Лабораторная работа № 6. Сети Кохонена

Целью работы является исследование свойств слоя Кохонена, карты Кохонена, а также сетей векторного квантования, обучаемых с учителем, алгоритмов обучения, а также применение сетей в задачах кластеризации и классификации.

Основные этапы работы:

- 1. Использовать слой Кохонена для выполнения кластеризации множества точек. Проверить качество разбиения.
 - 2. Использовать карту Кохонена для выполнения кластеризации множества точек.
 - 3. Использовать карту Кохонена для нахождения одного из решений задачи коммивояжера.
- 4. Использовать сеть векторного квантования, обучаемую с учителем, (LVQ-сеть) для классификации точек в случае, когда классы не являются линейно разделимыми.

Сценарий работы:

- 1. Построить и обучить слой Кохонена, который будет содержать координаты центров 8 сформированных кластеров.
- 1.1 Сформировать множество случайных точек, которые изначально сгруппированы в 8 кластеров. Использовать функцию nngenc(X, clusters, points, deviation), где X = [0, 1.5; 0, 1.5] задает область, в которой находятся точки множества; clusters = 8 задает число кластеров; points = 10 задает число точек в каждом из кластеров; deviation = 0.1 задает среднее квадратическое отклонение от центра кластера.
 - 1.2 Не разбивать обучающее множество на подмножества.
- 1.3 Создать сеть с помощью функции *competlayer*. Число кластеров задать равным 8. Сконфигурировать сеть под обучающее множество.
- 1.4 Задать число эпох обучения net.trainParam.epochs равным 50. Произвести обучение сети с помощью метода, заданного по умолчанию. Занести в отчет весовые коэффициенты первого слоя, которые являются центрами кластеров. Занести в отчет содержимое окна Neural Network Training.
 - 1.5 Отразить структуру сети и проведенное обучение в отчете, заполнив таблицу 1.
- 1.6 Проверить качество разбиения: случайным образом задать 5 точек и подать их в сеть. Преобразовать выход сети с помощью функции vec2ind и занести в отчет номера кластеров. Занести в отчет график, на котором отобразить множество точек, полученные центры кластеров ($net.IW_{1,1}$) и 5 дополнительных точек. На графике исходное множество, центры кластеров и дополнительные точки должны быть изображены разным цветом, также должна быть отображена сетка.
- 2. Построить и обучить карту Кохонена размера 2х4 с гексагональной сеткой, которая будет содержать координаты центров кластеров.
- 2.1 Сформировать множество случайных точек, которые изначально сгруппированы в 8 кластеров. Использовать функцию nngenc(X, clusters, points, deviation), где X = [0, 1.5; 0, 1.5] задает область, в которой находятся точки множества; clusters = 8 задает число кластеров; points = 10 задает число точек в каждом из кластеров; deviation = 0.1 задает среднее квадратическое отклонение от центра кластера. Не разбивать обучающее множество на подмножества.
 - 2.2 Создать сеть с помощью функции newsom(X, [2, 4]).
- 2.3 Задать число эпох обучения net.trainParam.epochs равным 150. Произвести обучение сети с помощью метода, заданного по умолчанию. Занести в отчет весовые коэффициенты первого слоя после обучения. Занести в отчет графики SOM Sample Hits, SOM Weight Positions, а также содержимое окна Neural Network Training.

- 2.4 Отразить структуру сети и проведенное обучение в отчете, заполнив таблицу 1.
- 2.5 Проверить качество разбиения: случайным образом задать 5 точек и подать их в сеть. Преобразовать выход сети с помощью функции vec2ind и занести в отчет номера кластеров. Занести в отчет график, на котором отобразить множество точек, полученные центры кластеров, связи между ними $(plotsom(net.IW\{1,1\},net.layers\{1\}.distances))$, и 5 дополнительных точек. На графике исходное множество, центры кластеров и дополнительные точки должны быть изображены разным цветом, также должна быть отображена сетка.
- 3. Построить и обучить карту Кохонена, которая будет находить одно из решений задачи коммивояжера.
- $3.1~{\rm C}$ помощью функции rand сгенерировать набор из N=20 случайных точек $T=\{x_i,y_i\}$ в диапазоне [-1.5,1.5]. Точки задают координаты каждого города, их последовательность маршрут, который должен пройти через все города. В данной задаче замыкать маршрут не требуется. Отобразить маршрут, полученный при создании набора точек:

```
hold on plot(T(1,:),T(2,:), '-V', 'MarkerEdgeColor', 'k', 'MarkerFaceColor', 'g', 'MarkerSize',7), grid hold off
```

Занести график о отчет.

- 3.2 Не разбивать обучающее множество на подмножества. Создать сеть Кохонена, нейроны которой образуют одномерную цепочку, с помощью функции newsom(T, N).
- 3.3 Задать число эпох обучения net.trainParam.epochs равным 600. Произвести обучение сети с помощью метода, заданного по умолчанию. При обучении сети города, расположенные по соседству друг с другом, будут отображаться на нейроны, расположенные по соседству в сети Кохонена. Провести обучение несколько раз, добиться, чтобы маршрут, генерируемый сетью Кохонена, проходил через наибольшее число городов.
 - 3.4 Отобразить координаты городов и центры кластеров, сгенерированные сетью. hold on plotsom(net.IW1,1,net.layers1.distances), plot(T(1,:),T(2,:), 'V','MarkerEdgeColor','k', 'MarkerFaceColor','g', 'MarkerSize',7), grid hold off

График занести в отчет.

- 4. Для обучающей выборки построить LVQ-сеть, которая будет правильно относить точки к двум классам. Классы не являются линейно разделимыми. Отобразить границы классов, которые построила сеть.
- $4.1~{
 m O}$ тобразить входное множество и эталонное распределение по классам с помощью функции plotpv, график занести в отчет. Для отображения необходимо индекс класса -1 заменить на 0.
- 4.2 Не разбивать обучающее множество на подмножества. Построить вектор индексов классов с помощью функции ind2vec. Перед этим в векторе, содержащим распределение по классам заменить -1 на 1, а 1 на 2.
- 4.3 Создать сеть с помощью функции newlvq. Число нейронов конкурентного слоя задать равным 12. Задать скорость обучения равной 0.1. При создании сети задать процентную долю принадлежности входных векторов к классу с индексом 1 и классу с индексом 2.
- 4.4 Задать число эпох обучения net.trainParam.epochs равным 300. Произвести обучение сети с помощью метода, заданного по умолчанию. Занести в отчет содержимое окна Performance и Neural Network Training.
 - 4.5 Отразить структуру сети и проведенное обучение в отчете, заполнив таблицу 1.
- 4.6 Проверить качество обучения: произвести классификацию точек области $[-1.5, 1.5] \times [-1.5, 1.5]$. Для этого задать сетку для указанной области с шагом h=0.1. Рассчитать выход сети

```
(sim) для всех узлов сетки. Преобразовать выходные значения с помощью функции vec2ind. Преобразовать индексы классов: 1\Rightarrow 0,\ 2\Rightarrow 1. Отобразить границы классов с помощью: plotpv(xyGrid,output); point = findobj(gca,'type','line'); set(point,'Color','g'); hold on; plotpv(P,T) hold off;
```

где P,T — обучающее множество, xyGrid — набор узлов сетки, output — выход LVQ-сети. Полученный график занести в отчет.

Варианты заданий:

Номер варианта соответствует номеру в списке группы.

№	Обучающее множество
1.	$\begin{bmatrix} 0.5 & 0.7 & 0.4 & 0.6 & -0.7 & -1.3 & 0.5 & 1.3 & -0.2 & 0.7 & -1 & -0.2 \\ 0.7 & -0.4 & -1 & -1.5 & -1.4 & 0.9 & -0.6 & -1.4 & -0.4 & 0.8 & -0.1 & 0.4 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -1 & 1 & 1 & -1 & 1 & -1 & 1 & $
2.	$\begin{bmatrix} 0.1 & 0 & -0.9 & -1.2 & -0.3 & -0.5 & 1.2 & -1 & 0.5 & 0 & 1 \\ 0.6 & 1.4 & -1.2 & -1.4 & -0.2 & 0.7 & 0.8 & 1.4 & -1.1 & -1.3 & 0 - 0.1 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} -1 & -1 & 1 & 1 & 1 & -1 & 1 & 1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$
3.	$\begin{bmatrix} 0 & 0.3 & -1.3 & 1.2 & -1.2 & -0.5 & 0.7 & -1.4 & 0.3 & 0.6 & 0.8 & 0.5 \\ 0.7 & -1.3 & 0.8 & 0.1 & 0.9 & -0.7 & -1.5 & 0.5 & 0 & 0.6 & -0.7 & 0.1 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 & -1 & -1 & -1 & 1 & 1 & 1$
4.	$\begin{bmatrix} -0.3 & -1.2 & -1 & 0.8 & 0.8 & -0.7 & 0.5 & -0.2 & -1.4 & 0.8 & -1.2 & -1.3 \\ 0.4 & 1.3 & -0.8 & -0.1 & -0.4 & -1.4 & -0.3 & 0.3 & -0.6 & 0.5 & -1.2 & -1.5 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$
5.	$\begin{bmatrix} -1.2 & -0.6 & -0.4 & -1 & -1.5 & 0.4 & -1.1 & 0.8 & -0.2 & 0.7 & -1.4 & 0.5 \\ 0 & 0.1 & -0.3 & -0.8 & 1.2 & 1.2 & 1.2 & 0.2 & -0.8 & -0.9 & 0.8 & 0.6 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} -1 & 1 & 1 & -1 & -1 & -1 & -1 & -1 & $

```
Ŋoౖ
                                             Обучающее множество
             \begin{bmatrix} 0.5 & 0.7 & 0.4 & 0.6 & -0.7 & -1.3 & 0.5 & 1.3 & -0.2 & 0.7 & -1 & -0.2 \end{bmatrix}
6.
             \begin{bmatrix} 0.7 & -0.4 & -1 & -1.5 & -1.4 & 0.9 & -0.6 & -1.4 & -0.4 & 0.8 & -0.1 & 0.4 \end{bmatrix}
                          \begin{bmatrix} 1.2 & -1.3 & -0.5 & -1.1 & -1.2 & -0.1 & 0.6 & 1.1 & 0.5 & -1.5 & 0 \end{bmatrix}
7.
               \begin{bmatrix} 0.8 & -0.8 & 0.5 & 0.6 & 0.4 & 0.8 & 1.2 & -0.5 & -1 & 0.7 & -0.1 & 0.3 \end{bmatrix}
                          [0.6]
                     0.2 \quad 1.2 \quad 0.9 \quad 0.2 \quad -0.3 \quad -1.1 \quad -0.3 \quad 0.2 \quad 0.5 \quad 0.4 \quad -1.3
8.
              \begin{bmatrix} -0.5 & -1.2 & 1.1 & -0.8 & -1.5 & -0.6 & -1 & -1.3 & -0.1 & 0.5 & -1.4 & -0.6 \end{bmatrix}
                          1 \quad -0.4 \quad 0.7 \quad -0.5 \quad 0.2 \quad -1.4 \quad -0.8 \quad 0.5 \quad 0.7 \quad 0.5 \quad -0.2 \quad -0.6
9.
             |-0.1 \quad 0.5
                             0 \quad -1.1 \quad -0.8 \quad 0.7 \quad -0.2 \quad -0.5 \quad -0.4 \quad 0.6 \quad -1.5 \quad -0.3
                                  0.3 \quad -1.3 \quad 1.2 \quad -1.2 \quad -0.5 \quad 0.7 \quad -1.4 \quad 0.3 \quad 0.6 \quad 0.8
10.
                \begin{bmatrix} 0.7 & -1.3 & 0.8 & 0.1 & 0.9 & -0.7 & -1.5 & 0.5 & 0 & 0.6 & -0.7 & 0.1 \end{bmatrix}
                          \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 & -1 & -1 & -1 & 1 & 1 & -1 & 1 \end{bmatrix}
              \begin{bmatrix} -0.3 & -0.3 & -1.1 & -1.1 & 1.1 & 0.5 \end{bmatrix}
                                                               0
                                                                   0.2 \quad -0.7 \quad -0.3 \quad 0.1 \quad -0.3
11.
              \begin{bmatrix} 1.4 & 0.3 & -0.4 & 0.7 & -0.5 & -0.7 & 0.9 & -0.5 & -0.2 & -0.5 & 0.7 & -0.3 \end{bmatrix}
                                 \begin{bmatrix} -0.4 & -1.5 & -1 & -0.4 & 0.7 & -1 & -0.8 & -0.9 & -1.3 & -1 & 0.6 & 0.4 \end{bmatrix}
12.
              \begin{bmatrix} -1.1 & -0.3 & 0.6 & 1 & 0.2 & 1.3 & 1.2 & -0.4 & 0.4 & -1.4 & -0.5 & -0.4 \end{bmatrix}
                               \begin{bmatrix} -0.6 & -0.5 & 0 & 0.3 & -0.4 & 0 & 1.4 & -0.1 & -1.1 & 1.2 & 0.6 & -0.5 \end{bmatrix}
13.
               \begin{bmatrix} -1 & -0.9 & 1.2 & -1.2 & -1.4 & -0.3 & 0.9 & 1.1 & -0.4 & 1.2 & 0.3 & 1.3 \end{bmatrix}
                                 \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & -1 & 1 & -1 & 1 & -1 & 1 \end{bmatrix}
                                                                                       0.4 \quad -0.3
                  \begin{bmatrix} 0.2 & 1.3 & 0.6 & -1.5 & 0.4 & -0.4 & 0.9 & -0.4 & 1.1 & 0.5 \end{bmatrix}
14.
                 \begin{bmatrix} 1.1 & 0.1 & 0.2 & -0.2 & 0 & 1.3 & 1 & 0.2 & 1.3 & -0.9 & -1.3 & 0.5 \end{bmatrix}
                               \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 & -1^{39} & -1 & 1 & -1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}
```

N₂	Обучающее множество
15.	$\begin{bmatrix} 1.4 & 1.4 & 0 & -0.3 & -1.3 & -1.4 & 0.9 & 0.3 & 1.1 & -1 & 1.1 & 0 \\ 0.2 & 0.1 & -0.6 & -0.1 & 1.1 & -0.2 & -0.4 & 0.9 & 1.2 & -0.8 & 0.2 & 0.3 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & -1 & 1 & 1 & -1 & 1 & 1 & -1 & \end{bmatrix}$
16.	$\begin{bmatrix} -1.3 & -0.8 & -0.3 & -0.1 & -0.8 & -1.3 & -1.5 & -1.5 & -1.1 & -1 & 0.2 & 1.3 \\ -0.3 & -0.7 & -1.2 & 0.6 & 0.8 & -0.4 & -0.9 & -1 & -0.7 & -1.1 & 1.2 & -0.9 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} -1 & 1 & -1 & -1 & -1 & -1 & -1 & 1 & 1$
17.	$\begin{bmatrix} -1.3 & 0 & 0.6 & 0 & 1 & -0.6 & 0.7 & -1.2 & 0 & 0.6 & -0.7 & 1.2 \\ -0.6 & -1.4 & 0.1 & 0.9 & 0.8 & -0.2 & -1.2 & -0.7 & 1.4 & -0.6 & 1 & 0.4 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} -1 & 1 & 1 & 1 & -1 & 1 & -1 & 1 & 1 & $
18.	$\begin{bmatrix} 0.6 & 0.7 & 1.3 & 1.3 & -1.4 & 0.2 & 1.2 & -0.3 & 0.6 & 0.9 & -0.1 & -0.4 \\ 0.1 & 1.4 & 0.1 & -1.2 & -0.6 & 0 & 0.1 & 0.1 & -1.5 & -1.1 & -0.8 & 0.4 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 & -1 & -1 & -1 & 1 & 1 $
19.	$\begin{bmatrix} 0.3 & -1 & -0.5 & -1.1 & 0.3 & 0.9 & 1.3 & 0.7 & 0.9 & -0.2 & 1.2 & 1.1 \\ 1.1 & 0.7 & -0.3 & 0.9 & 0.7 & -1.3 & -0.1 & 0.7 & -1.1 & 0.3 & 1 & 0.2 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} -1 & 1 & 1 & 1 & -1 & 1 & 1 & 1 & -1 & 1 & $
20.	$\begin{bmatrix} 0.8 & 0.7 & -0.8 & -0.9 & -0.7 & -1.4 & -1.1 & -1 & 1.4 & -1.4 & -0.4 & -0.9 \\ -0.4 & 1.1 & -1.2 & -0.5 & 1.2 & 0.2 & 1 & 0 & -0.5 & -0.9 & -0.5 & 1.3 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & -1 & 1 & -1 & 1 & -1 & 1 & $
21.	$\begin{bmatrix} -1.2 & 0.5 & 1.4 & 0.7 & -0.3 & -0.1 & 0.7 & -1.3 & -0.4 & -1 & 1.2 & 1.4 \\ -0.8 & 1 & -0.9 & 0.2 & 0 & 0.4 & -0.6 & 0.9 & 0.8 & -1.2 & 1.1 & 1 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} -1 & 1 & -1 & -1 & 1 & -1 & -1 & -1 & $
22.	$\begin{bmatrix} 1.2 & 0.8 & -1 & 0.3 & 0.4 & 0.7 & 0.3 & 1.2 & 0 & -0.4 & -0.8 & 0.6 \\ 1.1 & 1.2 & 0 & 1.2 & -0.4 & 0.9 & -1.3 & -1.4 & -1.2 & 0.9 & 1.1 & -0.4 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 & -1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1$

№	Обучающее множество
23.	$\begin{bmatrix} -1 & 0.6 & -1.2 & 0.2 & 0 & 0.5 & 1.1 & -0.5 & 0.1 & -0.6 & 0.8 & -0.5 \\ -1.5 & 1.1 & -1.4 & 0.3 & -1.5 & 1.3 & -1.2 & -0.8 & 0.3 & 0.8 & 0.8 & -1.4 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & -1 & -1 & 1 & 1 & 1 & -1 & 1 & $
24.	$\begin{bmatrix} 0 & -1.2 & -0.5 & 0.2 & -1 & 1.2 & -0.7 & 1.1 & -0.7 & 0.2 & -1.5 & 0 \\ 0.8 & 0.3 & -0.5 & 1 & 0.5 & -1 & -0.1 & 0 & 0.1 & -0.3 & 0.6 & -0.4 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & -1 & 1 & $
25.	$\begin{bmatrix} -1.3 & -0.8 & -0.7 & 1.4 & 0.6 & 0.5 & -0.4 & -0.5 & -0.4 & 0 & -0.9 & 0.2 \\ 0.6 & -0.4 & 0.9 & 0.4 & 1.2 & 0.2 & 0.4 & -0.3 & -0.1 & 1.2 & -0.5 & -0.1 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 & 1 & 1 & 1 & -1 & -1 & 1 & $
26.	$\begin{bmatrix} 0.9 & 0.6 & 0.6 & 0 & 0.8 & -0.8 & 0.3 & -1.2 & -0.7 & -0.3 & 1.3 & -1.4 \\ 0.8 & -0.1 & 1.3 & -0.6 & -0.8 & -0.2 & 0.3 & -1.2 & -0.7 & 0.9 & -0.4 & 0.2 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} -1 & 1 & -1 & 1 & 1 & -1 & -1 & -1 & -$
27.	$\begin{bmatrix} -0.7 & -1.5 & -0.3 & 1.3 & -0.7 & 0.2 & -1.3 & -0.7 & 0.6 & -0.5 & 1.3 & 0.8 \\ 0 & 1.1 & -0.6 & -0.2 & -1.3 & -1.1 & 0.2 & -0.5 & 1 & 1.3 & -0.9 & 0.3 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} -1 & 1 & -1 & 1 & -1 & 1 & 1 & 1 & 1 & $
28.	$\begin{bmatrix} -0.8 & -1 & 0.1 & -0.4 & 1 & -0.3 & -0.9 & 0.5 & -0.5 & -1 & -0.1 & 0.8 \\ 1.1 & -1.2 & -0.6 & 0.8 & 0.5 & 0.4 & 0.3 & 0.3 & -0.5 & 0.8 & -0.5 & -0.8 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} -1 & -1 & 1 & -1 & -1 & -1 & -1 & 1 & -1 & 1 & $
29.	$\begin{bmatrix} 0 & 1.4 & -1.2 & 0.2 & -0.3 & -1.3 & 0.4 & 0.6 & -1.3 & -0.8 & 0.6 & 0.1 \\ 1.2 & 0.2 & 1.2 & 1.1 & 0.3 & 1.2 & -1.2 & -0.4 & -0.9 & -0.9 & 0.7 & 0.1 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} -1 & 1 & 1 & -1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1$
30.	$\begin{bmatrix} 1.2 & -0.5 & -0.1 & 0 & 0.6 & 0.4 & -0.9 & -1.1 & -0.9 & -1.5 & -1.5 & -0.7 \\ -1.3 & 0.2 & 0.9 & -0.9 & -1.1 & 0.4 & -1 & -1.1 & 1.3 & 1.3 & 1.4 & 0 \end{bmatrix}$
	$\begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 & 1 & -1 & 1 & 1 & 1 & $

№ Обучающее множество

Литература

- 1. *Beale M., Hagan M., Demuth H.* Neural Network Toolbox User's guide R2011b. The MathWorks, 2011. –pp. 6-3–6-48.
- 2. *Медведев В. С., Потемкин В. Г.* Нейронные сети. МАТLAB 6/Под общ. ред. к. т. н. В. Г. Потемкина М.: ДИАЛОГ-МИФИ, 2006. с. 147-174.
- 3. Hagan M., Demuth H. Neural Network Design. 1996. Chapter 13-14. 76 pp.