

Auto-localização

Robótica

Prof. Carlos Carreto
2012/2013

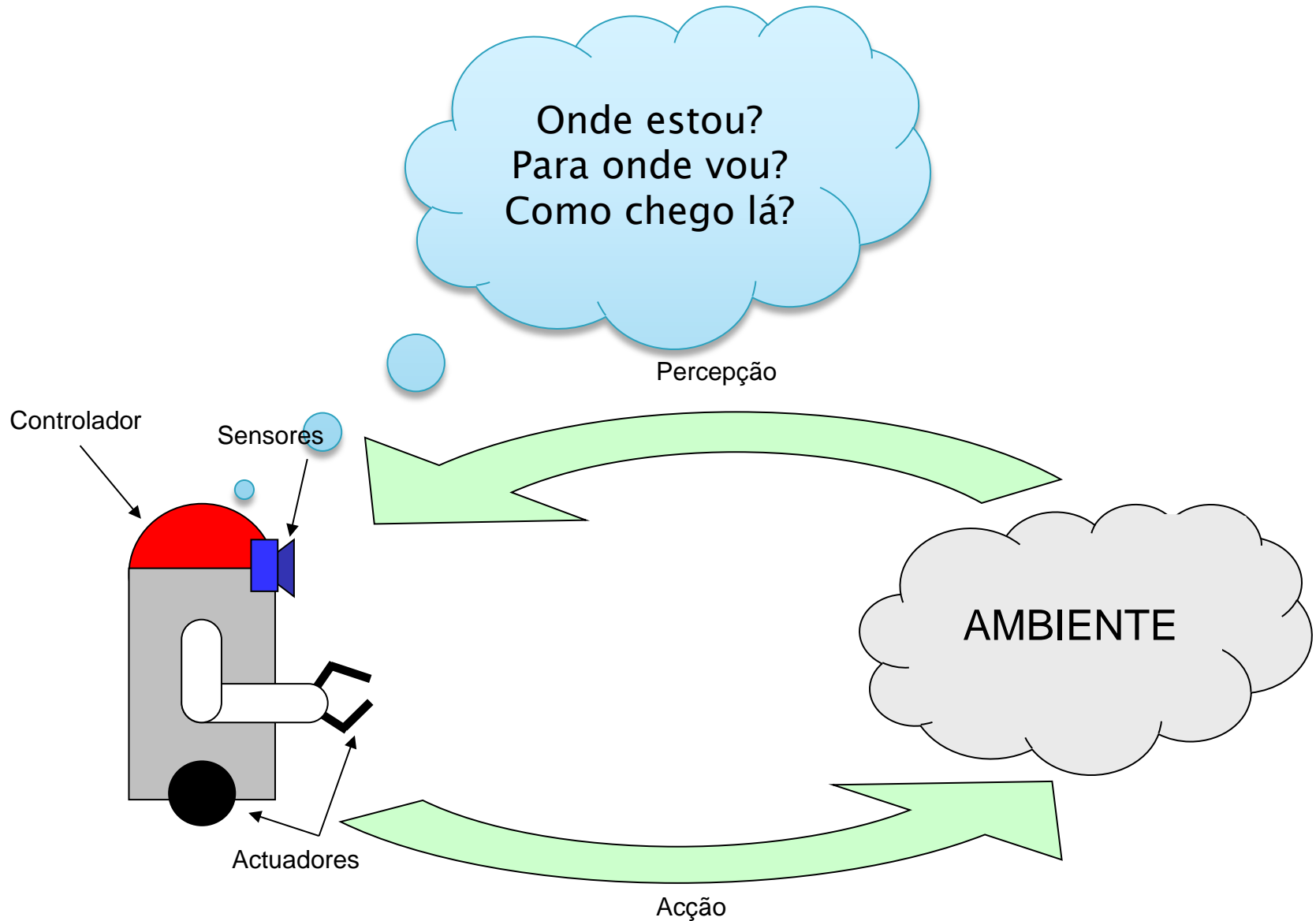


Engenharia Informática
Instituto Politécnico da Guarda

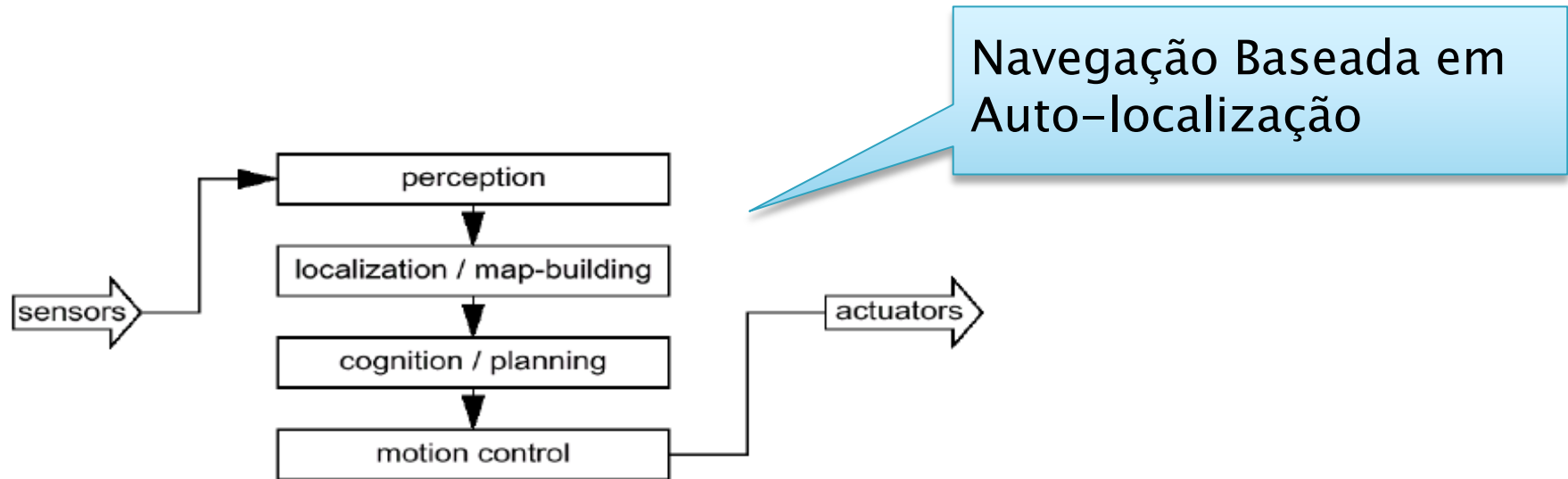
Sumário

- ▶ Auto-localização
 - ▶ O Problema da Navegação
 - ▶ Estimativa da Pose
- ▶ Tipos de Medidas de Estimativa
 - ▶ Medidas Relativas
 - ▶ Medidas Absolutas
 - ▶ Medidas Mistas
- ▶ Dead Reckoning e Odometria
- ▶ Marcadores de Posição
- ▶ Localização Probabilística

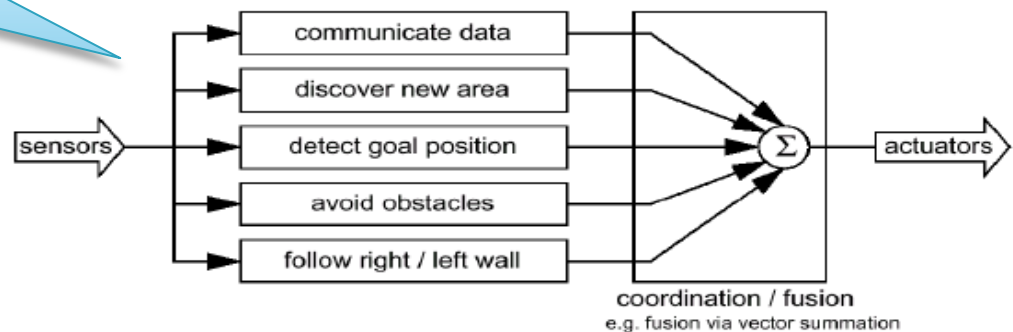
O Problema da Navegação



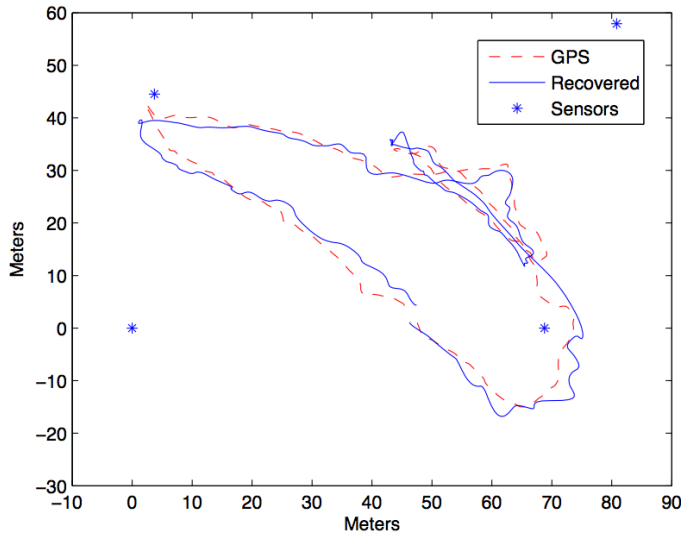
O Problema da Navegação



Navegação Reactiva (sem Auto-localização)

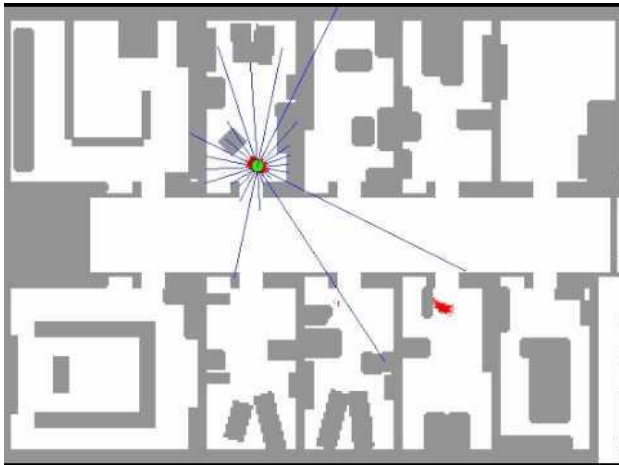


Auto-localização



Em relação a um referencial cartesiano fixo.

Em relação a um mapa do ambiente.



Pose 2D
Posição: x, y
Orientação: θ

Pose 3D
Posição: x, y, z
Orientação: $\theta_x, \theta_y, \theta_z$

Auto-localização

- ▶ Estimativa da Pose (Pose Maintenance):
 - ▶ **Medidas relativas** – a pose é estimada com base na última pose conhecida e na medição do deslocamento do objecto (ex. Dead Reckoning – Estimativa do Deslocamento Relativo).
 - ▶ **Medidas absolutas** – a pose é determinada com base na detecção de pontos de referência do ambiente cujas posições são conhecidas (marcadores de posição).
 - ▶ **Medidas mistas** – a pose é estimada recorrendo a medidas relativas e medidas absolutas.

Auto-localização

Medidas Relativas

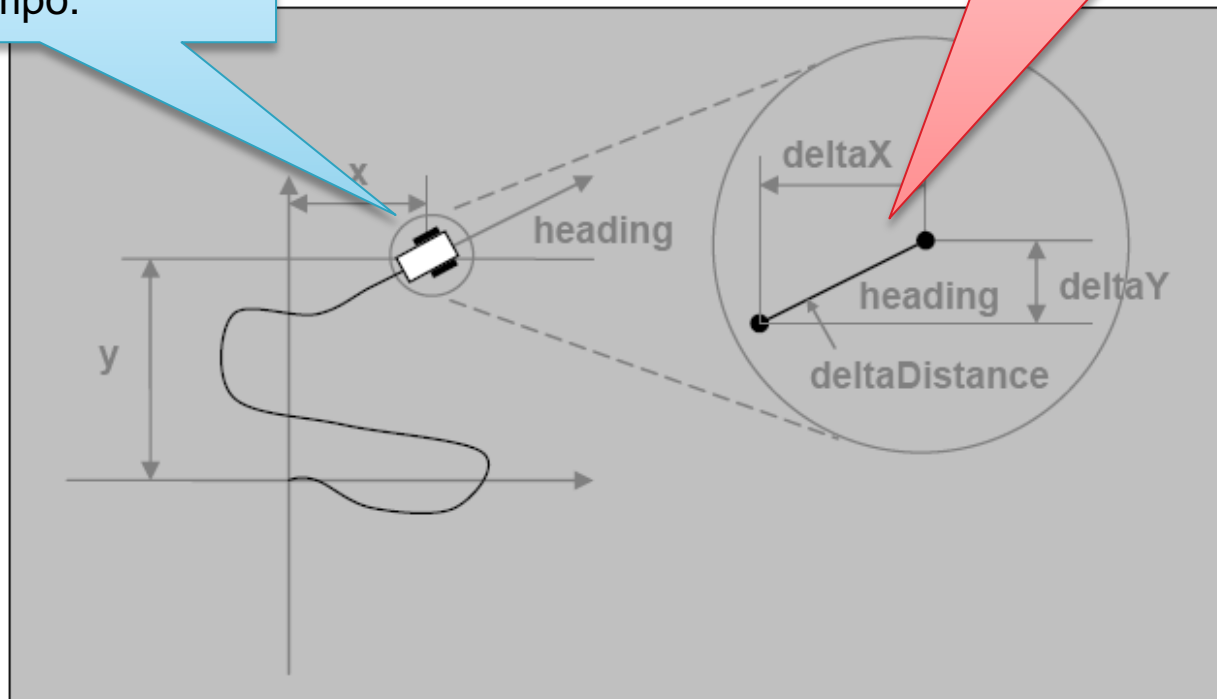
(Dead Reckoning)

Auto-localização

Medidas Relativas (Dead Reckoning)

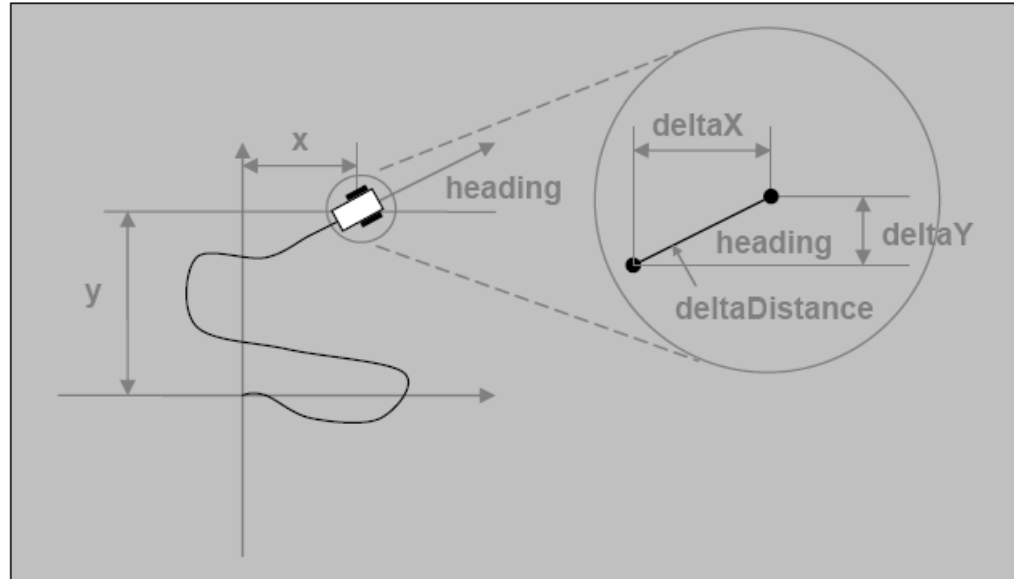
A pose do robô é estimada somando à última pose conhecida, o deslocamento sofrido pelo robô em cada unidade de tempo.

O deslocamento do robô pode ser estimado usando vários métodos. Um dos mais usados é a **Odometria**.



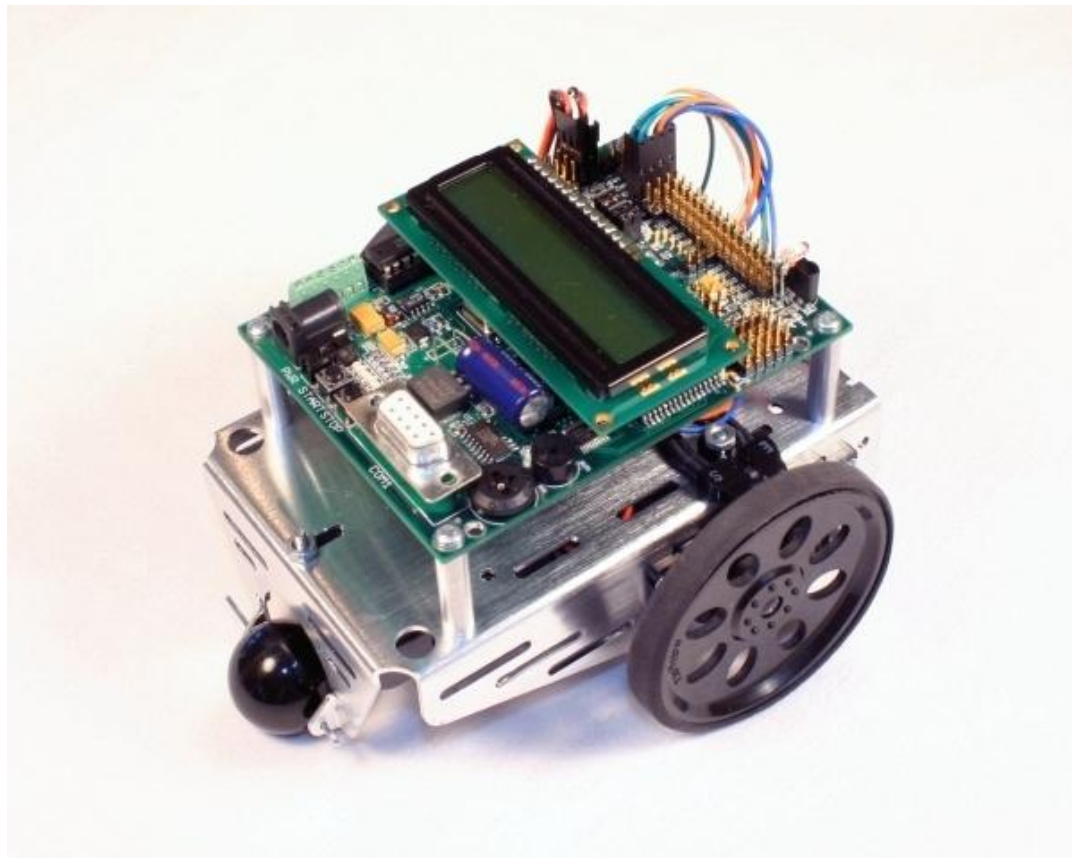
Auto-localização

Medidas Relativas (Dead Reckoning)



Em cada instante de tempo (muito pequeno), consideramos que o robô roda sobre si próprio um ângulo **heading** e percorre uma distância **deltaDistance**.

Aplicando o teorema de Pitágoras, podemos determinar o **deltaX** e o **deltaY** que somados aos valores anteriores de **x** e **y** dão uma estimativa da nova pose do robô.



Implementação de Dead Reckoning e
Odometria no robô de condução
diferencial IntelliBrain-Bot

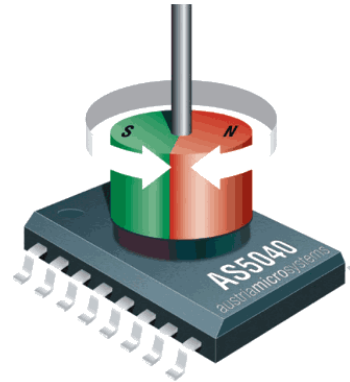
Odometria

- ▶ Método para estimar o deslocamento do robô através da medição do movimento angular das rodas.
 - ▶ É um método totalmente auto-contido (não depende de partes externas ao robô).
 - ▶ Está sujeito a erros que pela natureza incremental do método, podem crescer muito depressa e de forma descontrolada.
 - ▶ A medição do movimento angular é normalmente realizada através de **shaft encoders** (codificadores de eixo).

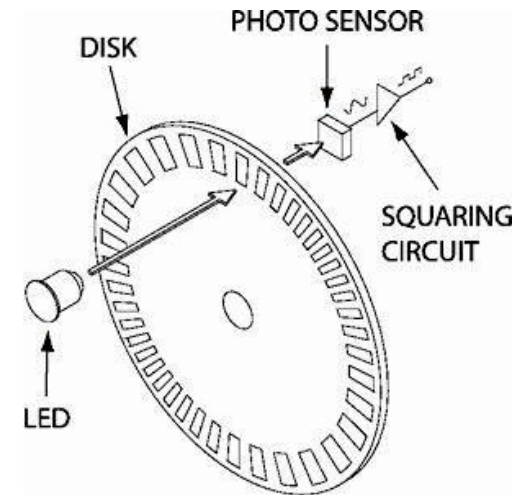
Odometria



Encoder Industrial



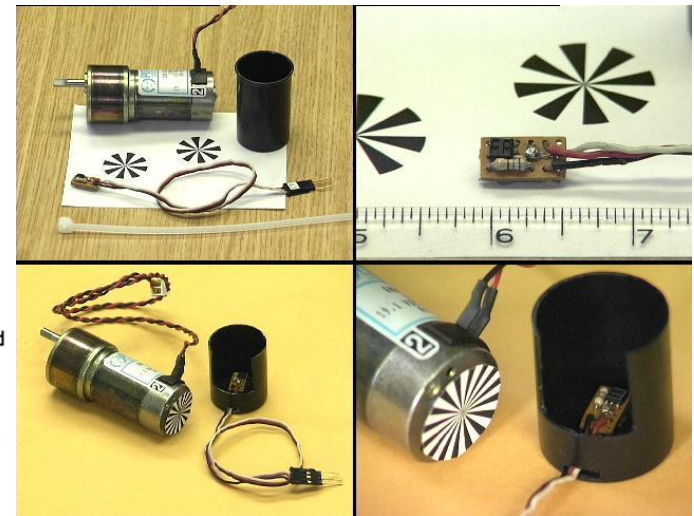
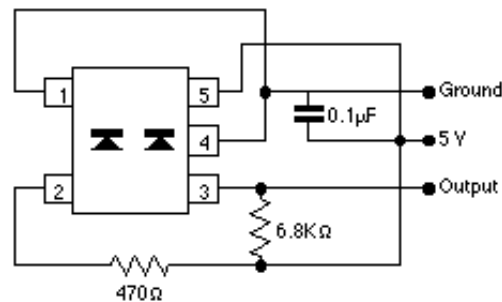
Encoder Magnético



Encoder Óptico

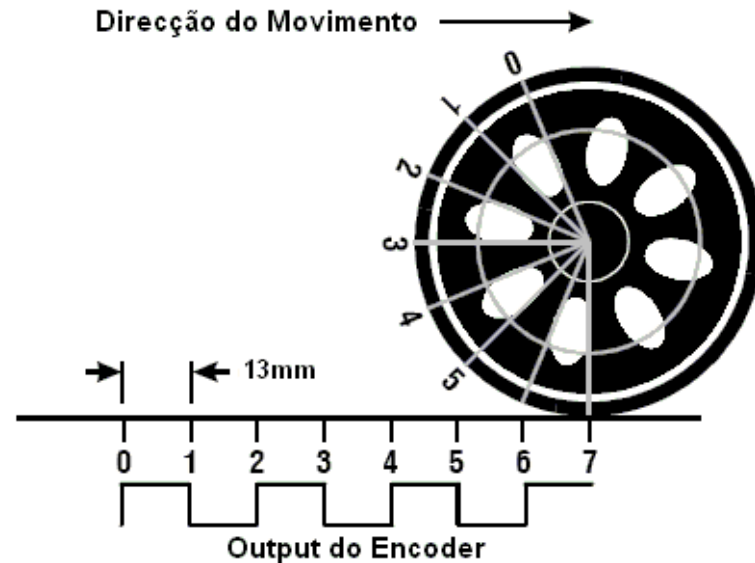
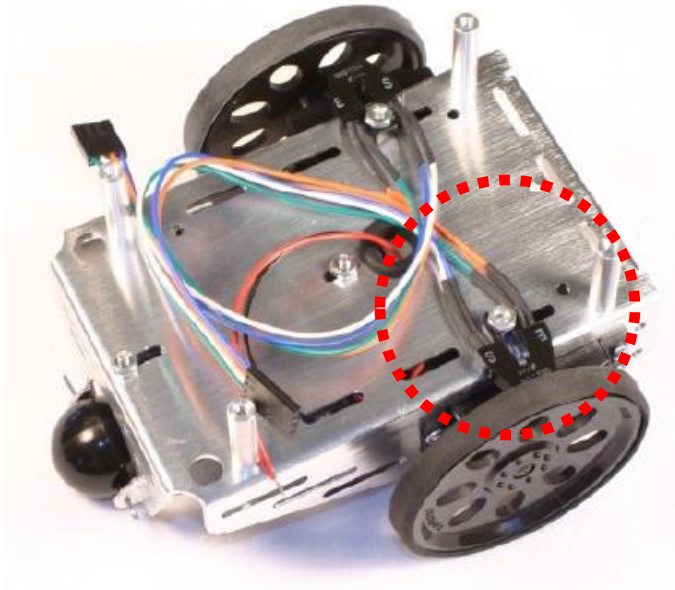


Encoder Acoplado a um Motor



Encoder Caseiro

Odometria



Ao fazer com que um sensor detecte o limiar dos buracos, é possível gerar um trem de pulsos à medida que a roda gira. Na roda da figura, o número de pulsos (**counts**) por volta, **countsPerRevolution**, é 16.

A distância percorrida pela roda em cada pulso é dada por:

$$\text{distancePerCount} = \text{Pi} * \text{diameterWheel} / \text{countsPerRevolution}$$

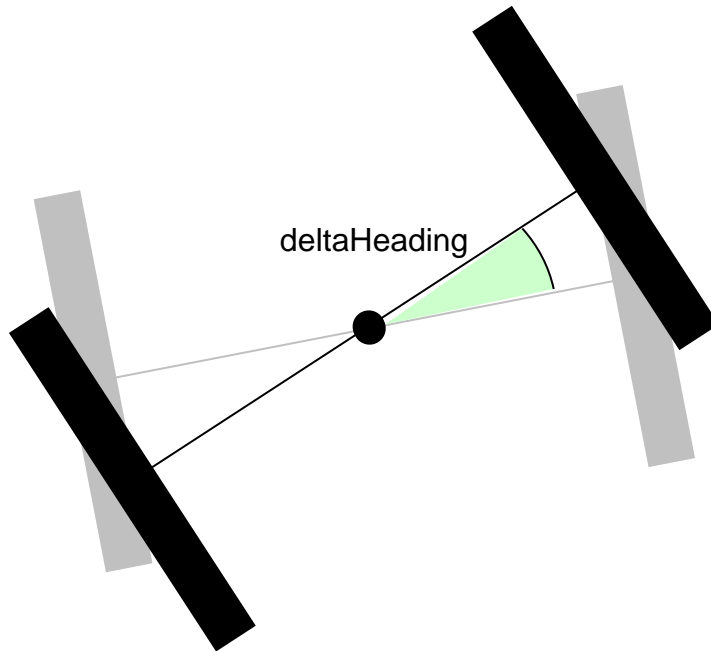
Odometria



Quando o robô se move em linha recta, a distância que percorre é simplesmente a média do número de pulsos dos encoders de cada roda, vezes a distância por pulso:

$$\text{deltaDistance} = (\text{leftCounts} + \text{rightCounts}) / 2 * \text{distancePerCount}$$

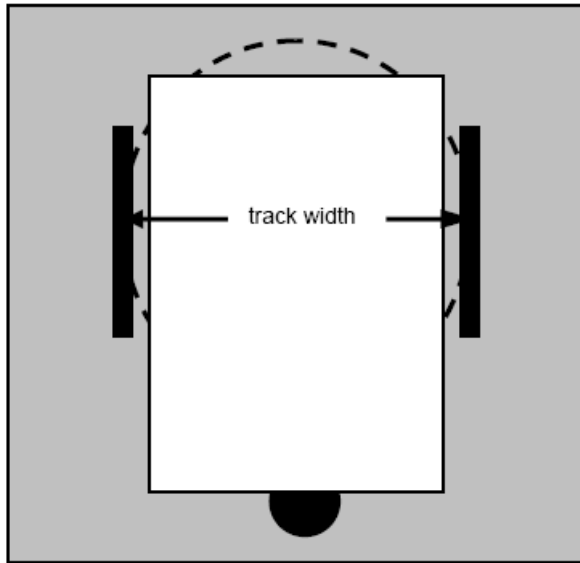
Odometria



O ângulo de rotação do robô é dado pela soma dos pulsos contados por cada roda (tendo em conta o sentido da contagem), vezes o ângulo que o robô roda por pulso:

$$\text{deltaHeading} = (\text{rightCount} - \text{leftCount}) * \text{radiansPerCount}$$

Odometria



Quando o robô roda sobre si próprio 360°, as rodas percorrem a circunferência traçado no desenho.

O perímetro dessa circunferência é:

$$\text{circunferenceTw} = \text{Pi} * \text{trackWidth}$$

O perímetro de uma roda é:

$$\text{circunferenceWheel} = \text{Pi} * \text{wheelDiameter}$$

Como o número de pulsos correspondente a **circunferenceWheel** é **countsPerRevolution**, o número de pulsos de uma única roda, correspondente à rotação de 360° da figura é:

$$\text{countsPerRotation} = (\text{circunferenceTw} / \text{circunferenceWheel}) * \text{countsPerRevolution}$$

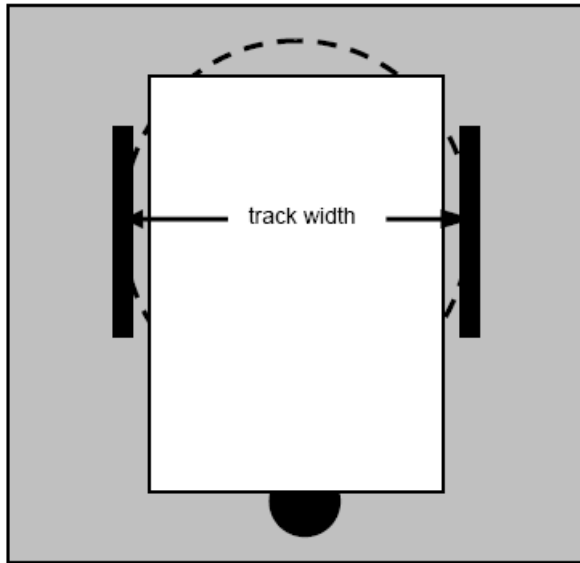
ou

$$\text{countsPerRotation} = (\text{trackWidth} / \text{wheelDiameter}) * \text{countsPerRevolution}$$

Para as duas rodas (ignorando para já o sentido de rotação), é

$$\text{countsPerRotation} = 2 * (\text{trackWidth} / \text{wheelDiameter}) * \text{countsPerRevolution}$$

Odometria



O número de radianos que o robô roda por cada pulso (considerando as 2 rodas), é:

$$\text{radiansPerCount} = 2 * \text{Pi} / \text{countsPerRotation}$$

Substituindo:

$$\text{radiansPerCount} = 2 * \text{Pi} / (2 * (\text{trackWidth} / \text{wheelDiameter}) * \text{countsPerRevolution})$$

Que podemos simplificar para:

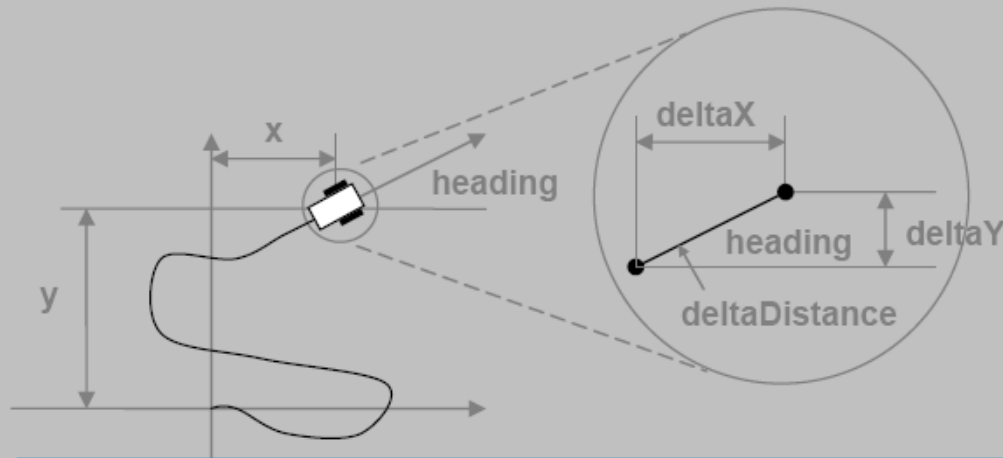
$$\text{radiansPerCount} = \text{Pi} / ((\text{trackWidth} / \text{wheelDiameter}) * \text{countsPerRevolution})$$

ou

$$\text{radiansPerCount} = \text{Pi} * (\text{wheelDiameter} / \text{trackWidth}) / \text{countsPerRevolution}$$

Notar que **radiansPerCount** depende da geometria do robô e só é calculado uma vez.

Odometria



Considere o deslocamento de um robô ao longo de um trajecto arbitrário como sendo formado por um grande conjunto de pequenos movimentos discretos.

Em cada movimento discreto o robô desloca-se uma pequena distância **deltaDistance** na direcção **heading**.

Se assumirmos que a direcção **heading** não se altera significativamente durante essa pequena distância, a alteração da posição ao longo dos eixos **X** e **Y** é dada respectivamente por **deltaX** e **deltaY**.

$$\text{deltaX} = \text{deltaDistance} * \cos(\text{heading})$$

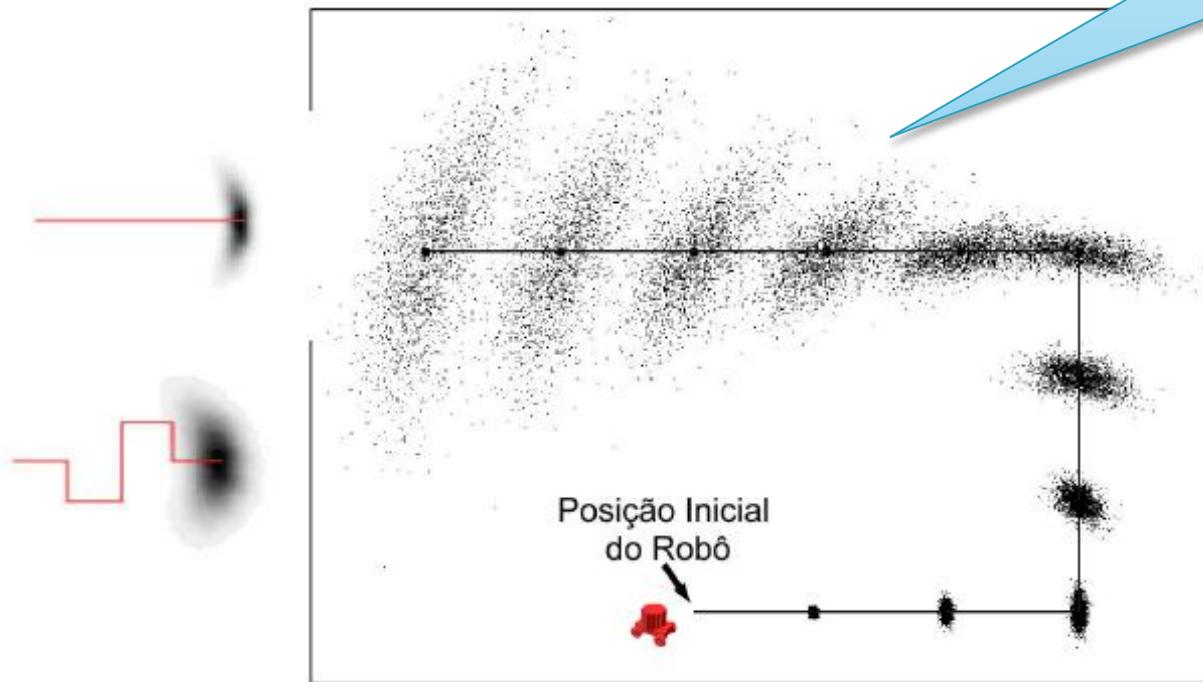
$$\text{deltaY} = \text{deltaDistance} * \sin(\text{heading})$$

Odometria

- ▶ Está sujeita a dois tipos de erros:
 - ▶ **Erros sistemáticos** – relacionados com as características e a calibração do sistema.
 - ▶ **Erros aleatórios** – podem ser descritos por modelos de erros na tentativa de os diminuir, mas provocarão sempre uma incerteza na determinação da posição do robô.
- ▶ Algumas fontes de erros da Odometria:
 - ▶ Resolução limitada (tempo discreto, distância por pulso)
 - ▶ Falta de precisão na caracterização da geometria do robô
 - ▶ Eixos desalinhados
 - ▶ Rodas com diâmetros diferentes
 - ▶ Derrapagens e bloqueios das rodas
 - ▶ etc

Odometria

Consequência dos erros - Os erros (sistemáticos e aleatórios), associados à estimativa do deslocamento, provocam erros na determinação da pose do robô.



Auto-localização

Medidas Absolutas

(Marcadores de Posição)

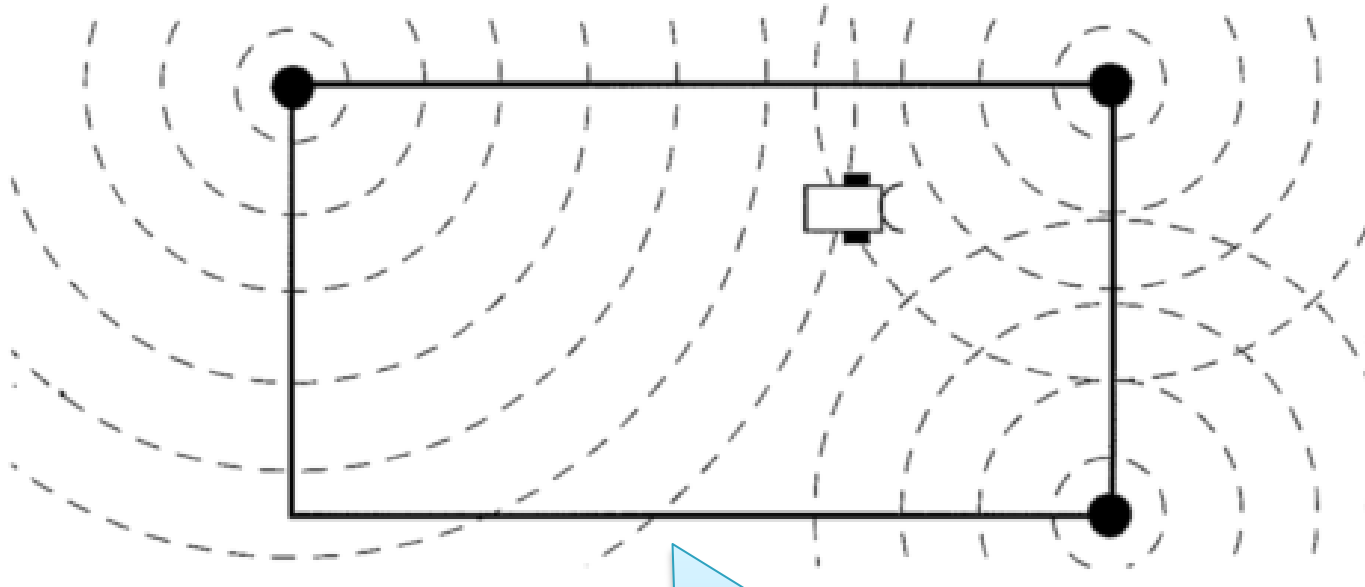
Auto-localização

Medidas Absolutas (Marcadores de Posição)

- ▶ **Beacons** – São sinais de referência ou faróis (marcas activas que emitem algum tipo de feixe de energia) que permite ao robô estimar a sua posição aproximada.
- ▶ **Landmarks** – São marcas ou pontos de referência para o robô detectar e estimar a sua posição aproximada.
 - ▶ **Marcas naturais** – fazem parte do ambiente do robô.
 - ▶ **Marcas artificiais** – são inseridas no ambiente com o propósito de serem detectadas pelo robô.

Auto-localização

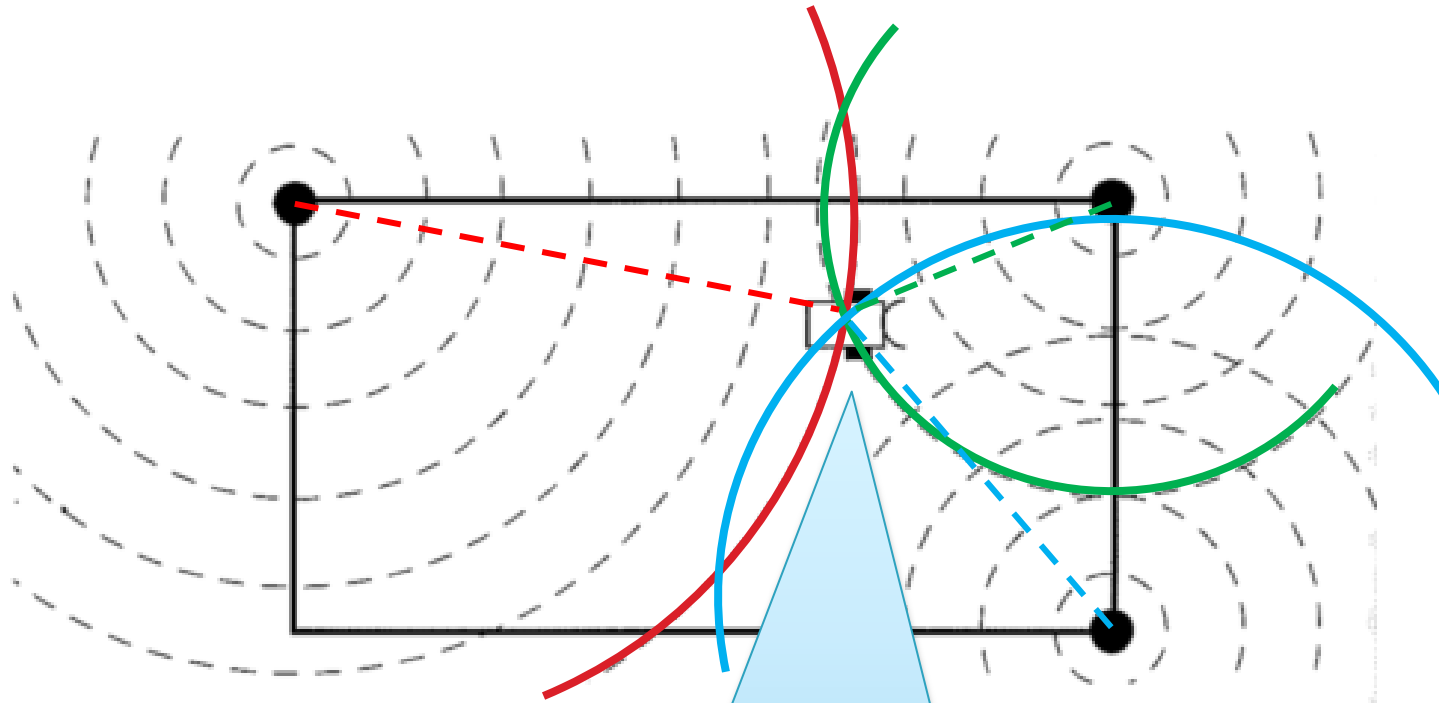
Medidas Absolutas (Marcadores de Posição)



Marcadores de posição como o sistema GPS (outdoor) ou faróis de infravermelhos, sonar, laser ou rádio (indoor/outdoor), podem ser usados para o robô estimar a sua pose através de métodos como **triangulação** e **trilateração**.

Auto-localização

Medidas Absolutas (Marcadores de Posição)



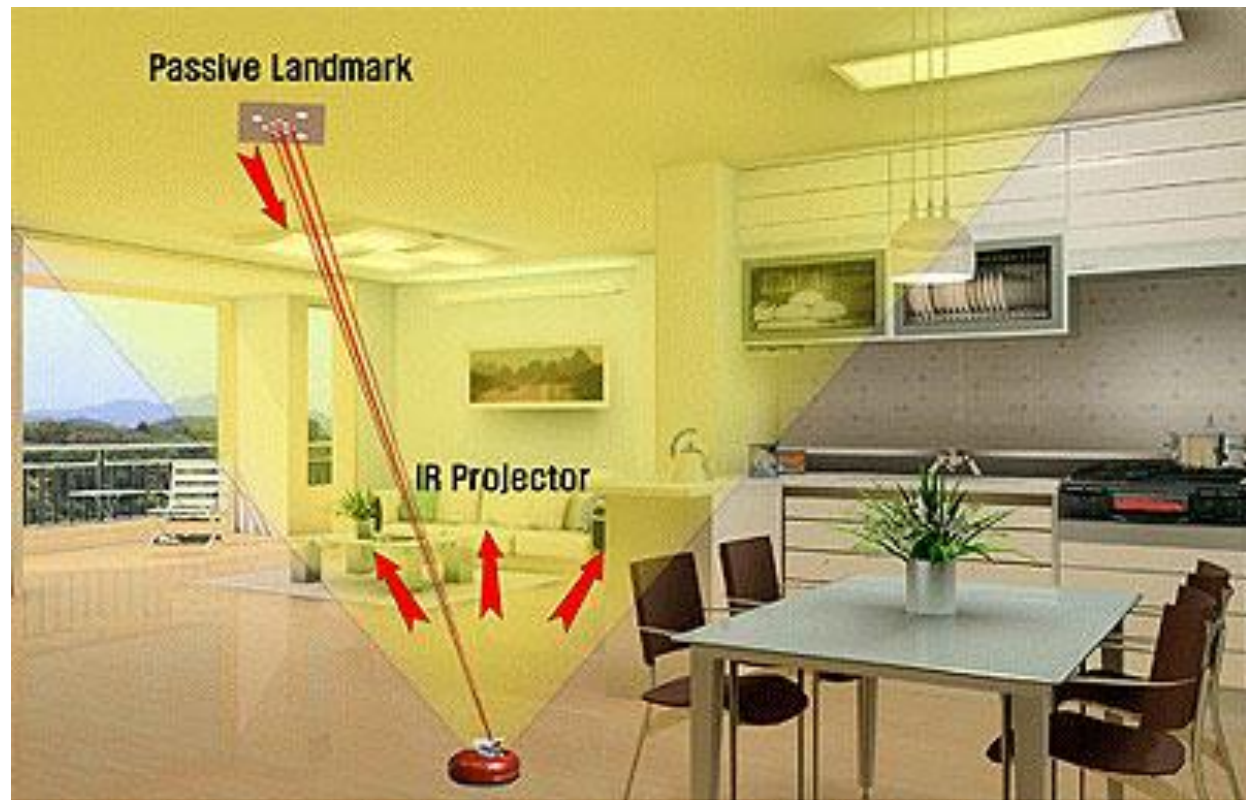
Exemplo de Trilateração – A posição do robô é estimada com base na distância entre este e um conjunto de marcadores de posição existentes no ambiente.

Auto-localização

Medidas Absolutas (Marcadores de Posição)



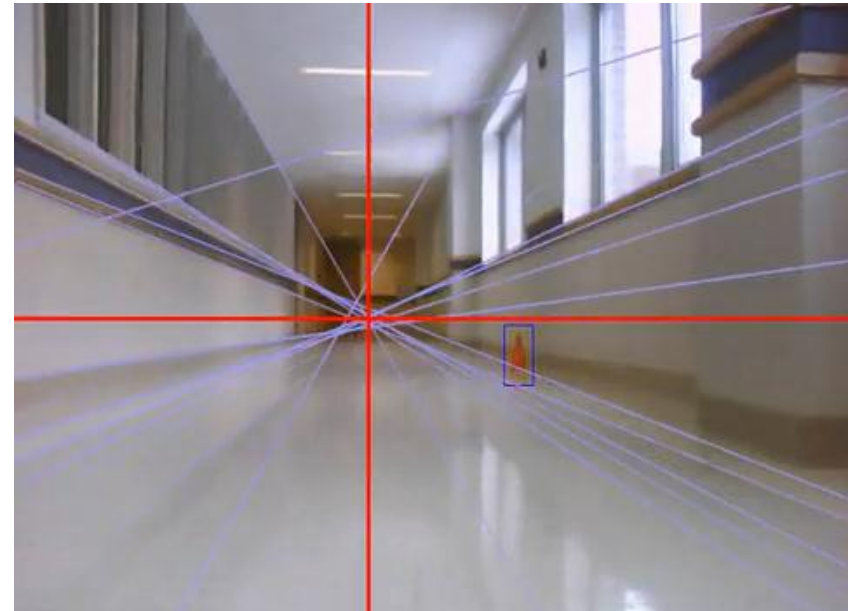
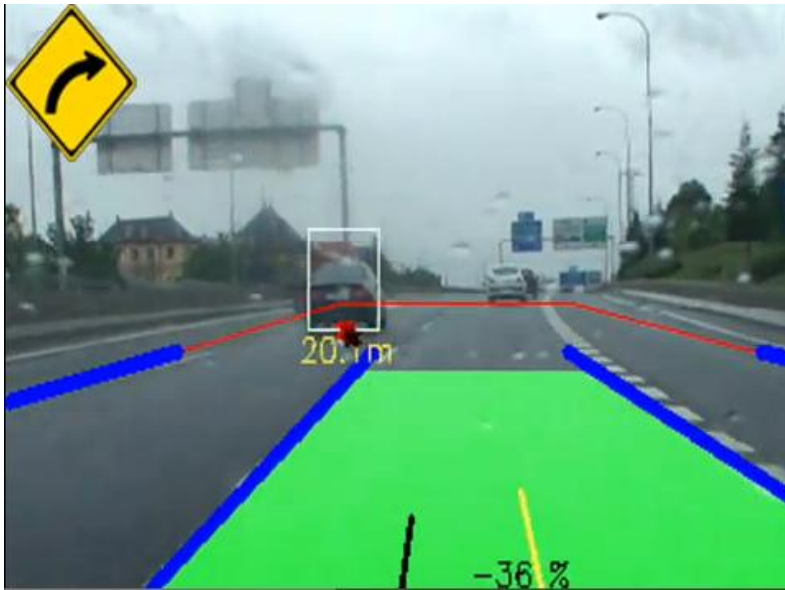
Hagisonic StarGazer Robot Localization System



Auto-localização

Medidas Absolutas (Marcadores de Posição)

- ▶ **Sensor-based servoing (Servo-controlo)** – A posição do robô é estimada em relação a marcadores de posição a partir de medições resultantes da percepção sensorial.



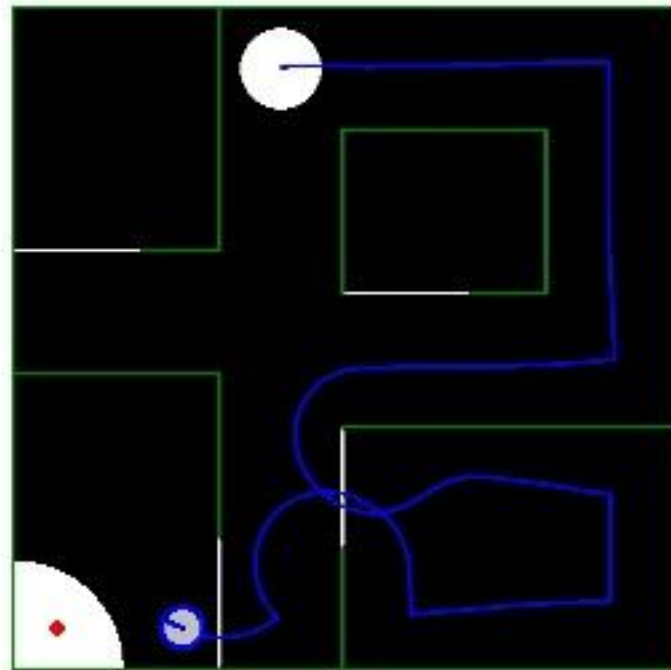
<http://www.youtube.com/watch?v=JmxDluCIIcg>

http://www.youtube.com/watch?v=nb0VpSYtJ_Y

Auto-localização

Medidas Absolutas (Marcadores de Posição)

- ▶ **Sensor-based servoing (Servo-controlo)** – A posição do robô é estimada em relação a marcadores de posição a partir de medições resultantes da percepção sensorial.

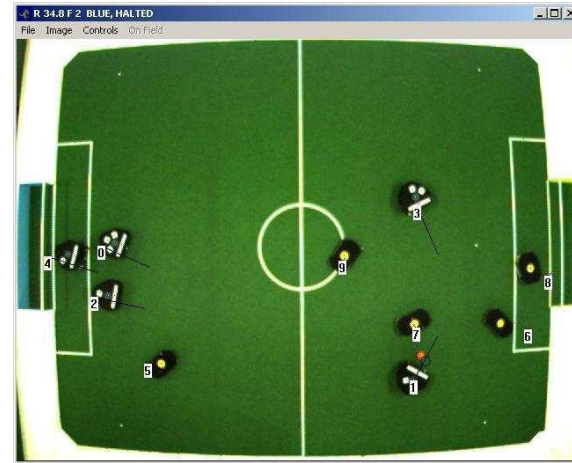
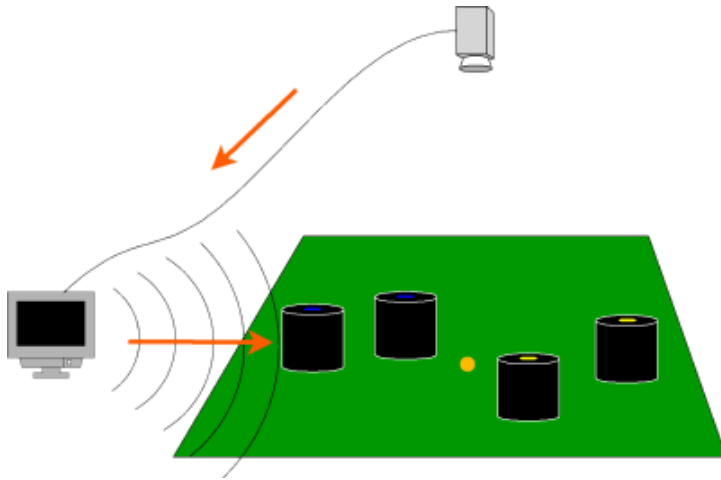


<http://www.youtube.com/watch?v=E1x7Gv5Uzqc>

Auto-localização

Medidas Absolutas (Marcadores de Posição)

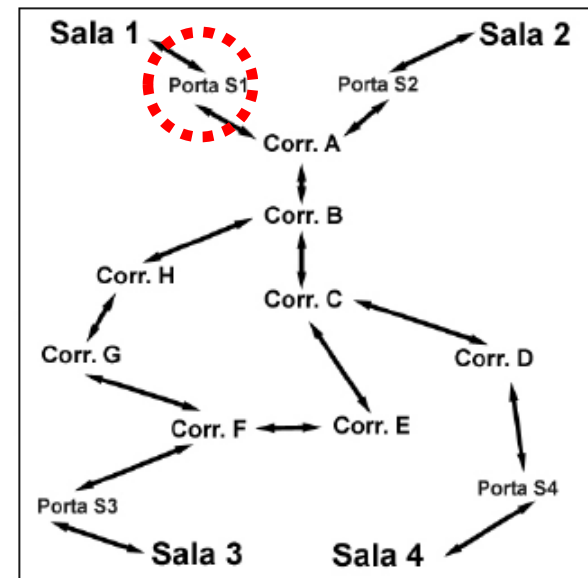
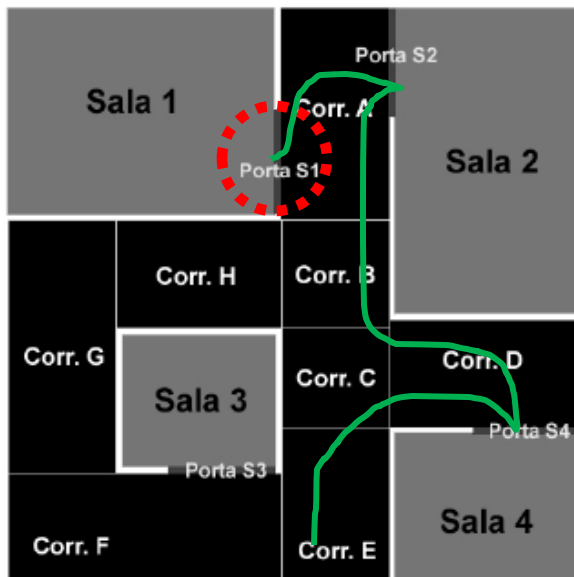
► Tracking Externo



Auto-localização

Medidas Absolutas (Marcadores de Posição)

- ▶ **Localização Topológica** – O robô identifica marcas no ambiente para estimar a sua localização num mapa topológico que representa as regiões do ambiente e a conectividade entre elas.



Auto-localização

Medidas Absolutas (Marcadores de Posição)

- ▶ Que marcadores podem ser usados no RB?



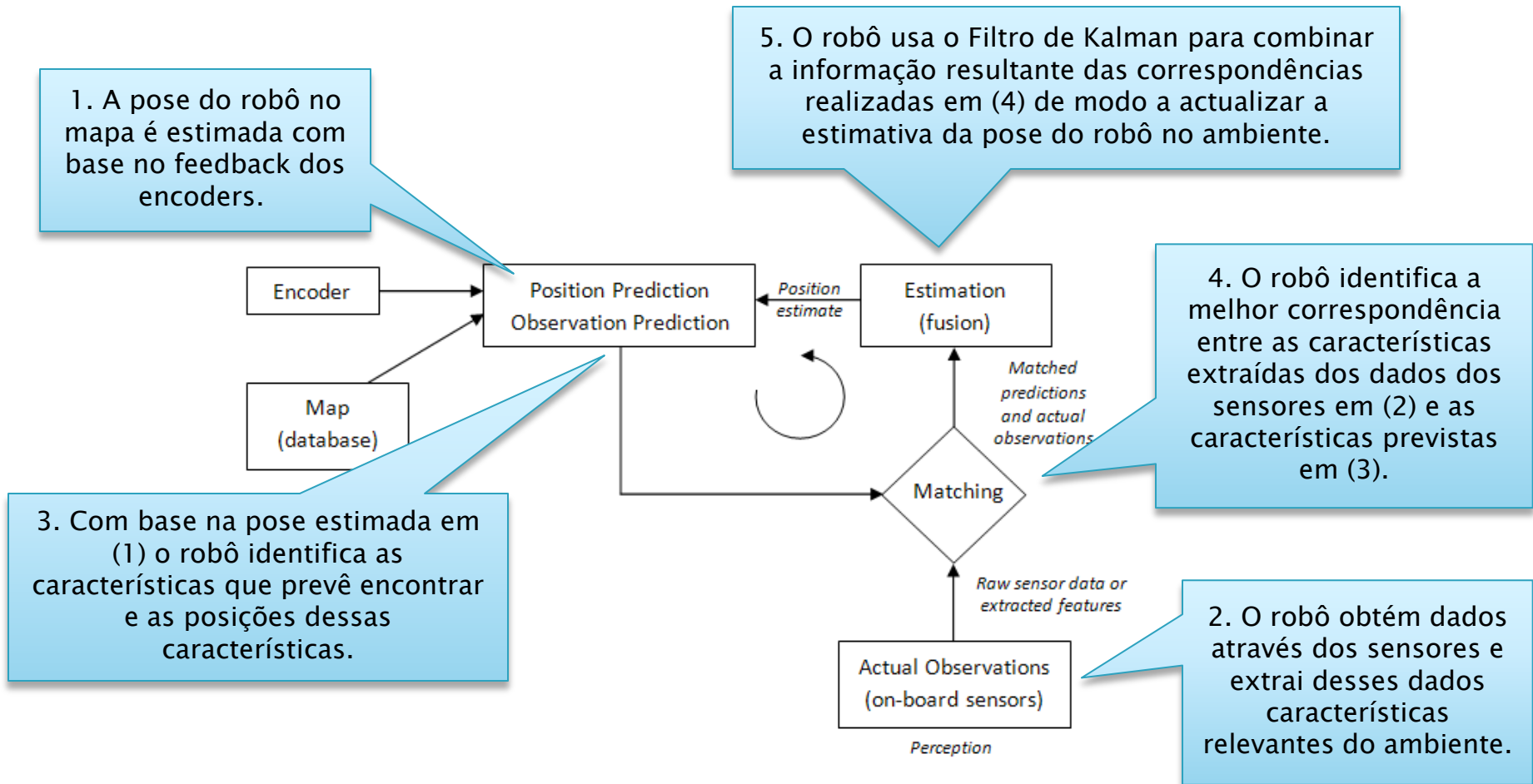
- Paredes
- Esquinas
- Linhas das entradas
- Linha da vela
- Alcatifas
- Mobília
- Base da vela
- Rampas
- Ponto de partida
- . . .

Localização Probabilística

- ▶ Usa técnicas que representam a localização como uma distribuição estatística na tentativa de ultrapassar a imprecisão dos sensores e dos métodos de localização.
- ▶ São baseadas no Filtro de Bayes.
 - ▶ $\text{Bel}(x_t) = P(x_t \mid z_1, z_2, \dots, z_t)$.
 - ▶ Qual é a probabilidade de se estar na posição x se a história das medidas dos sensores é z_1, z_2, \dots, z_t ?
- ▶ Combinam a informação sobre o deslocamento do robô com a integração de dados provenientes das medições dos sensores e de um mapa do ambiente.

Localização Probabilística

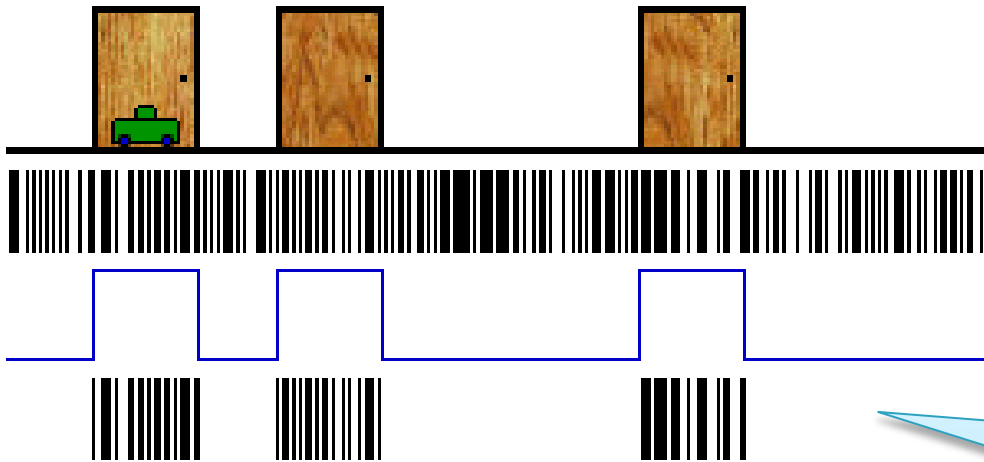
► Filtro de Kalman



Localização Probabilística

► Técnicas de Monte Carlo (Filtro de Partículas)

Exemplo 1D



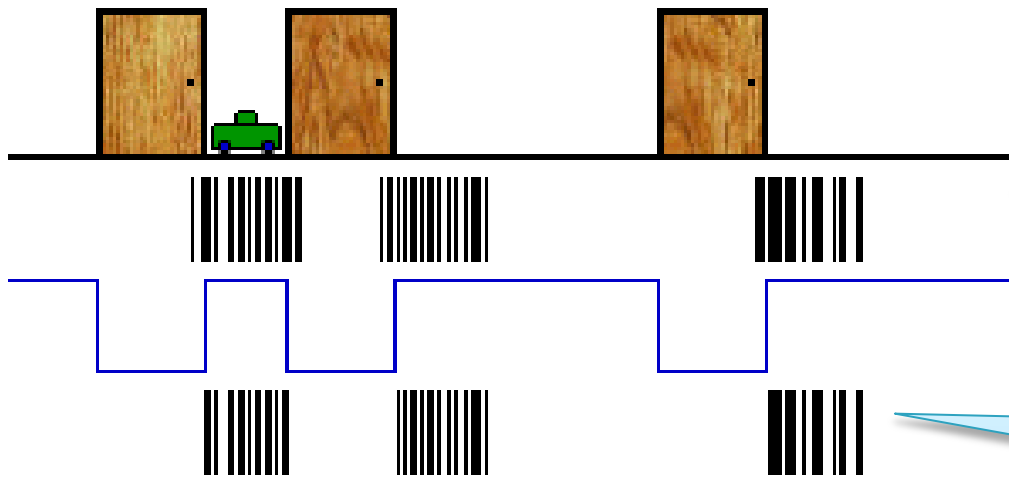
Inicialmente a posição do robô é representada por um conjunto de partículas distribuídas aleatoriamente, que representam a probabilidade do robô se encontrar em dada posição. .

O robô tem um sensor para detectar portas. Se detectar que está junto a uma porta, pode descartar as partículas que correspondem a posições entre as portas. A linha azul representa o filtro aplicado às partículas.

Localização Probabilística

► Técnicas de Monte Carlo (Filtro de Partículas)

Exemplo 1D



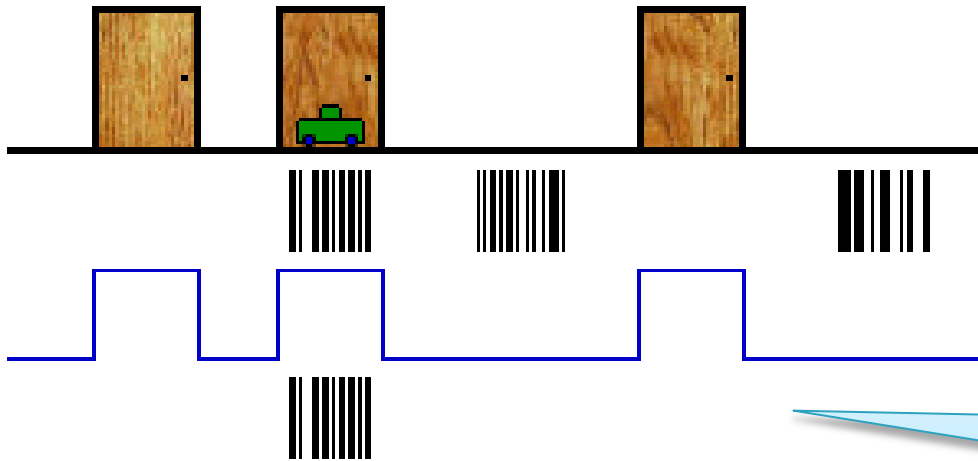
À medida que o robô se desloca, as partículas são também deslocadas da mesma quantidade.

Neste caso nenhuma porta é detectada pelo que devemos inverter a regra definida pela linha azul de modo a filtrar mais algumas partículas.

Localização Probabilística

► Técnicas de Monte Carlo (Filtro de Partículas)

Exemplo 1D



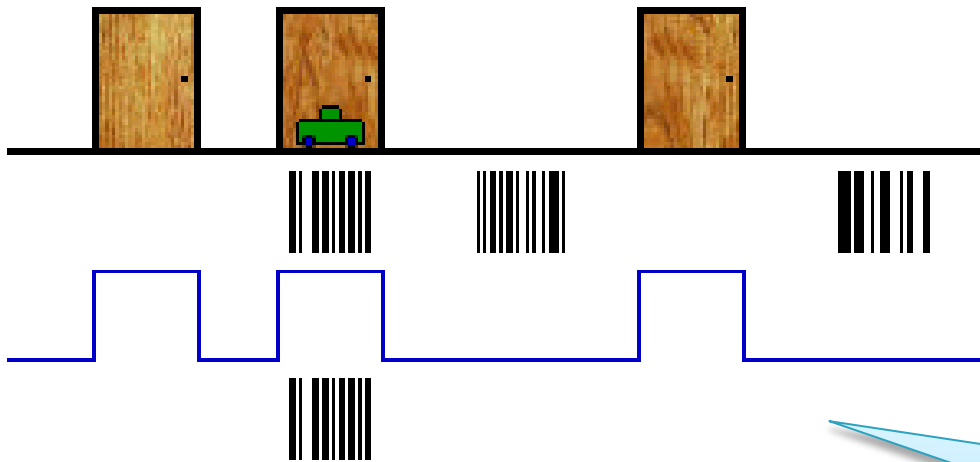
Quando o robô se move novamente, as partículas movem-se também e uma nova porta é detectada.

As coisas começam a ficar interessantes pois aplicando novamente o filtro conseguimos eliminar um grande número de partículas.

Localização Probabilística

► Técnicas de Monte Carlo (Filtro de Partículas)

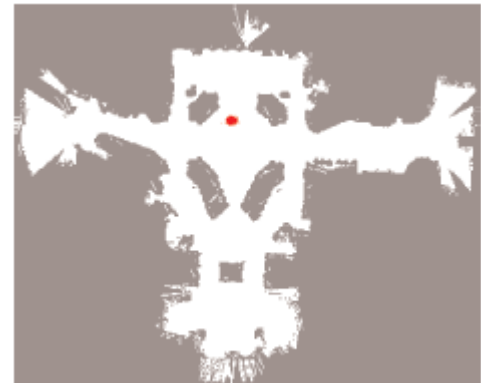
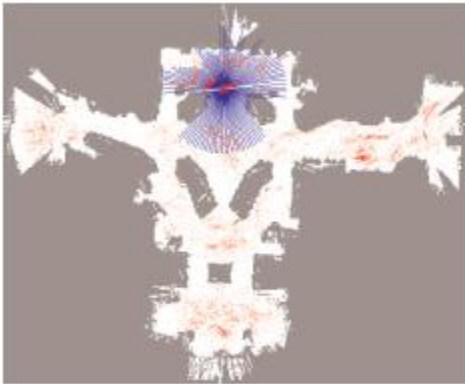
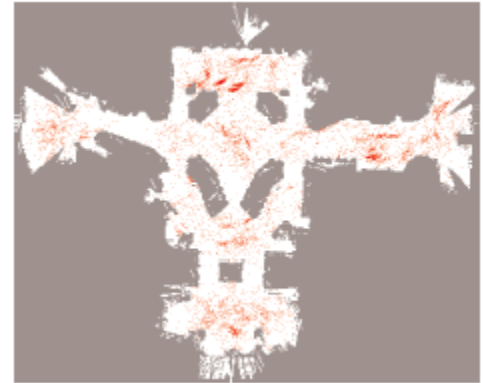
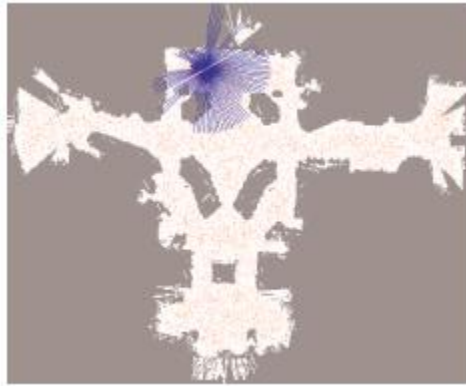
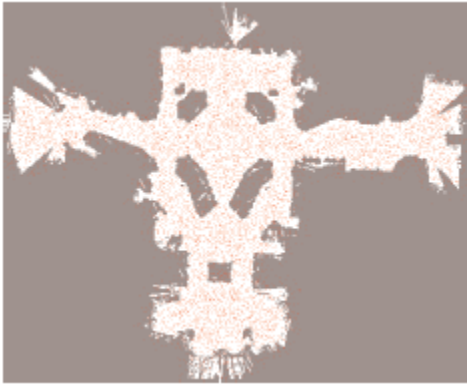
Exemplo 1D



Se o processo continuar a ser repetido acabaremos com um número de partículas muito pequeno cujas posições são uma estimativa muito precisa da posição do robô.

Localização Probabilística

► Técnicas de Monte Carlo (Filtro de Partículas)



Bibliografia

- ▶ **Introduction to Autonomous Mobile Robots (2004)**
Roland Siegwart and Illah Nourbakhsh
- ▶ **Computational Principles of Mobile Robotics (2000)**
Gregory Dudek, Michael Jenkin
- ▶ **Probabilistic Robotics (2005)** Sebastian Thrun,
Wolfram Burgard, Dieter Fox