

## TUCIL 2 IF2211 STRATEGI ALGORITMA

Implementasi Convex Hull untuk Visualisasi Tes Linear Separability  
Dataset dengan Algoritma Divide and Conquer

Panawar Hasibuan 13517129



TEKNIK INFORMATIKA  
SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA  
INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG  
2021/2022

# Daftar Isi

0.1	Algoritma devide and conquer . . . . .	2
0.2	Source Program . . . . .	2
0.3	Skrinsut input/output . . . . .	6
0.4	Dokumentasi . . . . .	6
0.4.1	Alamat Drive . . . . .	6
0.4.2	Kesimpulan . . . . .	6

## 0.1 Algoritma devide and conquer

Algoritma Divide and Conquer adalah algoritma pemecahan masalah dengan cara membagi masalah kedalam bagian-bagian kecil, kemudian menyelesaikan masalah tersebut dari bagian yang paling rendah / bawah.

Library ini adalah library pembentuk *convex hull* yang menerima masukan kumpulan tuple dua dimensi yang merepresentasikan titik pada bidang dua dimensi (titik absis dan ordinat). Suatu poligon disebut *convex* jika tidak ada sisi yang berpotongan dengan segmen garis yang dihubungkan oleh dua titik sudut lainnya.

Adapun proses yang dilakukan untuk mencari bidang *convex* semua titik dari masukan library ini berada di dalam suatu bidang *convex* yang sudut-sudut pembentuknya adalah himpunan bagian dari titik-titik masukan (disebut *convex hull*) adalah sebagai berikut.

- Himpunan solusi adalah himpunan titik yang menjadi penyusun *convex hull*
- Semua masukan akan diurutkan menaik berdasarkan absis, untuk absis yang sama diurutkan berdasarkan ordinatnya.
- Titik terkecil (P1) dan terbesar (P2) hasil sorting dimasukkan kedalam himpunan solusi (karna semua titik lainnya berada diantara dua titik ini, jelas kedua titik ini adalah bagian penyusun *convex hull* yang dicari)
- Sebuah garis  $l$  dibentuk dari menghubungkan kedua titik, algoritma *devide and conquer* dimulai
- Titik-titik lainnya dikelompokkan menjadi dua kelompok berdasarkan posisinya terhadap garis  $l$ :  $y = f(x)$ 
  - titik  $Px_1, y_1$  dimasukkan kedalam kelompok 1 jika  $y_1 > f(x_1)$
  - titik  $Qx_2, y_2$  dimasukkan kedalam kelompok 2 jika  $y_2 > f(x_2)$
  - titik  $Rx_2, y_2$  tidak dimasukkan kedalam kelompok manapun jika  $y_2 = f(x_2)$  karna untuk kasus ini, titik tersebut berada digaris  $l$  sehingga sudah pasti tidak termasuk penyusun *convex hull*
- Langkah awal dilakukan masing-masing pada kelompok 1 dan kelompok 2 dengan memasukkan P1 pada kelompok 1 dan P2 pada kelompok 2
- Metode pengurutan dilakukan bergantian terhadap absis dan ordinat.
- Langkah berhenti jika pada suatu kelompok titik hanya ada 3 titik

## 0.2 Source Program

### Kode Program

Algorithm 1: MyConvexHull.py

```
1 """
2 # implementasi convex hull dengan algoritma devide and conquer
3 # @author Panawar Hasibuan
4 # @email 13517129@std.stei.itb.ac.id
5 """
6 import numpy as np
```

```

7
8 class MyConvexHull:
9     """
10     data: numpy.array(N,2)
11     """
12     def __init__(self, bucket):
13         self.bucket = np.copy(bucket)
14         x = np.copy(self.bucket)
15         x = x[x[:,1].argsort()]
16         self.sorted = x[x[:,0].argsort(kind='mergesort')]
17         self.simplices = self.hull(self.setIdx(self.sorted))
18
19     """
20     Algoritma Devide and Conquer
21     prekondisi, data terurut
22     return, set index penyusun convex hull
23     """
24     def DnC(self, data, state):
25         hull = np.unique([-99])
26         if len(data) > 3:
27             #rekurens
28             #simpan pembentuk convexhull
29             q = np.copy(data[0])
30             r = np.copy(data[-1])
31             hull = np.union1d(self.getIdx(q), self.getIdx(r))
32             #Karna state awal True, dan data terurut terhadap x
33             #urutkan data
34             if not state:
35                 #terurut terhadap x
36                 data = data[data[:,1].argsort()]
37                 data = data[data[:,0].argsort(kind='mergesort')]
38             else:
39                 #terurut terhadap y
40                 data = data[data[:,0].argsort()]
41                 data = data[data[:,1].argsort(kind='mergesort')]
42
43             if (r[0]==data[0,0] and r[1]==data[0,1]) or (q[0]==data[0,0] and q
44                 [1]==data[0,1]): #r==data[0] or q==data[0]
45                 p = np.copy(data[-1])
46             else:
47                 p = np.copy(data[0])
48             first = np.array((p,q), dtype=int) #menampung titik kelompok 1
49             second = np.array((p,r), dtype=int) #menampung titik kelompok 2
50             for i in range(1, len(data)-1):
51                 if self.isBesideQ(data[i], p, q, r):
52                     first = np.vstack((first, np.copy(data[i])))
53                 elif self.isBesideR(data[i], p, q, r):
54                     second = np.vstack((second, np.copy(data[i])))
55             hull = np.union1d(hull, self.DnC(first, not state))
56             hull = np.union1d(hull, self.DnC(second, not state))
57         else:
58             #kondisi stop
59             for e in data:
60                 hull = np.union1d(hull, self.getIdx(e))
61         return hull
62
63     """
64     cek apakah titik point terletak berlawanan dengan r terhadap garis yang
65     menghubungkan p dan q
66     proses mendapat perhitungan di algoritma ini ada di laporan
67     """
68     def isBesideR(self, point, p, q, r):

```

```

67     x1,y1 = p[0],p[1]
68     x2,y2 = r[0],r[1]
69     if x1 == x2: #garis lurus horizontal
70         return (point[0]-x1)*(q[0]-x1) < 0
71     elif y1 == y2: #garis lurus vertikal
72         return (point[1]-y1)*(q[1]-y1) < 0
73     else:
74         fpoint=point[1]*(x2-x1)
75         xpoint=point[0]*(y2-y1)+y1*(x2-x1)-x1*(y2-y1)
76         fq=q[1]*(x2-x1)
77         xq=q[0]*(y2-y1)+y1*(x2-x1)-x1*(y2-y1)
78         return (fpoint-xpoint)*(fq-xq)<0
79
80     """
81     cek apakah titik point terletak berlawanan dengan r terhadap garis yang
82     menghubungkan p dan q
83     proses mendapat perhitungan di algoritma ini ada di laporan
84     """
85     def isBesideQ(self,point,p,q,r):
86         x1,y1 = p[0],p[1]
87         x2,y2 = q[0],q[1]
88         if x1 == x2: #garis lurus horizontal
89             return (point[0]-x1)*(r[0]-x1) < 0
90         elif y1 == y2: #garis lurus vertikal
91             return (point[1]-y1)*(r[1]-y1) < 0
92         else:
93             fpoint=point[1]*(x2-x1)
94             xpoint=point[0]*(y2-y1)+y1*(x2-x1)-x1*(y2-y1)
95             fr=r[1]*(x2-x1)
96             xr=r[0]*(y2-y1)+y1*(x2-x1)-x1*(y2-y1)
97             return (fpoint-xpoint)*(fr-xr)<0
98
99     """
100     Mengembalikan index dari data di self.bucket
101     mengembalikan -1 jika data tidak ada di self.bucket
102     """
103     def getIdx(self,data):
104         for i in range(len(self.bucket)):
105             if self.bucket[i][0]== data[0] and self.bucket[i][1]==data[1]:
106                 return i
107             break
108         elif i == len(self.bucket)-1:
109             return -1
110
111     """
112     prekondisi: data terurut
113     membagi data menjadi dua, up dan down, dipisahkan oleh data[0] dan data
114     [-1]
115     """
116     def devide(self,data,up,down):
117         x1,y1 = data[0,0],data[0,1]
118         x2,y2 = data[-1,0],data[-1,1]
119         i = 1
120         while i < len(data)-1:
121             p = data[i]
122             if x1 == x2: #garis lurus horizontal
123                 if (p[0]-x1) < 0:
124                     #up
125                     up = np.vstack((up,p))
126                 else:
127                     #down
128                     down = np.vstack((down,p))

```

```

127         elif y1 == y2: #garis lurus vertikal
128             if (p[1]-y1) < 0:
129                 #up
130                 up = np.vstack((up,p))
131             else:
132                 #down
133                 down = np.vstack((down,p))
134         else:
135             fp=p[1]*(x2-x1)
136             xp=p[0]*(y2-y1)+y1*(x2-x1)-x1*(y2-y1)
137             if (fp-xp)<0:
138                 #up
139                 up = np.vstack((up,p))
140             else:
141                 #down
142                 down = np.vstack((down,p))
143         i = i+1
144         up = np.vstack((up,data[-1]))
145         down = np.vstack((down,data[-1]))
146
147         """
148         Mengembalikan himpunan index dari pembangun vertex hull
149         """
150         def setIdx(self,sort):
151             up = np.array(sort[0])
152             down = np.array(sort[0])
153             self.devide(sort,up,down)
154             return np.union1d(self.DnC(up,True),self.DnC(down,True))
155
156         """
157         Mengembalikan ndarray index pembangun vertex hull, berbentuk simplices
158         """
159         def hull(self,set):
160             return set

```

---

```
1 #persiapkan data
2 import numpy as np
3 import pandas as pd
4 import matplotlib.pyplot as plt
5 from sklearn import datasets
6 data = datasets.load_iris()
7 #create a DataFrame
8 df = pd.DataFrame(data.data, columns=data.feature_names)
9 df['Target'] = pd.DataFrame(data.target)
10 print(df.shape)
11 df.head()
12
13 #visualisasi hasil ConvexHull
14 import matplotlib.pyplot as plt
15 from myconvexhull import MyConvexHull
16 plt.figure(figsize = (10, 6))
17 colors = ['b','r','g']
18 plt.title('Petal Width vs Petal Length')
19 plt.xlabel(data.feature_names[0])
20 plt.ylabel(data.feature_names[1])
21 for i in range(len(data.target_names)):
22     bucket = df[df['Target'] == i]
23     bucket = bucket.iloc[:,[0,1]].values
24     hull = MyConvexHull(bucket)
25     plt.scatter(bucket[:, 0], bucket[:, 1], label=data.target_names[i])
26     for simplex in hull.simplices:
27         plt.plot(bucket[simplex, 0], bucket[simplex, 1], colors[i])
28 plt.legend()
```

---

### 0.3 Skripsut input/output

Berikut beberapa hasil skripsut beberapa keluaran program

### 0.4 Dokumentasi

#### 0.4.1 Alamat Drive

<https://github.com/panawar/myConvexHull>

#### 0.4.2 Kesimpulan

### Referensi

<https://piptools.net/algoritma-divide-conquer/>  
diakses pada  
<https://www.artikata.com/arti-41099-convex+polygon.html>  
diakses pada:

Poin	Ya	Tidak
Pustaka <i>myConvexHull</i> berhasil dibuat dan tidak ada kesalahan		
<i>Convex hull</i> yang dihasilkan sudah benar		
Pustaka <i>myConvexHull</i> dapat digunakan untuk menampilkan <i>convex hull</i> setiap label dengan warna yang berbeda		
<i>Bonus</i> : program dapat menerima input dan menuliskan output untuk dataset lainnya		

Tabel 1: tabel uji