## 6.图

## 广度优先搜索 推广

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

## 连通分量 + 可达分量

❖问题

给定 无向图 , 找出其中任一顶点s所在的 连通分量

给定 有向图 , 找出源自其中任一顶点s的 可达分量

\*算法

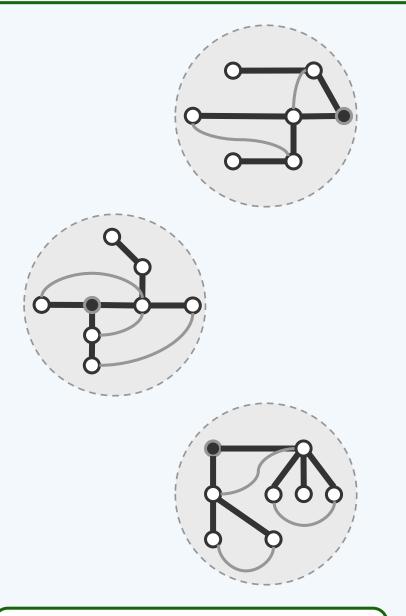
从s出发做BFS

输出所有 被发现 的顶点

队列为空后立即终止,无需考虑其它顶点

❖ 若图中包含多个连通/可达分量

又该如何保证对 全图 的遍历呢?

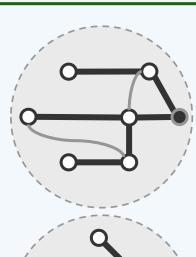


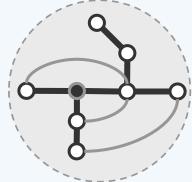
```
Graph::bfs()
```

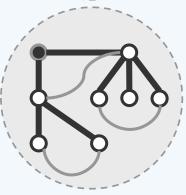
❖ template <typename Tv, typename Te> //顶点类型、边类型 void <u>Graph</u><Tv, Te>::<u>bfs</u>( int s ) { //s<mark>为起始顶点</mark> reset(); int clock = 0; int v = s; //初始化 $\Theta(n + e)$ do //逐一检查所有顶点,一旦遇到尚未发现的顶点 if ( UNDISCOVERED == status(v) ) //累计⊕(n) BFS(v, clock); //即从该顶点出发启动一次BFS while ( s != ( v = ( ++v % n ) ) ); //按序号访问, 不漏不重



} //无论共有多少连通/可达分量...







## 复杂度

- ❖ 考查无向图...
- ❖ bfs()的初始化 (reset())

$$0(n + e)$$

- **❖** BFS()的迭代 0(n + 2e)
  - **外循环(while (!Q.empty())),每个顶点只进入1次**,累计n次

O(n)

内循环(枚举v的每一邻居),每个邻居至多进入1次,累计deg(v)次

采用邻接矩阵 O(n)

采用邻接表 O(1 + deg(v))

总共 = 
$$O(\sum v (1 + deg(v))) = O(n + 2e)$$

- ❖整个算法:0(n + e) + 0(n + 2e) = 0(n + e)
- ❖有向图呢?亦是如此!