## Seminár 31: Geometria VII – stredové, obvodové, úsekové uhly, tetivové štvoruholníky

## Úlohy a riešenia

**Úloha 31.1.** [B-65-I-5-D1] Daná je tetiva AB kružnice k so stredom v bode S. Na úsečke AB zvoľme bod M a priesečník kružnice opísanej trojuholníku AMS s kružnicou k označme C. Dokážte, že uhly MCS a MBS sú zhodné.

**Úloha 31.2.** [B-66-II-3] V rovine sú dané kružnice k a l, ktoré sa pretínajú v bodoch E a F. Dotyčnica ku kružnici l zostrojená v bode E pretína kružnicu k v bode H ( $H \neq E$ ). Na oblúku EH kružnice k, ktorý neobsahuje bod F, zvoľme bod C ( $E \neq C \neq H$ ) a priesečník priamky CE s kružnicou l označme D ( $D \neq E$ ). Dokážte, že trojuholníky DEF a CHF sú podobné.

**Úloha 31.3.** [B-65-II-2] Daná je úsečka AB, jej stred C a vnútri úsečky AB bod D. Kružnice k(C, |BC|) a m(B, |BD|) sa pretínajú v bodoch E a F. Zdôvodnite, prečo je polpriamka FD osou uhla AFE.

**Úloha 31.4.** [B-65-I-5] Vrcholy konvexného šesťuholníka ABCDEF ležia na kružnici, pričom |AB| = |CD|. Úsečky AE a CF sa pretínajú v bode G a úsečky BE a DF sa pretínajú v bode H. Dokážte, že úsečky GH, AD a BC sú navzájom rovnobežné.

**Úloha 31.5.** [B-58-I-5] Trojuholníku ABC je opísaná kružnica k. Os strany AB pretne kružnicu k v bode K, ktorý leží v polrovine opačnej k polrovine ABC. Osi strán AC a BC pretnú priamku CK postupne v bodoch P a Q. Dokážte, že trojuholníky AKP a KBQ sú zhodné.

## Domáca práca