

Να δώσετε την υπολογιστική πολυπλοκότητα των παραπάνω πράξεων για διπλά συνδεδεμένες λίστες. Η απάντησή σας για την υπολογιστική πολυπλοκότητα θα πρέπει να είναι σε ένα pdf αρχείο το οποίο θα βάλετε στον φάκελο solutions-ergasia1/question1 του repository σας.

ΑΠΑΝΤΗΣΗ:

1. Η Create συνάρτηση χρειάζεται έναν pointer. Επομένως έχει υπολογιστική πολυπλοκότητα $O(1)$.

2. Η Size συνάρτηση χρειάζεται να διασχίσει όλη την λίστα για να επιστρέψει το μέγεθος της. Επομένως η υπολογιστική πολυπλοκότητα είναι $O(n)$.

3. Η IsEmpty συνάρτηση χρειάζεται έναν pointer για να ελέγξει αν υπάρχει ένα τουλάχιστον στοιχείο εξετάζοντας αν υπάρχει το 1ο στοιχείο της λίστας ή είναι NULL. Επομένως έχει υπολογιστική πολυπλοκότητα $O(1)$.

4. Η GetFirst συνάρτηση χρειάζεται έναν pointer (τον head) ώστε να επιστρέψει τον 1ο κόμβο. Επομένως έχει υπολογιστική πολυπλοκότητα $O(1)$.

5. Η GetLast συνάρτηση χρειάζεται έναν pointer (τον tail) ώστε να επιστρέψει τον τελευταίο κόμβο. Επομένως έχει υπολογιστική πολυπλοκότητα $O(1)$.

6. Η GetPrev συνάρτηση χρειάζεται έναν pointer αφού της έχουμε περάσει σαν όρισμα τον κόμβο στον οποίο θέλουμε να βρούμε τον προηγούμενο του. Επομένως έχει υπολογιστική πολυπλοκότητα $O(1)$.

7. Η GetNext συνάρτηση χρειάζεται έναν pointer αφού της έχουμε περάσει σαν όρισμα τον κόμβο στον οποίο θέλουμε να βρούμε τον επόμενο του. Επομένως έχει υπολογιστική πολυπλοκότητα $O(1)$.

8. Η AddBefore συνάρτηση αφού της περνάμε σαν όρισμα τον κόμβο της λίστας στο οποίο θέλουμε να εισάγουμε πριν από αυτόν έναν κόμβο έχει υπολογιστική πολυπλοκότητα $O(1)$, αφού δεν χρειάζεται να διασχίσουμε την λίστα.

9. Η AddAfter συνάρτηση αφού της περνάμε σαν όρισμα τον κόμβο της λίστας στο οποίο θέλουμε να εισάγουμε μετά από αυτόν έναν κόμβο έχει υπολογιστική πολυπλοκότητα $O(1)$, αφού δεν χρειάζεται να διασχίσουμε την λίστα.

10. Η AddFirst συνάρτηση χρειάζεται έναν pointer για να εισάγουμε στην αρχή της λίστας ένα στοιχείο, αφού έχουμε τον head κόμβο. Επομένως έχει υπολογιστική πολυπλοκότητα $O(1)$.

11. Η AddLast συνάρτηση χρειάζεται έναν pointer για να εισάγουμε στο τέλος της λίστας ένα στοιχείο, αφού έχουμε τον tail κόμβο. Επομένως έχει υπολογιστική πολυπλοκότητα $O(1)$.

12. Η Remove συνάρτηση αφού της περνάμε σαν όρισμα τον κόμβο της λίστας τον οποίο θέλουμε να διαγράψουμε δεν χρειάζεται να διασχίσουμε την λίστα οπότε έχει υπολογιστική πολυπλοκότητα $O(1)$.

13. Η Print συνάρτηση χρειάζεται να διασχίσει όλη την λίστα για να εκτυπώσει όλους τους κόμβους. Επομένως έχει υπολογιστική πολυπλοκότητα $O(n)$.

14&15. Οι άλλες δύο βοηθητικές συναρτήσεις που χρησιμοποιώ είναι απλές. Αναφέρομαι στην `item` όπου επιστρέφει την τιμή του κόμβου και την `make` που δημιουργεί έναν κόμβο και έχουν υπολογιστική πολυπλοκότητα $O(1)$.

Από 1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15 έχω:

$$T(n) = O(1) + O(n) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1) + O(1) + O(n) + O(1) + O(1) = O(n)$$

Επομένως η υπολογιστική πολυπλοκότητα της διπλά συνδεδεμένης λίστας είναι **$O(n)$** .