

Лабораторная работа 2

1. Загрузить среду программирования.
2. Выполнить задачи по варианту. Номер варианта равен номеру рабочего места.
3. Представить результат преподавателю.

Варианты:

1	<p>1. Реализуйте функцию <code>sum_neg_squares(List)</code>, которая возвращает сумму квадратов всех отрицательных чисел в списке <code>List</code>.</p> <p><code>sum_pos_squares([-3,a,false,-3,1]) => 18</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>dropwhile(Pred, List)</code>. Она возвращает то, что остаётся от списка <code>List</code> после отбрасывания начальных элементов, на которых <code>Pred</code> возвращает <code>true</code>.</p> <p><code>dropwhile(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => [11, 6]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>antimap(ListF, X)</code>, которая принимает список функций одного аргумента <code>ListF</code> и значение <code>X</code>, и возвращает список результатов применения всех функций из <code>ListF</code> к <code>X</code>.</p> <p><code>antimap([fun(X) -> X + 2 end, fun(X) -> X*3 end], 4) => [6, 12]</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>solve(Fun, A, B, Eps)</code>, которая находит приближённо (с ошибкой не больше <code>Eps</code>) корень уравнения $Fun(X) = 0$ на отрезке $[A, B]$ или точку разрыва, в которой <code>Fun</code> меняет знак. Можно считать, что $F(A) \leq 0 \leq F(B)$ (как известно, в таком случае корень заведомо существует). Проще всего это сделать, деля отрезок пополам и смотря, на концах какой половины различаются знаки <code>Fun</code>.</p> <p><code>solve(fun(X) -> X*X - 2 end, 0, 2, 0.001) => 1.414 (приближенно)</code></p>
2	<p>1. Реализуйте функцию <code>list_heads(List)</code>, которая возвращает список первых элементов непустых списков, входящих в <code>List</code> и игнорирует любые другие элементы <code>List</code>.</p> <p><code>list_heads([[1,2,3], {true,3}, [4,5], []]) => [1,4]</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>takewhile(Pred, List)</code>. Она возвращает такой начальный отрезок списка <code>List</code>, для всех элементов которого <code>Pred</code> возвращает <code>true</code>. В отличие от <code>filter</code>, она заканчивает работу, как только найдёт элемент, на котором <code>Pred</code> вернёт <code>false</code>.</p> <p><code>takewhile(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => [1,3,9]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>iterate(F, N)</code>, которая возвращает функцию, применяющую <code>F</code> к своему аргументу <code>N</code> раз (т.е., например, <code>(iterate(F, 2))(X) == F(F(X))</code>)</p>

	<p><code>F1 = iterate(fun(X) -> {X} end, 2), F1(1) => {{1}}</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>integrate(F, N)</code>, принимающую функцию <code>F</code> из действительных чисел в действительные числа и целое число <code>N</code>, и возвращающую функцию 2 аргументов: <code>(integrate(F, N))(A, B)</code> приближенно равно определённому интегралу <code>F</code> от <code>A</code> до <code>B</code> (для подсчёта которого отрезок разбивается на <code>N</code> частей).</p> <p><code>F1 = integrate(fun(X) -> X end, 100), F1(0, 1) => 0.5 (приближенно)</code></p>
3	<p>1. Реализуйте функцию <code>list_lengths(List)</code>, которая возвращает список длин списков, входящих в <code>List</code> и пропускает все остальные элементы.</p> <p><code>list_lengths([[1,2,3], {true,3}, [4,5], []]) => [3,2,0]</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>all(Pred, List)</code>. Она возвращает <code>true</code>, если <code>Pred</code> возвращает <code>true</code> для всех элементов <code>List</code>, и <code>false</code>, если это не так.</p> <p><code>all(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => false</code> <code>all(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,6]) => true</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>min_value(F, N)</code>, которая возвращает минимальное значение функции <code>F</code> на целых числах от 1 до <code>N</code>.</p> <p><code>max_value(fun(X) -> X rem 5 end, 10) => 0</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>group_by(Fun, List)</code>, которая разбивает список <code>List</code> на отрезки, на идущих подряд элементах которых <code>Fun</code> (предикат от двух переменных) возвращает <code>true</code>.</p> <p><code>group_by(fun(X, Y) <- X == Y end, [1,2,4,3,2,5]) => [[1,2,4], [3], [2,5]]</code></p>
4	<p>1. Реализуйте функцию <code>min_positive_number(List)</code>, которая возвращает минимальное положительное число, входящее в <code>List</code>. Если положительных чисел нет, функция должна вернуть <code>error</code>.</p> <p><code>min_positive_number([3,a,false,-3,1]) => 1</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>zipwith(Fun, List1, List2)</code>. Возвращается список значений <code>Fun</code> (функции от двух аргументов) на аргументах, взятых из списков <code>List1</code> и <code>List2</code>. В случае разных длин списков функция должна выкинуть исключение.</p> <p><code>zipwith(fun(X, Y) -> {X, Y} end, [1,2,3], [4,5,6]) => [{1,4}, {2,5}, {3,6}]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>iteratemap(F, X0, N)</code>, которая возвращает список длины <code>N</code>, состоящий из результатов последовательного применения <code>F</code> к <code>X0</code>.</p> <p><code>iteratemap(fun(X) -> X*2 end, 1, 4) => [1, 2, 4, 8]</code></p>

	<p>4. Реализуйте функцию <code>diff(F, DX)</code>, которая принимает функцию <code>F</code> от одного аргумента и шаг <code>DX</code>, и возвращает функцию одного аргумента: приближение к производной функции <code>F</code>.</p> <p><code>F1 = diff(fun(X) -> X*X end, 0.001), F1(1.0) => 2.000 (приближенно)</code></p> <p>Попробуйте вспомнить (или найти) формулу, которая даёт лучшее приближение для производной, чем $(F(X + DX) - F(X))/DX$, но она тоже принимается.</p>
5	<p>1. Реализуйте функцию <code>sum_neg_squares(List)</code>, которая возвращает сумму квадратов всех отрицательных чисел в списке <code>List</code>.</p> <p><code>sum_pos_squares([-3,a,false,-3,1]) => 18</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>dropwhile(Pred, List)</code>. Она возвращает то, что остаётся от списка <code>List</code> после отбрасывания начальных элементов, на которых <code>Pred</code> возвращает <code>true</code>.</p> <p><code>dropwhile(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => [11, 6]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>antimap(ListF, X)</code>, которая принимает список функций одного аргумента <code>ListF</code> и значение <code>X</code>, и возвращает список результатов применения всех функций из <code>ListF</code> к <code>X</code>.</p> <p><code>antimap([fun(X) -> X + 2 end, fun(X) -> X*3 end], 4) => [6, 12]</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>solve(Fun, A, B, Eps)</code>, которая находит приближённо (с ошибкой не больше <code>Eps</code>) корень уравнения $Fun(X) = 0$ на отрезке $[A, B]$ или точку разрыва, в которой <code>Fun</code> меняет знак. Можно считать, что $F(A) \leq 0 \leq F(B)$ (как известно, в таком случае корень заведомо существует). Проще всего это сделать, деля отрезок пополам и смотря, на концах какой половины различаются знаки <code>Fun</code>.</p> <p><code>solve(fun(X) -> X*X - 2 end, 0, 2, 0.001) => 1.414 (приближенно)</code></p>
6	<p>1. Реализуйте функцию <code>list_heads(List)</code>, которая возвращает список первых элементов непустых списков, входящих в <code>List</code> и игнорирует любые другие элементы <code>List</code>.</p> <p><code>list_heads([[1,2,3], {true,3}, [4,5], []]) => [1,4]</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>takewhile(Pred, List)</code>. Она возвращает такой начальный отрезок списка <code>List</code>, для всех элементов которого <code>Pred</code> возвращает <code>true</code>. В отличие от <code>filter</code>, она заканчивает работу, как только найдёт элемент, на котором <code>Pred</code> вернёт <code>false</code>.</p> <p><code>takewhile(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => [1,3,9]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>iterate(F, N)</code>, которая возвращает функцию, применяющую <code>F</code> к своему аргументу <code>N</code> раз (т.е., например, $(iterate(F, 2))(X) == F(F(X))$)</p> <p><code>F1 = iterate(fun(X) -> {X} end, 2), F1(1) => {{1}}</code></p>

	<p>4. Реализуйте функцию <code>integrate(F, N)</code>, принимающую функцию <code>F</code> из действительных чисел в действительные числа) и целое число <code>N</code>, и возвращающую функцию 2 аргументов: <code>(integrate(F, N))(A, B)</code> приближенно равно определённому интегралу <code>F</code> от <code>A</code> до <code>B</code> (для подсчёта которого отрезок разбивается на <code>N</code> частей).</p> <p><code>F1 = integrate(fun(X) -> X end, 100), F1(0, 1) => 0.5</code> (приближенно)</p>
7	<p>1. Реализуйте функцию <code>list_lengths(List)</code>, которая возвращает список длин списков, входящих в <code>List</code> и пропускает все остальные элементы.</p> <p><code>list_lengths([[1,2,3], {true,3}, [4,5], []]) => [3,2,0]</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>all(Pred, List)</code>. Она возвращает <code>true</code>, если <code>Pred</code> возвращает <code>true</code> для всех элементов <code>List</code>, и <code>false</code>, если это не так.</p> <p><code>all(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => false</code> <code>all(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,6]) => true</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>min_value(F, N)</code>, которая возвращает минимальное значение функции <code>F</code> на целых числах от 1 до <code>N</code>.</p> <p><code>max_value(fun(X) -> X rem 5 end, 10) => 0</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>group_by(Fun, List)</code>, которая разбивает список <code>List</code> на отрезки, на идущих подряд элементах которых <code>Fun</code> (предикат от двух переменных) возвращает <code>true</code>.</p> <p><code>group_by(fun(X, Y) <- X =< Y end, [1,2,4,3,2,5]) => [[1,2,4], [3], [2,5]]</code></p>
8	<p>1. Реализуйте функцию <code>min_positive_number(List)</code>, которая возвращает минимальное положительное число, входящее в <code>List</code>. Если положительных чисел нет, функция должна вернуть атом <code>error</code>.</p> <p><code>min_positive_number([3,a,false,-3,1]) => 1</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>zipwith(Fun, List1, List2)</code>. Возвращается список значений <code>Fun</code> (функции от двух аргументов) на аргументах, взятых из списков <code>List1</code> и <code>List2</code>. В случае разных длин списков функция должна выкинуть исключение.</p> <p><code>zipwith(fun(X, Y) -> {X, Y} end, [1,2,3], [4,5,6]) => [{1,4}, {2,5}, {3,6}]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>iteratemap(F, X0, N)</code>, которая возвращает список длины <code>N</code>, состоящий из результатов последовательного применения <code>F</code> к <code>X0</code>.</p> <p><code>iteratemap(fun(X) -> X*2 end, 1, 4) => [1, 2, 4, 8]</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>diff(F, DX)</code>, которая принимает функцию <code>F</code> от одного аргумента и шаг <code>DX</code>, и возвращает функцию одного аргумента: приближение к производной функции <code>F</code>.</p>

	<p>$F1 = \text{diff}(\text{fun}(X) \rightarrow X * X \text{ end}, 0.001), F1(1.0) \Rightarrow 2.000$ (приближенно)</p> <p>Попробуйте вспомнить (или найти) формулу, которая даёт лучшее приближение для производной, чем $(F(X + DX) - F(X))/DX$, но она тоже принимается.</p>
9	<p>1. Реализуйте функцию <code>sum_neg_squares(List)</code>, которая возвращает сумму квадратов всех отрицательных чисел в списке <code>List</code>.</p> <p><code>sum_pos_squares([-3,a,false,-3,1]) => 18</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>dropwhile(Pred, List)</code>. Она возвращает то, что остаётся от списка <code>List</code> после отбрасывания начальных элементов, на которых <code>Pred</code> возвращает <code>true</code>.</p> <p><code>dropwhile(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => [11, 6]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>antimap(ListF, X)</code>, которая принимает список функций одного аргумента <code>ListF</code> и значение <code>X</code>, и возвращает список результатов применения всех функций из <code>ListF</code> к <code>X</code>.</p> <p><code>antimap([fun(X) -> X + 2 end, fun(X) -> X*3 end], 4) => [6, 12]</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>solve(Fun, A, B, Eps)</code>, которая находит приближённо (с ошибкой не больше <code>Eps</code>) корень уравнения $\text{Fun}(X) = 0$ на отрезке $[A, B]$ или точку разрыва, в которой <code>Fun</code> меняет знак. Можно считать, что $F(A) \leq 0 \leq F(B)$ (как известно, в таком случае корень заведомо существует). Проще всего это сделать, деля отрезок пополам и смотря, на концах какой половины различаются знаки <code>Fun</code>.</p> <p><code>solve(fun(X) -> X*X - 2 end, 0, 2, 0.001) => 1.414</code> (приближенно)</p>
10	<p>1. Реализуйте функцию <code>list_heads(List)</code>, которая возвращает список первых элементов непустых списков, входящих в <code>List</code> и игнорирует любые другие элементы <code>List</code>.</p> <p><code>list_heads([[1,2,3], {true,3}, [4,5], []]) => [1,4]</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>takewhile(Pred, List)</code>. Она возвращает такой начальный отрезок списка <code>List</code>, для всех элементов которого <code>Pred</code> возвращает <code>true</code>. В отличие от <code>filter</code>, она заканчивает работу, как только найдёт элемент, на котором <code>Pred</code> вернёт <code>false</code>.</p> <p><code>takewhile(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => [1,3,9]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>iterate(F, N)</code>, которая возвращает функцию, применяющую <code>F</code> к своему аргументу <code>N</code> раз (т.е., например, $(\text{iterate}(F, 2))(X) == F(F(X))$)</p> <p><code>F1 = iterate(fun(X) -> {X} end, 2), F1(1) => {{1}}</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>integrate(F, N)</code>, принимающую функцию <code>F</code> из действительных чисел в действительные числа и целое число <code>N</code>, и возвращающую функцию 2 аргументов: $(\text{integrate}(F, N))(A, B)$ приближенно равно определённому интегралу <code>F</code> от <code>A</code> до <code>B</code> (для подсчёта которого отрезок разбивается на <code>N</code> частей).</p>

	$F1 = \text{integrate}(\text{fun}(X) \rightarrow X \text{ end}, 100), F1(0, 1) \Rightarrow 0.5$ (приближенно)
11	<p>1. Реализуйте функцию <code>list_lengths(List)</code>, которая возвращает список длин списков, входящих в <code>List</code> и пропускает все остальные элементы.</p> <p><code>list_lengths([[1,2,3], {true,3}, [4,5], []]) => [3,2,0]</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>all(Pred, List)</code>. Она возвращает <code>true</code>, если <code>Pred</code> возвращает <code>true</code> для всех элементов <code>List</code>, и <code>false</code>, если это не так.</p> <p><code>all(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => false</code> <code>all(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,6]) => true</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>min_value(F, N)</code>, которая возвращает минимальное значение функции <code>F</code> на целых числах от 1 до <code>N</code>.</p> <p><code>max_value(fun(X) -> X rem 5 end, 10) => 0</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>group_by(Fun, List)</code>, которая разбивает список <code>List</code> на отрезки, на идущих подряд элементах которых <code>Fun</code> (предикат от двух переменных) возвращает <code>true</code>.</p> <p><code>group_by(fun(X, Y) <- X =< Y end, [1,2,4,3,2,5]) => [[1,2,4], [3], [2,5]]</code></p>
12	<p>1. Реализуйте функцию <code>min_positive_number(List)</code>, которая возвращает минимальное положительное число, входящее в <code>List</code>. Если положительных чисел нет, функция должна вернуть атом <code>error</code>.</p> <p><code>min_positive_number([3,a,false,-3,1]) => 1</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>zipwith(Fun, List1, List2)</code>. Возвращается список значений <code>Fun</code> (функции от двух аргументов) на аргументах, взятых из списков <code>List1</code> и <code>List2</code>. В случае разных длин списков функция должна выкинуть исключение.</p> <p><code>zipwith(fun(X, Y) -> {X, Y} end, [1,2,3], [4,5,6]) => [{1,4}, {2,5}, {3,6}]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>iteratemap(F, X0, N)</code>, которая возвращает список длины <code>N</code>, состоящий из результатов последовательного применения <code>F</code> к <code>X0</code>.</p> <p><code>iteratemap(fun(X) -> X*2 end, 1, 4) => [1, 2, 4, 8]</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>diff(F, DX)</code>, которая принимает функцию <code>F</code> от одного аргумента и шаг <code>DX</code>, и возвращает функцию одного аргумента: приближение к производной функции <code>F</code>.</p> <p>$F1 = \text{diff}(\text{fun}(X) \rightarrow X*X \text{ end}, 0.001), F1(1.0) \Rightarrow 2.000$ (приближенно)</p> <p>Попробуйте вспомнить (или найти) формулу, которая даёт лучшее приближение для производной, чем $(F(X + DX) - F(X))/DX$, но она тоже принимается.</p>

13	<p>1. Реализуйте функцию <code>sum_neg_squares(List)</code>, которая возвращает сумму квадратов всех отрицательных чисел в списке <code>List</code>.</p> <p><code>sum_pos_squares([-3,a,false,-3,1]) => 18</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>dropwhile(Pred, List)</code>. Она возвращает то, что остаётся от списка <code>List</code> после отбрасывания начальных элементов, на которых <code>Pred</code> возвращает <code>true</code>.</p> <p><code>dropwhile(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => [11, 6]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>antimap(ListF, X)</code>, которая принимает список функций одного аргумента <code>ListF</code> и значение <code>X</code>, и возвращает список результатов применения всех функций из <code>ListF</code> к <code>X</code>.</p> <p><code>antimap([fun(X) -> X + 2 end, fun(X) -> X*3 end], 4) => [6, 12]</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>solve(Fun, A, B, Eps)</code>, которая находит приближённо (с ошибкой не больше <code>Eps</code>) корень уравнения $Fun(X) = 0$ на отрезке $[A, B]$ или точку разрыва, в которой <code>Fun</code> меняет знак. Можно считать, что $F(A) \leq 0 \leq F(B)$ (как известно, в таком случае корень заведомо существует). Проще всего это сделать, деля отрезок пополам и смотря, на концах какой половины различаются знаки <code>Fun</code>.</p> <p><code>solve(fun(X) -> X*X - 2 end, 0, 2, 0.001) => 1.414 (приближенно)</code></p>
14	<p>1. Реализуйте функцию <code>list_heads(List)</code>, которая возвращает список первых элементов непустых списков, входящих в <code>List</code> и игнорирует любые другие элементы <code>List</code>.</p> <p><code>list_heads([[1,2,3], {true,3}, [4,5], []]) => [1,4]</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>takewhile(Pred, List)</code>. Она возвращает такой начальный отрезок списка <code>List</code>, для всех элементов которого <code>Pred</code> возвращает <code>true</code>. В отличие от <code>filter</code>, она заканчивает работу, как только найдёт элемент, на котором <code>Pred</code> вернёт <code>false</code>.</p> <p><code>takewhile(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => [1,3,9]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>iterate(F, N)</code>, которая возвращает функцию, применяющую <code>F</code> к своему аргументу <code>N</code> раз (т.е., например, $(iterate(F, 2))(X) == F(F(X))$)</p> <p><code>F1 = iterate(fun(X) -> {X} end, 2), F1(1) => {{1}}</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>integrate(F, N)</code>, принимающую функцию <code>F</code> из действительных чисел в действительные числа и целое число <code>N</code>, и возвращающую функцию 2 аргументов: $(integrate(F, N))(A, B)$ приближенно равно определённому интегралу <code>F</code> от <code>A</code> до <code>B</code> (для подсчёта которого отрезок разбивается на <code>N</code> частей).</p> <p><code>F1 = integrate(fun(X) -> X end, 100), F1(0, 1) => 0.5 (приближенно)</code></p>
15	<p>1. Реализуйте функцию <code>list_lengths(List)</code>, которая возвращает список длин списков, входящих в <code>List</code> и пропускает все остальные элементы.</p>

	<p><code>list_lengths([[1,2,3], {true,3}, [4,5], []]) => [3,2,0]</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>all(Pred, List)</code>. Она возвращает <code>true</code>, если <code>Pred</code> возвращает <code>true</code> для всех элементов <code>List</code>, и <code>false</code>, если это не так.</p> <p><code>all(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => false</code> <code>all(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,6]) => true</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>min_value(F, N)</code>, которая возвращает минимальное значение функции <code>F</code> на целых числах от 1 до <code>N</code>.</p> <p><code>max_value(fun(X) -> X rem 5 end, 10) => 0</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>group_by(Fun, List)</code>, которая разбивает список <code>List</code> на отрезки, на идущих подряд элементах которых <code>Fun</code> (предикат от двух переменных) возвращает <code>true</code>.</p> <p><code>group_by(fun(X, Y) <- X =< Y end, [1,2,4,3,2,5]) => [[1,2,4], [3], [2,5]]</code></p>
16	<p>1. Реализуйте функцию <code>min_positive_number(List)</code>, которая возвращает минимальное положительное число, входящее в <code>List</code>. Если положительных чисел нет, функция должна вернуть атом <code>error</code>.</p> <p><code>min_positive_number([3,a,false,-3,1]) => 1</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>zipwith(Fun, List1, List2)</code>. Возвращается список значений <code>Fun</code> (функции от двух аргументов) на аргументах, взятых из списков <code>List1</code> и <code>List2</code>. В случае разных длин списков функция должна выкинуть исключение.</p> <p><code>zipwith(fun(X, Y) -> {X, Y} end, [1,2,3], [4,5,6]) => [{1,4}, {2,5}, {3,6}]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>iteratemap(F, X0, N)</code>, которая возвращает список длины <code>N</code>, состоящий из результатов последовательного применения <code>F</code> к <code>X0</code>.</p> <p><code>iteratemap(fun(X) -> X*2 end, 1, 4) => [1, 2, 4, 8]</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>diff(F, DX)</code>, которая принимает функцию <code>F</code> от одного аргумента и шаг <code>DX</code>, и возвращает функцию одного аргумента: приближение к производной функции <code>F</code>.</p> <p><code>F1 = diff(fun(X) -> X*X end, 0.001), F1(1.0) => 2.000 (приближенно)</code></p> <p>Попробуйте вспомнить (или найти) формулу, которая даёт лучшее приближение для производной, чем $(F(X + DX) - F(X))/DX$, но она тоже принимается.</p>
17	<p>1. Реализуйте функцию <code>sum_neg_squares(List)</code>, которая возвращает сумму квадратов всех отрицательных чисел в списке <code>List</code>.</p> <p><code>sum_pos_squares([-3,a,false,-3,1]) => 18</code></p>

	<p>2. Не смотря на определение в модуле lists стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>dropwhile(Pred, List)</code>. Она возвращает то, что остаётся от списка <code>List</code> после отбрасывания начальных элементов, на которых <code>Pred</code> возвращает <code>true</code>.</p> <p><code>dropwhile(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => [11, 6]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>antimap(ListF, X)</code>, которая принимает список функций одного аргумента <code>ListF</code> и значение <code>X</code>, и возвращает список результатов применения всех функций из <code>ListF</code> к <code>X</code>.</p> <p><code>antimap([fun(X) -> X + 2 end, fun(X) -> X*3 end], 4) => [6, 12]</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>solve(Fun, A, B, Eps)</code>, которая находит приближённо (с ошибкой не больше <code>Eps</code>) корень уравнения $Fun(X) = 0$ на отрезке $[A, B]$ или точку разрыва, в которой <code>Fun</code> меняет знак. Можно считать, что $F(A) \leq 0 \leq F(B)$ (как известно, в таком случае корень заведомо существует). Проще всего это сделать, деля отрезок пополам и смотря, на концах какой половины различаются знаки <code>Fun</code>.</p> <p><code>solve(fun(X) -> X*X - 2 end, 0, 2, 0.001) => 1.414 (приближенно)</code></p>
18	<p>1. Реализуйте функцию <code>list_heads(List)</code>, которая возвращает список первых элементов непустых списков, входящих в <code>List</code> и игнорирует любые другие элементы <code>List</code>.</p> <p><code>list_heads([[1,2,3], {true,3}, [4,5], []]) => [1,4]</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле lists стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>takewhile(Pred, List)</code>. Она возвращает такой начальный отрезок списка <code>List</code>, для всех элементов которого <code>Pred</code> возвращает <code>true</code>. В отличие от <code>filter</code>, она заканчивает работу, как только найдёт элемент, на котором <code>Pred</code> вернёт <code>false</code>.</p> <p><code>takewhile(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => [1,3,9]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>iterate(F, N)</code>, которая возвращает функцию, применяющую <code>F</code> к своему аргументу <code>N</code> раз (т.е., например, $(iterate(F, 2))(X) == F(F(X))$)</p> <p><code>F1 = iterate(fun(X) -> {X} end, 2), F1(1) => {{1}}</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>integrate(F, N)</code>, принимающую функцию <code>F</code> из действительных чисел в действительные числа) и целое число <code>N</code>, и возвращающую функцию 2 аргументов: $(integrate(F, N))(A, B)$ приближенно равно определённому интегралу <code>F</code> от <code>A</code> до <code>B</code> (для подсчёта которого отрезок разбивается на <code>N</code> частей).</p> <p><code>F1 = integrate(fun(X) -> X end, 100), F1(0, 1) => 0.5 (приближенно)</code></p>
19	<p>1. Реализуйте функцию <code>list_lengths(List)</code>, которая возвращает список длин списков, входящих в <code>List</code> и пропускает все остальные элементы.</p> <p><code>list_lengths([[1,2,3], {true,3}, [4,5], []]) => [3,2,0]</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле lists стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>all(Pred, List)</code>.</p>

	<p>Она возвращает true, если Pred возвращает true для всех элементов List, и false, если это не так.</p> <p><code>all(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => false</code> <code>all(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,6]) => true</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>min_value(F, N)</code>, которая возвращает минимальное значение функции F на целых числах от 1 до N.</p> <p><code>max_value(fun(X) -> X rem 5 end, 10) => 0</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>group_by(Fun, List)</code>, которая разбивает список List на отрезки, на идущих подряд элементах которых Fun (предикат от двух переменных) возвращает true.</p> <p><code>group_by(fun(X, Y) <- X == Y end, [1,2,4,3,2,5]) => [[1,2,4], [3], [2,5]]</code></p>
20	<p>1. Реализуйте функцию <code>min_positive_number(List)</code>, которая возвращает минимальное положительное число, входящее в List. Если положительных чисел нет, функция должна вернуть атом <code>error</code>.</p> <p><code>min_positive_number([3,a,false,-3,1]) => 1</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>zipwith(Fun, List1, List2)</code>. Возвращается список значений Fun (функции от двух аргументов) на аргументах, взятых из списков List1 и List2. В случае разных длин списков функция должна выкинуть исключение.</p> <p><code>zipwith(fun(X, Y) -> {X, Y} end, [1,2,3], [4,5,6]) => [{1,4}, {2,5}, {3,6}]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>iteratemap(F, X0, N)</code>, которая возвращает список длины N, состоящий из результатов последовательного применения F к X0.</p> <p><code>iteratemap(fun(X) -> X*2 end, 1, 4) => [1, 2, 4, 8]</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>diff(F, DX)</code>, которая принимает функцию F от одного аргумента и шаг DX, и возвращает функцию одного аргумента: приближение к производной функции F.</p> <p><code>F1 = diff(fun(X) -> X*X end, 0.001), F1(1.0) => 2.000 (приблизленно)</code></p> <p>Попробуйте вспомнить (или найти) формулу, которая даёт лучшее приближение для производной, чем $(F(X + DX) - F(X))/DX$, но она тоже принимается.</p>
21	<p>1. Реализуйте функцию <code>sum_neg_squares(List)</code>, которая возвращает сумму квадратов всех отрицательных чисел в списке List.</p> <p><code>sum_pos_squares([-3,a,false,-3,1]) => 18</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>dropwhile(Pred, List)</code>. Она возвращает то, что остаётся от списка List после отбрасывания начальных элементов, на которых Pred возвращает true.</p>

	<p><code>dropwhile(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => [11, 6]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>antimap(ListF, X)</code>, которая принимает список функций одного аргумента <code>ListF</code> и значение <code>X</code>, и возвращает список результатов применения всех функций из <code>ListF</code> к <code>X</code>.</p> <p><code>antimap([fun(X) -> X + 2 end, fun(X) -> X*3 end], 4) => [6, 12]</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>solve(Fun, A, B, Eps)</code>, которая находит приближённо (с ошибкой не больше <code>Eps</code>) корень уравнения $Fun(X) = 0$ на отрезке $[A, B]$ или точку разрыва, в которой <code>Fun</code> меняет знак. Можно считать, что $F(A) \leq 0 \leq F(B)$ (как известно, в таком случае корень заведомо существует). Проще всего это сделать, деля отрезок пополам и смотря, на концах какой половины различаются знаки <code>Fun</code>.</p> <p><code>solve(fun(X) -> X*X - 2 end, 0, 2, 0.001) => 1.414 (приближенно)</code></p>
22	<p>1. Реализуйте функцию <code>list_heads(List)</code>, которая возвращает список первых элементов непустых списков, входящих в <code>List</code> и игнорирует любые другие элементы <code>List</code>.</p> <p><code>list_heads([[1,2,3], {true,3}, [4,5], []]) => [1,4]</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>takewhile(Pred, List)</code>. Она возвращает такой начальный отрезок списка <code>List</code>, для всех элементов которого <code>Pred</code> возвращает <code>true</code>. В отличие от <code>filter</code>, она заканчивает работу, как только найдёт элемент, на котором <code>Pred</code> вернёт <code>false</code>.</p> <p><code>takewhile(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => [1,3,9]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>iterate(F, N)</code>, которая возвращает функцию, применяющую <code>F</code> к своему аргументу <code>N</code> раз (т.е., например, $(iterate(F, 2))(X) == F(F(X))$)</p> <p><code>F1 = iterate(fun(X) -> {X} end, 2), F1(1) => {{1}}</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>integrate(F, N)</code>, принимающую функцию <code>F</code> из действительных чисел в действительные числа) и целое число <code>N</code>, и возвращающую функцию 2 аргументов: $(integrate(F, N))(A, B)$ приближенно равно определённому интегралу <code>F</code> от <code>A</code> до <code>B</code> (для подсчёта которого отрезок разбивается на <code>N</code> частей).</p> <p><code>F1 = integrate(fun(X) -> X end, 100), F1(0, 1) => 0.5 (приближенно)</code></p>
23	<p>1. Реализуйте функцию <code>list_lengths(List)</code>, которая возвращает список длин списков, входящих в <code>List</code> и пропускает все остальные элементы.</p> <p><code>list_lengths([[1,2,3], {true,3}, [4,5], []]) => [3,2,0]</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>all(Pred, List)</code>. Она возвращает <code>true</code>, если <code>Pred</code> возвращает <code>true</code> для всех элементов <code>List</code>, и <code>false</code>, если это не так.</p> <p><code>all(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => false</code> <code>all(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,6]) => true</code></p>

	<p>3. Реализуйте функцию <code>min_value(F, N)</code>, которая возвращает минимальное значение функции <code>F</code> на целых числах от 1 до <code>N</code>.</p> <p><code>max_value(fun(X) -> X rem 5 end, 10) => 0</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>group_by(Fun, List)</code>, которая разбивает список <code>List</code> на отрезки, на идущих подряд элементах которых <code>Fun</code> (предикат от двух переменных) возвращает <code>true</code>.</p> <p><code>group_by(fun(X, Y) <- X =< Y end, [1,2,4,3,2,5]) => [[1,2,4], [3], [2,5]]</code></p>
24	<p>1. Реализуйте функцию <code>min_positive_number(List)</code>, которая возвращает минимальное положительное число, входящее в <code>List</code>. Если положительных чисел нет, функция должна вернуть атом <code>error</code>.</p> <p><code>min_positive_number([3,a,false,-3,1]) => 1</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>zipwith(Fun, List1, List2)</code>. Возвращается список значений <code>Fun</code> (функции от двух аргументов) на аргументах, взятых из списков <code>List1</code> и <code>List2</code>. В случае разных длин списков функция должна выкинуть исключение.</p> <p><code>zipwith(fun(X, Y) -> {X, Y} end, [1,2,3], [4,5,6]) => [{1,4}, {2,5}, {3,6}]</code></p> <p>3. Реализуйте функцию <code>iteratemap(F, X0, N)</code>, которая возвращает список длины <code>N</code>, состоящий из результатов последовательного применения <code>F</code> к <code>X0</code>.</p> <p><code>iteratemap(fun(X) -> X*2 end, 1, 4) => [1, 2, 4, 8]</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>diff(F, DX)</code>, которая принимает функцию <code>F</code> от одного аргумента и шаг <code>DX</code>, и возвращает функцию одного аргумента: приближение к производной функции <code>F</code>.</p> <p><code>F1 = diff(fun(X) -> X*X end, 0.001), F1(1.0) => 2.000 (приблизенно)</code></p> <p>Попробуйте вспомнить (или найти) формулу, которая даёт лучшее приближение для производной, чем $(F(X + DX) - F(X))/DX$, но она тоже принимается.</p>
25	<p>1. Реализуйте функцию <code>sum_neg_squares(List)</code>, которая возвращает сумму квадратов всех отрицательных чисел в списке <code>List</code>.</p> <p><code>sum_pos_squares([-3,a,false,-3,1]) => 18</code></p> <p>2. Не смотря на определение в модуле <code>lists</code> стандартной библиотеки, реализуйте функцию <code>dropwhile(Pred, List)</code>. Она возвращает то, что остаётся от списка <code>List</code> после отбрасывания начальных элементов, на которых <code>Pred</code> возвращает <code>true</code>.</p> <p><code>dropwhile(fun(X) -> X < 10 end, [1,3,9,11,6]) => [11, 6]</code></p>

<p>3. Реализуйте функцию <code>antimap(ListF, X)</code>, которая принимает список функций одного аргумента <code>ListF</code> и значение <code>X</code>, и возвращает список результатов применения всех функций из <code>ListF</code> к <code>X</code>.</p> <p><code>antimap([fun(X) -> X + 2 end, fun(X) -> X*3 end], 4) => [6, 12]</code></p> <p>4. Реализуйте функцию <code>solve(Fun, A, B, Eps)</code>, которая находит приближённо (с ошибкой не больше <code>Eps</code>) корень уравнения $Fun(X) = 0$ на отрезке $[A, B]$ или точку разрыва, в которой <code>Fun</code> меняет знак. Можно считать, что $F(A) \leq 0 \leq F(B)$ (как известно, в таком случае корень заведомо существует). Проще всего это сделать, деля отрезок пополам и смотря, на концах какой половины различаются знаки <code>Fun</code>.</p> <p><code>solve(fun(X) -> X*X - 2 end, 0, 2, 0.001) => 1.414 (приближенно)</code></p>

Дополнительные задания:

5. Реализуйте функцию `for(Init, Cond, Step, Body)`, которая работает как цикл `for` (`I = Init; Cond(I); I = Step(I)`) { `Body(I)` } в C-подобных языках:

поддерживается "текущее значение" `I`. В начале это `Init`.

на каждом шаге проверяется, выполняется ли условие `Cond(I)`.

если да, то вызывается функция `Body(I)`. Потом вычисляется новое значение как `Step(I)` и возвращаемся к проверке `Cond`.

если нет, то работа функции заканчивается.

6. Реализуйте функцию `sortBy(Comparator, List)`, которая сортирует список `List`, используя `Comparator` для сравнения элементов. `Comparator(X, Y)` возвращает один из атомов `less` (если $X < Y$), `equal` ($X == Y$), `greater` ($X > Y$) для любых элементов `List`. Можете использовать любой алгоритм сортировки, но укажите, какой именно. Сортировка слиянием очень хорошо подходит для связанных списков.

Критерии оценивания

	Задание сдано в срок	Задание сдано позже
Задача 1 выполнена верно		
Задача 2 выполнена верно		
Задача 3 выполнена верно		
Задача 4 выполнена верно		
Верно выполнено дополнительное задание 5		
Верно выполнено дополнительное задание 6	1	0,5
Итого	7	3,5