

Datatypes

1. Una forma simple de declarar un nuevo tipo de dato

Podemos definir un tipo de dato nuevo llamado fruta que consista de tres valores posibles: Pera, Naranja, Manzana, de la siguiente manera:

```
- datatype fruta = Pera | Naranja | Manzana;
datatype fruta = Manzana | Naranja | Pera
```

Una vez definido este nuevo tipo de dato, podemos usarlo en una función u otra expresión. Por ejemplo, podríamos definir:

```
- fun esPera(x) = (x = Pera);
val esPera = fn : fruta ->bool
```

Esta función devuelve verdadero si se le pasa como argumento el valor Pera y falso para cualquier otro valor de tipo fruta. Es un error pasarle como argumento cualquier cosa que no sea alguno de los constructores del tipo de dato fruta.

Veamos las siguientes respuestas:

```
- esPera(Manzana);
val it = false : bool
- esPera(Naranja);
val it = false : bool
- esPera(Banana);
stdIn:7.8-7.14 Error: unbound variable or constructor: Banana
```

Esta última respuesta nos indica que Banana no es un argumento válido para la función esPera.

1.1. Usando expresiones constructoras para definir nuevos tipos de datos

La forma general de una declaración de tipo es:

```
\label{eq:constructora} \begin{array}{ll} \mbox{datatype } (< lista-de-par\'ametros>) < identificador-nuevo-tipo> = \\ < 1era-expresi\'on-constructora> \mid \\ < 2da-expresi\'on-constructora> \mid \\ & \dots \\ < \'ult-expresi\'on-constructora> \end{array}
```

Una expresión constructora consiste en el nombre del constructor, la palabra of y una expresión de tipo.

Un ejemplo simple:

```
datatype ('a,'b) elemento = P of 'a * 'b | S of 'a
```

Este tipo de dato representa la unión entre elementos simples y pares ordenados.

Supongamos ahora que tomamos una lista de (string, int) elemento y queremos sumar los enteros de las segundas componentes de aquellos elementos que tienen esta segunda componente.

La función sumaLaLista hace lo que queremos:

```
- fun sumaLaLista(nil) = 0
| sumaLaLista(S(x)::L) = sumaLaLista(L)
| sumaLaLista(P(x,y)::L) = y + sumaLaLista(L);
val sumaLaLista = fn : ('a,int) elemento list -> int
```

1.2. Tipo de dato recursivo

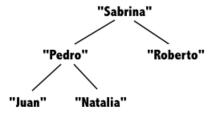
En muchos casos, necesitamos aplicar constructores de datos de manera recursiva para construir expresiones arbitrariamente grandes.

1.2.1. Árboles

);

Un árbol binario etiquetado puede definirse recursivamente como sigue:

Y representa el siguiente árbol binario:



Vamos a ver ejemplos de funciones que trabajan con este tipo de dato.

1. Defimos una función que tome un árbol arbolbin y un elemento x y diga si x aparece o no en el árbol.

La función pertenece hace lo que queremos:

```
- fun pertenece(Vacio,x) = false
| pertenece(Nodo(y,Z,W),x) = if(x=y) then true else (pertenece(Z,x) orelse pertenece(W,x));
val pertenece = fn : ''a arbolbin * ''a ->bool
```

2. Escriba una función que tome un árbol arbolbin y un elemento x y devuelva la cantidad de veces que x aparece en el árbol.

La función contar hace lo que queremos:

```
- fun contar(Vacio,x)= 0
| contar(Nodo(y,Z,W),x) = if (x=y) then 1+contar(Z,x)+contar(W,x) else contar(Z,x)+contar(W,x);
val contar = fn : ''a arbolbin * ''a ->int
```

Podemos también definir árboles de tipo más general, es decir, árboles que acepten más de dos hijos por cada nodo.

Una definición para este otro tipo de árbol podría ser:

Con este nuevo tipo de datos podemos también representar árboles binarios. Por lo tanto, podemos definir el árbol con el cual ya habíamos trabajado:



de la siguiente manera:

```
- Nodo("Sabrina", [Nodo("Pedro", [Nodo("Juan", [Vacio, Vacio]), Nodo("Natalia", [Vacio, Vacio])]),
Nodo("Roberto", [Vacio, Vacio])]
);
```

Vamos a ver ejemplos de funciones que trabajan con este tipo de dato.

1. Escriba una función que tome un árbol arbol y un elemento x y diga si x aparece o no en el árbol.

La función pertenece2 hace lo que queremos:

2. Escriba una función que tome un árbol arbol1 y un elemento x y devuelva la cantidad de veces que x aparece en el árbol.

La función contar2 hace lo que queremos:

```
- fun contar2(Nodo(a,nil),x) = if(x=a) then 1 else 0
| contar2(Nodo(a,t::ts),x) = contar2(t,x) + contar2(Nodo(a,ts),x);
```

1.2.2. Árboles Binarios de Búsqueda (Binary Search Tree)

Los árboles binarios de búsqueda son árboles (o BST, por sus siglas en inglés) cuyas etiquetas en sus nodos satisfacen la llamada propiedad de los árboles binarios de búsqueda, la cual definiremos en brevedad. Esta propiedad sólo tiene sentido si existe una relación de orden, usualmente representada por el símbolo <, que nos permite comparar los valores de sus etiquetas. Por ejemplo, los tipos de datos int, real, char, y string tienen este tipo de orden. Debemos entonces contar con una relación de orden < que cumpla con estas propidades:

- 1. Transitividad. Esto es, si x < y y y < z entonces esto implica que x < z.
- 2. Comparabilidad. Si $x \neq y$ entonces o bien x < y o y < x.
- 3. Irreflexibilidad. x < x es falso para todo x.

Podemos ahora definir la propiedad de los árboles binarios de búsqueda (o propiedad BST) con respecto al operador de comparación con el que se cuente <:

Propiedad BST: Si x es la etiqueta de cualquier nodo n de un árbol binario de búsqueda (BST), entonces es cierto que para todas las etiquetas y en el subárbol izquierdo de n se cumple que y < x y para todas las etiquetas y en el subárbol derecho de n se cumple que x < y.