

Trabajo Práctico 1

Especificación de TADs

14 de abril de 2025

AED

Grupo Almendra

Integrante	LU	Correo electrónico
Puodziunas, Bruno	309/23	puodziunasb@gmail.com
Ozzan Prieto, Luana Constanza	1444/23	luanaozzan@gmail.com
Piputto, Lucas Ignacio	1345/24	lucaspiputto@gmail.com
Yu, Patricio	1247/24	yupatricio0@gmail.com

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

Tel/Fax: (+54 11) 4576-3300

<http://www.exactas.uba.ar>

1. Renombres de tipo

En lugar de *tuplas* utilizaremos *structs* para una mejor legibilidad de la especificacion a lo largo del documento.

1.1. Tipo: *usuario*

El usuario consta de un *id* y una cantidad de *monedas*, ambos enteros positivos, realizaremos el siguiente renombre de tipo:

<i>usuario</i> ES struct $\langle id : \mathbb{Z}, monedas : \mathbb{Z} \rangle$

1.2. Tipo: *transaccion*

Por definicion del problema sabemos que una transaccion es una cuadru-pla que consta de un *id_transaccion*, *id_comprador*, *id_vendedor*, *monto*, todos enteros positivos, realizaremos el siguiente renombre de tipo:

<i>transaccion</i> ES struct $\langle id_transaccion : \mathbb{Z}, id_comprador : \mathbb{Z}, id_vendedor : \mathbb{Z}, monto : \mathbb{Z} \rangle$

1.3. Tipo: *bloque*

Un bloque tiene un *id_bloque* que se representa con un entero positivo y puede tener hasta 50 *transacciones*:

<i>bloque</i> ES struct $\langle id_bloque : \mathbb{Z}, transacciones : seq(transaccion) \rangle$
--

2. Definición del TAD

```

TAD Berretacoin {
  obs bloques: seq⟨bloque⟩
  obs usuarios: seq⟨usuario⟩

  proc nuevoBerretacoin (in usuarios: seq⟨usuario⟩) : Berretacoin {
    requiere { |usuarios| ≥ 1 }
    requiere { (∀i : Z) ((0 ≤ i < |usuarios|) →L ((usuarios[i].id >
0) ∧L ¬(hayRepetidos(usuarios, usuarios[i])) ∧L (usuarios[i].monedas = 0))) }
    asegura { res.bloques = ⟨⟩ }
    asegura { res.usuarios = usuarios }
  }

  proc agregarBloque (inout b: Berretacoin, in transacciones: seq⟨transaccion⟩) {
    /* Cantidad limite de transacciones = 50 */
    requiere { b = B0 }
    /* Los ids de las transacciones son consecutivos arrancando desde el 0 o no tenga transacciones */
    requiere { |transacciones| ≤ 50 }
    requiere { ((transacciones[0].id = 0) ∧ (∀i : Z) ((0 ≤ i < |transacciones| - 1) →L
(transacciones[i].id + 1 = transacciones[i + 1].id))) ∨ (transacciones = ⟨⟩) }
    requiere { (∀i : Z) ((0 ≤ i < |transacciones|) →L (transacciones[i].id_comprador ≠
transacciones[i].id_vendedor)) }
    /* Si en transacciones aparece un comprador que en B0 no está como usuario, el mismo debe aparecer
como vendedor primero */
    requiere
{ (∀i : Z) ((0 ≤ i < |transacciones|) →L ((¬perteneceUsuario(B0, transacciones[i].comprador)) →L
(∃j : Z) ((0 ≤ j < i) →L (transacciones[i].comprador = transacciones[j].vendedor)))) }
    /* La suma de los montos recibidos y gastados es ≥ 0 sin importar si el comprador/vendedor estaba
ya en la lista de usuarios o no */
    requiere { (∀i : Z) ((0 ≤ i < |b.usuarios|) →L ((∀j : Z) (((0 ≤ j < |transacciones|) ∧ ((b.usuarios[i].id =
transacciones[j].id_comprador) ∨ (b.usuarios[i].id = transacciones[j].id_vendedor)) →L
(ifThenElse(perteneceUsuario(B0.usuarios, b.usuarios[i].id), B0.usuarios[i].monto, 0) +
montoRecibido(transacciones, usuarios[i], j) - montoGastado(transacciones, usuarios[i], j)) ≥ 0)))) }
    /* El vendedor es algún usuario arbitrario siempre distinto para todas las operaciones de creacion
de berretacoin */
    requiere { (|B0.bloques| ≤ 3000) →L ((|transacciones| > 0) ∧ (transacciones[0].monto =
1) ∧ (noGanoMonedaGratis(B0.bloques, transacciones[0].id_vendedor) ∧ (∀i : Z) ((1 ≤ i <
|transacciones|) →L (transacciones[i].comprador_id ≠ 0)))) }
    requiere { (|B0.bloques| > 3000) →L ((∀i : Z) ((0 ≤ i < |transacciones|) →L
(transacciones[i].comprador_id ≠ 0))) }
    /* El bloque nuevo se agrega a la lista de bloques de berretacoin */
    asegura { b.bloques = B0 ++ ⟨id_bloque : |B0.bloques|, transacciones : transacciones⟩ }
    /* Todos los vendedores que están en transacciones y no están en B0.usuarios, están en b.usuarios */
    asegura
{ (∀i : Z) (((0 ≤ i < |transacciones|) ∧L ¬(perteneceUsuario(B0.usuarios, transacciones[i].vendedor)))
→L (perteneceUsuario(b.usuarios, transacciones[i].vendedor)))) }
    /* No van a haber ids repetidos en b.usuarios */
    asegura { (∀i : Z) ((0 ≤ i < |b.usuarios|) →L ¬(hayRepetidos(b.usuarios, b.usuarios[i]))) }
    /* Me da fiaca, completar más tarde */
    asegura { (∀i : Z) ((0 ≤ i < |b.usuarios|) →L (
(¬(perteneceUsuario(B0.usuarios, b.usuarios[i].id))) ∧
(vendedorPerteneceATransaccion(b.usuarios[i], transacciones)) →L (b.usuarios[i].monedas =
montoRecibido(transacciones, b.usuarios[i]) - montoGastado(transacciones, b.usuarios[i]))
∨L
( (perteneceUsuario(B0.usuarios, b.usuarios[i].id)) ∧
(¬(vendedorPerteneceATransaccion(b.usuarios[i], transaccion))) →L (b.usuarios[i].id =
B0.usuarios[i].id ∧ b.usuarios[i].monedas =
B0.usuarios[i].monto - montoGastado(transacciones, b.usuarios[i]))))
∨L
( (perteneceUsuario(B0.usuarios, b.usuarios[i].id)) ∧
(vendedorPerteneceATransaccion(b.usuarios[i], transaccion)) →L (b.usuarios[i].id =

```

```

     $B_0.usuarios[i].id \wedge b.usuarios[i].monedas = B_0.usuarios[i].monedas +$ 
     $montoRecibido(transacciones, b.usuarios[i]) - montoGastado(transacciones, b.usuarios[i]))$ 
  ) }
}

proc maximosTenedores (in b: Berretacoin) : seq<usuario> {
  asegura
   $\{(\forall i : \mathbb{Z}) ((0 \leq i < |b|) \rightarrow_L ((b.usuarios[i] \in res) \iff (esMaximoTenedor(b.usuarios, b.usuarios[i]))))\}$ 
}

proc montoMedio (in b: Berretacoin) :  $\mathbb{R}$  {
  requiere {True}
  asegura  $\{|b.bloques| = 0 \rightarrow_L res = 0\}$ 
  asegura  $\{cantTotalDeOperacionesBloques(b.bloques) = 0 \rightarrow_L res = 0\}$ 
  asegura
   $\{res = (montoTotalOperadoBloques(b.bloques)) / (cantTotalDeOperacionesBloques(b.bloques))\}$ 
}

proc cotizacionAPesos (in cotizaciones: seq< $\mathbb{Z}$ >) : seq< $\mathbb{Z}$ > {
  requiere  $\{|cotizaciones| = |b.bloques|\}$ 
  requiere  $\{(\forall i : \mathbb{Z}) ((0 \leq i < |cotizaciones|) \rightarrow_L (cotizaciones[i] > 0))\}$ 
  asegura  $\{|res| = |cotizaciones|\}$ 
  asegura  $\{(\forall i : \mathbb{Z}) ((0 \leq i < |cotizaciones|) \rightarrow_L (res[i] =$ 
     $cotizaciones[i] * montoTotalOperado(bloques[i].transacciones)))\}$ 
}

pred hayRepetidos (s: seq<usuario>, u: usuario) {
   $\left(\sum_{i=0}^{|s|-1} ifThenElseFi(s[i].id = u.id, 1, 0)\right) \geq 2$ 
}

pred nuevoUsuarioValido (s: seq<usuario>, u: usuario) {
   $(u.monedas = 0) \wedge ((\forall i : \mathbb{Z}) ((0 \leq i < |s|) \rightarrow_L (s[i].id \neq u.id)))$ 
}

pred esMaximoTenedor (s: seq<usuario>, u: usuario) {
   $(\forall i : \mathbb{Z}) ((0 \leq i < |s|) \rightarrow_L (u.monedas \geq s[i].monedas))$ 
}

pred perteneceUsuario (s: seq<usuario>, id_u:  $\mathbb{Z}$ ) {
   $(\exists i : \mathbb{Z}) ((0 \leq i < |s|) \wedge_L (s[i].id = id_u))$ 
}

pred noGanoMonedaGratis (bloques: seq<bloque>, id_vendedor:  $\mathbb{Z}$ ) {
   $(\exists i : \mathbb{Z}) ((0 \leq i < |bloques|) \rightarrow_L (bloques[i].transacciones[0].vendedor \neq id_vendedor))$ 
}

pred vendedorPerteneceATransaccion (usuario: usuario, transacciones: seq<transaccion>) {
   $(\exists i : \mathbb{Z}) ((0 \leq i < |transacciones|) \wedge_L (usuario.id = transacciones[i].vendedor))$ 
}

aux montoRecibido (transacciones: seq<transaccion>, u: usuario, idx:  $\mathbb{Z}$ ) :  $\mathbb{Z}$  =
   $\left(\sum_{k=0}^{idx} ifThenElse(transacciones[k].id_vendedor = u.id, transacciones[j].monto, 0)\right);$ 

aux montoGastado (transacciones: seq<transaccion>, u: usuario, idx:  $\mathbb{Z}$ ) :  $\mathbb{Z}$  =
   $\left(\sum_{k=0}^{idx} ifThenElse(transacciones[k].id_comprador = u.id, transacciones[j].monto, 0)\right);$ 

aux montoTotalOperado (transacciones: seq<transaccion>) :  $\mathbb{Z}$  =
   $\left(\sum_{k=0}^{|transacciones|-1} transacciones[k].monto\right);$ 

aux montoTotalOperadoBloques (bloques: seq<bloque>) :  $\mathbb{Z}$  =
   $\left(\sum_{k=0}^{|bloques|-1} montoTotalOperado(transaccionesDesde(ifThenElse(b.bloques[k].id_bloque \leq 3000, 1, 0),$ 
     $b.bloques[k].transacciones)))\right);$ 

aux cantTotalDeOperacionesBloques (bloques: seq<bloque>) :  $\mathbb{Z}$  =

```

```

     $\left(\sum_{k=0}^{|bloques|-1} |b.bloques[k].transacciones| - ifThenElse(b.bloques[k].id_{bloque} \leq 3000, 1, 0)\right);$ 
    aux transaccionesDesde (indice:  $\mathbb{Z}$ , transacciones:  $seq\langle transaccion \rangle$ ) :  $seq\langle transaccion \rangle =$ 
      (subseq(transacciones, indice, |transacciones|));
  }

```