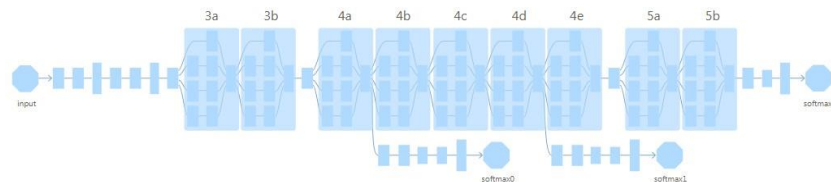




浙江大学城市学院
ZHEJIANG UNIVERSITY CITY COLLEGE



深度学习应用开发

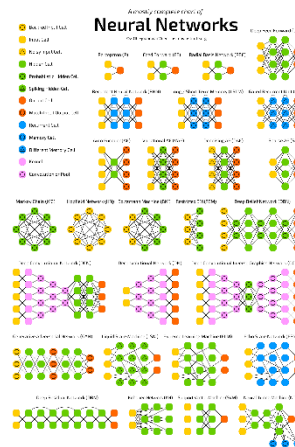
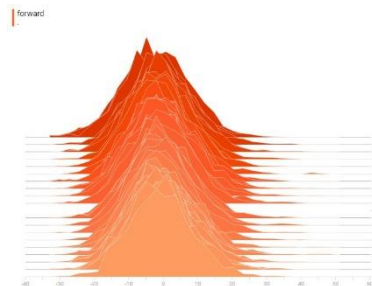
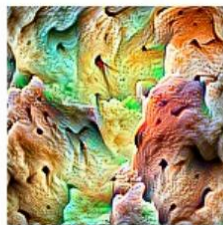
基于TensorFlow的实践

吴明晖 李卓蓉 金苍宏

浙江大学城市学院

计算机与计算科学学院

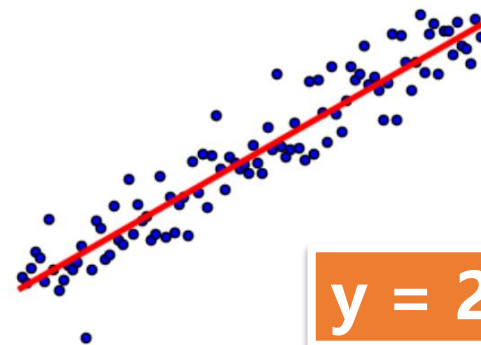
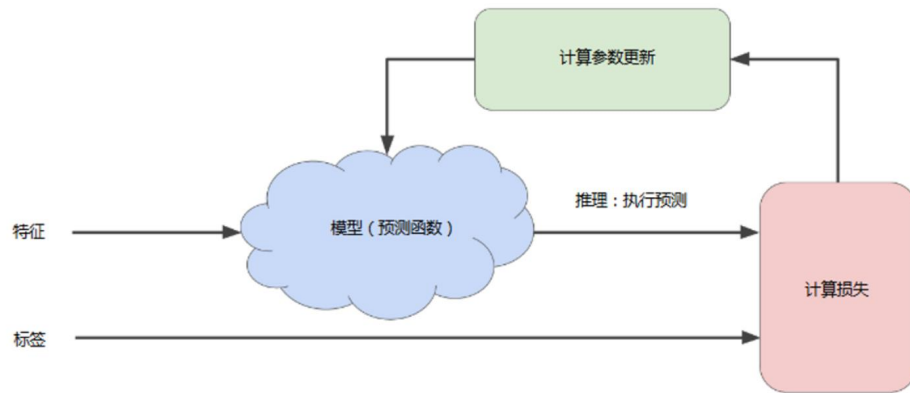
Dept. of Computer Science
Zhejiang University City College



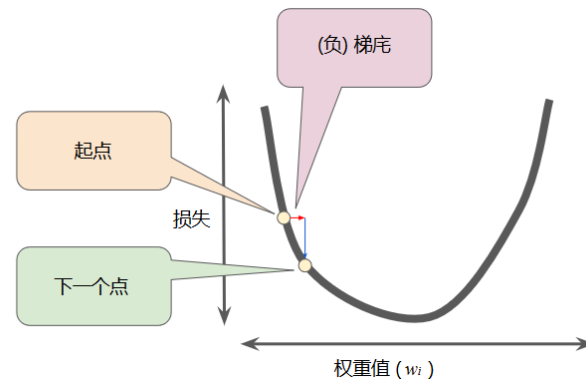
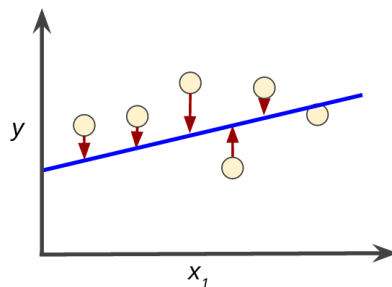
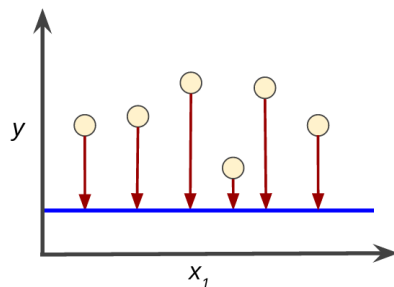


线性回归 TensorFlow实战

线性回归问题？用一个神经元搞定！



$$y = 2x + 1$$





浙江大学城市学院
ZHEJIANG UNIVERSITY CITY COLLEGE

监督式机器学习



监督式机器学习



浙江大學城市學院
ZHEJIANG UNIVERSITY CITY COLLEGE



机器学习系统：

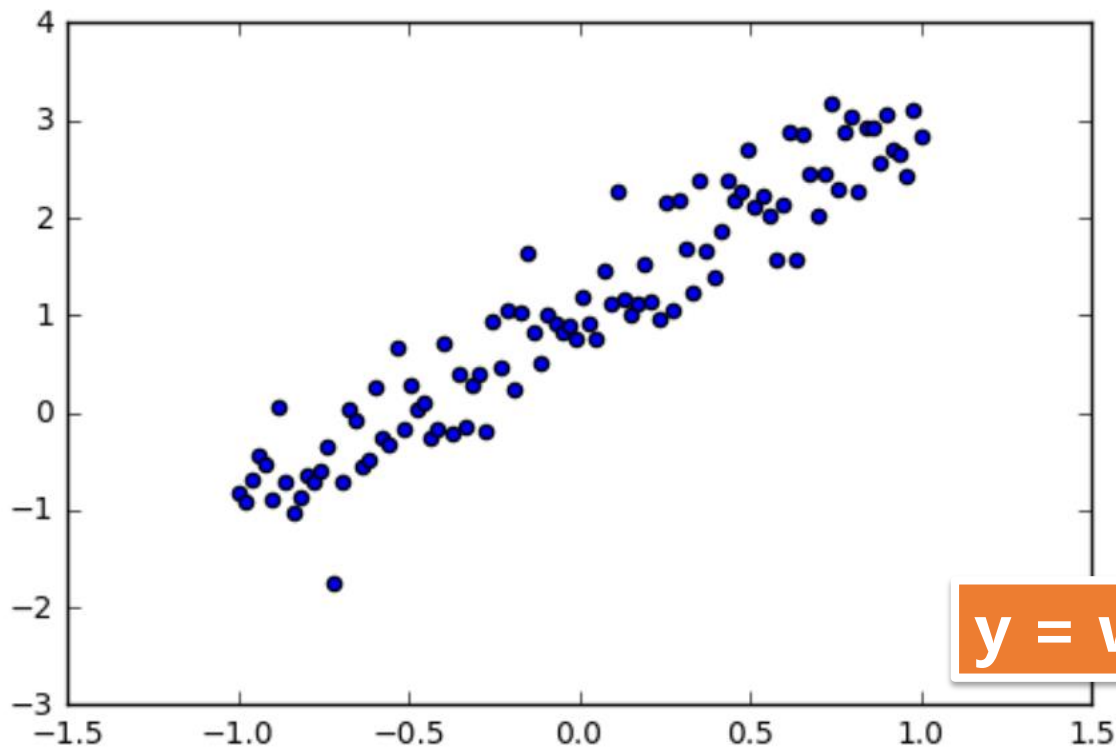
通过学习如何组合输入信息
来对未见过的数据
做出有用的预测

本讲课程部分内容基于“[机器学习速成课程](https://developers.google.cn/machine-learning/crash-course/)”

<https://developers.google.cn/machine-learning/crash-course/>



简单的线性回归案例



$$y = w * x + b$$



术语：标签和特征

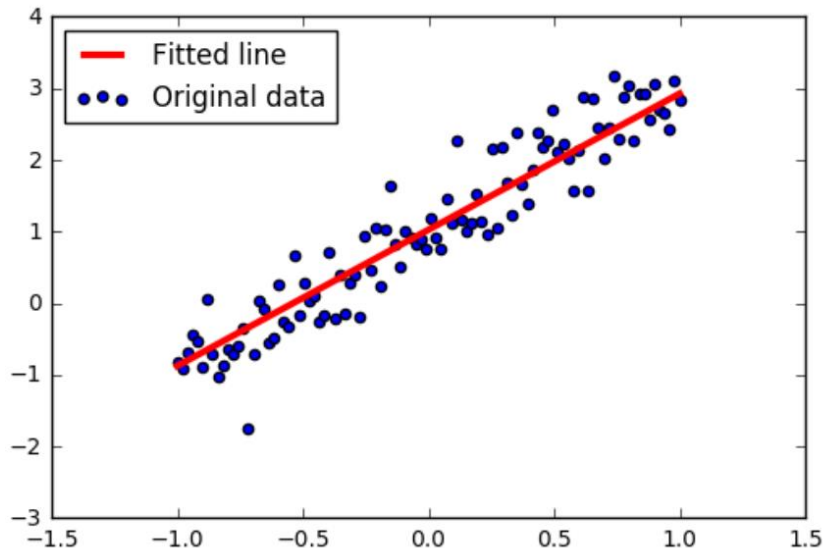


标签是我们要预测的真实事物： y

线性回归中的 y 变量

特征是指用于描述数据的输入变量： x_i

线性回归中的 $\{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ 变量



术语：样本和模型

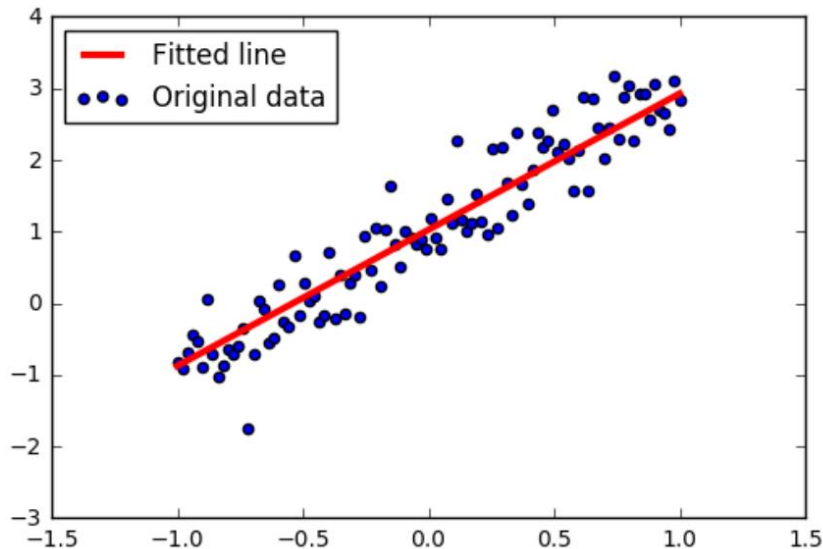
样本是指数据的特定实例： x

有标签样本具有 {特征, 标签}： $\{x, y\}$

用于训练模型

无标签样本具有 {特征, ? }： $\{x, ?\}$

用于对新数据做出预测





术语：样本和模型



样本是指数据的特定实例： x

有标签样本具有 {特征, 标签}： $\{x, y\}$

用于训练模型

无标签样本具有 {特征, ? }： $\{x, ?\}$

用于对新数据做出预测

模型可将样本映射到预测标签： y'

由模型的内部参数定义，这些内部参数值是通过学习得到的



术语：训练



训练模型表示通过**有标签样本**来学习（确定）所有**权重**和**偏差**的理想值

在监督式学习中，机器学习算法通过以下方式构建模型：

检查多个样本并尝试找出可最大限度地**减少损失**的模型

这一过程称为**经验风险最小化**



术语：损失



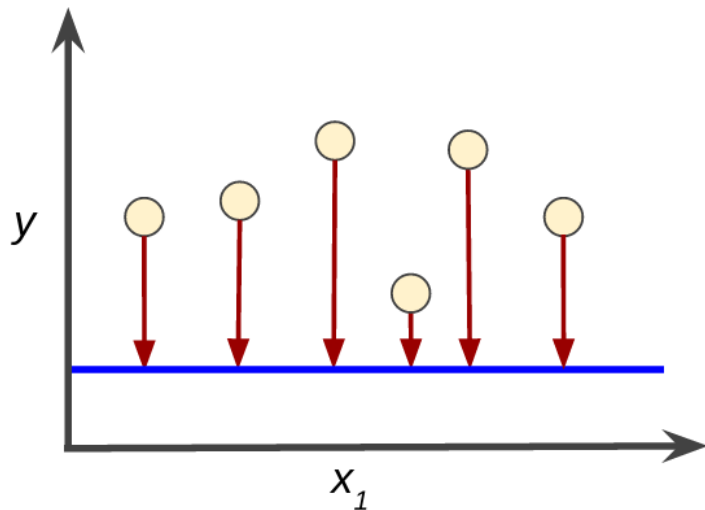
损失是对糟糕预测的惩罚：**损失**是一个数值，表示对于**单个样本**而言模型预测的准确程度

如果模型的预测完全准确，则损失为零，否则损失会较大

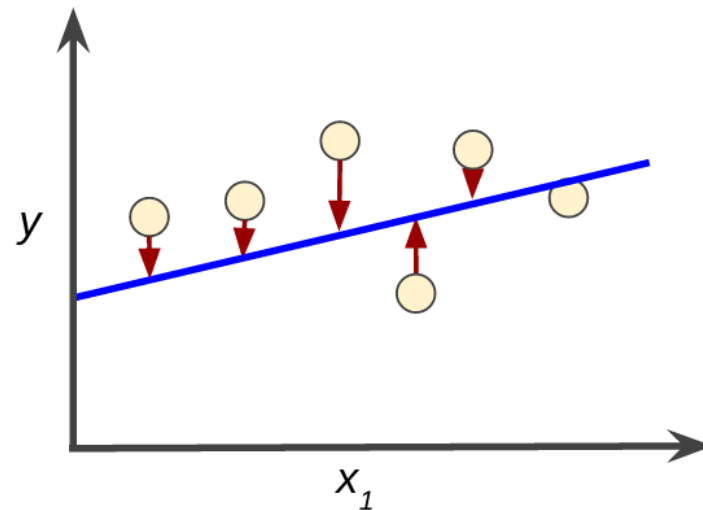
训练模型的目标是从所有样本中找到一组**平均损失“较小”**的权重和偏差



损失



左侧模型的损失较大



右侧模型的损失较小



定义损失函数

L₁损失：基于模型预测的值与标签的实际值之差的绝对值

平方损失：一种常见的损失函数，又称为 **L₂ 损失**

均方误差 (MSE) 指的是每个样本的平均平方损失

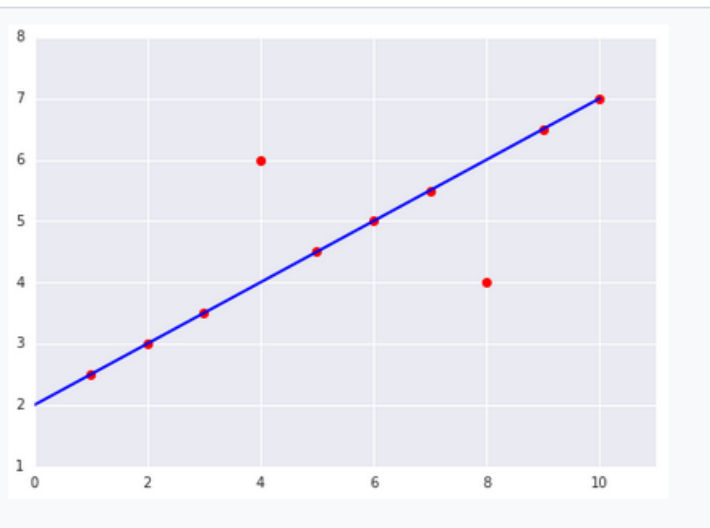
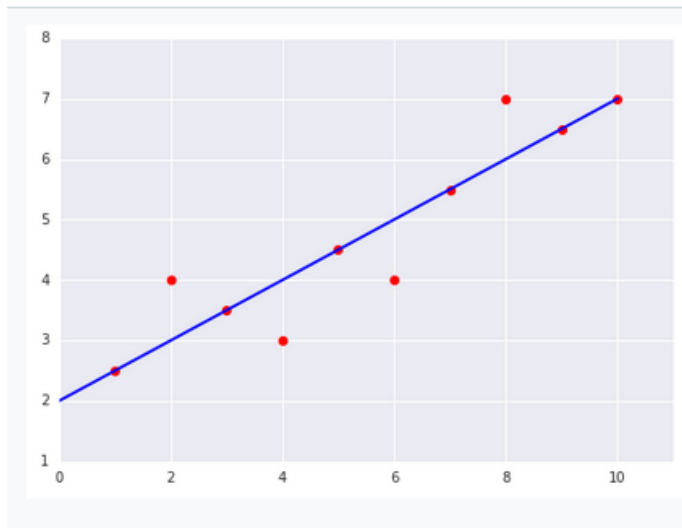
$$MSE = \frac{1}{N} \sum_{(x,y) \in D} (y - prediction(x))^2$$



问题



以下曲线图中显示的两个数据集，哪个数据集的均方误差（MSE）较高？

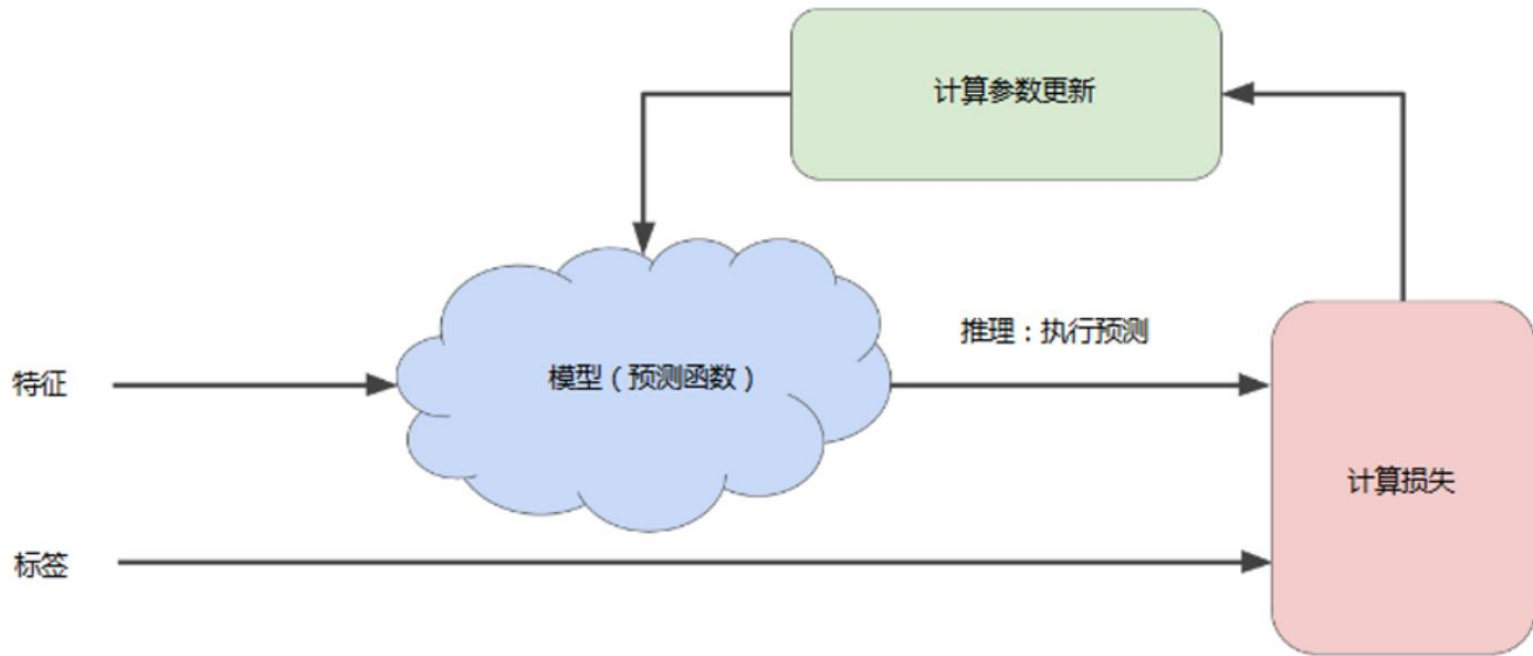




模型训练与降低损失



训练模型的迭代方法





要点

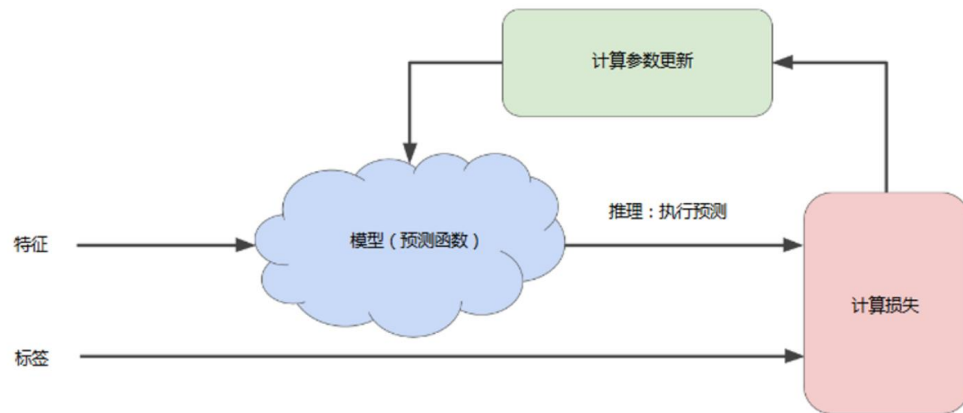
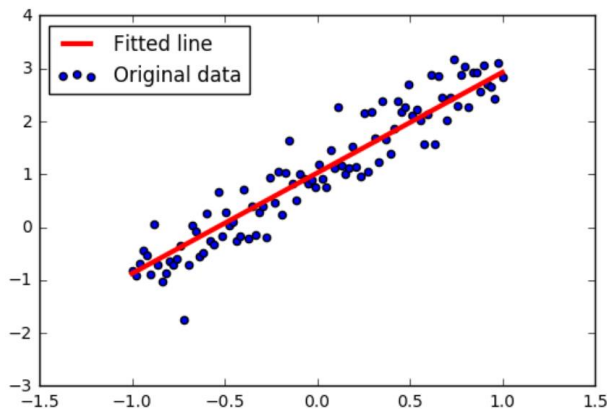


模型训练要点

首先对权重 w 和偏差 b 进行初始猜测

然后反复调整这些猜测

直到获得损失可能最低的权重和偏差为止



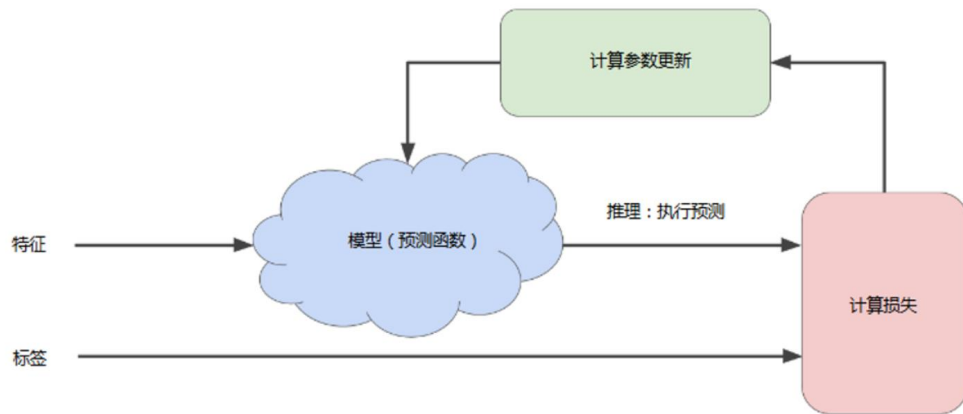
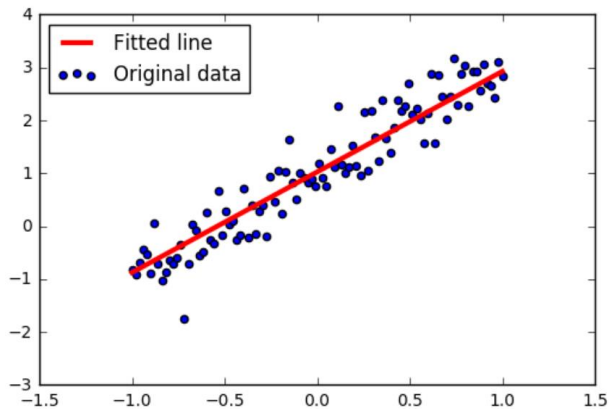


收敛

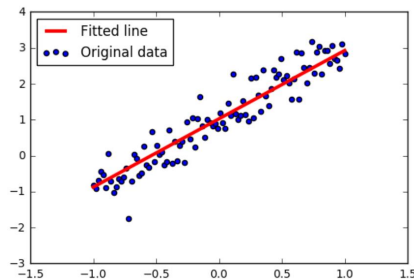


在学习优化过程中，机器学习系统将根据所有标签去重新评估所有特征，为损失函数生成一个新值，而该值又产生新的参数值。

通常，您可以不断迭代，直到总体损失不再变化或至少变化极其缓慢为止。这时候，我们可以说该模型已**收敛**

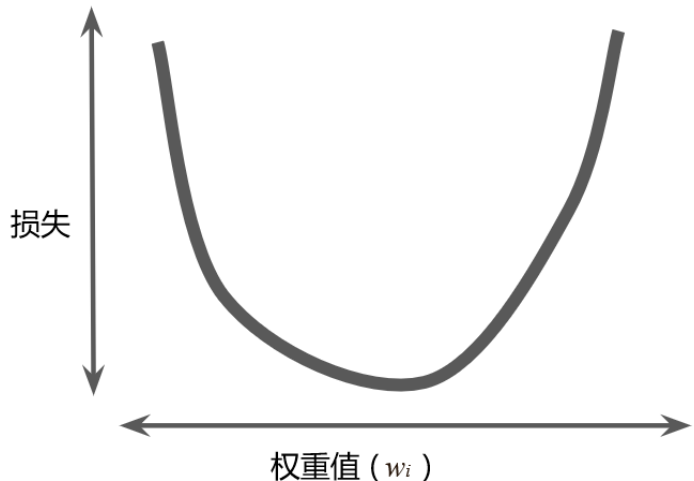


计算损失例子



$$MSE = \frac{1}{N} \sum_{(x,y) \in D} (y - prediction(x))^2$$

$$\text{pred} = w * x + b$$

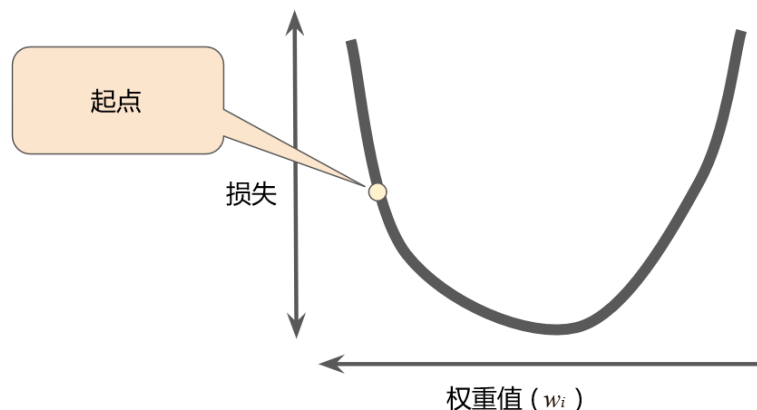


该线性回归问题产生的损失与权重图为**凸形**
凸形问题只有**一个最低点**；即只存在一个**斜率正好为 0** 的位置
这个最小值就是损失函数收敛之处



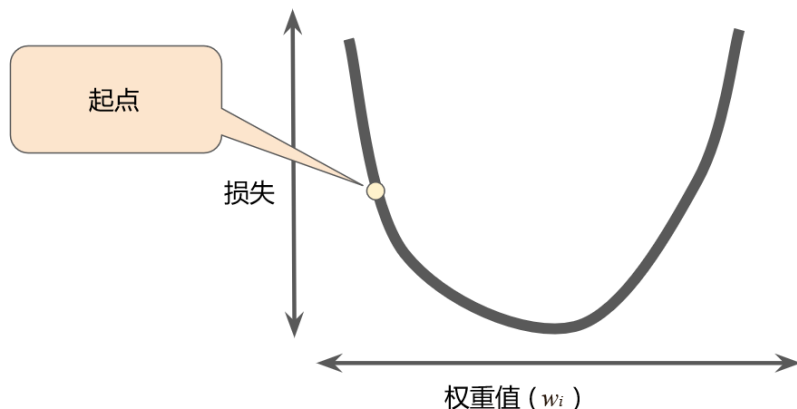
梯度下降法

梯度下降法

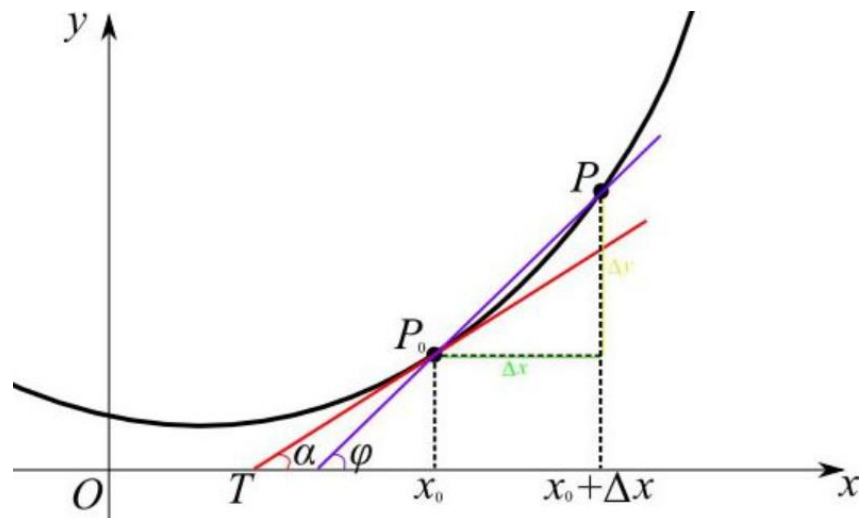


梯度：一个向量（矢量），表示某一函数在该点处的方向**导数**沿着该方向取得**最大值**，即函数在该点处沿着该方向（此梯度的方向）变化最快，变化率最大

梯度下降法



$$f'(x_0) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$$



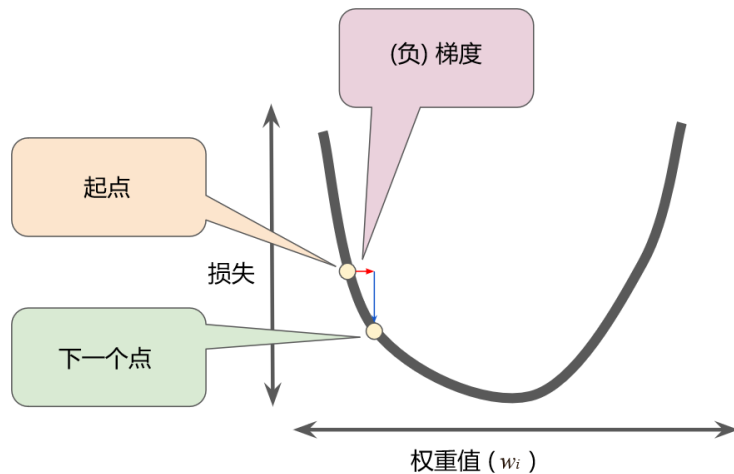
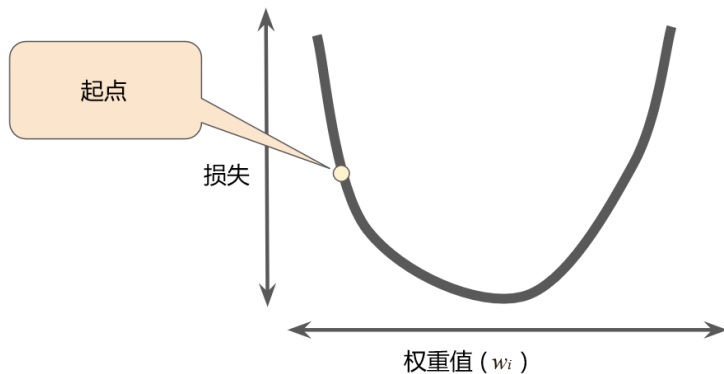
梯度：一个向量（矢量），表示某一函数在该点处的方向**导数**沿着该方向取得**最大值**，即函数在该点处沿着该方向（此梯度的方向）变化最快，变化率最大



梯度下降法



梯度是矢量: 具有**方向**和**大小**



沿着**负梯度方向**进行下一步探索



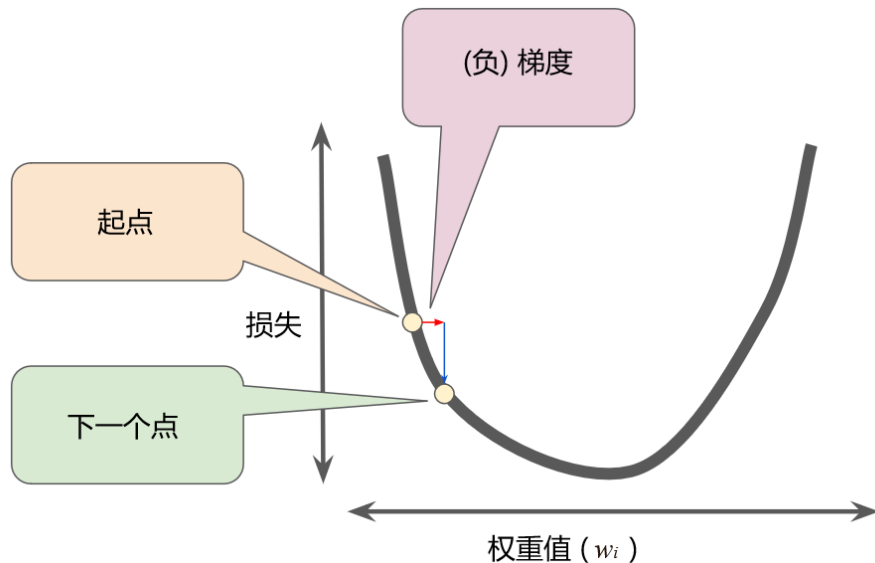
学习率



沿着负梯度方向进行下一步探索，**前进多少合适？**

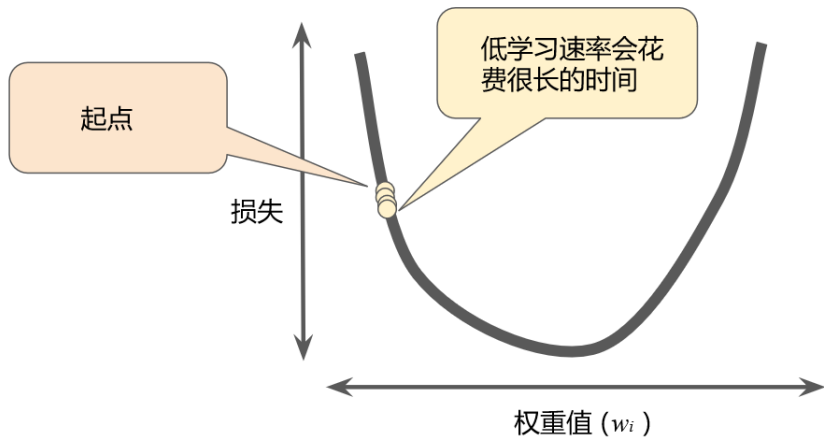
用梯度乘以一个称为**学习速率**
(有时也称为**步长**)的标量，
以确定下一个点的位置

例如：如果梯度大小为 2.5，学习速率为 0.01，则梯度下降法算法会选择距离前一个点 0.025 的位置作为下一个点

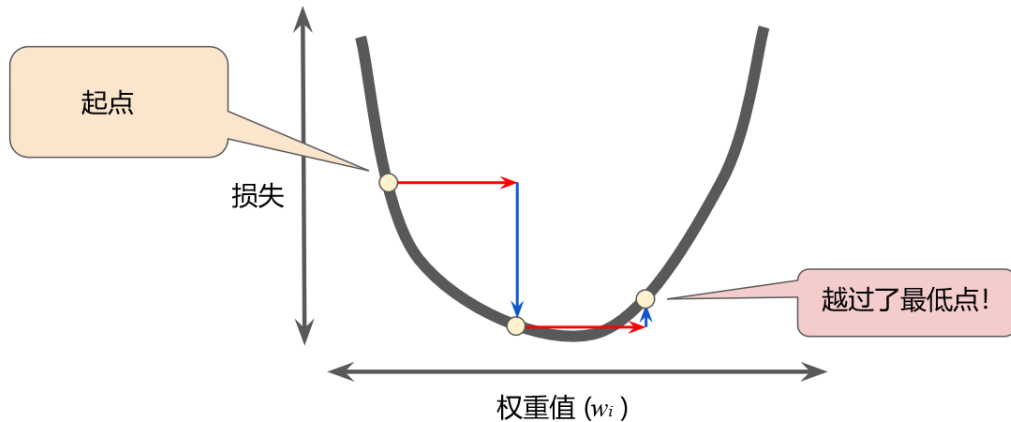




学习率



梯度学习速率过小



梯度学习速率过大



学习率

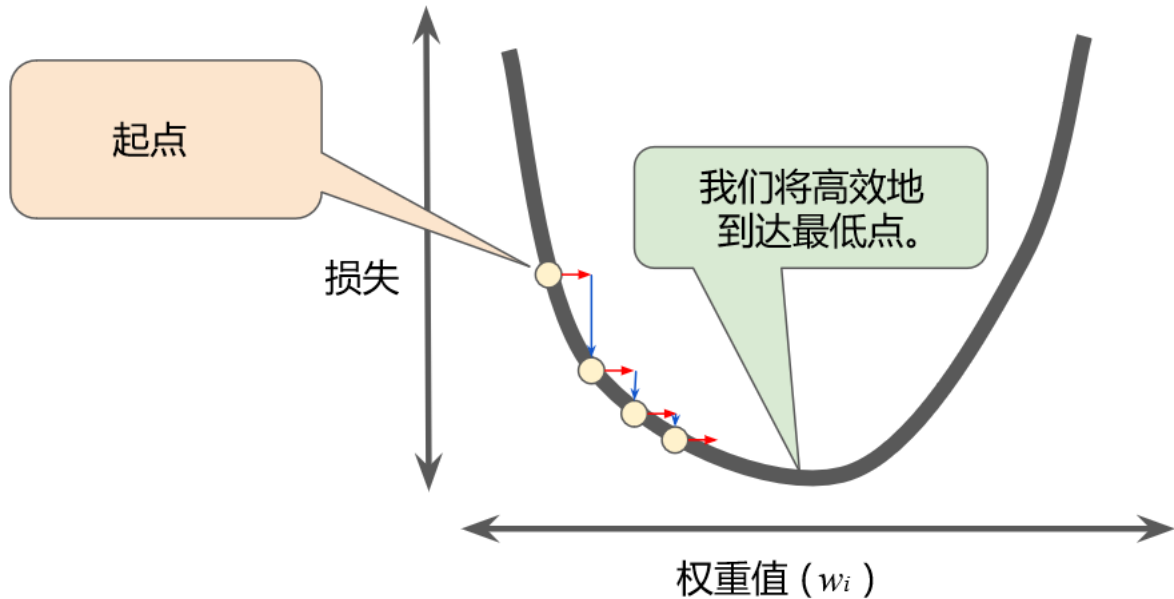


浙江大學城市學院
ZHEJIANG UNIVERSITY CITY COLLEGE





学习率





超参数



在机器学习中，**超参数**是在开始学习过程**之前**设置值的参数，而不是通过训练得到的参数数据

通常情况下，需要对超参数进行优化，选择一组好的超参数，可以提高学习的性能和效果

超参数是编程人员在机器学习算法中用于调整的旋钮

典型超参数：学习率、神经网络的隐含层数量……



线性回归问题TensorFlow实战



使用Tensorflow进行算法设计与训练的核心步骤

- (1) 准备数据
- (2) 构建模型
- (3) 训练模型
- (4) 进行预测

上述步骤是我们使用Tensorflow进行算法设计与训练的核心步骤，贯穿于后面介绍的具体实战中。本章用一个简单的例子来讲解这几个步骤。



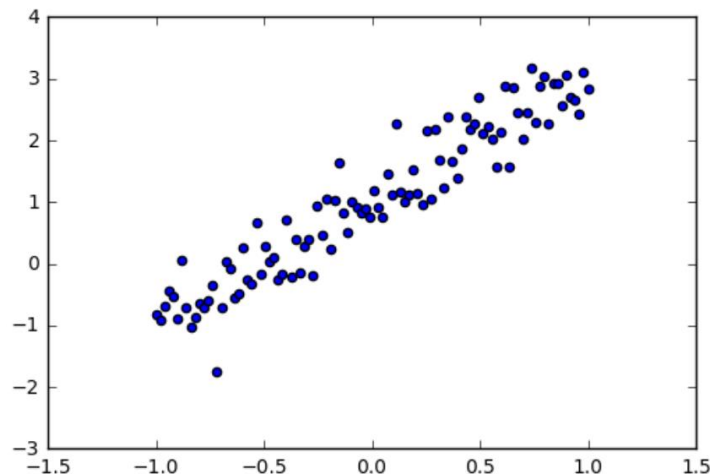
线性方程



单变量的线性方程可以 表示为：

$$y = w * x + b$$

$$y = 2.0 * x + 1$$



本例通过生成人工数据集。随机生成一个近似采样随机分布，使得 $w=2.0$ ， $b=1$ ，并加入一个噪声，噪声的最大振幅为0.4



导入相关库

```
► import tensorflow as tf    # 载入Tensorflow
import numpy as np         # 载入numpy
import matplotlib.pyplot as plt # 载入matplotlib

# 在Jupyter中, 使用matplotlib显示图像需要设置为 inline 模式, 否则不会在网页里显示图像
%matplotlib inline
print("Tensorflow版本是: ", tf.__version__) #显示当前TensorFlow版本
```

Tensorflow版本是: 2.0.0



生成数据集

** 首先，生成输入数据。 **

我们需要构造满足这个函数的 x 和 y 同时加入一些不满足方程的噪声.

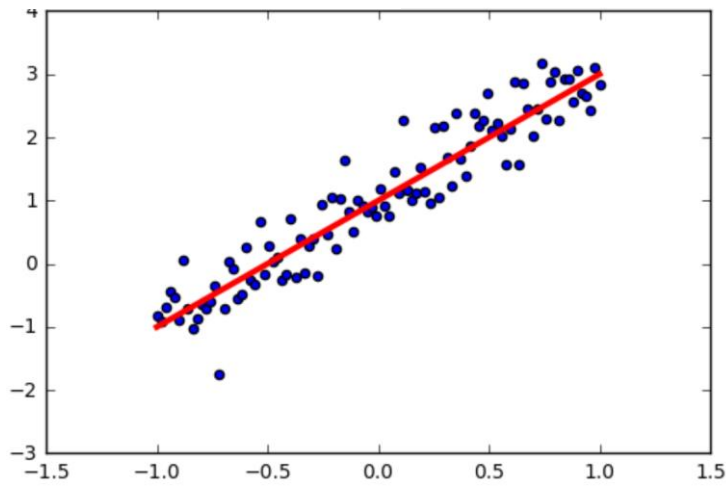
```
▶ # 直接采用np生成等差数列的方法，生成100个点，每个点的取值在-1~1之间
x_data = np.linspace(-1, 1, 100)

np.random.seed(5)      # 设置随机数种子
# y = 2x + 1 + 噪声， 其中，噪声的维度与x_data一致
y_data = 2 * x_data + 1.0 + np.random.randn(*x_data.shape) * 0.4
```



利用matplotlib画出生成结果

```
#画出随机生成数据的散点图  
plt.scatter(x_data, y_data)  
  
# 画出我们想要通过学习得到的目标线性函数  $y = 2x + 1$   
plt.plot(x_data, 1.0 + 2 * x_data, 'r', linewidth=3)
```





构建回归模型

► # 通过模型执行，将实现前向计算（预测计算）

```
def model(x, w, b):  
    return tf.multiply(x, w) + b
```



创建待优化变量

- Tensorflow变量的声明函数是`tf.Variable`
- `tf.Variable`的作用是保存和更新参数
- 变量的初始值可以是随机数、常数，或是通过其他变量的初始值计算得到

```
► # 构建模型中的变量w，对应线性函数的斜率
w = tf.Variable(np.random.randn(), tf.float32)

# 构建模型中的变量b，对应线性函数的截距
b = tf.Variable(0.0, tf.float32)
```

定义损失函数

- 损失函数用于描述预测值与真实值之间的误差，从而指导模型收敛方向
- 常见损失函数：均方差（Mean Square Error, MSE）和交叉熵（cross-entropy）

▶ # 定义均方差损失函数

```
def loss(x, y, w, b):  
    err = model(x, w, b) - y    # 计算模型预测值和标签值的差异  
    squared_err = tf.square(err)    # 求平方，得出方差  
    return tf.reduce_mean(squared_err)    # 求均值，得出均方差。
```



设置训练超参数

```
▶ training_epochs = 10    # 迭代次数 (训练轮数)  
  learning_rate = 0.01    # 学习率
```



定义计算梯度函数



定义计算梯度函数

```
▶ # 计算样本数据[x, y]在参数[w, b]点上的梯度
def grad(x, y, w, b):
    with tf.GradientTape() as tape:
        loss_ = loss(x, y, w, b)
    return tape.gradient(loss_, [w, b])    # 返回梯度向量
```

在 TensorFlow 2 中，使用 `tf.GradientTape()` 这一上下文管理器封装需要求导的计算步骤，并使用其 `gradient()` 方法求导。



执行训练



```
▶ step = 0      # 记录训练步数
loss_list = []  # 用于保存loss值的列表
display_step = 10 # 控制训练过程数据显示的频率，不是超参数

for epoch in range(training_epochs):
    for xs,ys in zip(x_data, y_data):

        loss_ = loss(xs, ys, w, b)    # 计算损失
        loss_list.append(loss_)        # 保存本次损失计算结果

        delta_w, delta_b = grad(xs, ys, w, b)    # 计算该当前[w, b]点的梯度
        change_w = delta_w * learning_rate        # 计算变量w需要调整的量
        change_b = delta_b * learning_rate        # 计算变量b需要调整的量
        w.assign_sub(change_w) # 变量w值变更为减去change_w后的值
        b.assign_sub(change_b) # 变量b值变更为减去change_b后的值

    step=step+1    # 训练步数+1
    if step % display_step == 0:    # 显示训练过程信息
        print("Training Epoch:", '%02d' % (epoch+1), "Step: %03d" % (step), "loss=%.6f" % (loss_))
    plt.plot(x_data, w.numpy() * x_data + b.numpy())    # 完成一轮训练后，画出回归的线条
```




训练输出



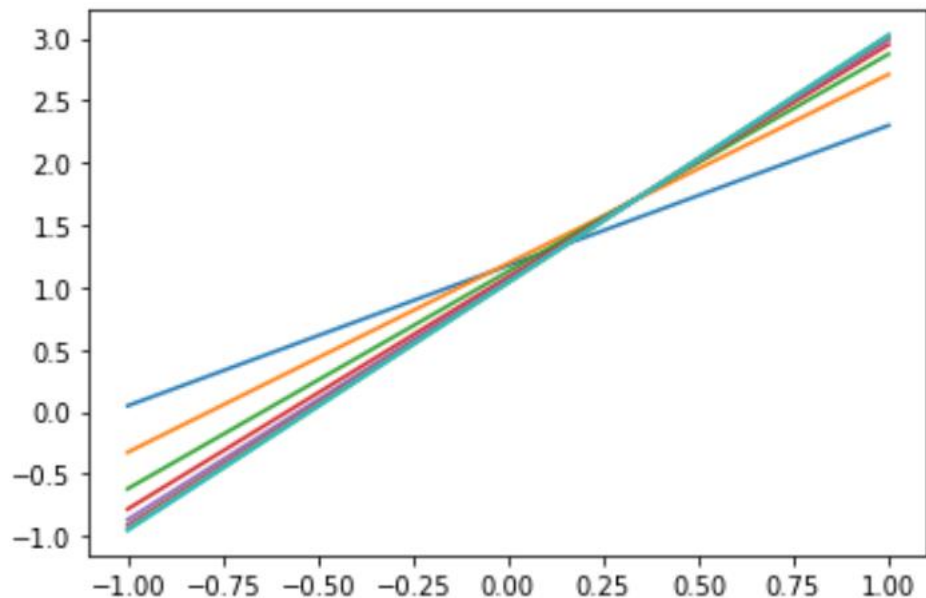
浙江大學城市學院
ZHEJIANG UNIVERSITY CITY COLLEGE

模型训练阶段，设置迭代轮次，每次通过将样本逐个输入模型，进行梯度下降优化操作

```
Training Epoch: 01 Step: 010 loss=0.014715
Training Epoch: 01 Step: 020 loss=0.253290
Training Epoch: 01 Step: 030 loss=0.143054
Training Epoch: 01 Step: 040 loss=1.389589
Training Epoch: 01 Step: 050 loss=0.382215
Training Epoch: 01 Step: 060 loss=0.642117
Training Epoch: 01 Step: 070 loss=1.355959
Training Epoch: 01 Step: 080 loss=0.618715
Training Epoch: 01 Step: 090 loss=0.275236
Training Epoch: 01 Step: 100 loss=0.877006
Training Epoch: 02 Step: 110 loss=0.614993
Training Epoch: 02 Step: 120 loss=0.005396
```

```
Training Epoch: 10 Step: 970 loss=0.079192
Training Epoch: 10 Step: 980 loss=0.013070
Training Epoch: 10 Step: 990 loss=0.110992
Training Epoch: 10 Step: 1000 loss=0.032439
```

迭代训练结果图形



从上图可以看出，本案例所拟合的模型较简单，训练5轮之后已经接近收敛
对于复杂模型，需要更多次训练才能收敛



结果查看



当训练完成后，打印查看参数

显示训练结果

```
▶ print ("w: ", w.numpy()) # w的值应该在2附近  
print ("b: ", b.numpy()) # b的值应该在1附近
```

w: 1.99055

b: 1.0367402

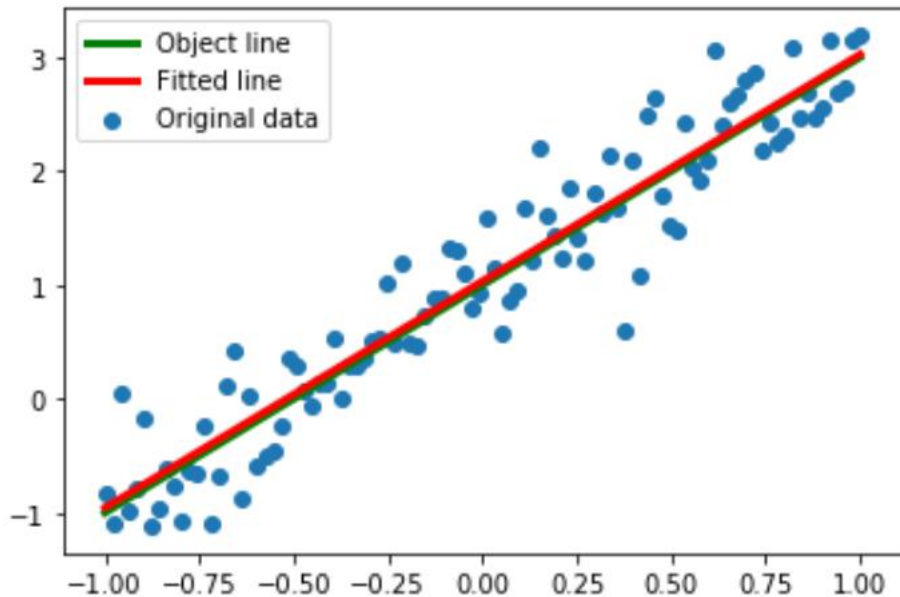
* 数据每次运行都可能会有所不同



结果可视化



```
plt.scatter(x_data, y_data, label='Original data')  
plt.plot(x_data, x_data * 2.0 + 1.0, label='Object line', color='g', linewidth=3)  
plt.plot(x_data, x_data * w.numpy() + b.numpy(), label='Fitted line', color='r', linewidth=3)  
plt.legend(loc=2) # 通过参数loc指定图例位置
```



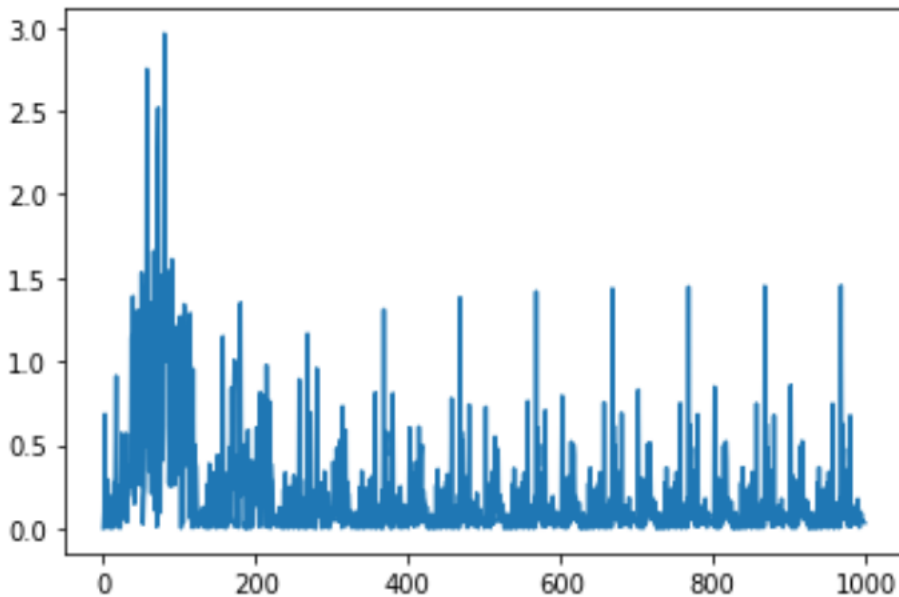


损失值得可视化



查看损失变化情况

▶ `plt.plot(loss_list)`

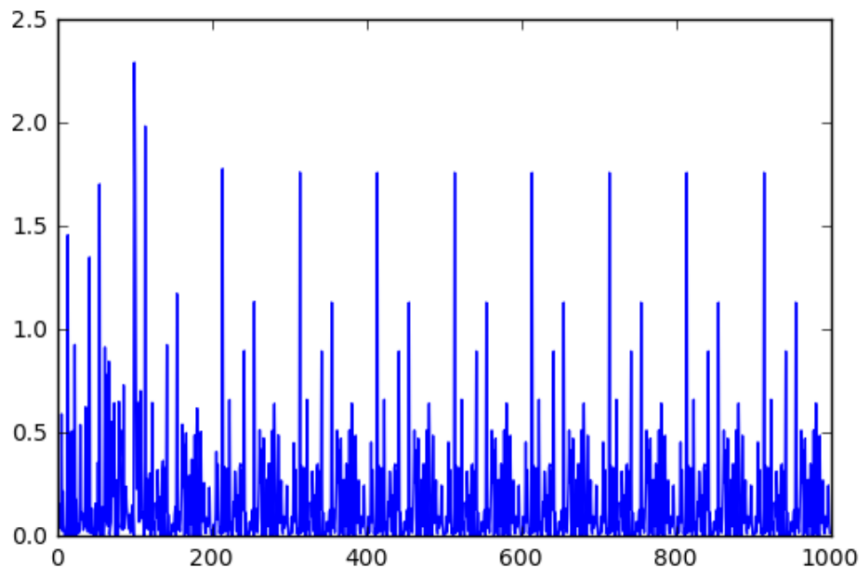




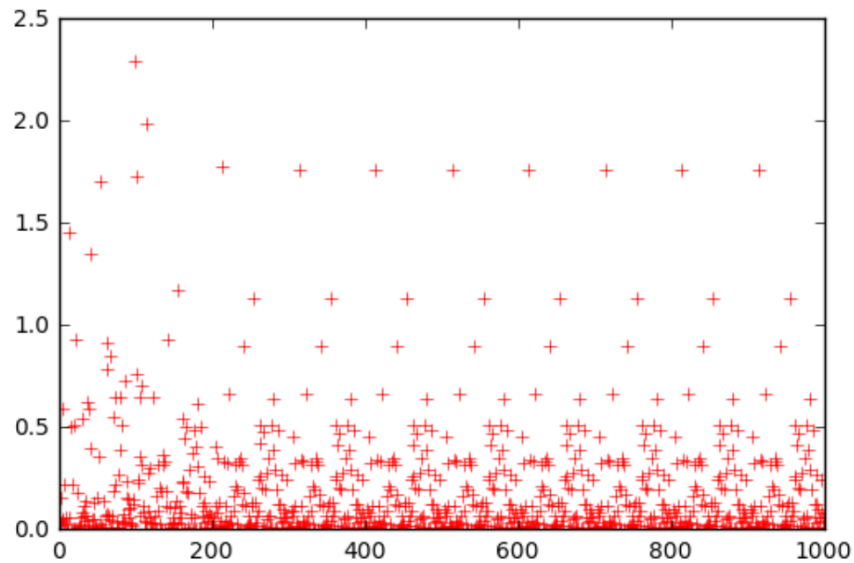
图形化显示损失值



```
plt.plot(loss_list)
```



```
plt.plot(loss_list, 'r+')
```





利用模型 进行预测



进行预测

```
▶ x_test = 3.21

predict = model(x_test, w.numpy(), b.numpy())
print("预测值: %f" % predict)

target = 2 * x_test + 1.0
print("目标值: %f" % target)
```

预测值: 7.426406

目标值: 7.420000

Two overlapping blue squares, one slightly offset to the right and top from the other.

随机梯度下降

随机梯度下降法 (SGD) 每次迭代只使用一个样本（批量大小为 1），如果进行足够的迭代，SGD 也可以发挥作用。“随机”这一术语表示构成各个批量的一个样本都是随机选择的

在梯度下降法中，**批量**指的是用于在单次迭代中计算梯度的样本总数

假定批量是指整个数据集，数据集通常包含很大样本（数万甚至数千亿），此外，数据集通常包含多个特征。因此，一个批量可能相当巨大。如果是超大批量，则单次迭代就可能要花费很长时间进行计算

小批量随机梯度下降法 (小批量 SGD) 是介于全批量迭代与 SGD 之间的折衷方案。小批量通常包含 10-1000 个随机选择的样本。小批量 SGD 可以减少 SGD 中的杂乱样本数量，但仍然比全批量更高效



批量梯度下降优化 (BGD, Batch gradient descent) 实现



修改超参数



设置训练超参数

```
▶ training_epochs = 100    # 迭代次数 (训练轮数)  
  learning_rate = 0.05     # 学习率
```

训练周期和学习率需要做一些调整。训练周期暂设为100，意味着所有样本要参与100次训练。学习率设置为0.05，比SGD版本的大。



修改模型训练过程



执行训练 (BGD)

```
▶ loss_list = [] # 用于保存loss值的列表

for epoch in range(training_epochs):
    loss_ = loss(x_data, y_data, w, b) # 计算损失, 所有样本作为一个整体参与计算
    loss_list.append(loss_) # 保存本次损失计算结果

    delta_w, delta_b = grad(x_data, y_data, w, b) # 计算该当前[w, b]点的梯度
    change_w = delta_w * learning_rate # 计算变量w需要调整的量
    change_b = delta_b * learning_rate # 计算变量b需要调整的量
    w.assign_sub(change_w) # 变量w值变更为减去change_w后的值
    b.assign_sub(change_b) # 变量b值变更为减去change_b后的值

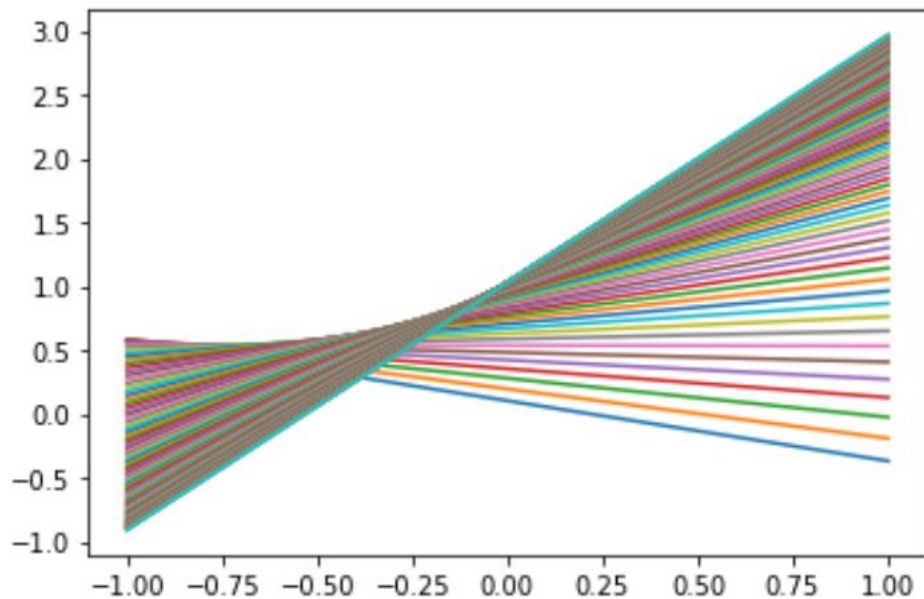
print("Training Epoch:", '%02d' % (epoch+1), "loss=%.6f" % (loss_))
plt.plot (x_data, w.numpy() * x_data + b.numpy() ) # 完成一轮训练后, 画出回归的线条
```



训练结果可视化



Train Epoch: 98 loss=0.156618
Train Epoch: 99 loss=0.156434
Train Epoch: 100 loss=0.156263



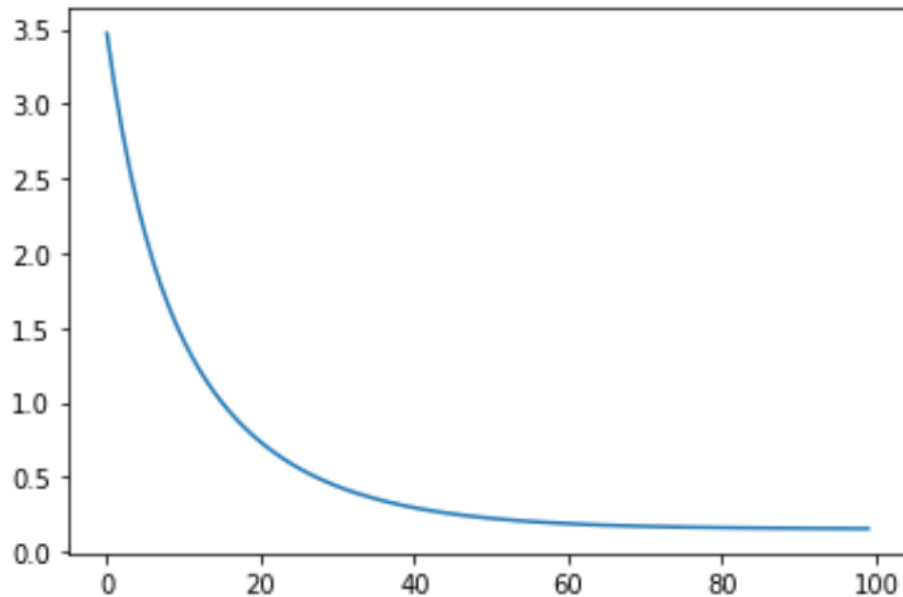


损失值得可视化



查看损失变化情况

▶ `plt.plot(loss_list)`





梯度下降算法总结



批量梯度下降每次迭代都考虑了全部的样本，做的是全局优化，但花费的计算资源较大，如果训练数据非常大，还无法实现全部样本同步参与。

随机梯度下降每次迭代只取一条样本数据，由于单个样本的训练可能会带来很多噪声，使得SGD并不是每次迭代都向着整体最优化方向，因此在刚开始训练时可能收敛得很快，但是训练一段时间后就会变得很慢。

在SGD和BGD中间，还有一个集合了两种梯度下降法的优点的方法：**小批量梯度下降**（MBGD, Mini-batch gradient descent），每次迭代从训练样本中随机抽取一小批进行训练，这个一小批的数量取值也是一个超参数。



小结



通过一个简单的例子介绍了利用Tensorflow实现机器学习的思路，重点讲解了下述步骤：

- (1) 生成人工数据集及其可视化
- (2) 构建线性模型
- (3) 定义损失函数
- (4) (梯度下降) 优化过程
- (5) 训练结果的可视化
- (6) 利用学习到的模型进行预测