

## Seminár 9: Teória čísel III – úlohy o ciferných zápisoch

### Úlohy a riešenia

**Úloha 9.1.** [59-I-6-N1] Trojciferné číslo sa končí cifrou 4. Ak túto cifru presunieme na prvé miesto (a ostatné dve cifry necháme bez zmeny), dostaneme číslo, ktoré je o 81 menšie ako pôvodné číslo. Určte pôvodné číslo.

**Úloha 9.2.** [?], úloha 20, str. 110] Nájdite všetky prirodzené dvojciferné čísla, ktoré sa rovnajú dvojnásobku súčinu svojich cifier.

**Úloha 9.3.** [61-II-2] Janko má tri kartičky, na každej je iná nenulová cifra. Súčet všetkých trojciferných čísel, ktoré možno z týchto kartičiek zostaviť, je číslo o 6 väčšie ako trojnásobok jedného z nich. Aké cifry sú na kartičkách?

**Úloha 9.4.** [63-II-1] Nájdite všetky trojice (nie nutne rôznych) cifier  $a, b, c$  také, že päťciferné čísla  $\overline{6abc3}$  a  $\overline{3abc6}$  sú v pomere  $63 : 36$ .

**Úloha 9.5.** [57-I-6-D2, resp. 53-II-4] Žiaci mali vypočítať príklad  $x + y \cdot z$  pre trojciferné číslo  $x$  a dvojciferné čísla  $y, z$ . Martin vie násobiť a sčítať čísla zapísané v desiatkovej sústave, ale zabudol na pravidlo prednosti násobenia pred sčítaním. Preto mu vyšlo síce zaujímavé číslo, ktoré sa píše rovnako zľava doprava ako sprava doľava, správny výsledok bol ale o 2004 menší. Určte čísla  $x, y, z$ .

**Úloha 9.6.** [58-I-3-N1, resp. 56-S-1] Určte počet všetkých štvorciferných prirodzených čísel, ktoré sú deliteľné šiestimi a v ktorých zápise sa vyskytujú práve dve jednotky.

**Úloha 9.7.** [58-I-3-N2, resp. 54-I-5] Určte počet všetkých trojíc dvojciferných prirodzených čísel  $a, b, c$ , ktorých súčin  $abc$  má zápis, v ktorom sú všetky cifry rovnaké. Trojice líšiace sa len poradím čísel považujeme za rovnaké, t. j. započítavame ich iba raz.

### Domáca práca

**Úloha 9.8.** [58-I-3] Nájdite všetky štvorciferné čísla  $n$ , ktoré majú nasledujúce tri vlastnosti: V zápise čísla  $n$  sú dve rôzne cifry, každá dvakrát. Číslo  $n$  je deliteľné siedmimi. Číslo, ktoré vznikne otočením poradia cifier čísla  $n$ , je tiež štvorciferné a deliteľné siedmimi.

**Úloha 9.9.** [57-I-6] Klárka mala na papieri napísané trojciferné číslo. Keď ho správne vynásobila deviatimi, dostala štvorciferné číslo, ktoré sa začínalo rovnakou číslicou ako pôvodné číslo, prostredné dve číslice sa rovnali a posledná číslica bola súčtom číslic pôvodného čísla. Ktoré štvorciferné číslo mohla Klárka dostať?