



浙江大学城市学院
ZHEJIANG UNIVERSITY CITY COLLEGE

模型构建



定义待输入数据的占位符



```
# mnist 中每张图片共有 $28*28=784$ 个像素点  
x = tf.placeholder(tf.float32, [None, 784], name="X")  
  
# 0-9 一共10个数字=> 10 个类别  
y = tf.placeholder(tf.float32, [None, 10], name="Y")
```



定义模型变量



在本案例中，以正态分布的随机数初始化权重 W ，以常数0初始化偏置 b

```
# 定义变量
```

```
W = tf.Variable(tf.random_normal([784, 10]), name="W")  
b = tf.Variable(tf.zeros([10]), name="b")
```

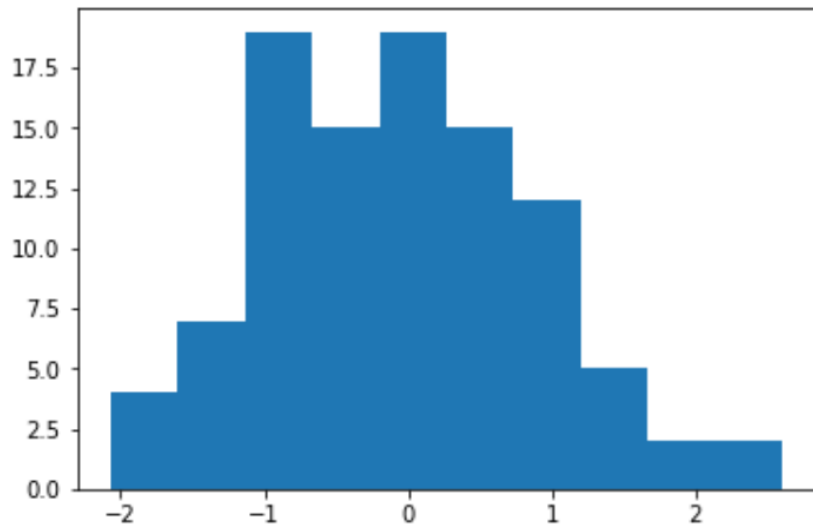


了解一下 `tf.random_normal()`

```
norm = tf.random_normal([100]) #生成100个随机数
with tf.Session() as sess:
    norm_data=norm.eval()
print(norm_data[:10])          #打印前10个随机数
```

```
[-1.60550928  1.65648937 -0.05990671 -0.25936738 -1.23932779 -0.21585168
 -0.9228276  -2.07075715  0.27118909 -1.28056562]
```

```
import matplotlib.pyplot as plt
plt.hist(norm_data)
plt.show()
```

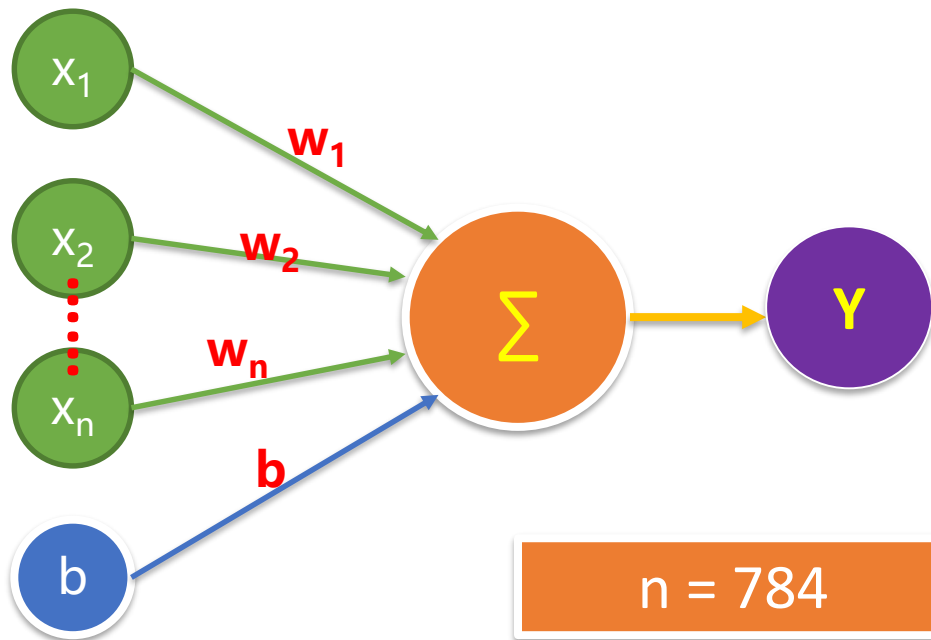




定义前向计算



```
forward=tf.matmul(x, W) + b # 前向计算
```

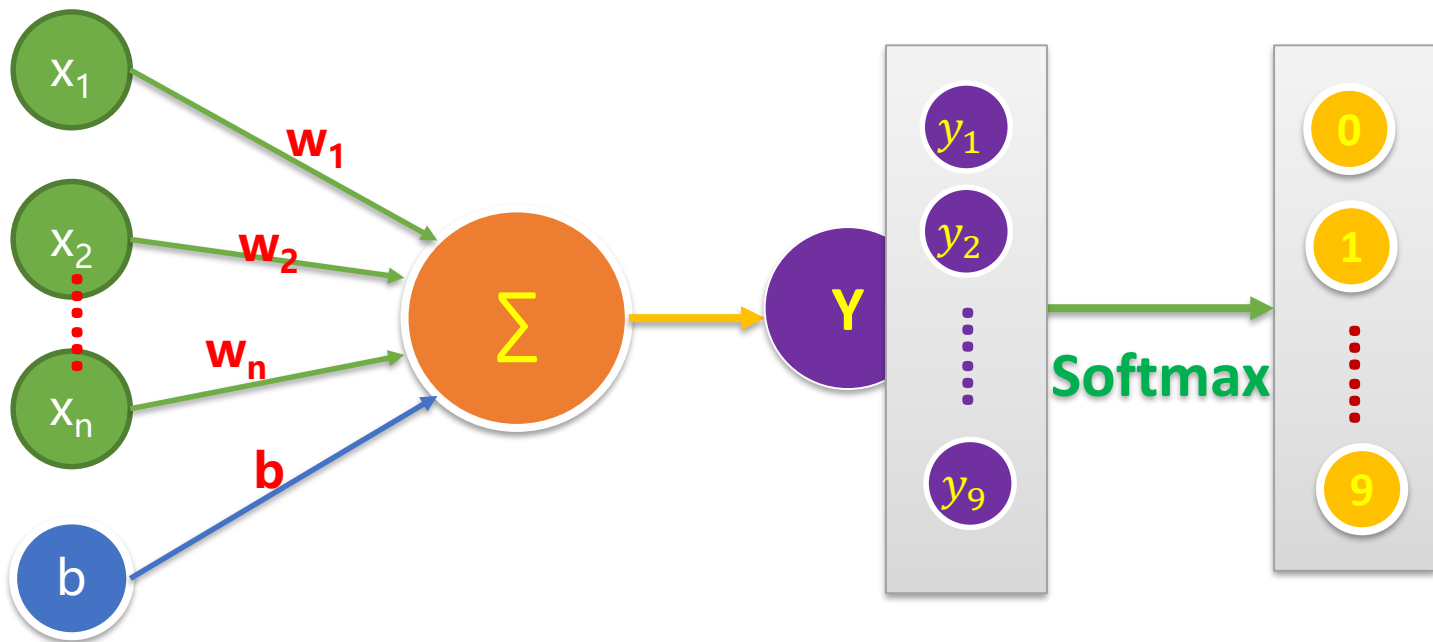




结果分类



```
pred = tf.nn.softmax(forward) # Softmax分类
```





从预测问题到分类问题

从线性回归到逻辑回归



浙江大学城市学院
ZHEJIANG UNIVERSITY CITY COLLEGE

逻辑回归



逻辑回归



许多问题的预测结果是一个在连续空间的数值，比如房价预测问题，可以用线性模型来描述：

$$Y = x_1 * w_1 + x_2 * w_2 + \dots + x_n * w_n + b$$

但也有很多场景需要输出的是**概率估算值**，例如：

- 根据邮件内容判断是垃圾邮件的可能性
- 根据医学影像判断肿瘤是恶性的可能性
- 手写数字分别是 0、1、2、3、4、5、6、7、8、9的可能性（概率）

这时需要将预测输出值控制在 **[0, 1]** 区间内

二元分类问题的目标是正确预测两个可能的标签中的一个

逻辑回归 (Logistic Regression) 可以用于处理这类问题



Sigmoid函数



逻辑回归模型如何确保输出值始终落在 0 和 1 之间。

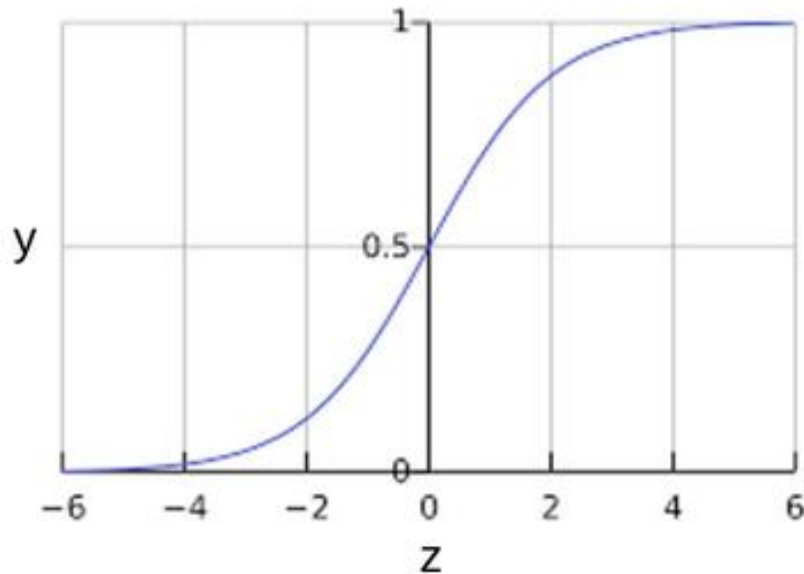
Sigmoid函数（S型函数）生成的输出值正好具有这些特性，其定义如下：

$$y = \frac{1}{1 + e^{-(z)}}$$

定义域为全体实数，值域在[0, 1]之间

Z值在0点对应的结果为0.5

sigmoid函数连续可微分

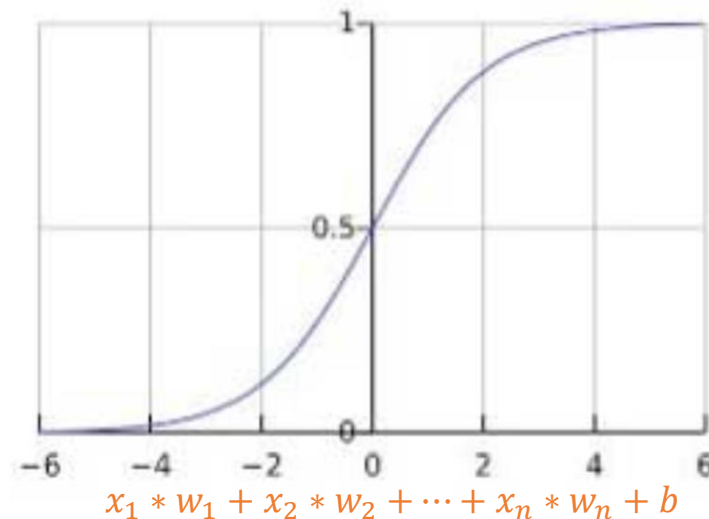


特定样本的逻辑回归模型的输出

$$z = x_1 * w_1 + x_2 * w_2 + \cdots + x_n * w_n + b$$

$$y = \frac{1}{1 + e^{-(z)}}$$

概率输出





逻辑回归中的损失函数

前面**线性回归**的损失函数是**平方损失**，如果**逻辑回归**的损失函数也定义为**平方损失**，那么：

$$J(w) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (\varphi(z_i) - y_i)^2$$

其中：

i 表示第 i 个样本点

$$z_i = x_i * w + b$$

$\varphi(z_i)$ 表示对 i 个样本的预测值

y_i 表示第 i 个样本的标签值

逻辑回归中的损失函数

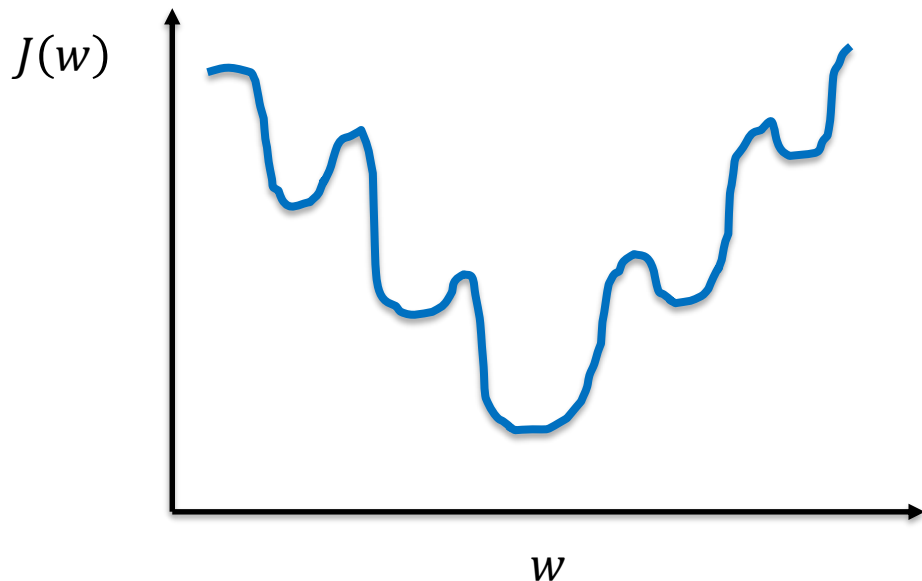
$$J(w) = \sum_{i=1}^n \frac{1}{n} (\varphi(z_i) - y_i)^2$$

$$\varphi = \frac{1}{1 + e^{-(z)}}$$

将Sigmoid函数带入上述函数

非凸函数，有多个极小值

如果采用梯度下降法，会容易导致陷入局部最优解中





逻辑回归中的损失函数



二元逻辑回归的损失函数一般采用对数损失函数，定义如下：

$$J(W, b) = \sum_{(x,y) \in D} -y \log(y') - (1 - y) \log(1 - y')$$

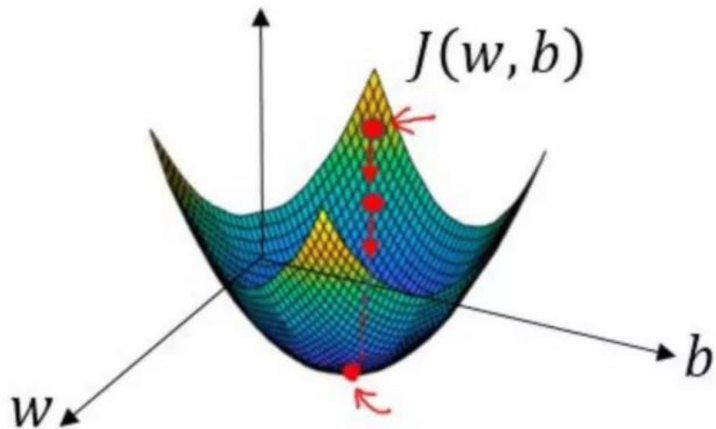
凸函数

其中：

$(x, y) \in D$ 是有标签样本 (x, y) 的数据集

y 是有标签样本中的标签，取值必须是 0 或 1

y' 是对于特征集 x 的预测值（介于 0 和 1 之间）





多元分类



逻辑回归可生成介于 0 和 1.0 之间的小数。

例如，某电子邮件分类器的逻辑回归输出值为 0.8，表明电子邮件是垃圾邮件的概率为 80%，不是垃圾邮件的概率为 20%。很明显，一封电子邮件是垃圾邮件或非垃圾邮件的概率之和为 1.0。

Softmax 将这一想法延伸到**多类别**领域。

在多类别问题中，Softmax 会为每个类别分配一个用小数表示的概率。这些用小数表示的概率相加之和必须是 1.0。



Softmax示例

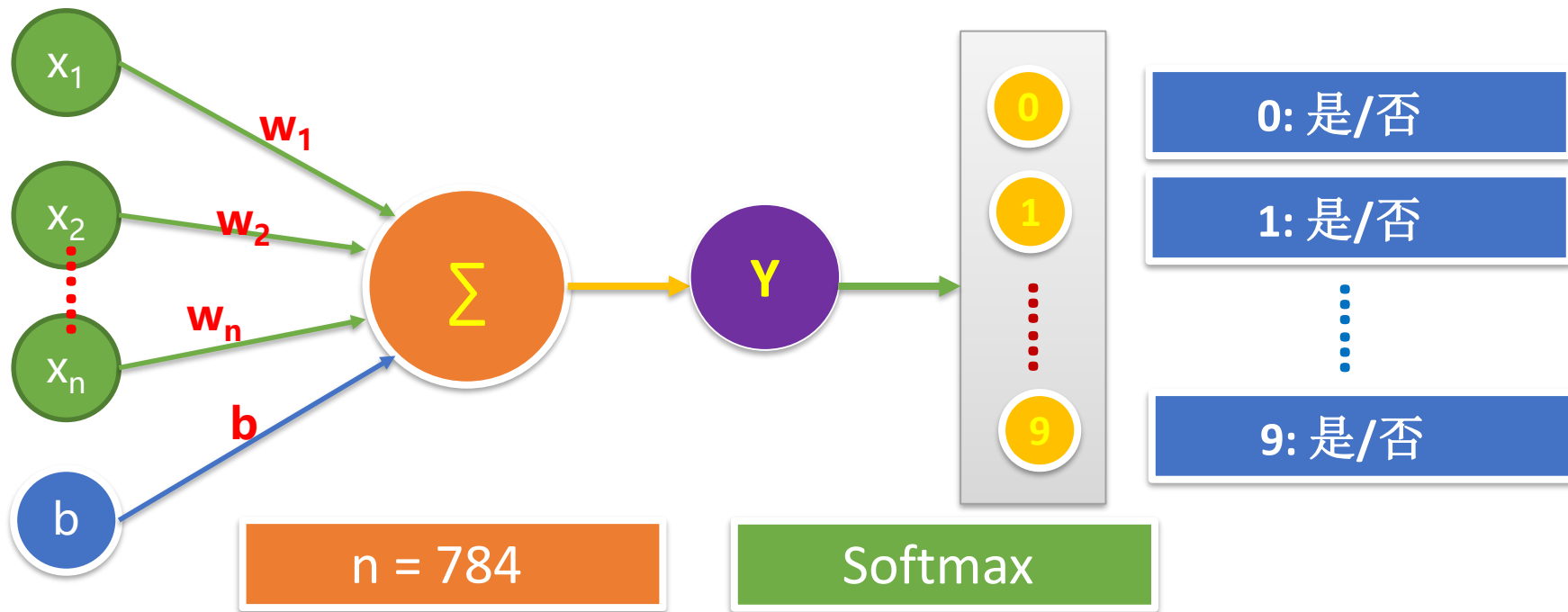


类别	概率	类别	概率
0	0.052	5	0.035
1	0.001	6	0.006
2	0.023	7	0.002
3	0.721	8	0.104
4	0.003	9	0.053

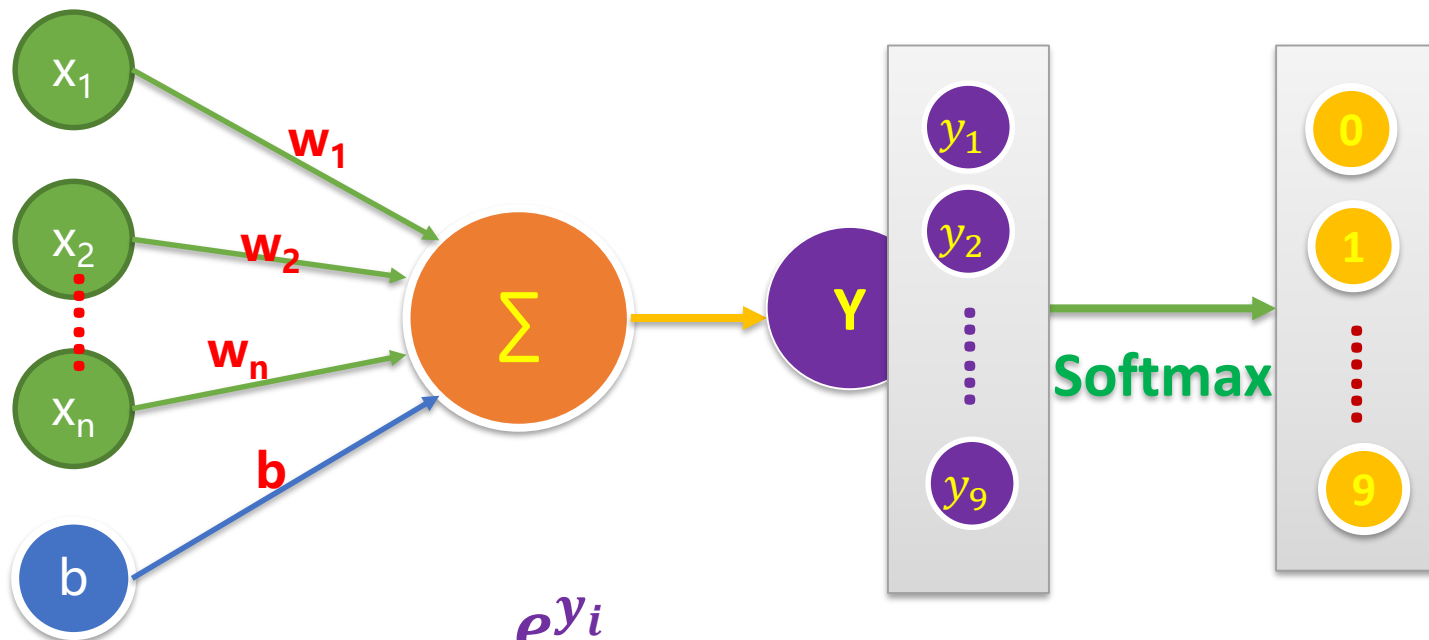
概率相加之和是 1.0

最有可能的类别是 3

神经网络中的 Softmax 层



Softmax 方程式



$$p_i = \frac{e^{y_i}}{\sum_{k=1}^C e^{y_k}}$$

此公式本质上是将逻辑回归公式延伸到了多类别



Softmax 举例



$$p_i = \frac{e^{y_i}}{\sum_{k=1}^C e^{y_k}}$$

$$Y = \begin{bmatrix} -3.1 \\ 1.8 \\ 9.7 \\ -2.5 \end{bmatrix}$$

$$\text{Softmax}(Y) = \begin{bmatrix} 2.75972792e - 6 \\ 3.70603254e - 4 \\ 9.99621608e - 1 \\ 5.02855213e - 6 \end{bmatrix}$$



交叉熵损失函数



交叉熵是一个信息论中的概念，它原来是用来估算平均编码长度的。给定两个概率分布 p 和 q ，通过 q 来表示 p 的交叉熵为

$$H(p, q) = - \sum_x p(x) \log q(x)$$

交叉熵刻画的是**两个概率分布之间的距离**， p 代表正确答案， q 代表的是预测值，交叉熵越小，两个概率的分布约接近

交叉熵损失函数计算案例

假设有一个3分类问题，某个样例的正确答案是 (1, 0, 0)

甲模型经过softmax回归之后的预测答案是 (0.5, 0.2, 0.3)

乙模型经过softmax回归之后的预测答案是 (0.7, 0.1, 0.2)

$$H(p, q) = - \sum_x p(x) \log q(x)$$

$$H((1, 0, 0), (0.5, 0.2, 0.3)) = -\log 0.5 \approx 0.301$$

$$H((1, 0, 0), (0.7, 0.1, 0.2)) = -\log 0.7 \approx 0.155$$



定义交叉熵损失函数

交叉熵损失函数定义为：

$$Loss = - \sum_{i=1}^n y_i \log y'_i$$

其中： y_i 为标签值， y'_i 为预测值

定义损失函数

```
loss_function = tf.reduce_mean(-tf.reduce_sum(y*tf.log(pred),  
                                              reduction_indices=1)) # 交叉熵
```



分类模型构建与训练实践



选择优化器



选择优化器

```
optimizer = tf.train.GradientDescentOptimizer(learning_rate).minimize(loss_function) #梯度下降
```



定义准确率



定义准确率

```
# 检查预测类别 $tf.argmax(pred, 1)$ 与实际类别 $tf.argmax(y, 1)$ 的匹配情况  
correct_prediction = tf.equal(tf.argmax(pred, 1), tf.argmax(y, 1))
```

```
# 准确率，将布尔值转化为浮点数，并计算平均值  
accuracy = tf.reduce_mean(tf.cast(correct_prediction, tf.float32))
```



argmax详解



```
arr1 = np.array([1, 3, 2, 5, 7, 0])  
arr2 = np.array([[1, 2, 3], [3, 2, 1], [4, 7, 2], [8, 3, 2]])  
print("arr1=", arr1)  
print("arr2=\n", arr2)
```

```
arr1= [1 3 2 5 7 0]  
arr2=  
[[1 2 3]  
 [3 2 1]  
 [4 7 2]  
 [8 3 2]]
```

```
argmax_1 = tf.argmax(arr1)  
argmax_20 = tf.argmax(arr2, 0)  
argmax_21 = tf.argmax(arr2, 1)
```

```
with tf.Session() as sess:  
    print(argmax_1.eval())  
    print(argmax_20.eval())  
    print(argmax_21.eval())
```

4

```
[3 2 0]  
[2 0 1 0]
```



声明会话，初始化变量



```
sess = tf.Session() #声明会话  
init = tf.global_variables_initializer() # 变量初始化  
sess.run(init)
```



训练模型



```
# 开始训练
for epoch in range(train_epochs ):
    for batch in range(total_batch):
        xs, ys = mnist.train.next_batch(batch_size) # 读取批次数据
        sess.run(optimizer, feed_dict={x: xs, y: ys}) # 执行批次训练

#total_batch个批次训练完成后, 使用验证数据计算误差与准确率; 验证集没有分批
loss, acc = sess.run([loss_function, accuracy],
                      feed_dict={x: mnist.validation.images, y: mnist.validation.labels})
# 打印训练过程中的详细信息
if (epoch+1) % display_step == 0:
    print("Train Epoch:", '%02d' % (epoch+1), "Loss=", "{:.9f}".format(loss), \
          "Accuracy=", "{:.4f}".format(acc))

print("Train Finished!")
```

```
Train Epoch: 01 Loss= 5.626945972 Accuracy= 0.2986
Train Epoch: 02 Loss= 3.634179592 Accuracy= 0.4492
Train Epoch: 03 Loss= 2.735285044 Accuracy= 0.5382
Train Epoch: 04 Loss= 2.245000262 Accuracy= 0.5900
```



训练模型

```
Train Epoch: 39 Loss= 0.701643348 Accuracy= 0.8510
Train Epoch: 40 Loss= 0.695050657 Accuracy= 0.8518
Train Epoch: 41 Loss= 0.689112484 Accuracy= 0.8540
Train Epoch: 42 Loss= 0.682926178 Accuracy= 0.8556
Train Epoch: 43 Loss= 0.677166224 Accuracy= 0.8560
Train Epoch: 44 Loss= 0.671819627 Accuracy= 0.8568
Train Epoch: 45 Loss= 0.666360080 Accuracy= 0.8578
Train Epoch: 46 Loss= 0.661095500 Accuracy= 0.8574
Train Epoch: 47 Loss= 0.656263292 Accuracy= 0.8580
Train Epoch: 48 Loss= 0.651501536 Accuracy= 0.8598
Train Epoch: 49 Loss= 0.647264063 Accuracy= 0.8606
Train Epoch: 50 Loss= 0.642509282 Accuracy= 0.8606
Train Finished!
```

从上述打印结果可以看出损失值 **Loss** 是趋于更小的，同时，准确率 **Accuracy** 越来越高。



评估模型



完成训练后，在测试集上评估模型的准确率

```
accu_test = sess.run(accuracy,  
                      feed_dict={x: mnist.test.images, y: mnist.test.labels})  
  
print("Test Accuracy:", accu_test)
```

Test Accuracy: 0.8646



评估模型



浙江大學城市學院
ZHEJIANG UNIVERSITY CITY COLLEGE

完成训练后，在验证集上评估模型的准确率

```
accu_validation = sess.run(accuracy,  
                           feed_dict={x: mnist.validation.images, y: mnist.validation.labels})  
  
print("Test Accuracy:", accu_validation)
```

Test Accuracy: 0.8606

完成训练后，在训练集上评估模型的准确率

```
accu_train = sess.run(accuracy,  
                      feed_dict={x: mnist.train.images, y: mnist.train.labels})  
  
print("Test Accuracy:", accu_train)
```

Test Accuracy: 0.855364



浙江大学城市学院
ZHEJIANG UNIVERSITY CITY COLLEGE

模型应用与可视化



应用模型



在建立模型并进行训练后，若认为准确率可以接受，则可以使用此模型进行预测

```
# 由于pred预测结果是one-hot编码格式，所以需要转换为0~9数字  
prediction_result=sess.run(tf.argmax(pred,1),  
                           feed_dict={x: mnist.test.images })
```

查看预测结果

```
#查看预测结果中的前10项  
prediction_result[0:10]  
array([7, 2, 1, 0, 4, 1, 4, 5, 4, 9], dtype=int64)
```



定义可视化函数



```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
def plot_images_labels_prediction(images,      # 图像列表
                                  labels,      # 标签列表
                                  prediction,    # 预测值列表
                                  index,        # 从第index个开始显示
                                  num=10 ):     # 缺省一次显示 10 幅

    fig = plt.gcf() # 获取当前图表, Get Current Figure
    fig.set_size_inches(10, 12) # 1英寸等于 2.54 cm
    if num > 25:
        num = 25 # 最多显示25个子图
    for i in range(0, num):
        ax = plt.subplot(5,5, i+1) # 获取当前要处理的子图

        ax.imshow(np.reshape(images[index], (28, 28)), # 显示第index个图像
                  cmap='binary')

        title = "label=" + str(np.argmax(labels[index])) # 构建该图上要显示的title信息
        if len(prediction)>0:
            title += ",predict=" + str(prediction[index])

        ax.set_title(title, fontsize=10) # 显示图上的title信息
        ax.set_xticks([]); # 不显示坐标轴
        ax.set_yticks([])
        index += 1
    plt.show()
```



可视化预测结果



```
plot_images_labels_prediction(mnist.test.images,  
                             mnist.test.labels,  
                             prediction_result, 10, 10)
```

label=0,predict=0



label=6,predict=6



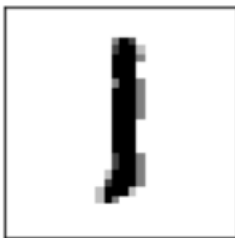
label=9,predict=9



label=0,predict=0



label=1,predict=1



label=5,predict=5



label=9,predict=9



label=7,predict=7



label=3,predict=3



label=4,predict=4





可视化预测结果

```
plot_images_labels_prediction(mnist.test.images,  
                             mnist.test.labels,  
                             prediction_result, 10, 25)
```

