## Seminár 10: Geometria I – základné poznatky

## Úlohy a riešenia

**Úloha 10.1.** Dokážte, že súčet veľkostí vnútorných uhlov ľubovoľného trojuholníka je 180°.

**Úloha 10.2.** [66-I-3-N1] Z trojuholníkových nerovností medzi dĺžkami strán ľubovoľného trojuholníka odvoď te známe pravidlo  $\alpha < \beta \Rightarrow a < b$  o porovnaní veľkostí vnútorných uhlov a dĺžok protiľahlých strán v ľubovoľnom trojuholníku ABC.

## **Úloha 10.3.** [63-I-4-N3] Dokážte vety:

- a) Ak majú dva trojuholníky rovnakú výšku, potom pomer ich obsahov sa rovná pomeru dĺžok príslušných základní.
- b) Ak majú dva trojuholníky zhodné základne, potom pomer ich obsahov sa rovná pomeru príslušných výšok.

**Úloha 10.4.** [61-I-5-N1] Pre všeobecný trojuholník ABC so stranami a, b, c a obsahom S platí pre polomer r vpísanej kružnice vzorec r = 2S/(a+b+c). Dokážte.

Úloha 10.5. Dokážte, že uhlopriečky v rovnobežníku sa navzájom polia.

**Úloha 10.6.** [58-I-4-N1] Označme U priesečník uhlopriečok daného konvexného štvoruholníka ABCD. Dokážte, že priamky AB a CD sú rovnobežné práve vtedy, keď trojuholníky ADU a BCU majú rovnaký obsah.

**Úloha 10.7.** [64-I-4-N1] Lichobežník ABCD má základne s dĺžkami |AB| = a a |CD| = c a jeho uhlopriečky sa pretínajú v bode U. Aký je pomer obsahov trojuholníkov ABU a CDU?