

2. 向量

无序向量

基本操作

它污浊，它美丽，它衰老，它活泼，它杂乱，
它安闲，它可爱，它是伟大的夏初的北平

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

元素访问

- ❖ 似乎不是问题：通过 `V.get(r)` 和 `V.put(r, e)` 接口，已然可以读、写向量元素
- ❖ 但就便捷性而言，远不如数组元素的访问方式：`A[r]` //可否沿用借助下标的访问方式？
- ❖ 可以！为此，需重载下标操作符“`[]`”

```
template <typename T> //0 <= r < _size  
T & Vector<T>::operator[]( Rank r ) const { return _elem[ r ]; }
```
- ❖ 此后，对外的 `V[r]` 即对应于内部的 `V._elem[r]`
右值：`T x = V[r] + U[s] * W[t];`
左值：`V[r] = (T) (2*x + 3);`
- ❖ 为便于讲解，这里采用了简易的方式处理意外和错误（比如，入口参数越界等）
实际应用中，应采用更为严格的方式

插入

❖ template <typename T> //e作为秩为r元素插入, $0 \leq r \leq \text{size}$

```
Rank Vector<T>::insert( Rank r, T const & e ) { //  $O(n - r)$ 
```

```
    expand(); //若有必要, 扩容
```

```
    for ( int i = _size; i > r; i-- ) //自后向前
```

```
        _elem[i] = _elem[i - 1]; //后继元素顺次后移一个单元
```

```
    _elem[r] = e; _size++; return r; //置入新元素, 更新容量, 返回秩
```

```
}
```

(a) $[0, n)$: may be full

(b) $[0, r)$ $[r, n)$ expanded if necessary

(c) right shift

(c) $(r, n]$

(d) e

区间删除

❖ `template <typename T> //删除区间[lo, hi), 0 <= lo <= hi <= size`

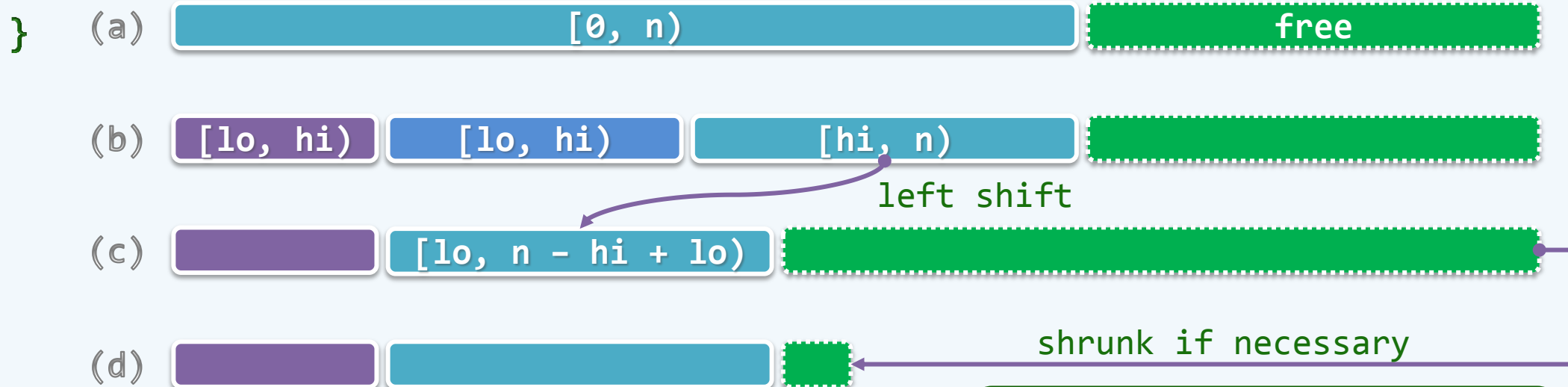
`int Vector<T>::remove(Rank lo, Rank hi) { // $O(n - hi)$`

`if (lo == hi) return 0; //出于效率考虑, 单独处理退化情况`

`while (hi < _size) _elem[lo ++] = _elem[hi ++]; //[hi, _size) 顺次前移`

`_size = lo; shrink(); //更新规模, 若有必要则缩容`

`return hi - lo; //返回被删除元素的数目`



单元素删除

❖ 可以视作区间删除操作的特例： $[r] = [r, r + 1)$

❖ `template <typename T> //删除向量中秩为r的元素, $0 \leq r < \text{size}$`

```
T Vector<T>::remove( Rank r ) { //  $O(n - r)$   
    T e = _elem[r]; //备份被删除元素  
    remove( r, r + 1 ); //调用区间删除算法  
    return e; //返回被删除元素  
}
```

❖ 反过来, 基于`remove(r)`接口, 通过反复的调用, 实现`remove(lo, hi)`呢?

❖ 每次循环耗时正比于删除区间的后缀长度 $= n - hi = O(n)$

而循环次数等于区间宽度 $= hi - lo = O(n)$

如此, 将导致总体 $O(n^2)$ 的复杂度