

Seminár 22: Geometria V – štvoruholníky

Úlohy a riešenia

Úloha 22.1. [57-I-2] Štvoruholníku $ABCD$ je vpísaná kružnica so stredom S . Určte rozdiel $|\angle ASD| - |\angle CSD|$, ak $|\angle ASB| - |\angle BSC| = 40^\circ$

Úloha 22.2. [61-II-3] Nech E je stred strany CD rovnobežníka $ABCD$, v ktorom platí $2|AB| = 3|BC|$. Dokážte, že ak sa dá do štvoruholníka $ABCE$ vpísať kružnica, dotýka sa táto kružnica strany BC v jej strede.

Úloha 22.3. [59-II-3] Daná je kružnica k so stredom S . Kružnica l má väčší polomer ako kružnica k , prechádza jej stredom a pretína ju v bodoch M a N . Priamka, ktorá prechádza bodom N a je rovnobežná s priamkou MS , vytína na kružniciach tetivy NP a NQ . Dokážte, že trojuholník MPQ je rovnoramenný.

Úloha 22.4. [60-I-3] Máme štvorec $ABCD$ so stranou dĺžky 1 cm. Body K a L sú stredy strán DA a DC . Bod P leží na strane AB tak, že $|BP| = 2|AP|$. Bod Q leží na strane BC tak, že $|CQ| = 2|BQ|$. Úsečky KQ a PL sa pretínajú v bode X . Obsahy štvoruholníkov $APXK$, $BQXP$, $QCLX$ a $LDKX$ označíme postupne S_A , S_B , S_C , S_D .

- Dokážte, že $S_B = S_D$.
- Vypočítajte rozdiel $S_C - S_A$.
- Vysvetlite, prečo neplatí $S_A + S_C = S_B + S_D$.

