

# 线性卷积和圆周卷积

# 线性卷积

1. 定义:

$$y(n) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} x(k)h(n-k) \Leftrightarrow \sum_{k=-\infty}^{+\infty} x(n-k)h(k)$$

$$y(n) = \sum_{k=0}^{N-1} x(k)h(n-k) \Rightarrow y(n) = x(n) * h(n)$$

运算过程: (1)翻转 (2)平移 (3)求和

# 线性卷积

2. 例题1:  $x(n)$ :  $\{1,2,3,4\}$ ,  $h(n)$ :  $\{1,1\}$ , 求 $y(n)$

# 线性卷积

3. 结论：对于一个长度为 $N$ 的序列 $x(n)$ ，与一个长度为 $M$ 的序列 $h(n)$ 进行卷积，其卷积结果为一个长度为 $L=M+N-1$ 的序列 $y(n)$

# 圆周卷积

## 1. 定义：

$$y(n) = x(n) \otimes h(n) = \sum_k^{N-1} x(k)h((n-k))_N R_N(n)$$

上式中 $x(n)$ 和 $h(n)$ 以及 $y(n)$ 均为 $N$ 点序列，且 $x(n)$ 和 $h(n)$ 都是周期序列。

## 2. 频域圆周卷积定理：

$$\begin{aligned} y(n) &= x(n) \otimes h(n) \\ Y(k) &= X(k)H(k) \end{aligned}$$

$$x(n) \otimes y(n) = IDFT[X(k)H(k)]$$

# 圆周卷积

3. 例题1:  $x(n): \{1, 2, 3, 4, 0\}$ ,  $h(n) = \{1, 1, 0, 0, 0\}$ , 求  $y(n)$

# 线性卷积和圆周卷积的关系

- ① 圆周卷积并不等价于线性卷积。
- ② 线性卷积可以通过补零，周期延拓，移位，然后取主值区间等操作，从而采用圆周卷积实现。
- ③ 通过线性卷积和圆周卷积的关系可以知道，线性卷积可以通过DFT的频域形式来实现，进而进一步表明线性卷积可以通过FFT来实现。

# 线性卷积和圆周卷积

matlab实现:

```
x=[1,2,3,4];
```

```
h = [1,1];
```

```
y1 = conv(x,h);
```

```
l = 5;
```

```
y2 = ifft(fft(x,l).*fft(h,l));
```