

5. 二叉树

二叉树实现

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

BinNode模板类

❖ #define BinNodePosi(T) BinNode<T>* //节点位置

❖ template <typename T> struct BinNode {

BinNodePosi(T) parent, lc, rc; //父亲、孩子

T data; int height; int size(); //高度、子树规模

BinNodePosi(T) insertAsLC(T const &); //作为左孩子插入新节点

BinNodePosi(T) insertAsRC(T const &); //作为右孩子插入新节点

BinNodePosi(T) succ(); // (中序遍历意义下) 当前节点的直接后继

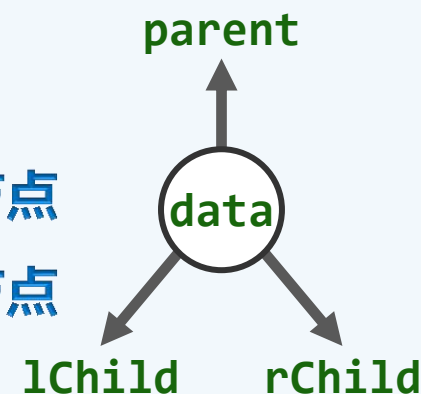
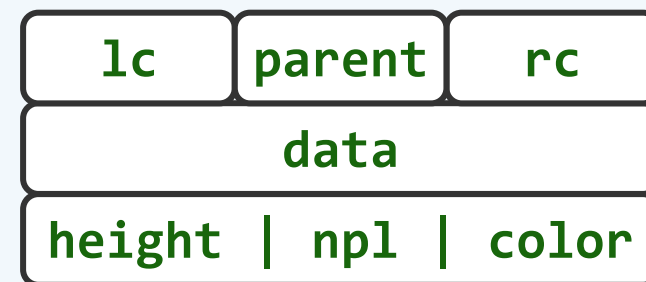
template <typename VST> void travLevel(VST &); //子树层次遍历

template <typename VST> void travPre(VST &); //子树先序遍历

template <typename VST> void travIn(VST &); //子树中序遍历

template <typename VST> void travPost(VST &); //子树后序遍历

};



BinNode接口实现

❖ `template <typename T> BinNodePosi(T) BinNode<T>::insertAsLC(T const & e)`
`{ return lc = new BinNode(e, this); }`

❖ `template <typename T> BinNodePosi(T) BinNode<T>::insertAsRC(T const & e)`
`{ return rc = new BinNode(e, this); }`

❖ `template <typename T>`

`int BinNode<T>::size() { //后代总数，亦即以其为根的子树的规模`

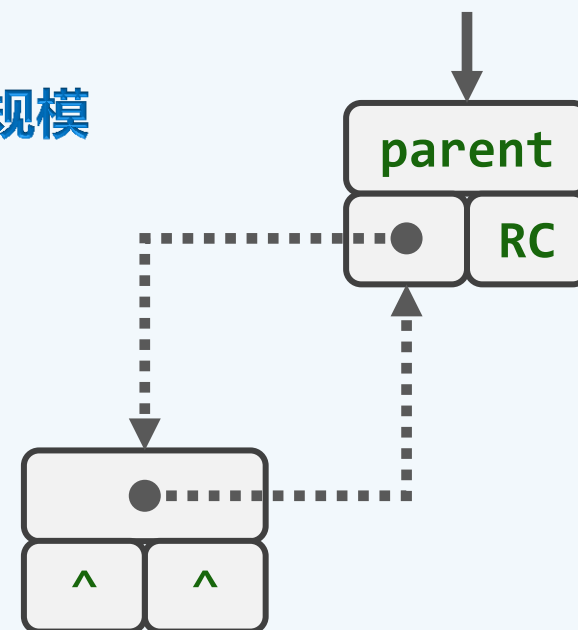
`int s = 1; //计入本身`

`if (lc) s += lc->size(); //递归计入左子树规模`

`if (rc) s += rc->size(); //递归计入右子树规模`

`return s;`

`} //O(n = |size|)`



BinTree模板类

```
❖ template <typename T> class BinTree {  
    protected:  
        int _size; //规模  
        BinNodePosi(T) _root; //根节点  
        virtual int updateHeight( BinNodePosi(T) x ); //更新节点x的高度  
        void updateHeightAbove( BinNodePosi(T) x ); //更新x及祖先的高度  
    public:  
        int size() const { return _size; } //规模  
        bool empty() const { return !_root; } //判空  
        BinNodePosi(T) root() const { return _root; } //树根  
        /* ... 子树接入、删除和分离接口 ... */  
        /* ... 遍历接口 ... */  
}
```

高度更新

❖ #define stature(p) ((p) ? (p)->height : -1) //节点高度——约定空树高度为-1

❖ template <typename T> //更新节点x高度，具体规则因树不同而异

```
int BinTree<T>::updateHeight( BinNodePosi(T) x ) {  
    return x->height = 1 +  
        max( stature( x->lc ), stature( x->rc ) );  
} //此处采用常规二叉树规则，O(1)
```

❖ template <typename T> //更新v及其历代祖先的高度

```
void BinTree<T>::updateHeightAbove( BinNodePosi(T) x ) {  
    while (x) //可优化：一旦高度未变，即可终止  
        { updateHeight(x); x = x->parent; }  
} //O( n = depth(x) )
```

节点插入

❖ `template <typename T> BinNodePosi(T)`

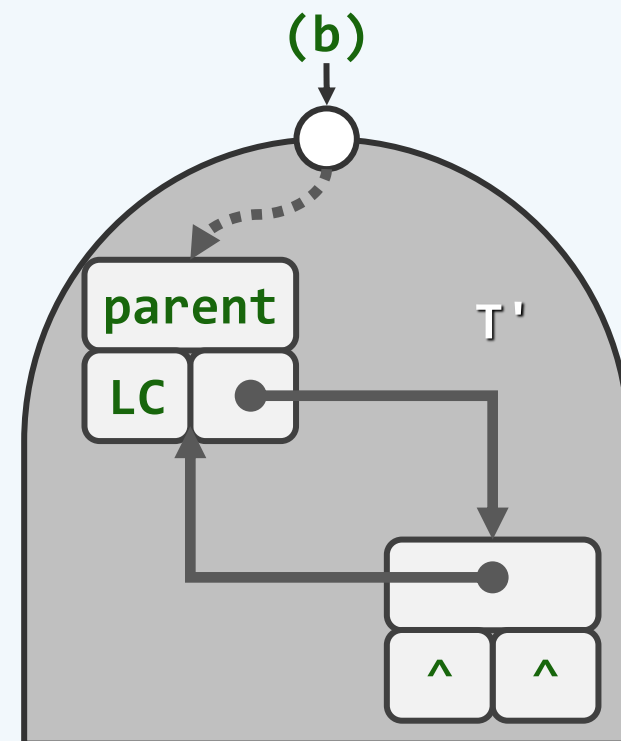
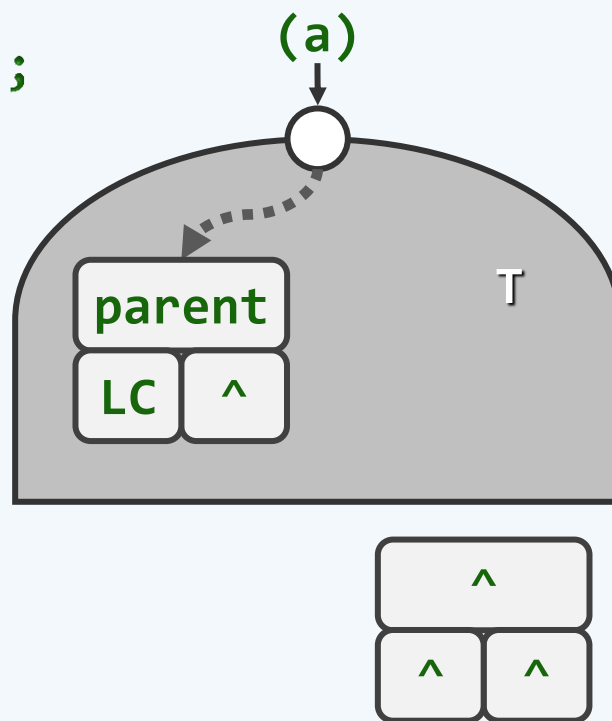
`BinTree<T>::insertAsRC(BinNodePosi(T) x, T const & e) { //insertAsLC()对称`

`_size++; x->insertAsRC(e); //x祖先的高度可能增加, 其余节点必然不变`

`updateHeightAbove(x);`

`return x->rc;`

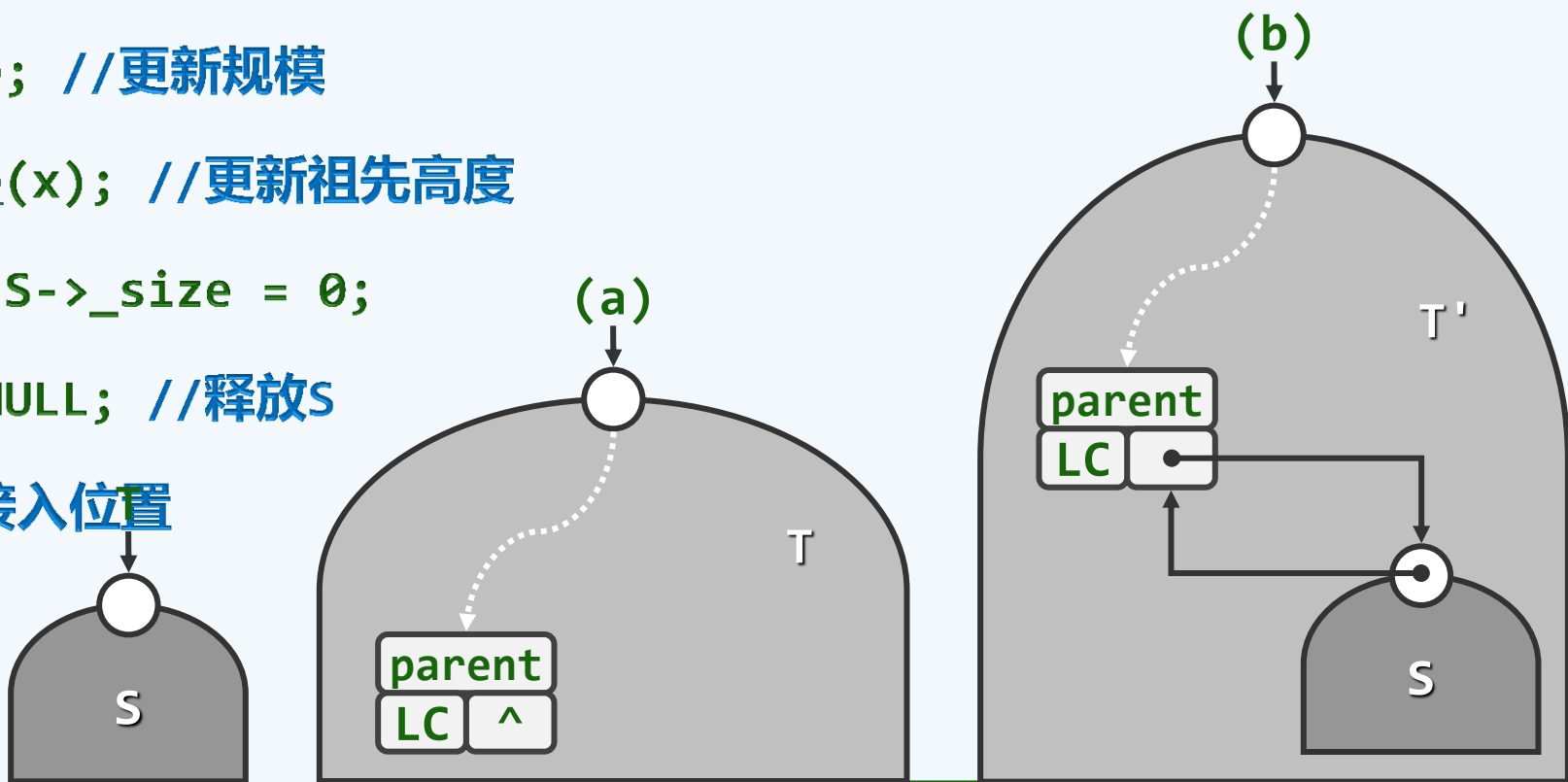
`}`



子树接入

❖ template <typename T>

```
BinNodePosi(T) BinTree<T>::attachAsRC( BinNodePosi(T) x, BinTree<T>* & S ) {  
    if ( x->rc = S->_root ) x->rc->parent = x; //接入  
    _size += S->_size; //更新规模  
    updateHeightAbove(x); //更新祖先高度  
    S->_root = NULL; S->_size = 0;  
    release(S); S = NULL; //释放S  
    return x; //返回接入位置  
} //attachAsLC()对称
```



子树删除

❖ template <typename T>

```
int BinTree<T>::remove( BinNodePosi(T) x ) { //子树接入的逆过程  
    FromParentTo( * x ) = NULL; //切断来自父节点的指针  
    updateHeightAbove( x->parent ); //更新祖先高度 ( 其余节点亦不变 )  
    int n = removeAt(x); _size -= n; //递归删除x及其后代, 更新规模  
    return n; //返回被删除节点总数  
}
```

```
❖ template <typename T> static int removeAt( BinNodePosi(T) x ) {  
    if ( ! x ) return 0; //终止于空子树, 否则左、右递归  
    int n = 1 + removeAt( x->lc ) + removeAt( x->rc );  
    release(x->data); release(x); return n; //释放被摘除节点, 并返回被删除节点总数  
}
```


子树分离

❖ 过程与以上的子树删除操作 `BinTree<T>::remove()` 基本一致

❖ 不同之处在于，需对分离出来的子树重新封装，并返回给上层调用者

```
❖ template <typename T> BinTree<T>* BinTree<T>::secede( BinNodePosi(T) x ) {  
    FromParentTo( * x ) = NULL; //切断来自父节点的指针  
    updateHeightAbove( x->parent ); //更新原树中所有祖先的高度  
    // 以下对分离出的子树做封装  
    BinTree<T> * S = new BinTree<T>; //创建空树  
    S->_root = x; x->parent = NULL; //新树以x为根  
    S->_size = x->size(); _size -= S->_size; //更新规模  
    return S; //返回封装后的子树
```

```
}
```