## Seminár 12

## Téma

Geometria III – obsahy trojuholníkov a štvoruholníkov

## Úlohy a riešenia

**Úloha 12.1.** [57-S-2] V danom rovnobežníku ABCD je bod E stred strany BC a bod F leží vnútri strany AB. Obsah trojuholníka AFD je  $15\,\mathrm{cm}^2$  a obsah trojuholníka FBE je  $14\,\mathrm{cm}^2$ . Určte obsah štvoruholníka FECD.

**Úloha 12.2.** [62-II-2] Vnútri rovnobežníka ABCD je daný bod K a v páse medzi rovnobežkami BC a AD v polrovine opačnej k CDA je daný bod L. Obsahy trojuholníkov ABK, BCK, DAK a DCL sú  $S_{ABK}=18~\mathrm{cm}^2$ ,  $S_{BCK}=8~\mathrm{cm}^2$ ,  $S_{DAK}=16~\mathrm{cm}^2$ ,  $S_{DCL}=36~\mathrm{cm}^2$ . Vypočítajte obsahy trojuholníkov CDK a ABL.

**Úloha 12.3.** [64-S-2] Označme K a L postupne body strán BC a AC trojuholníka ABC, pre ktoré platí  $|BK| = \frac{1}{3}|BC|$ ,  $|AL| = \frac{1}{3}|AC|$ . Nech M je priesečník úsečiek AK a BL. Vypočítajte pomer obsahov trojuholníkov ABM a ABC.

Úloha 12.4. [64-II-3] Daný je lichobežník ABCD so základňami AB, CD, pričom 2|AB| = 3|CD|.

- a) Nájdite bod P vnútri lichobežníka tak, aby obsahy trojuholníkov ABP a CDP boli v pomere 3:1 a aj obsahy trojuholníkov BCP a DAP boli v pomere 3:1.
- b) Pre nájdený bod P určte postupný pomer obsahov trojuholníkov ABP, BCP, CDP a DAP.

**Úloha 12.5.** [62-I-6] Vnútri pravidelného šesťuholníka ABCDEF s obsahom  $30~\mathrm{cm}^2$  je zvolený bod M. Obsahy trojuholníkov ABM a BCM sú postupne  $3~\mathrm{cm}^2$  a  $2~\mathrm{cm}^2$ . Určte obsahy trojuholníkov CDM, DEM, EFM a FAM.

## Domáca práca

**Úloha 12.6.** [65-I-4] Vnútri strán AB, AC daného trojuholníka ABC sú zvolené postupne body E, F, pričom  $EF \parallel BC$ . Úsečka EF je potom rozdelená bodom D tak, že platí

$$p = |ED| : |DF| = |BE| : |EA|.$$

- a) Ukážte, že pomer obsahov trojuholníkov ABC a ABD je pre p=2:3 rovnaký ako pre p=3:2.
- b) Zdôvodnite, prečo pomer obsahov trojuholníkov ABC a ABD má hodnotu aspoň 4.