对称矩阵与Hermite矩阵

定义

元素以主对角线为对称轴对应相等的矩阵。 $a_{i,j}=a_{j,i}$ $A=A^T$ 对称矩阵肯定是方阵。

性质

- 1. 对于任何方阵X, $X + X^T$ 一定是对称矩阵。
- 2. 对称矩阵特征值全实数。 特征值与特征向量
- 3. 任意一个n阶对称矩阵,一定有代数重数=几何重数,因此对称矩阵一定可以相似对角化。
- 4. 任意一个n阶对称矩阵,一定有n个线性无关的特征值向量(实际是正规矩阵的性质)
- 5. 对称矩阵的不同特征值对应的特征向量彼此正交。
- 6. 满足正规矩阵的一切性质。正规矩阵

Hermite矩阵

定义:

就是复对称矩阵, $A^H = A$ 拥有对称的矩阵的性质。