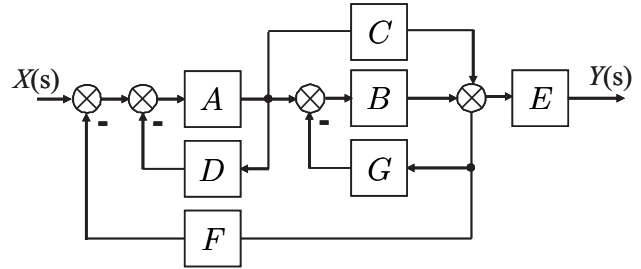


Nome:	
Nr. Mat.	
Firma:	

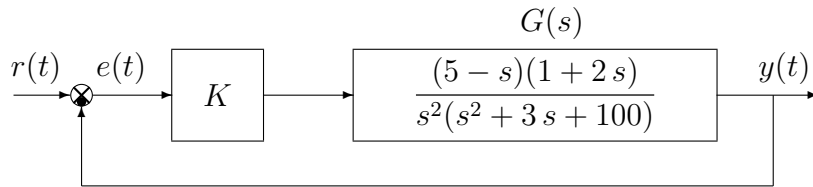
Si risolvano i seguenti esercizi.

- a) Relativamente allo schema a blocchi di figura, calcolare la funzione di trasferimento  $G_1(s) = \frac{Y(s)}{X(s)}$ :

$$G_1(s) = \dots$$



- b) Sia dato il seguente sistema retroazionato:



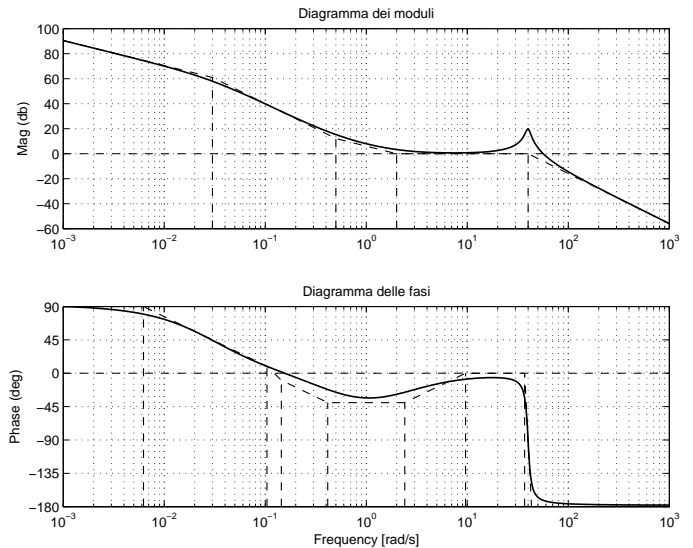
- b.1) Determinare per quali valori di  $K$  il sistema retroazionato è asintoticamente stabile.  
b.2) Tracciare i diagrammi asintotici di Bode delle ampiezze e delle fasi della funzione  $G(s)$ .  
b.3) Disegnare qualitativamente il diagramma di Nyquist “completo” della funzione  $G(s)$ . Calcolare esattamente la posizione  $\sigma_a$  di un eventuale asintoto verticale, le eventuali intersezioni  $\sigma_i^*$  con l’asse reale e i corrispondenti valori delle pulsazioni  $\omega_i^*$ .  
c) Si faccia riferimento ai diagrammi di Bode della funzione  $G(s)$  mostrati in figura.

- c.1) Nei limiti della precisione consentita dal grafico, ricavare l’espressione analitica della funzione  $G(s)$ . Stimare in modo approssimato eventuali valori di  $\delta$ .

$$G(s) =$$

- c.2) Calcolare la risposta a regime  $y_\infty(t)$  del sistema  $G(s)$  quando in ingresso è presente il segnale:

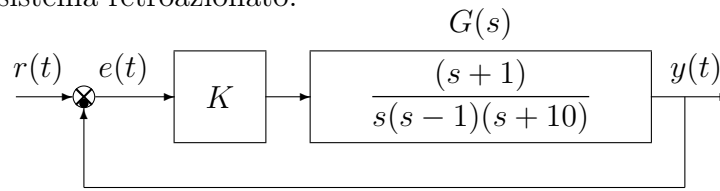
$$x(t) = 3 \sin(0.3t + \frac{\pi}{4}).$$



La risposta a regime del sistema  $G(s)$  al segnale dato è la seguente:

$$y_\infty(t) =$$

d) Sia dato il seguente sistema retroazionato:



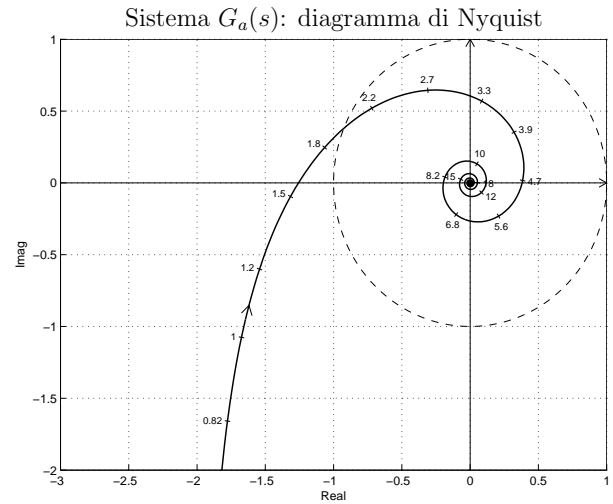
d.1) Tracciare qualitativamente il luogo delle radici del sistema retroazionato al variare del parametro  $K > 0$ . Determinare esattamente la posizione degli asintoti. Determinare la posizione di eventuali punti di diramazione “solo in modo qualitativo”.

d.2) Sia data la seguente funzione di trasferimento:

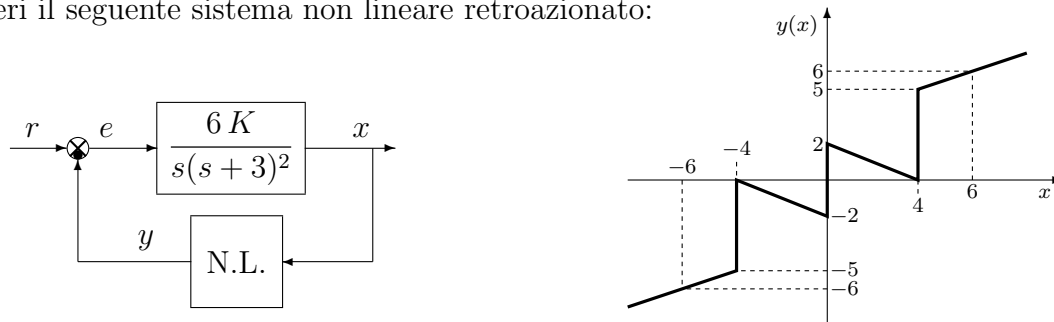
$$G(s) = \frac{1}{m s^4 + (m + 1)s^3 + (m + 3)s^2 + 3s + 1}$$

Utilizzando la metodologia del contorno delle radici mostrare come si spostano sul piano complesso i poli della funzione  $G(s)$  al variare del parametro  $m > 0$ . Determinare la posizione di eventuali punti di diramazione “solo in modo qualitativo”.

e) Per il sistema  $G_a(s)$  riportato a fianco, progettare una rete ritardatrice in grado da garantire al sistema compensato un margine di ampiezza  $M_\alpha = 5$ . Scegliere il valore della pulsazione  $\omega$  che si ritiene più opportuno;



f) Si consideri il seguente sistema non lineare retroazionato:



f.1) Posto  $K = 1$ , determinare per quale valore  $r_1$  dell'ingresso  $r$  il punto di lavoro del sistema retroazionato è  $(x_1, y_1) = (6, 6)$ .

f.2) Disegnare in modo qualitativo l'andamento della funzione descrittiva  $F(X)$  della non linearità  $y(x)$  nell'intorno del punto  $(0, 0)$ . Utilizzare delle variabili (per esempio:  $m_1, m_2, \dots$ ) per rappresentare gli eventuali valori non noti minimi e massimi della funzione  $F(X)$ .

f.3) Discutere “qualitativamente” (in funzione anche dei parametri  $m_1, m_2, \dots$ ) l'esistenza o meno di cicli limite nel sistema retroazionato al variare del guadagno  $K > 0$ .

g) Utilizzando il metodo della “trasformazione bilineare”, discretizzare la funzione

$$D(s) = \frac{M(s)}{E(s)} = \frac{1 + 2s}{2 + s}$$

giungendo anche alla determinazione della corrispondente equazione alle differenze. Si utilizzi il periodo di campionamento  $T = 0.2$ .

Nome:	
Nr. Mat.	
Firma:	
C.L.:	Info.    Elet.    Telecom.    Altro.

Si risponda alle seguenti domande.

1. Calcolare la trasformata di Laplace  $X(s)$  dei seguenti segnali temporali  $x(t)$ :

$$\mathcal{L}[3 e^{5t} \sin(3t)] =$$

$$\mathcal{L}[3 t^3 e^{-5t}] =$$

2. Calcolare la trasformata di Laplace inversa  $g(t)$  delle seguente funzione di trasferimento  $G(s)$ :

$$\mathcal{L}^{-1} \left[ \frac{8}{s(s+2)(s-2)} \right] = \mathcal{L}^{-1} \left[ \frac{1}{s} + \frac{1}{s+2} + \frac{1}{s-2} \right] =$$

3. Scrivere, in funzione dei segnali  $x(t)$  e  $y(t)$ , l'equazione differenziale corrispondente alla seguente funzione di trasferimento:

$$G(s) = \frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{s^2 + 2}{(s+3)(s+1)^2} \quad \rightarrow \quad \dots$$

4. Calcolare la risposta a regime  $y(t)$  del sistema  $G(s)$  quando in ingresso è presente il seguente segnale sinusoidale  $x(t)$ :

$$x(t) = 6 + 5 \cos(3t) \quad \xrightarrow{\quad} \quad \boxed{\frac{s+1}{s+4}} \quad \xrightarrow{\quad} \quad y(t) \simeq \dots$$

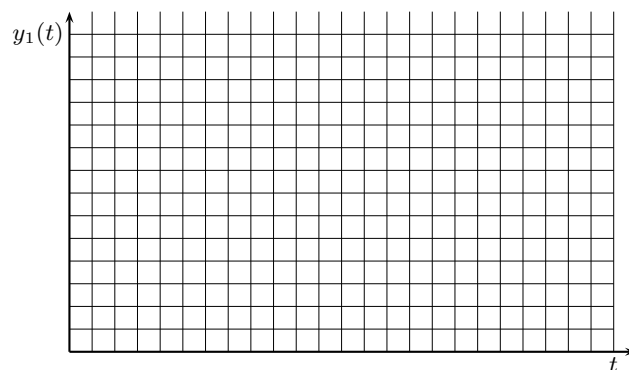
5. Disegnare l'andamento qualitativo  $y_1(t)$  della risposta al gradino unitario del seguente sistema:

$$G(s) = \frac{30(2 + 0.01s)(s^2 + 20s + 160)}{(2s + 10)(15s + 3)(s^2 + 10s + 400)}$$

Calcolare inoltre:

- a) il valore a regime  $y_\infty$  della risposta al gradino per  $t \rightarrow \infty$ ;  
 b) il tempo di assestamento  $T_a$  della risposta al gradino  $y_1(t)$ ;  
 c) il periodo  $T_w$  dell'eventuale oscillazione smorzata presente sul segnale  $y_1(t)$ :

$$y_\infty = \quad T_a \simeq \quad T_w \simeq$$



6. Calcolare l'evoluzione libera del sistema  $3\dot{y}(t) + 2y(t) = 0$  partendo dalla condizione iniziale  $y(0) = 4$ .

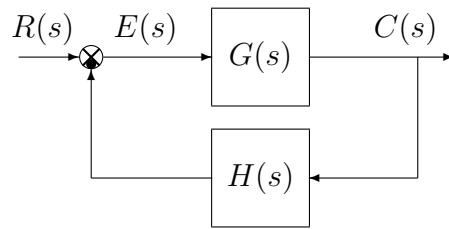
$$Y(s) =$$

$$y(t) =$$

7. Scrivere il modulo  $M(\omega) = |G(j\omega)|$  e la fase  $\varphi(\omega) = \arg G(j\omega)$  della funzione di risposta armonica del seguente sistema  $G(s)$ :

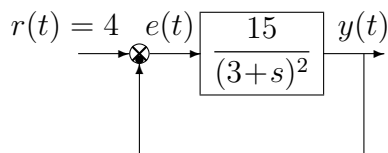
$$G(s) = \frac{(3s+4)}{s(s+2)} e^{-5s} \quad \rightarrow \quad \begin{cases} M(\omega) = \\ \varphi(\omega) = \end{cases}$$

8. Si consideri il sistema retroazionato riportato di fianco. Scrivere il legame che lega la variazione relativa del sistema  $G(s)$  alla variazione relativa del sistema retroazionato  $G_0(s)$  quando varia un parametro  $\alpha$  interno alla funzione di trasferimento  $G(s)$ :

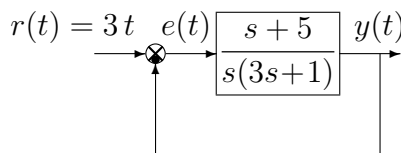


$$\frac{\Delta G_0(s)}{G_0(s)} = \frac{\Delta G(s)}{G(s)}$$

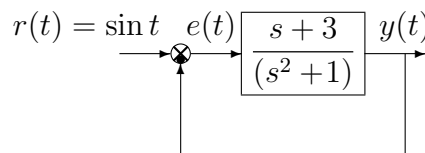
9. Calcolare l'errore a regime  $e(\infty)$  per i seguenti sistemi retroazionati:



$$e(\infty) =$$



$$e(\infty) =$$



$$e(\infty) =$$

10. Calcolare la  $\mathcal{Z}$ -trasformata  $X(z)$  dei seguenti segnali  $x(n)$ :

$$x(n) = (-1)^n \rightarrow X(z) =$$

$$x(n) = 2n \rightarrow X(z) =$$

11. Il sistema dinamico discreto  $G(z) = \frac{1}{z^2(z-1)}$

☐ è asintoticamente stabile    ☐ è semplicemente stabile    ☐ è instabile

12. Il valore a regime  $x(\infty)$  della sequenza  $x(k)$  corrispondente alla funzione  $X(z) = \frac{z+1}{(z-1)(z-0.5)}$  è:

☐  $x(\infty) = 0$     ☐  $x(\infty) = 1$     ☐  $x(\infty) = 2$     ☐  $x(\infty) = 4$

13. La funzione di risposta armonica  $F(\omega)$  di un sistema discreto  $G(z)$  si determina nel seguente modo:

☐  $F(\omega) = G(j\omega)$     ☐  $F(\omega) = G(j\omega T)$     ☐  $F(\omega) = G(e^{j\omega})$     ☐  $F(\omega) = G(e^{j\omega T})$

14. Il contorno delle radici studia le curve sul piano complesso descritte dalle radici dell'equazione caratteristica al variare (da 0 all'infinito)

☐ delle sole costanti di tempo relative ad un polo o ad uno zero  
☐ di un qualunque parametro presente all'interno dell'equazione caratteristica  
☐ di un qualunque parametro che entra linearmente nell'equazione caratteristica

15. La funzione descrittiva  $F(X)$  di un relè ideale di ampiezza  $Y_1$  è:

☐  $F(X) = \frac{\pi X}{4Y_1}$     ☐  $F(X) = \frac{\pi Y_1}{4X}$     ☐  $F(X) = \frac{4X}{\pi Y_1}$     ☐  $F(X) = \frac{4Y_1}{\pi X}$

16. Tracciare i diagrammi di bode (moduli e fasi) di una rete ritardatrice  $C(s) = \frac{(1+\tau_1 s)}{(1+\tau_2 s)}$ , ( $\tau_1 < \tau_2$ ):

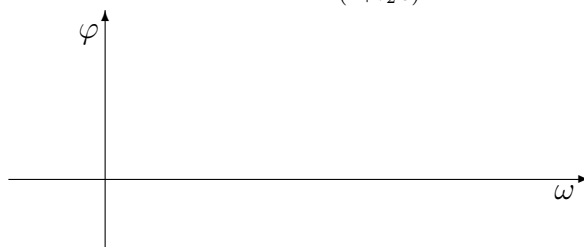


Diagramma dei moduli:  $G(s)$

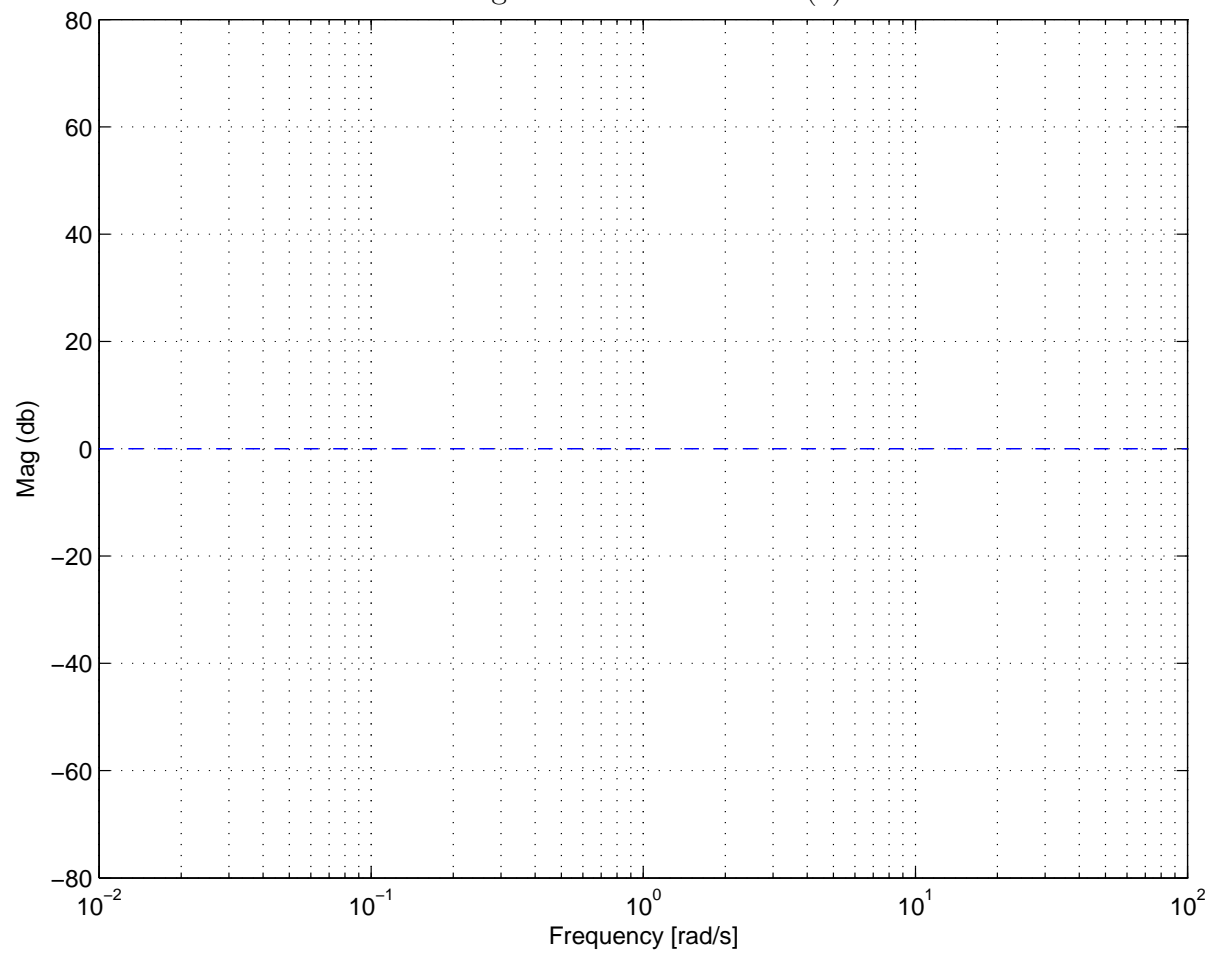


Diagramma delle fasi:  $G(s)$

