

# work4

姓名：吴浩哲

学号：2223612444

## 1. 阐述不经意传输的涵义

不经意传输 (Oblivious Transfer, OT) 是一种密码学协议, 允许发送方将多个秘密消息, 如  $m_1, m_2, \dots, m_n$ , 发送给接收方, 但接收方只能选择获取其中一个特定消息  $m_\sigma$ , 且发送方无法得知接收方选择了哪个消息, 同时接收方也无法获取其他未选择的消息内容。

## 2. Rabin的不经意传输协议

Rabin的不经意传输协议 (Rabin-OT) 是最早由Michael Rabin在1981年提出的密码学协议, 其核心思想是发送方 (Alice) 将秘密消息  $m$  通过加密传输给接收方 (Bob), 但Bob仅以  $1/2$  的概率成功解密获取  $m$ , 且Alice无法确认Bob是否成功解密。协议基于大整数分解难题和二次剩余问题: Alice生成两个大素数  $p, q$  并发送  $N = pq$  给Bob; Bob随机选择  $x \in \mathbb{Z}_N^*$  发送  $x^2 \bmod N$ ; Alice计算  $x$  的四个平方根并随机返回其中一个  $y$ ; 若  $y \neq \pm x$  (概率  $1/2$ ), Bob可通过  $\gcd(x - y, N)$  分解  $N$  并解密消息, 否则无法获取信息。

## 3. 阐述零知识证明的涵义

零知识证明 (Zero-Knowledge Proof, ZKP) 是一种密码学协议, 由Goldwasser、Micali和Rackoff在20世纪80年代初提出, 其核心在于**证明者 (Prover)** 能在不泄露任何有用信息的前提下, 向**验证者 (Verifier)** 证明某个命题的真实性。例如, A可通过打开一扇只有特定钥匙才能打开的门并取出某物向B证明自己拥有钥匙, 而无需展示钥匙本身。该技术需满足三个关键属性:  
**正确性** (证明者无法欺骗验证者)、**完备性** (验证者无法欺骗证明者) 和**零知识性** (验证者无法获取额外信息)。零知识证明广泛应用于区块链、隐私保护等领域, 如ZCash和以太坊通过zk-SNARKs实现隐私交易验证, 其本质是概率性证明而非确定性证明, 可通过重复交互将误差降至可忽略水平。

## 4. 简化F-F-S识别体制的实现过程

简化F-F-S (Feige-Fiat-Shamir) 识别体制是一种基于零知识证明的身份认证协议, 其实现过程如下: 首先, 可信仲裁者选择一个随机模数  $m$ , 并为用户A (识别者) 生成一对公钥  $v$  和私钥  $s$ , 其中  $v \equiv s^2 \bmod m$ 。验证者B随机选择一个挑战数  $r$  发送给A, A使用私钥  $s$  计算响应  $y \equiv s \cdot r \bmod m$  并返回给B。B通过验证  $y^2 \equiv v \cdot r^2 \bmod m$  是否成立来确认A的身份合法性。整个过程无需泄露私钥  $s$ , 且重复多次可降低欺骗概率, 最终实现“证明者知晓秘密但验证者一无所知”的零知识特性。

## 5. 基于离散对数的Pedersen 承诺协议

基于离散对数的Pedersen承诺协议是一种密码学承诺方案, 其核心思想是允许承诺方 (Prover) 在不泄露秘密值  $m$  的情况下生成一个公开承诺  $C$ , 后续可通过揭示  $m$  和随机盲因子  $r$  供验证方

(Verifier) 验证。具体实现分为三阶段：

1. **初始化**：选择阶为素数 $q$ 的乘法群 $G$ 及两个独立生成元 $g, h$ （离散对数关系未知）；
2. **承诺**：承诺方计算 $C = g^m h^r \bmod p$ （ $p$ 为大素数且 $q \mid p-1$ ），发送 $C$ 给验证方；
3. **验证**：揭示阶段发送 $(m, r)$ ，验证方重新计算 $C' = g^m h^r$ 并检查 $C' \stackrel{?}{=} C$ 。

该协议基于离散对数困难问题，满足**完美隐藏性**（ $r$ 的随机性确保 $m$ 信息论安全）和**计算绑定性**（无法找到两组 $(m, r)$ 生成相同 $C$ ）。其加法同态性（ $C_1 \cdot C_2 = g^{m_1+m_2} h^{r_1+r_2}$ ）使其广泛应用于隐私交易（如门罗币）和零知识证明系统。

## 6. Paillier加密方案的实现过程并证明为什么其具有加法同态性

Paillier加密方案是一种基于合数剩余类问题的公钥加密算法，其实现过程分为三部分：

1. **密钥生成**：选择两个大素数 $p$ 和 $q$ ，计算 $n = pq$ 和 $\lambda = \text{lcm}(p-1, q-1)$ ，随机选取 $g \in \mathbb{Z}_{n^2}^*$ 满足 $g^\lambda \equiv 1 \bmod n^2$ ，公钥为 $(n, g)$ ，私钥为 $\lambda$ 。
2. **加密**：对明文 $m \in \mathbb{Z}_n$ ，选择随机数 $r \in \mathbb{Z}_n^*$ ，计算密文 $c = g^m \cdot r^n \bmod n^2$ 。
3. **解密**：计算 $m = \frac{L(c^\lambda \bmod n^2)}{L(g^\lambda \bmod n^2)} \bmod n$ ，其中 $L(x) = \frac{x-1}{n}$ 。

**加法同态性证明**：对于密文 $c_1 = g^{m_1} r_1^n \bmod n^2$ 和 $c_2 = g^{m_2} r_2^n \bmod n^2$ ，其乘积 $c_1 c_2 = g^{m_1+m_2} (r_1 r_2)^n \bmod n^2$ 解密后为 $m_1 + m_2 \bmod n$ ，即 $D(c_1 c_2) = D(c_1) + D(c_2)$ ，满足同态加法。这一性质源于 $g$ 的指数运算和 $r^n$ 的乘法在模 $n^2$ 下的结合性。