# 4.栈与队列

括号匹配

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

## 实例

```
❖ (a[i-1][j+1])+a[i+1][j-1])*2 //失配
```

❖ 观察:除了各种括号,其余符号均可暂时忽略

❖ 从简单入手, 先来考查只有一种括号的情况...

# 尝试

0) 平凡: 无括号的表达式是匹配的

2)分治? E 和 F 均匹配,仅当 E F 匹配

❖ 然而,根据以上性质,却不易直接应用已知的策略

❖ 究其根源在于,1)和2)均为必要性,比如反例:

( ( ) ( ) ) ( ) = ( ( ) ( ) ) ( )

( ( ) ( ) ) ( ) = ( ( ) ( ) ) ( )

❖ 而为使问题有效简化,必须发现并借助 充分性

# 构思



亦即: L ( ) R 匹配,仅当 L R 匹配

- ❖ 那么,如何找到 这对括号?再者,如何使问题的这种简化得以 持续 进行?
- ❖顺序扫描表达式,用栈记录已扫描的部分

//实际上只需记录左括号

反复迭代:凡遇 ( ,则进栈;凡遇 ) ,则出栈

L (

) | [

R

Ь

R

### 实现

```
❖ bool paren( const char exp[], int lo, int hi ) { //exp[lo, hi)
 Stack<char> S; //使用栈记录已发现但尚未匹配的左括号
for ( int i = lo; i < hi; i++ ) //逐一检查当前字符
   if ( '(' == exp[i] ) S.push( exp[i] ); //遇左括号:则进栈
   else if ( ! S.empty() ) S.pop(); //遇右括号:若栈非空,则弹出左括号
   else return false; //否则(遇右括号时栈已空), 必不匹配
 return S.empty(); //最终, 栈空当且仅当匹配
```

❖实际上,若仅考虑一种括号,只需一个计数器足矣:始终非负;最后归零

//S.size()

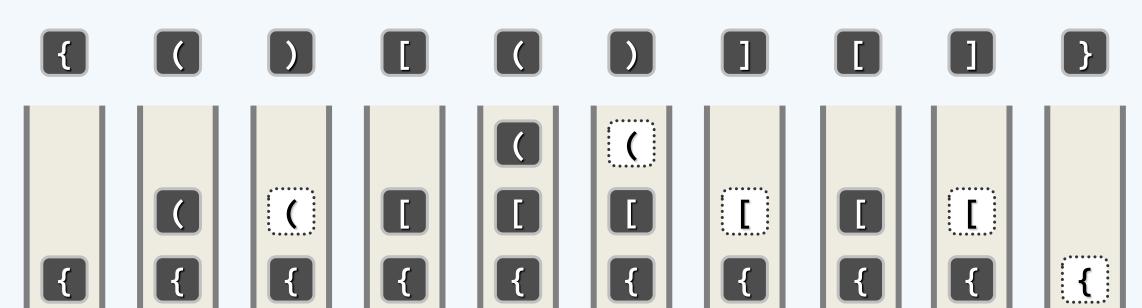




## 拓展

- ❖ 以上思路及算法,可便捷地推广至多种括号并存的情况
- ❖ 可否,使用多个计数器?不行,反例: [( ])
- ❖ 甚至,只需约定"括号"的通用格式,而不必事先固定括号的类型与数目

比如:<body>|</body>, <h1>|</h1>, <font>|</font>, |, |, ...



## 拓展

❖ 按字典序,枚举 由n对匹配括号组成的所有表达式

ACP-v4-f4-p5, Algorithm P, I. Semba, 1981

❖ 在由n对匹配括号组成的所有表达式中,按字典序取出第N个

ACP-v4-f4-p14, Algorithm U, F. Ruskey, 1978

❖ 在由n对匹配括号组成的所有表达式中,等概率 地随机任选其一

ACP-v4-f4-p15, Algorithm W, D. B. Arnold & M. R. Sleep, 1980

❖ 由算法∪,不是可以直接实现算法w的功能吗?后者的意义何在?