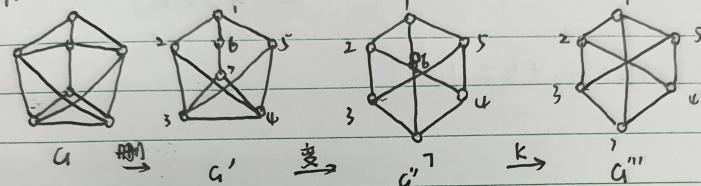


T33. 证明：结点数 $n = (r+1)^2$, 边数 $m = (r+1)r + (r+1)r = 2r^2 + 2r$
 面数 $f = r^2 + 1$ (外部), 故有 (横边) (竖边)

$$n - m + f = (r+1)^2 - 2r^2 - 2r + r^2 + 1 = 2, \text{ Euler 公式成立.}$$

T34. 证明：原图 G 的一个子图为 G' , 对 G' 变形 (将 7 拉出) 为 G''



利用 K 技术将 6 删去, 得 G'' 即 $K_{3,3}$. 故原图 G 为非平面图

T37. 证明：假设 $n \geq 2$ 的树中叶子数 < 2 , 最多仅有 1 片叶子, 则剩余 $n-1$ 个结点度均 ≥ 2 , 此时边数 $m = \frac{1}{2}[2 \times (n-1) + 1] = n - \frac{1}{2}$
 与边数为整数矛盾! 故 $n \geq 2$ 时, 任一棵树至少有 2 片叶子.

(树不能没有叶子!) (边数应为 $n-1$)

T38. 设该树结点数为 n , 边数为 m , 度为 1 的结点有 x 个. 则

$$n = x + n_2 + n_3 + \dots + n_k \quad \dots \textcircled{1}$$

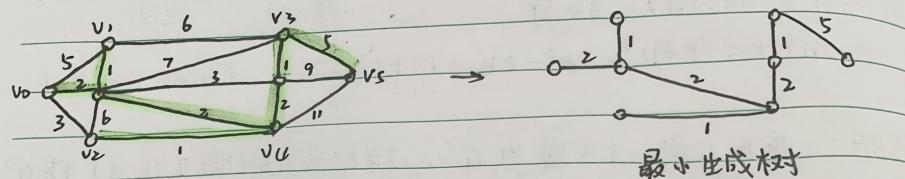
$$\sum_{i=1}^k \deg(v_i) = 2m = 2(n-1) = 2n-2 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\text{又 } \sum_{i=1}^k \deg(v_i) = 1 \cdot x + 2 \cdot n_2 + 3 \cdot n_3 + \dots + k \cdot n_k \quad \dots \textcircled{3}$$

联立 \textcircled{1} \textcircled{2} \textcircled{3} 解得 $x = n_3 + 2n_4 + \dots + (k-2)n_k + 2 \quad (\text{4})$

Date:

T42. 利用 kruskal 算法



最小生成树

$$W(T) = 1+1+1+2+2+2+5 = 14.$$