Aula 3 - Arquitetura de Computadores

Paulino

27-02-2020

Representação Binária

Representação de Dados

- Diferença entre informação e dados:
 - ▶ informação tem contexto, significado
 - dados são mais abstratos: números, textos, valores
- Precisamos representar os dados em bits no computador digital.
- Num computador digital, os sinais binários correspondem a bits que são armazenados em elementos de memória, eles são aplicados às entradas de circuitos digitais e são as saídas desses circuitos.

- ▶ Um bit é um sinal, ou o estado de um elemento de memorização, que pode ter um de 2 valores binários: 0 ou 1.
- Um byte, ou um octeto, é um arranjo de 8 bits. As memórias, em geral, são arranjadas para serem acessadas
- byte-a-byte. Isto é, os endereços de memória permitem acessar um byte específico de uma memória.
- Os dados (e as instruções) são compostos por bytes. Ao dizermos que um computador (ou um processador) trabalha com 32 ou 64 bits, isto quer dizer que o processador consegue realizar operações aritméticas com dados numéricos em 32 ou
 - 64 bits. Ou, a palavra do processador é de 32 ou 64 bits. Na maioria das vezes, isto quer, também, dizer que o barramento de dados transmite palavras de 32 ou 64 bits.

Representação de texto

- Textos são compostos por caracteres
- Os caracteres são:
 - letras maiúsculas e minúsculas de um alfabeto: a, b, c, ... e A, B, C, ...
 - ▶ sinais de pontuação: . , ! ? ; :
 - sinais gráficos: + / * & @ \$ % () [] { } # ' < > ~ \ SP
 - ▶ dígitos: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
- Precisamos de códigos binários únicos para cada um destes caracteres:
 - ▶ ASCII conjunto de caracteres usado na telegrafia americana, serviu de base para uma codificação de 7 bits. Além dos caracteres textuais, existem caracteres de *controle* que indicam: início de transmissão, fim de transmissão, fim de linha, sineta, DEL, . . .
 - ► EBCEDIC codificação usada pela IBM
 - ► UTF-8

ASCII

USASCII code chart

07 De D	P. Debs					۰۰,	۰۰,	٥,	۰,	' o o	١٥,	' _{'0}	١,,
	b4+	b ₃	p 5	٠,	SON SON	0	1	2	3	4	5	6	7
``	0	0	0	0	0	NUL .	DLE	SP	0	0	Р	`	P
	0	0	0	1	_	SOH	DC1	!	1	Α.	0	0	q
	0	0	1	0	2	STX	DCS		2	В	R	. b	r
	0	0	1	1	3	ETX	DC3	#	3	C	S	c	5
	0	1	0	0	4	EOT	DC4		4	D	т	d	1
	0	1	0	1	5	ENQ	NAK	%	5	E	υ	•	U
	0	1	1	0	6	ACK	SYN	8	6	F	>	1	v
	0	1	1	1	7	BEL	ETB	,	7	G	w	9	w
	1	0	0	0	8	BS	CAN	(8	н	x	h	х
	-	0	0	1	9	нТ	EM)	9	1	Y	i	у
	_	0	1	0	10	LF	SUB	*	:	J	Z	j	z
	1	0	1	1	11	VT	ESC	+	:	K	C	k.	(
	1	1	0	0	12	FF	FS		<	L	١.	1	1
	1	1	0	1	13	CR	GS	-	-	м)	m)
	•	.1	1	0	14	so	RS		>	N	^	n	\sim
	1	1	1	1	15	\$1	US	/	?	0	_	0	DEL

Figure 1: Tabela ASCII

Fonte: Wikipedia

Representação de números inteiros em bits

- Os números poderiam ser representados diretamente como texto usando códigos como o ASCII ou o EBCEDIC. Se os números só são armazenados, esta pode ser uma boa solução. Mas, se quisermos realizar operações aritméticas com os números, este tipo de codificação não é apropriado.
- Uma representação numérica boa deve facilitar a criação de HW para implementar as operações aritméticas nos números.
- Uma representação natural que atende este requisito é a representação em base 2 dos números inteiros não negativos.

Representação dos números em diferentes bases

Notação de números com diferentes bases

- Base 10 (decimal): $1969_{10} = 1969_d = 1 \cdot 10^3 + 9 \cdot 10^2 + 6 \cdot 10^1 + 9 \cdot 10^0$
- ▶ Base 8 (octal): $1969_{10} = 3661_8 = 3 \cdot 8^3 + 6 \cdot 8^2 + 6 \cdot 8^1 + 1 \cdot 8^0$
- ▶ Base 2 (binária): $1969_{10} = 11110110001_2 = 11110110001_b = 1 \cdot 2^{10} + 1 \cdot 2^9 + 1 \cdot 2^8 + 1 \cdot 2^7 + 0 \cdot 2^6 + 1 \cdot 2^5 + 1 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0$
- Base 16 (hexadecimal): $1969_{10} = 7B1_{16} = 7B1_{H} = 7 \cdot 16^{2} + B \cdot 16^{1} + 1 \cdot 16^{0}$

Tabelas de codificações importantes

Decimal Hexa Octal Binário

0	0	0	0
1	1	1	1
10	2	2	2
11	3	3	3
100	4	4	4
101	5	5	5
110	6	6	6
111	7	7	7
1000	10	8	8
1001	11	9	9
1010	12	Α	10
1011	13	В	11
1100	14	C	12
1101	15	D	13
1110	16	Е	14
1111	17	F	15

Tabelas de codificações importantes(1)

$\begin{array}{ c c c c c c }\hline Decimal & Hexa & Octal & Binário\\\hline & 16=2^4 & 10 & 20 & 10000\\ & 32=2^5 & 20 & 40 & 100000\\ & 64=2^6 & 40 & 100 & 1000000\\ & 128=2^7 & 80 & 200 & 10000000\\ & 256=2^8 & 100 & 400 & 100000000\\ & 512=2^9 & 200 & 1000 & 1000000000\\ & 1K=1024=2^{10} & 400 & 2000 & 100000000000\\ & 1M=2^{20} & 100000 & 4000000 & 100000000000000000$				
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Decimal	Hexa	Octal	Binário
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	16=2 ⁴	10	20	10000
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$32=2^{5}$	20	40	100000
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$64=2^6$	40	100	1000000
$512=2^9$ 200 1000 100000000 $1K=1024=2^{10}$ 400 2000 1000000000	$128=2^{7}$	80	200	10000000
1K=1024=2 ¹⁰ 400 2000 10000000000	$256=2^{8}$	100	400	100000000
	$512=2^9$	200	1000	100000000
1M=2 ²⁰ 100000 4000000 1000000000000000000000	$1K=1024=2^{10}$	400	2000	1000000000
	1M=2 ²⁰	100000	4000000	100000000000000000000000000000000000000

▶ Observe a aproximação: $1024 \approx 1K$

Para eliminar a dúvida de 1KB = 1000B ou = 1024B, foi introduzida a noção de *Kilo binary Bytes* em 1998 pelo IEC. Agora, o correto é escrever: 1KiB, 1MiB, 1GiB, . . . Mas, muitos ainda não conhecem este conceito.

Tabelas de codificações importantes(2)

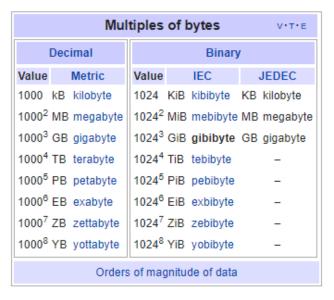


Figure 2: Tabela das potências de 1000 (Fonte: Wikipedia)

Conversão de números decimais para base 2

- Faça divisões sucessivas por 2 até o quociente ser 0
 - São divisões inteiras, isto é, divisões sem números quebrados, calcule o quociente e o resto de cada divisão
 - Divida sucessivamente os quocientes, guarde os restos
- O número em base 2 é dado pelos restos das divisões
- O bit mais significativo é o último resto, o bit menos significativo é o resto da primeira divisão

Conversão de Binário para Decimal

▶ Dado um número em base 2: $b_n b_{n-1} \dots b_1 b_0$ para convertê-lo em decimal, basta calcular:

$$b_n \cdot 2^n + b_{n-1} \cdot 2^{n-1} + \ldots + b_1 \cdot 2^1 + b_0 \cdot 2^0$$

Use o algoritmo de Tataglia para calcular o polinômio:

$$2^{0} \cdot b_{0} + 2^{1} \cdot b_{1} + 2^{2} \cdot b_{2} + \ldots + 2^{n} \cdot b_{n} = b_{0} + 2 \cdot (b_{1} + 2 \cdot (b_{2} + 2 \cdot (\ldots + 2 \cdot (b_{n-1} + 2 \cdot b_{n}) \ldots)))$$

Exemplo:

Quociente	Resto
1969	1
984	0
492	0
246	0
123	1
61	1
30	0
15	1
7	1
3	1
1	1
0	

$$1969_{10}=11110110001_2$$
 (ano em que o homem pisou na lua)
$$11110110001_2=2^{10}+2^9+2^8+2^7+2^5+2^4+1=\\1024+512+256+128+32+16+1=1969_{10}$$

Exercícios

- 1. Converta de decimal para binário:
- a. 19 = 10011
- b. 33 = 100001
- c. 42 = 101010
- 2. Converta para decimal os seguintes números:
- a. 10101010 = 170
- b. $110011001100 = CCC_{16} = 12 \cdot 16^2 + 12 \cdot 16 + 12 = 3276$
- c. $111000111000111 = 70707_8 = 7.8^4 + 7.8^2 + 7 = 29127$

Adição de números

Estouro (overflow)

- Os processadores tem um número fixo de bits para realizar as operações aritméticas. Por exemplo, imagine um processador de 8 bits:
 - Os números são sempre representados por 8 bits
 - ightharpoonup Ex.: 42 ightharpoonup 00101010 e não simplesmente 101010
- Problema 1: o que acontece quando um número precisa de mais bits para ser representado?
- Problema 2: e se a adição de 2 números resultar num número não representável por 8 bits?

Exemplo:
$$100 + 200$$

Subtração

- Problema: não existe num bit, como representar números negativos num computador digital?
- ► Solução: bit de sinal ← bit mais a esquerda, *MSB*

Quando o bit de sinal é 0, o número é positivo, quando é 1, o número é negativo. O zero tem sinal positivo.