Seminár 11

Téma

Geometria III – obsahy trojuholníkov a štvoruholníkov

Ciele

Precvičenie úloh zaoberajúcich sa obsahmi trojuholníkov a štvoruholníkov, rôznorodé určovanie obsahu, príp. pomeru obsahov trojuholníkov v úlohách.

Úlohy a riešenia

Úloha 11.1. [57-S-2] V danom rovnobežníku ABCD je bod E stred strany BC a bod F leží vnútri strany AB. Obsah trojuholníka AFD je 15 cm² a obsah trojuholníka FBE je 14 cm². Určte obsah štvoruholníka FECD.

Úloha 11.2. [62-II-2] Vnútri rovnobežníka ABCD je daný bod K a v páse medzi rovnobežkami BC a AD v polrovine opačnej k CDA je daný bod L. Obsahy trojuholníkov ABK, BCK, DAK a DCL sú $S_{ABK} = 18 \text{ cm}^2$, $S_{BCK} = 8 \text{ cm}^2$, $S_{DAK} = 16 \text{ cm}^2$, $S_{DCL} = 36 \text{ cm}^2$. Vypočítajte obsahy trojuholníkov CDK a ABL.

Úloha 11.3. [64-S-2] Označme K a L postupne body strán BC a AC trojuholníka ABC, pre ktoré platí $|BK| = \frac{1}{3}|BC|$, $|AL| = \frac{1}{3}|AC|$. Nech M je priesečník úsečiek AK a BL. Vypočítajte pomer obsahov trojuholníkov ABM a ABC.

Úloha 11.4. [64-II-3] Daný je lichobežník ABCD so základňami AB, CD, pričom 2|AB| = 3|CD|.

- a) Nájdite bod *P* vnútri lichobežníka tak, aby obsahy trojuholníkov *ABP* a *CDP* boli v pomere 3 : 1 a aj obsahy trojuholníkov *BCP* a *DAP* boli v pomere 3 : 1.
 - b) Pre nájdený bod P určte postupný pomer obsahov trojuholníkov ABP, BCP, CDP a DAP.

Úloha 11.5. [62-I-6] Vnútri pravidelného šesť uholníka *ABCDEF* s obsahom 30 cm² je zvolený bod *M*. Obsahy trojuholníkov *ABM* a *BCM* sú postupne 3 cm² a 2 cm². Určte obsahy trojuholníkov *CDM*, *DEM*, *EFM* a *FAM*.

Domáca práca

Úloha 11.6. [65-I-4] Vnútri strán AB, AC daného trojuholníka ABC sú zvolené postupne body E, F, pričom $EF \parallel BC$. Úsečka EF je potom rozdelená bodom D tak, že platí

$$p = |ED| : |DF| = |BE| : |EA|.$$

- a) Ukážte, že pomer obsahov trojuholníkov ABC a ABD je pre p = 2:3 rovnaký ako pre p = 3:2.
- b) Zdôvodnite, prečo pomer obsahov trojuholníkov ABC a ABD má hodnotu aspoň 4.

Doplňujúce zdroje a materiály

Rovnako ako v predchádzajúcich geometrických seminároch ostávame v odporúčaniach verní publikáciám [?]] a [?]].