'aide des Maillons de listes chaînées.
                                                         class Pile:
                                      fartus = fartus.lles
                                       self.valeur = valeur
                            def __init__(self, valeur, suivant):
                             """ Asillon d'une liste chaînsée
                                                      class Maillon:
                                         [ ]: from doctest import testmod
```

Etendre la classe Pile en implémentant la méthode est_vide.

```
IndexError: depiler sur une pile vide
   Traceback (most recent call last):
                   >> v = p.depiler()
                           (v) tainq <<<</pre>
```

```
() roliqob. q = v <<<
                       (v) tuing <<<
               () roligob. q = v <<<
                  (E) roligmo.q <<<
                  (S) raliqua.q <<<
                  (1) rsliqms.q <<<
                    () > 1 i d = d <<<
               : sisəi iə səlqməxi
                    def depiler(self):
       self.contenu.append(valeur)
              (11, 2, 3] (12, contenu)
                  >>> p.empiler(3)
                  (S) rs liqms.q <<<
              (unstnos.q) inirq <<<
           (() ppin_tss.q) trinq <<<
                  (1) roliquo.q <<<
                    () > 1 i d = d <<<
               : sisəi iə səlqməxi
            def empiler(self, valeur):
         return self.contenu == []
           (() > biv_tss.q) ininq <<<
                   () > 1 i d = d <<<
               : sisəi iə səlqməxi
                   :(lles)ebiv_tse leb
                 [] = unetnos.fles
              (unstnos.q) tninq <<<
                    () > 1 i d = d <<<
               : sisəi iə səldməxi
                   :(llea)___tini__ leb
(nontyq xunsidat esi səva sətrəməlqmi)
                                [ ]: class Pile:
```

9 - PILES ET FILES

Exemples et tests:

```
>>> p = Pile()
>>> print(p.est_vide())
True
>>> p.contenu = Maillon(1, None)
>>> print(p.est_vide())
False
```

```
[]: # attention, lorsqu'on implémente une
     # classe en une seule fois, il faut écrire
     # 'class Pile: '.
     # La syntaxe `class Pile(Ma_Classe): ` est utilisée
     # dans ce notebook (et dans les juges en lignes)
     # pour étendre la classe existante Ma_Classe et lui
     # ajouter de nouvelles méthodes.
    # Ici, la classe Pile s'étend elle même !
    class Pile(Pile):
        def est_vide(self) -> bool:
            Est ce que la pile est vide ?
                bool: True si et seulement si la pile est vide
            Exemple et test:
            >>> p = Pile()
            >>> print(p.est_vide())
            >>> p.contenu = Maillon(1, None)
            >>> print(p.est_vide())
            False
            return self.contenu is None
    testmod()
```

Implémenter la méthode empile dans la classe Pile. Pour cela construire une nouvelle liste chaînée dont le premier maillon contient :

- valeur : la valeur à empiler
- suivant : le premier maillon de la liste d'origine de la pile

Puis mettre à jour le contenu de la pile avec cette nouvelle liste.

Exemple et tests:

constant. Cette richesse des tableaux redimensionnables propre au langage Python peut donc donner une définition en apparence très simple à une autre version de la classe Pile.

Implémenter la classe Pile en utilisant la structure list pour y stocker les valeurs.

Exemples et tests :

```
>>> p = Pile()
>>> print(p.contenu)
>>> print(p.est_vide())
True
>>> p.empiler(1)
>>> print(p.est_vide())
False
>>> print(p.contenu)
[1]
>>> p.empiler(2)
>>> p.empiler(3)
>>> print(p.contenu)
[1, 2, 3]
>>> v = p.depiler()
>>> print(v)
3
>>> v = p.depiler()
>>> print(v)
>>> v = p.depiler()
```

()YəLiləb.l <<<

```
" self. contenu = Maillon(valeur, self. contenu)
                         (; struos noisrsu #
                self.contenu = tete_nouvelle
tete_nouvelle = Maillon(valeur, tete_courante)
                tete_courante = self.contenu
                 (nuslau.unstnos.q) tninq <<<
                           (S) rəliqmə.q <<<
                 (nuslaw.unstnos.q) tninq <<<
                 () spin_tss.q for frassp <<<
                          (1) rəliqmə.q <<<
                             () > 1 i d = d <<<
                          exespi tə əlqməxi:
            rəliqmə û ruəlbu :(I) ruəlbu
         Empile valeur dans la pile courante.
                          def empiler(self, valeur):
                                     :(9Liq)eliq ssslo
               ! Ici, la classe Pile s'étend elle même!
                        . səbodiəm səlləvuon əb məinoip #
      ini to ossbil_sM oinbisis ossbis bi orbnotò muq #
        (səubil nə səpul səl snab tə) doodəton əs snab #
       # La syntaxe `class Pile (Ma_Classe) : est utilisée
              ariros tunt li , siot sluss snu na sesulo #
                  snu stremšíqmi no'uperol , noitretta # | :[]
       >>> print(p.contenu.valeur)
                       >>> p.empiler(2)
       >>> print(p.contenu.valeur)
       <>> assert not p.est_vide()
                       >>> p.empiler(1)
                          \Rightarrow Pile ()
```

Pour finir, implémenter depiler afin de récupérer la valeur au sommet de la

()bomtaet

."abiv aliq anu Si la pile est vide, lever une exception indiquant: "IndexError: depiler sur

```
()bomtaet
                                             return valeur
                                      self.queue = None
                                     if self.tete is None:
                             tasviua.etet.llea = etet.llea
                                 valeur = self.tete.valeur
         raise IndexError("defiler sur une file vide")
                                       :()ebiv_tae.llea li
                     shiv slit sau ruz rslitsh :rorrdxsuni
                        Traceback (most recent call last):
                                           () rolitob.l <<<
                                auon == ananb.f quasso <<<
                                snoW == stst. f trsssp <<<
                                  ( ()nslifsb.t ) fairq <<<
                            E == nuslow.susup.f trasso <<<
                            $ == ruslou.susup.t trassa <<<

( ()relifeb.t )trirq <<<</pre>
                                  ( ()reliteb.t ) tring <<<
                                          (E) rolilas. f <<<
                                           >>> f.enfiler(2)
                                          (1) rolilno.l <<<
                                            () > 1 ? I = f <<<
                                        exemples et tests:
               I: valeur du premier élément de la file
                       shiv ise slil al is : normExshal
         slit al sh tramàlà reimerq el siourer te emirqquè
                                            def defiler(self):
                                                 [8]: class File(File):
IndexError: defiler sur une file vide
     Traceback (most recent call last):
```

8]: TestResults(failed=0, attempted=12)

6.7 - Réalisation d'une pile avec les tableaux de Python

avec leurs opérations append et pop qui s'exécutent en moyenne en temps Les tableaux de Python réalisent également directement une structure de pile, Sinon, il faut récupérer la valeur du premier maillon puis retirer ce maillon de la liste chaînée. Pour cela, le nouveau maillon de tête doit être le maillon suivant du maillon supprimé.

Enfin, après la mise à jour de la liste chaînée, il faut renvoyer la valeur qui avait été prélevée dans le maillon de tête d'origine.

Exemple et tests :

```
>>> p = Pile()
>>> p.empiler(1)
>>> p.empiler(2)
>>> v = p.depiler()
>>> print(v)
2
>>> v = p.depiler()
>>> print(v)
1
>>> v = p.depiler()
Traceback (most recent call last):
IndexError: depiler sur une pile vide
```

```
[]: # attention, lorsqu'on implémente une
# classe en une seule fois, il faut écrire
# 'class Pile:'.
# La syntawe 'class Pile (Ma_Classe):' est utilisée
# dans ce notebook (et dans les juges en lignes)
# pour étendre la classe existante Ma_Classe et lui
# ajouter de nouvelles méthodes.
#
# Ici, la classe Pile s'étend elle même !

class Pile(Pile):
    def depiler(self):
        """
        Dépile la valeur de tête de la pile.

Raises:
        IndexError: si la pile est vide

Returns:
        T: valeur de tête de la pile

Exemple et tests:
```



6]: TestResults(failed=0, attempted=8)

Pour retirer un élément il s'agit de supprimer le premier maillon de la file, exactement comme il avait été fait lors de l'utilisation d'une liste chaînée pour réaliser une pile. Cependant, si le maillon retiré est le dernier, on veut également redéfinir l'attribut self.queue à None, afin de maintenir notre invariant qu'une file vide a ses deux attributs qui valent None.

Implémenter la méthode defiler qui retire le premier maillon de la file et renvoie la valeur de ce maillon.

Exemples et tests :

```
>>> f = File()
>>> f.enfiler(1)
>>> f.enfiler(2)
>>> f.enfiler(3)
>>> print( f.defiler() )
1
>>> assert f.queue.valeur == 3
>>> print( f.defiler() )
2
>>> assert f.queue.valeur == 3
>>> print( f.defiler() )
3
>>> assert f.queue.valeur == 3
>>> print( f.defiler() )
3
>>> assert f.queue.valeur == None
>>> assert f.queue == None
```

```
()pomtaet
                                   return valeur_tete
                      self.contenu = maillon_suivant
                     restance = tete.sulvant = tete.sulvant
                           valeur_tete = tete.valeur
                                   tete = self.contenu
raise IndexError("depiler sur une pile vide")
                                  :()ebiv_tas.llea li
             spin slid sun rus rsligsb :rorrize
                 Traceback (most recent call last):
                                  () \pi \circ l i q \circ b \cdot q = v <<<
                                          (v) tainq <<<
                                  () \pi \circ l \circ q \circ b \cdot q = v <<<
                                          (n) quiad <<<
                                  () rsliqsb.q = v <<<
                                      (S) roliquo.q <<<
                                      (1) roliquo.q <<<
                                        () > 1 i d = d <<<
```

6.6 - Réalisation d'une file avec une liste mutable

condition de considérer la variante des listes chaînées mutables. La structure de liste chaînée donne également une manière de réaliser une file, à

comme suivant après l'ajout le nouveau maillon créé pour le nouvel élément. était le dernier de la liste chaînée avant l'ajout n'avait pas de suivant définie, il a queue de liste. Une mutation intervient à cet endroit : alors que le maillon qui d'un nouvel élément à l'arrière de la file revient à ajouter un nouveau maillon en En effet, on peut retirer l'élément de tête en retirant le maillon de tête. MAIS, l'ajout

maillon. Autre différence avec la structure de pile, il faut accéder efficacement au dernier

attribut permettant d'accéder directement au dernier maillon. Pour cela, le plus intéressant est de conserver dans notre structure de donnée un

premier maillon et le dernier maillon de la liste chaînée utilisée pour stocker les buts, l'un appelé tete et l'autre appelé queue, et désignant respectivement le On peut ainsi construire une classe File dont le constructeur définit deux attri-

maillon devient l'unique maillon de la file, et donc son maillon de tête.

maillon de de queue de la file. Pour finir, dans tous les cas, notre nouveau maillon devient en outre le nouveau

6 - PILES ET FILES

admet comme argument une valeur à ajouter en queue de file. En suivant l'algorithme décrit ci-dessus, implémenter la méthode entiler qui

Exemples et tests:

```
(S) Yəlilnə.l <<<
       (S) Yəlilmə.l <<<
( Tuelev.valeur) taint (<<</pre>
<>< print(f.tete.valeur)</pre>
       (1)Yəlilnə.l <<<
        >>> f = File()
```

```
(ruslav.susup.l) tairq <<<
             (unalbu.stat.l) ininq <<<
                     (E) 79 1 i fn9 . t <<<
                     (S) relilas. f <<<
            (Tuelou. sueup. t) Ining <<<
             (ruslau.stst. t) trinq <<<
                     (1) rolilno.l <<<
                       () > 1 : A = f <<<
                   exemples to tests:
    naleur (T): valeur à ajouter
Aloute la valeur à la fin de la file
                def enfiler(self, valeur):
                             [6]: class File(File):
```

éléments.

Implémenter le constructeur de la classe File qui définit les deux attributs tete et queue et les initialise à None.

Exemples et tests :

```
>>> f = File()
>>> print(f.tete)
None
>>> print(f.queue)
None
```

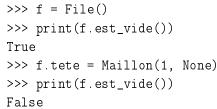
```
[4]: class Maillon:
         """ Maillon d'une liste chaînée """
         def __init__(self, valeur, suivant):
             self.valeur = valeur
             self suivant = suivant
     class File:
         def __init__(self):
             Exemples et tests:
             >>> f = File()
             >>> print(f.tete)
             >>> print(f.queue)
             None
             self.tete = None
             self.queue = None
     testmod()
```

4]: TestResults(failed=0, attempted=3)

La file vide est caractérisée par le fait qu'elle ne contient aucun maillon. En conséquence, sa tête et sa queue sont indéfinies. En outre, l'un comme l'autre ne peut valoir None que dans ce cas. Pour tester la vacuité de la file, il suffit donc de consulter l'un des deux attributs.

Implémenter la méthode est_vide() qui renvoie True si et seulement si l'attribut tete vaut None

Exemples et tests :



```
[5]: # attention, lorsqu'on implémente une
    # classe en une seule fois, il faut écrire
    # `class File:
    # La syntaxe `class File(Ma_Classe): `est utilisée
     # dans ce notebook (et dans les juges en lignes)
     # pour étendre la classe existante Ma_Classe et lui
     # ajouter de nouvelles méthodes.
     # Ici, la classe File s'étend elle même !
     class File(File):
         def est_vide(self):
             Est ce que la file est vide?
                bool: True ssi la file est vide
             Exemples et tests:
             >>> f = File()
             >>> print(f.est_vide())
             >>> f.tete = Maillon(1, None)
             >>> print(f.est_vide())
             False
             return self.tete is None
     testmod()
```

5]: TestResults(failed=0, attempted=4)

L'ajout d'un nouvel élément à l'arrière de la file demande de créer un nouveau maillon. Ce maillon prend la dernière place, et n'a donc pas de maillon suivant.

Ce maillon est alors définie comme suivant le maillon de queue actuel.

On a cependant besoin de traiter le cas particulier où il n'existe pas de maillon de queue, qui correspond à une file initialement vide. Dans ce cas le nouveau