6. 图

广度优先搜索 性质

啊 五环 你比四环多一环啊 五环 你比六环少一环啊 五环 你比六环少一环终于有一天 你会修到七环修到七环怎么办你比五环多两环

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

边分类

❖ 经BFS后,所有边将确定方向,且被分为两类

//有向图有何不同?

tree edges + cross edges

联边之前:v DISCOVERED && u UNDISCOVERED

联边之后:v == parent(u)

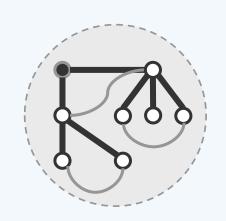
▶ 跨边(v, u) — ▼

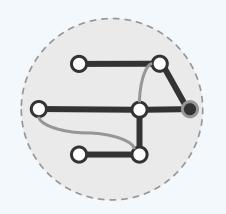
无向图:只可能v和u均为 DISCOVERED

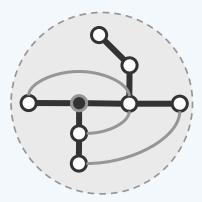
有向图:还可能v是DISCOVERED、u是VISITED

BFS树/森林

- ❖ 对于每一连通/可达分量, bfs()进入BFS(v)恰好1次(v为该分量的起始 顶点)
- ❖ 进入BFS(v)时,队列为空 v所属分量内的每个顶点
 - 迟早会以 UNDISCOVERED 状态进队1次
 - 进队后随即转为 DISCOVERED 状态,并生成一条树边
 - 迟早会出队并转为 VISITED 状态 退出BFS(v)时,队列为空
- ❖ BFS(v)以v为根,生成一棵BFS树
- ♦ bfs()生成一个BFS森林包含□ 棵树、 n c 条树边和 e n + c 条跨边

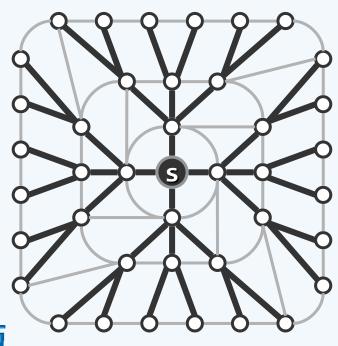






最短路径

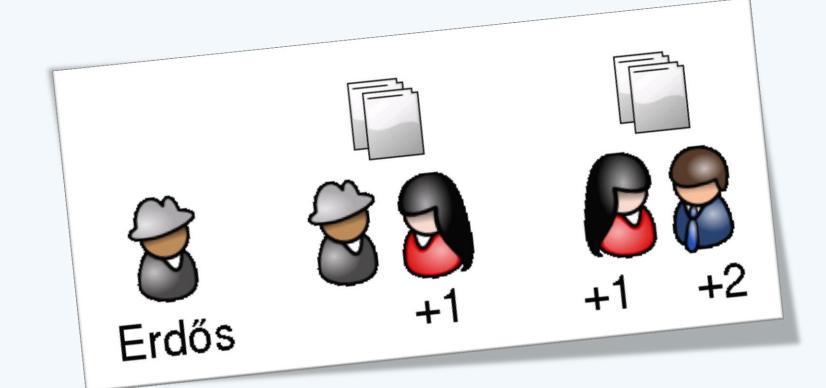
- ❖ 从 无向图 中顶点s出发,到任一顶点v的所有路径中
 - 长度最短者 π (s, v) = ?
 - (最短)距离 = dist(v) = |π(s, v)| = ?
 - 退化情况:可能有多条 //任取其一
- ❖ 在BFS过程中的任一时刻 //贪吃蛇
 - 队列中顶点按dist()单调排列 //自内而外,由近及远
 - 队列中相邻顶点 , dist()相差不超过1
 - 队首、队末顶点, dist()相差不超过1 //(模拟)环路遍历
 - 由树边联接的顶点, dist()恰好相差1 //头紧追尾
 - 由跨边联接的顶点, dist()至多相差1 //五至六环,通路可达;从五至七,无环际路
- ❖ BFS树中从s到v的路径,即是π(s, v)



Erdös Number

❖ Describes the "collaborative distance"

between mathematician Paul Erdős and another person, as measured by authorship of mathematical papers



Chow Number

- ❖ chow (吴孟达) = 1
 - [整蛊专家] (1) *周星驰 +吴孟达 成奎安 刘德华 关之琳 邱淑贞
- ❖ chow (葛优) = 2
 - [没完没了](2) +葛优 *吴倩莲 傅彪
 - [97家有喜事] (1) *周星驰 +吴倩莲 吴镇宇 钟丽缇 伍咏薇 黄百鸣
- ❖ chow (姜昆) = 3
 - [京都球侠] (3) *张丰毅 孙敏 +姜昆 陈佩斯 于绍康 唐杰忠
 - [热线追击] (2) +张丰毅 任达华 王馨平 *吴家丽
 - [审死官] (1) *周星驰 吴孟达 +吴家丽 秦沛 朱咪咪 梅艳芳
- ❖ chow ("Julia Roberts") = Infinity