ΟΠΛΙΣΜΕΝΟ ΣΚΥΡΟΔΕΜΑ ΙΙ

Γ. Παναγόπουλος, Λέκτορας Εφαρμογών

Δ. Κακαλέτσης, Καθηγητής

Σχεδιασμός δοκών

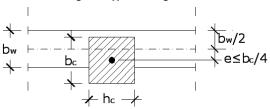
Σχεδιασμός δοκών - Γεωμετρικοί περιορισμοί

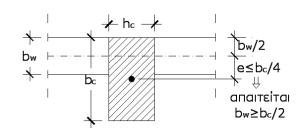
Στον Ε.C. 2 δεν υπάρχουν περιορισμοί για τη διαμόρφωση ή τις διαστάσεις διατομής των δοκών (ύψος: h_w , πλάτος: b_w)

Δοκός: $I \ge 3h_w$, Υψίκορμη δοκός: $I < 3h_w$

Δοκοί: Γεωμετρικοί περιορισμοί (ΕC8 – 5.4.1.2.1, 5.5.1.2.1)

- Δοκοί μέσης πλαστιμότητας (ΚΠΜ)
 - Πλάτος κύριας δοκού: b_w ≤ min(b_c + h_w , $2b_c$)
 - Εκκεντρότητα αξόνων δοκού – στύλου: *e*≤*b*_c/4





- Πρόσθετες διατάξεις για δοκούς υψηλής πλαστιμότητας (ΚΠΥ)
 - Πλάτος κύριας δοκού: b_w ≥ 200mm
 - Λόγος ύψος/πλάτος κύριας δοκού

$$h_w/b_w \le 3.5$$
 Kal $I_0/b_w \le 70/(h_w/b_w)^{1/3}$

όπου Ιο το ελεύθερο άνοιγμα της δοκού μεταξύ στύλων

Σχεδιασμός δοκών - Γεωμετρικοί περιορισμοί

Δοκοί: Γεωμετρικοί περιορισμοί (EC8 – 5.4.3.1.1 και 2, 5.5.3.1.3)

• Κρίσιμες περιοχές κύριων δοκών

 $-\Delta$ οκοί ΚΠΜ: $I_{cr} = h_{w}$

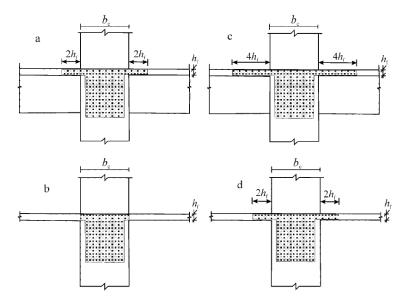
εκατέρωθεν των παρειών του κόμβου

 $-\Delta$ οκοί ΚΠΥ: I_{cr} = 1.5 h_w

Εκατέρωθεν των παρειών φυτευτού υποστυλώματος

Δοκοί ΚΠΜ, ΚΠΥ: $I_{cr} = 2h_w$

 Συνεργαζόμενο πλάτος πλακών όπου επιτρέπεται η διανομή του εφελκυόμενου οπλισμού στήριξης της δοκού (Σχήμα 5.5)



Σχήμα 5.5 Συνεργαζόμενο πλάτος πλακών, σε περιμετρικό (αριστερά) και εσωτερικό (δεξιά) κόμβο

Σχεδιασμός δοκών - Διαμήκεις οπλισμοί

Ελάχιστα και μέγιστα ποσοστά οπλισμού

• Ελάχιστος διαμήκης εφελκυόμενος οπλισμός:

$$A_{s,min} = 0.26 \cdot \frac{f_{ctm}}{f_{yk}} \cdot b_t \cdot d \ge 0.0013 \cdot b_t \cdot d$$

όπου: b, το μέσο πλάτος στο ύψος της εφελκυόμενης περιοχής

Ελάχιστο ποσοστό εφελκυόμενου οπλισμού $\rho_{L,min} = A_{s,min}/(b_t \cdot d)$

Υλικά	C16	C20	C25	C30	C35	C40	C45	C50	C55	C60	C70	C80	C90
$ ho_{\mathit{L,min}}$ (%)	1.30	1.30	1.35	1.51	1.66	1.82	1.98	2.13	2.18	2.29	2.39	2.50	2.60

Θεωρήθηκε f_{yk} =500MPa

• Μέγιστος διαμήκης εφελκυόμενος οπλισμός:

$$A_{s,max} = 0.040A_c$$

Σε περιοχές υπερκάλυψης επιτρέπεται, υπό τις προϋποθέσεις της §8.7.2,

$$A_{s,max} \leq 0.080A_c$$

Σχεδιασμός δοκών - Διαμήκεις οπλισμοί

Δοκοί: Ελάχιστα και μέγιστα ποσοστά διαμήκους οπλισμού (ΕC8 – 5.4.3.1.2)

• Ελάχιστος εφελκυόμενος οπλισμός, γενικά: $\rho_{L,min} = 0.5 \cdot f_{ctm}/f_{vk}$

Ελάχιστο ποσοστό εφελκυόμενου οπλισμού $\rho_{L,min}$ = $A_{s,min}/(b\cdot d)$

Υλικά	C16	C20	C25	C30	C35	C40	C45	C50	C55	C60	C70	C80	C90
$ ho_{\mathit{L,min}}(\%)$	1.90	2.20	2.60	2.90	3.20	3.50	3.80	4.10	4.20	4.40	4.60	4.80	5.00

Θεωρήθηκε *f_{vk}*=500MPa

• Μέγιστος εφελκυόμενος οπλισμός κρίσιμων περιοχών

$$oldsymbol{
ho_{\!\scriptscriptstyle L,max}} = oldsymbol{
ho'} + rac{0.0018}{\mu_{\!\scriptscriptstyle oldsymbol{arphi}} \cdot oldsymbol{arepsilon_{\!\scriptscriptstyle cd}}}{f_{\!\scriptscriptstyle yd}} \cdot rac{f_{\!\scriptscriptstyle cd}}{f_{\!\scriptscriptstyle yd}}$$

Μέγιστο ποσοστό εφελκυόμενου οπλισμού στο I_{cr} : $\rho_{L,max} = A_{s,max}/(b \cdot d)$

Υλ	ικά	C16	C20	C25	C30	C35	C40	C45	C50	C55	C60	C70	C80	C90
$ ho_{L,max}$	КПМ	5.97	7.47	9.34	11.20	13.07	14.94	16.80	18.67	20.54	22.40	26.14	29.87	33.61
(‰)	КПҮ	3.80	4.75	5.93	7.12	8.31	9.49	10.68	11.87	13.05	14.24	16.61	18.98	21.36

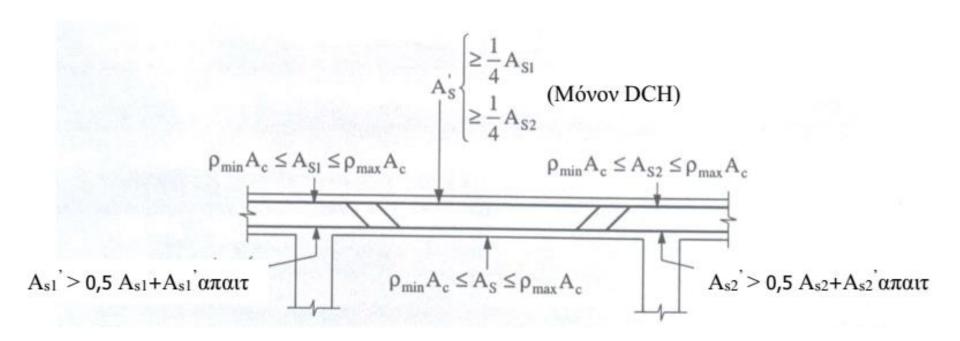
Θεωρήθηκαν: ρ'= $\rho_{L,max}$ /2, $\varepsilon_{sy,d}$ \approx 2.174‰, μ_{φ} =6.8 (ΚΠΜ) ή 10.7 (ΚΠΥ) και χάλυβας κλάσης C (f_{yd} =500/1.15MPa)

 \checkmark Προσοχή: για χάλυβες κλάσης Β επιβάλλεται 1.5 μ_{φ} με συνέπεια ριζική μείωση του $\rho_{L,max}$

Σχεδιασμός δοκών – Διαμήκεις οπλισμοί

Δοκοί: Άλλες κατασκευαστικές διατάξεις (ΕC8 – 5.4.3.1.2, 5.5.3.1.3)

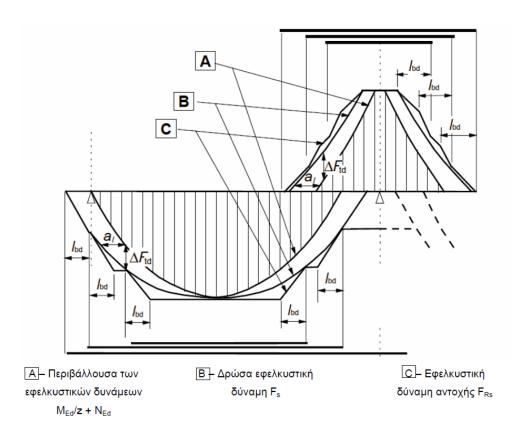
- Στις κρίσιμες περιοχές στηρίξεων δοκών ΚΠΜ, ΚΠΥ απαιτείται θλιβόμενος οπλισμός, επιπλέον του τυχόν απαιτούμενου, ίσος τουλάχιστον με το 50% το εφελκυόμενου
- Σε όλο το μήκος του άνω πέλματος δοκών ΚΠΥ απαιτείται τουλάχιστον το 25% του μέγιστου οπλισμού των εκατέρωθεν στηρίξεων και κατ' ελάχιστο 2Ø14 στο άνω και στο κάτω πέλμα



Σχεδιασμός δοκών – Διαμήκεις οπλισμοί

Κλιμάκωση του διαμήκους εφελκυόμενου οπλισμού

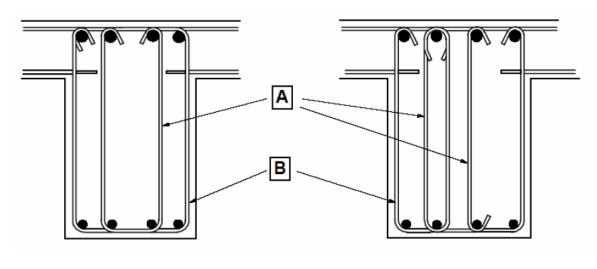
- Απαιτείται μετάθεση του διαγράμματος εφελκυστικών δυνάμεων (ή του διαγράμματος ροπών) κατά α₁
 - Δοκοί χωρίς οπλισμό διάτμησης : $a_l = d$
 - Δοκοί με οπλισμό διάτμησης : $\alpha_l = z$ ·(cotϑ cotα)/2



Σχεδιασμός δοκών – Οπλισμός διάτμησης

Οπλισμός διάτμησης

- Πρέπει να σχηματίζει γωνία 45° ≤ α ≤ 90° με το διαμήκη άξονα του μέλους.
- Μπορεί να αποτελείται από συνδυασμό:
 - Συνδετήρων (τουλάχιστον το 50% του απαιτούμενου οπλισμού)
 - Κεκαμμένων ράβδων
 - Κλωβών ή συνδέσμων που δεν περικλείουν το διαμήκη οπλισμό, αλλά αγκυρώνονται στις θλιβόμενες και εφελκυόμενες περιοχές



Σχεδιασμός δοκών - Οπλισμός διάτμησης

Οπλισμός διάτμησης

• Ελάχιστο ποσοστό οπλισμού διάτμησης:

$$\rho_w = \frac{A_{sw}}{s \cdot b_w \cdot sina} \ge \frac{0.08 \cdot \sqrt{f_{ck}}}{f_{yk}}$$

Σκυρόδεμα	C16	C20	C25	C30	C35	C40	C45	C50	C55	C60	C70	C80	C90
$ ho_{\it w,min}$ (%)	0.64	0.72	0.80	0.88	0.95	1.01	1.07	1.13	1.19	1.24	1.34	1.43	1.52

Θεωρήθηκε *f_{vk}*=500MPa

• Απόσταση μεταξύ κεκαμμένων ράβδων:

$$s_{b,max} = 0.60 \cdot d \cdot (1 + \cot a)$$

• Απόσταση μεταξύ συνδετήρων, συνδέσμων κ.τ.λ.:

$$s_{l,max} = 0.75 \cdot d \cdot (1 + \cot a)$$

• Εγκάρσια απόσταση σκελών συνδετήρα:

$$s_{t.max} = 0.75 \cdot d \le 600 \text{mm}$$

Σχεδιασμός δοκών - Οπλισμός διάτμησης

Οπλισμός διάτμησης

Δοκοί ΚΠΜ, ΚΠΥ: Πρόσθετες διατάξεις οπλισμού διάτμησης κρίσιμων περιοχών (ΕC8 – 5.4.3.1.2, 5.5.3.1.3)

- Διάμετρος συνδετήρων: Ø_{bw}≥ 6mm
- Πρώτος συνδετήρας σε απόσταση ≤50mm από την παρειά του υποστυλώματος
- Απόσταση μεταξύ συνδετήρων:

Δοκοί ΚΠΜ: $s = min(h/4, 24 \cdot \emptyset_{bw}, 8 \cdot \emptyset_{L.min}, 225mm)$

Δοκοί ΚΠΥ: $s = min(h/4, 24 \cdot \emptyset_{bw}, 6 \cdot \emptyset_{L.min}, 175mm)$

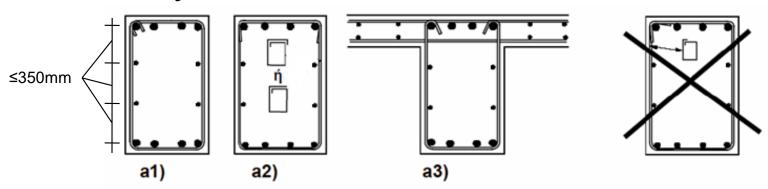
Σχεδιασμός δοκών – Οπλισμός στρέψης

Οπλισμός έναντι στρέψης

- Οπλισμος εναντι ο ιρεψης Ελάχιστο ποσοστό συνδετήρων έναντι στρέψης: $\rho_{w} \geq \frac{0.08 \cdot \sqrt{f_{ck}}}{f_{ok}}$
- Μέγιστη απόσταση μεταξύ των συνδετήρων έναντι στρέψης:

$$s_{l,max} = \min(u/8, 0.75 \cdot d \cdot (1 + \cot a), h, b)$$
 ó π ou:

- *u*: η εξωτερική περίμετρος της διατομής
- Οι συνδετήρες έναντι στρέψης πρέπει να σχηματίζουν γωνία 90° με το διαμήκη άξονα του μέλους, να κλείνουν και να αγκυρώνονται μέσω υπερκάλυψης ή με άγκιστρα στα άκρα τους
- Πρέπει να υπάρχει τουλάχιστον μία διαμήκης ράβδος σε κάθε γωνία, ενώ οι υπόλοιπες διατάσσονται ομοιόμορφα στην εσωτερική περίμετρο των συνδετήρων, ανά αποστάσεις ≤350mm



b) Ακατάλληλη διαμόρφωση

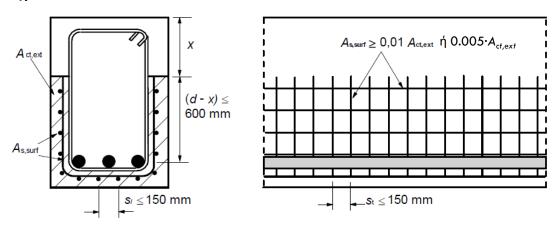
Σχεδιασμός δοκών – Επιφανειακός οπλισμός

Επιφανειακός οπλισμός

• Απαιτείται όταν:

$$-c > 70 \text{mm} \qquad \rightarrow A_{s,surf,min} = 0.005 \cdot A_{ct,ext}$$
$$- \varnothing_L \dot{\eta} \varnothing_{L,n} > 32 \text{mm} \qquad \rightarrow A_{s,surf,min} = 0.010 \cdot A_{ct,ext}$$

• Αποτελείται από πλέγμα ή ράβδους μικρής διαμέτρου και τοποθετείται εξωτερικά των συνδετήρων



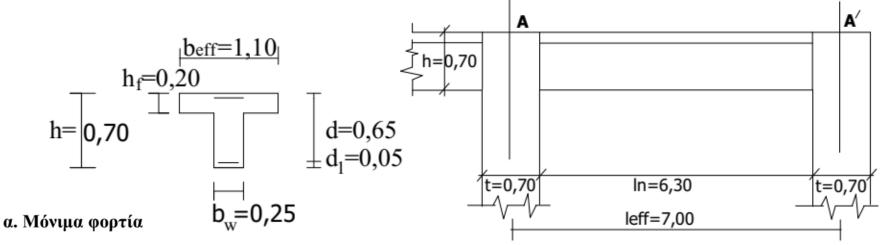
- Πρέπει να διαθέτει το ελάχιστο πάχος επικάλυψης (§4.4.1.2)
- Οι διαμήκεις ράβδοι του επιφανειακού οπλισμού μπορούν να συνυπολογίζονται ως οπλισμός κάμψης και οι εγκάρσιες ως οπλισμός διάτμησης, με την προϋπόθεση ότι πληρούν τους αντίστοιχους κανόνες διάταξης και αγκύρωσης.

Εκφώνηση

Στο παρακάτω σχ. 8.1 φαίνεται μεσαίο πλαίσιο συνήθους κατασκευής κατοικιών κατηγορίας πλαστιμότητας DCM. Οι διαστάσεις των υποστυλωμάτων είναι 70/30 cm ενώ οι αρχικές διαστάσεις της τυπικής δοκού είναι b_w/ h =25 / 70 cm και δίδονται στο σχ. 8.1.

Η δοκός είναι μεσαία και απέχει από την προηγούμενη και την επόμενη 5m (καθαρό άνοιγμα).

Η κατηγορία εδάφους είναι Β (κατά ΕC8 Υλικά : Σκυρόδεμα C30 – Χάλυβας B500C (S500)



Δίδεται G=32 kN/m

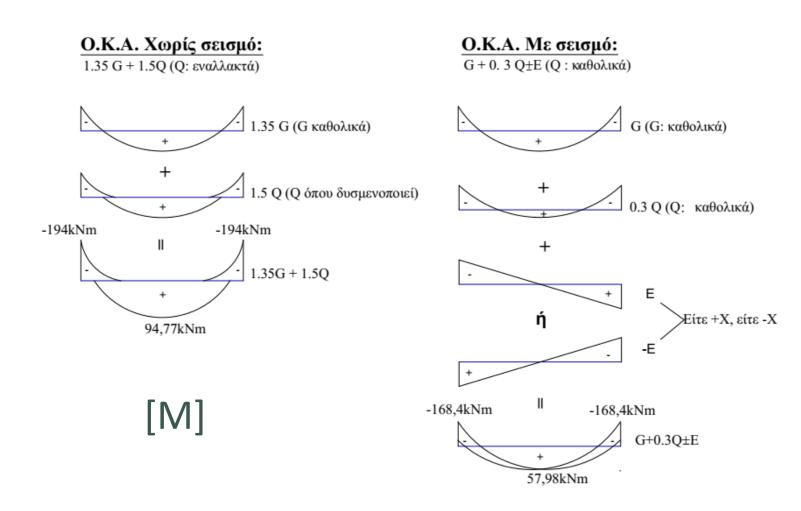
β. Μεταβλητά φορτία

Δίδεται Q=10 kN/m

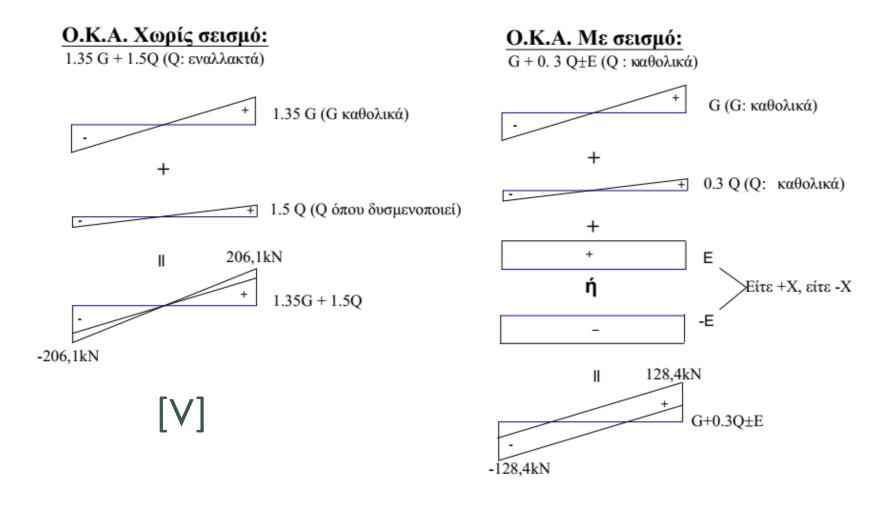
Ζητούνται:

Ο πλήρης σχεδιασμός της δοκού Α-Α'.

Εντατικά Μεγέθη: Τα εντατικά μεγέθη της δοκού Α-Α΄ όπως αυτά προέκυψαν από αναλύσεις του δομικού συστήματος για συνήθεις και σεισμικές δράσεις δίδονται στα σχ. 8.2 και σχ. 8.3.



Εντατικά Μεγέθη: Τα εντατικά μεγέθη της δοκού Α-Α΄ όπως αυτά προέκυψαν από αναλύσεις του δομικού συστήματος για συνήθεις και σεισμικές δράσεις δίδονται στα σχ. 8.2 και σχ. 8.3.



Επίλυση

1. Θεωρητικό άνοιγμα

Ο υπολογισμός του θεωρητικού ανοίγματος γίνεται σύμφωνα με τον ΕC2.

$$l_{eff} = l_n + a_1 + a_2$$

όπου

 $l_n \qquad \text{το καθαρό άνοιγμα ανάμεσα στις δυο παρειές των στηρίξεων A και A', } l_n = 6,30 m$ στην ακραία στήριξη $A': a_1 = \min \left\{ \begin{array}{c} (1/2)h = (1/2)0,70 \\ (1/2)t = (1/2)0,70 \end{array} \right\} = 0,350 \ m$

Άρα

$$l_{eff} = l_n + a_1 + a_2 = 6,30 + 0,350 + 0,350 = 7,00 \text{ m}$$

Με βάση αυτό το θεωρητικό άνοιγμα υπολογίζονται στα σχ. 8.2 και σχ. 8.3 τα εντατικά μεγέθη στα κέντρα των υποστηλωμάτων και δίδονται τελικά, κατόπιν αναγωγής, στις παρειές των υποστηλωμάτων.

3. Υπολογισμός διαμήκους οπλισμού (οπλισμός κάμψης)

3.1 Συνδυασμός φορτίσεων - Ροπές σχεδιασμού (Σχ. 8.2)

Συνδυασμοί φορτίσεων

$$1$$
ος Συνδυασμός (χωρίς σεισμό) : $M_{sd} = \gamma_g M_g + \gamma_q M_q$

$$2$$
ος και 3 ος Συνδυασμός (με σεισμό) : $M_{sd} = M_g + \psi_2 \ M_q \pm M_E$

Άνοιγμα:

α) Από συνδυασμό δράσεων χωρίς σεισμό:

 $M_{sd} = 94,77kNm$

β) Από συνδυασμό δράσεων με σεισμό:

 $M_{sd} = 57,98 kNm$

Στήριξη Α και Α΄:

α) Από συνδυασμό δράσεων χωρίς σεισμό:

 $M_{A,sd} = -194,00 \text{ kNm}$

β)Από συνδυασμό με σεισμό:

 $M_{A,sd} = -168,40 \text{ kNm}$

3.2. Έλεγχος σε κάμψη

3.2.1. Ανοιγμα

Ροπή σχεδιασμού

Η ροπή σχεδιασμού στο άνοιγμα προέρχεται από συνδυασμούς χωρίς σεισμό και είναι: M_{sd} = 94,77 kNm. Άρα η δοκός λειτουργεί στο άνοιγμα ως πλακοδοκός και οπλίζεται με βάση τη μέγιστη ροπή.

Συνεργαζόμενο πλάτος

Το συνεργαζόμενο πλάτος πλακοδοκού beff για όλες τις οριακές καταστάσεις υπολογίζεται προσεγγιστικά ως

$$b_{eff} = b_w + l_0 / 5 = b_w + 0.6 l_{eff} / 5 = 0.25 + 0.6*7 / 5 = 1.10 m$$

3.3. Ελάχιστος, μέγιστος και κατασκευαστικός οπλισμός

Οι οπλισμοί που έχουν ήδη υπολογισθεί στις κρίσιμες διατομές της δοκού, θα πρέπει σε κάθε περίπτωση να μην είναι λιγότεροι σε ποσότητα από τους ελάχιστους αλλά ούτε περισσότεροι από τους μέγιστους επιτρεπόμενους όπως αυτοί ορίζονται στον ΕC2.

Ελάχιστος διαμήκης οπλισμός

Από τη σχέση
$$\rho_{min} = \frac{1}{2} \frac{f_{ctm}}{f_{yk}}$$
 για C30 και S500 : $\rho_{min} = 2.90$ %0

 $Aρα minA_{s1} = 0.0029 \cdot 25 \cdot 65 = 4,71 cm² (2Ø16=4,02 cm²<4,71 cm²)$

Μέγιστος διαμήκης οπλισμός

- Για κρίσιμες περιοχές και C30, B500C

$$\rho_{\text{max}} = \rho' + \frac{0.0018}{\mu_{\varphi} \varepsilon_{\text{sy,d}}} \frac{f_{cd}}{f_{yd}} = \frac{0.0018}{3.9 \cdot (500/1.15)/200000} \frac{30/1.5}{500/1.15} = 0.00977 = 9,77 \%$$

όπου ρ' = 0 (δυσμενής περίπτωση)

μφ = 3.9 έστω ότι πρόκειται για πλαισιωτό πολυώροφο πολύστυλο δομικό σύστημα

- Για μη κρίσιμες περιογές => ρ_{max} = 4.0 %

Επομένως

- Κρίσιμες περιοχές $A_{s,max} = 0.00977 \cdot 25.65 = 15,88 \text{ cm}^2$
- Μη κρίσιμες περιοχές $A_{s,max} = 0.04 \cdot 25 \cdot 65 = 65,00 \text{ cm}^2$:

Άνοιγμα

Υπολογισμός οπλισμού

Με χρήση του πίνακα CEB για τον σχεδιασμό των πλακοδοκών υπολογίζεται το μ_{sd} και το μ_{lim} ελέγχεται αν χρειάζεται θλιβόμενος οπλισμός και κατόπιν υπολογίζεται η απαιτούμενη ποσότητα οπλισμού ως εξής:

$$\begin{array}{l} h_f/d = 20/65 = 0{,}30 \\ b_{eff}/b_w = 110/25 = 4{,}4 \\ \mu_{sd} = \frac{M_{sd}}{b_{eff}d^2f_{cd}} = \frac{0.09477MNm}{1.10\cdot 0.65^2\frac{30}{1.5}} = 0{,}01 \end{array} \right\} \quad \omega = 21/1000, \; \mu_{sd} = 0{,}01 < \mu_{lim} = 0.236$$

οπότε απαιτείται μόνο εφελκυόμενος οπλισμός (κάτω), ίσος με:

$$A_{s1} = \omega b d \frac{f_{cd}}{f_{vd}} = \frac{21}{1000} 110 \cdot 65 \frac{30/1.5}{500/1.15} = 6,91 \text{ cm}^2$$
 $A_{s,min} < A_{s1} < A_{s,max}$

Αρα, τοποθετείται κάτω οπλισμός 4Ø16 (8,04 cm²).

Στηρίξεις Α και Α΄

Οπλισμός άνω

Οι ροπές σχεδιασμού των στηρίξεων Α και Α' λαμβάνονται μετά από σύγκριση των ροπών που προκύπτουν από όλους τους συνδυασμούς φορτίσεων:

από συνδυασμό χωρίς σεισμό: $M_{A,sd} = M_{A',sd} = -194,00 \text{ kNm}$

από συνδυασμούς με σεισμό: $M_{A,sd} = M_{A',sd} = -168,4 \ kNm$

και άρα η τελική ροπή σχεδιασμού των στηρίξεων Α και Α' είναι:

$$M_{A,sd} = M_{A',sd} = -194,00 \text{ kNm}$$

Η δοκός συμπεριφέρεται ως ορθογωνική διατομή.

Με χρήση των πινάκων CEB για τον σχεδιασμό ορθογωνικών διατομών

$$\mu_{sd} = \frac{M_{sd}}{b \cdot d^2 f_{cd}} = \frac{194}{0.25 \cdot 0.65^2 \frac{30 \cdot 10^3}{1.5}} = 0,0961 < \mu_{lim} = 0.316$$

$$A_{\text{s1}} = \omega b d \frac{f_{\text{cd}}}{f_{\text{vd}}} = 0.0961 \cdot 25 \cdot 65 \frac{30/1.5}{500/1.15} = 7.18 \text{ cm}^2 \\ A_{\text{s,min}} < A_{\text{s1}} < A_{\text{s,max}}$$

τοποθετούνται <u>4Ø16</u> (8,04 cm²)

Οπλισμός κάτω

Ο οπλισμός κάτω, ω', υπολογίζεται με βάση τον περιορισμό ω' ≥ 0.5 ω και άρα: ω' ≥ 0.5 ω \rightarrow

 $A_{s2} \ge 8,04/2 \rightarrow A_{s2} \ge 4,02cm^2$

Τελικοί οπλισμοί κάμψης

Στήριξη Α και Α':

$$Av\omega = \frac{4016}{16} (8,04 \text{ cm}^2)$$

$$K$$
άτω => $3Ø16$ (6,03 cm²)

Άνοιγμα:

$$\text{Av}\omega => 3016 \text{ (6,03 cm}^2\text{)}$$

$$K$$
άτω => $4 \otimes 16$ (8,04 cm²)

Επομένως σε άνω παρειά στο άνοιγμα και κάτω παρειά στη στήριξη με βάση την απαίτηση ελάχιστου οπλισμού πρέπει τοποθετηθούν $4,71~{\rm cm}^2$ και επειδή χρησιμοποιούνται παντού $\varnothing 16$ τοποθετούνται τελικά $3 \varnothing 16$ $(6,03~{\rm cm}^2)$