TEOREMA SISA

Sudah dibahas di depan bahwa 7:2 akan menghasilkan 3 dan sisa 1. Dengan demikian $7 = 2 \times 3 + 1$. Secara umum dapat dinyatakan bahwa:

Yang dibagi = Pembagi
$$\times$$
 Hasil Bagi + Sisa

Jika yang dibagi adalah suku banyak P(x), pembaginya adalah x - k, hasilnya adalah h(x)dan sisanya adalah s maka akan didapat:

$$P(x) = \dots + \dots + \dots$$

Untuk x = k, akan didapat:

$$P(k) =$$

Karena P(k) adalah nilai suku banyak untuk x = k dan s = sisa, maka bentuk terakhir ini menunjukkan bahwa nilai P(x) untuk x = k adalah sama dengan sisa pembagian P(x) oleh (x - k).

Teorema atau Dalil Sisa.

Jika suku banyak P(x) berderajat n dibagi oleh (x - k), maka sisanya adalah $s = \dots$

Latihan

1. Tunjukkan kebenaran teorema sisa dengan menggunakan:

a.
$$(x^2 - 5x + 6) : (x - 3)$$

a.
$$(x^2 - 5x + 6) : (x - 3)$$

b. $(2x^4 + 3x^2 - 4x + 7) : (x + 2)$

- 2. Tentukan hasil bagi h(x) jika $x^5 5 \times 4$ dibagi x 1, dan tunjukkan bahwa h(x) juga habis dibagi x - 1
- 3. Suku banyak $P(x) = 2x^3 + px^2 6x + 7$ dan suku banyak $Q(x) = 3x^2 6x + 7$ akan memiliki sisa yang sama jika dibagi x - 1. Tentukan nilai p.
- 4. Suku banyak $P(x) = x^3 + px^2 2x 1$ akan bersisa 0 jika dibagi (x + 1). Tentukan nilai p.

- 5. Jika kx + l merupakan sisa dari P(x) jika (x a) (x b), dengan a \neq b, maka tunjukkan bahwa k = $\frac{P(b)-P(a)}{b-a}$. Tentukan juga bentuk aljabar untuk l.
- 6. Tentukan bilangan real a agar $x^3 + 3ax 9$ habis dibagi x a 1.
- 7. Jika P(x) dibagi $x^2 3x + 2$ akan bersisa 4x 2. Tentukan sisanya jika P(x) dibagi x 1. Tentukan juga jika P(x) dibagi x 2.
- 8. Suatu sukubanyak P(x) jika dibagi x + 1 akan bersisa 5, dan jika dibagi x 4 akan bersisa -5. Tentukan sisanya jika dibagi (x + 1)(x 4).
- 9. Tentukan sisa hasil bagi dari:

a.
$$2x^2 - 3x + 2$$
 dibagi $(2x - 1)$
b. $6x^3 - x^2 + 5x - 4$ dibagi $(3x + 1)$

10. Pada soal di atas, dapatkah Anda menyelesaikan soal tersebut dengan teorema sisa? Jelaskan alasan Anda.

TEOREMA FAKTOR

Sudah dibahas bagian depan bahwa P(x) = (x - k) h(x) + s, sehingga P(k) = s.

Jika s = P(k) = 0 maka (x - k) disebut faktor dari P(x). Dengan demikian, didapat teorema faktor berikut:

Jika P(x) merupakan suatu suku banyak; (x - k) merupakan faktor dari P(x) jika dan hanya jika P(k) = 0

Teorema di atas menunjukkan dua hal:

- a) Jika (x k) merupakan faktor dari P(x) maka f(k) = 0
- b) Jika f(k) = 0 maka (x k) merupakan faktor dari P(x)

Jika P(x) merupakan suatu suku banyak; dan l(x) merupakan faktor dari P(x) jika dan hanya jika sisa pembagian P(x) oleh l(x) adalah 0

Latihan:

- 1. Tentukan suku banyak $P(x) = ax^2 + bx + c$ yang memiliki faktor (x + 2) dan (2x 1) serta memiliki nilai 6 untuk x = 2
- 2. Tentukan hasil bagi dan sisanya jika $2x^4 5x^3 + 4x^2 x 4$ dibagi (x 1)(x + 2).
- 3. Tentukan suku banyak $P(x) = ax^2 + p(x) + c$ yang memiliki faktor x + 1 = 0 dan x 3 = 0 serta memiliki nilai maksimum 16.
- 4. Tentukan nilai b dan c jika $x^2 + x$ merupakan faktor dari $2x^3 + bx^2 + cx 4$.
- 5. Tentukan nilai p dan q jika $(x-3)^2$ merupakan faktor dari $2x^3 11x^2 + px + q$.
- 6. Jika $(x k)^2$ adalah faktor dari $x^3 + 3px + q$, buktikan bahwa $4p^3 + q^2 = 0$. Tentukan faktor lainnya.
- 7. Gunakan cara skema (skematis) untuk menentukan hasil dan sisanya jika:
 - a. $x^5 + 2x$ dibagi (x 1)(x 2)
 - b. x^6 dibagi $(x-2)^2$