## Seminár 22

## Téma

Geometria V – štvoruholníky

## Úlohy a riešenia

**Úloha 22.1.** [57-I-2] Štvoruholníku ABCD je vpísaná kružnica so stredom S. Určte rozdiel  $|\angle ASD| - |\angle CSD|$ , ak  $|\angle ASB| - |\angle BSC| = 40^{\circ}$ 

**Úloha 22.2.** [61-II-3] Nech E je stred strany CD rovnobežníka ABCD, v ktorom platí 2|AB|=3|BC|. Dokážte, že ak sa dá do štvoruholníka ABCE vpísať kružnica, dotýka sa táto kružnica strany BC v jej strede.

**Úloha 22.3.** [59-II-3] Daná je kružnica k so stredom S. Kružnica l má väčší polomer ako kružnica k, prechádza jej stredom a pretína ju v bodoch M a N. Priamka, ktorá prechádza bodom N a je rovnobežná s priamkou MS, vytína na kružniciach tetivy NP a NQ. Dokážte, že trojuholník MPQ je rovnoramenný.

**Úloha 22.4.** [60-I-3] Máme štvorec ABCD so stranou dĺžky 1 cm. Body K a L sú stredy strán DA a DC. Bod P leží na strane AB tak, že |BP| = 2|AP|. Bod Q leží na strane BC tak, že |CQ| = 2|BQ|. Úsečky KQ a PL sa pretínajú v bode X. Obsahy štvoruholníkov APXK, BQXP, QCLX a LDKX označíme postupne  $S_A$ ,  $S_B$ ,  $S_C$ ,  $S_D$  (??).

- a) Dokážte, že  $S_B = S_D$ .
- b) Vypočítajte rozdiel  $S_C S_A$ .
- c) Vysvetlite, prečo neplatí  $S_A + S_C = S_B + S_D$ .

**Úloha 22.5.** [66-I-5-prvá časť] Ak označíme X a Y postupne stredy základní RS a TU všeobecného lichobežníka RSTU, tak na úsečke XY leží priesečník P uhlopriečok RT a SU, a to tak, že |PX|:|PY|=|RS|:|TU|. Na priamke XY leží tiež priesečník Q predĺžených ramien RU a ST, a to tak, že |QX|:|QY|=|RS|:|TU| (??). Dokážte.