# 1.绪论

# 算法分析 正确性

Beware of bugs in the above code;

I have only proved it correct, not tried it.

- D. Knuth

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

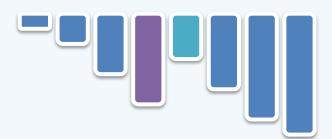
## 起泡排序

❖ 问题: 给定n个整数,

将它们按(非降)序排列

❖观察: 有序 / 无序 序列中,

任意 / 总有 一对相邻元素 顺序 / 逆序



❖ 扫描交换:依次比较每一对相邻元素;如有必要,交换之

❖ 若整趟扫描都没有进行交换,则排序完成;否则,再做一趟扫描交换



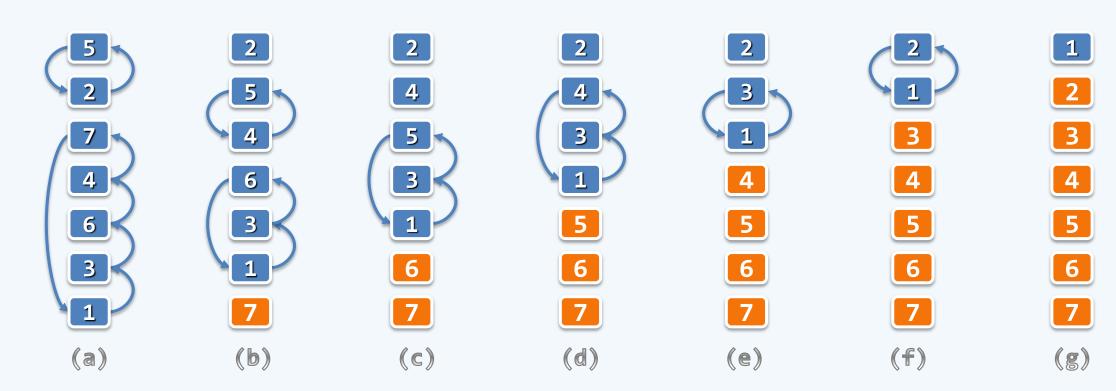


#### 算法

```
❖ void <u>bubblesort</u>(int A[], int n) { //第二章将进一步改进
  for (bool sorted = false; sorted = !sorted; n-- ) //反复扫描交换,每一趟.
     for ( int i = 1; i < n; i++ ) //自左向右,逐对检查A[0, n)内各相邻元素
        if ( A[ i - 1 ] > A[ i ] ) { //若逆序,则
          swap( A[ i - 1 ], A[ i ] ); //令其互换,同时
          sorted = false; //清除(全局)有序标志
} //该算法...的确实现了所需的功能?必然会结束?至多需迭代多少趟?
```

## 证明

- ❖ 不变性: 经 k 趟扫描交换后,最大的 k 个元素必然就位
- ❖ 单调性 : 经 k 趟扫描交换后,问题规模缩减至 n k
- ❖ 正确性:经至多n趟扫描后,算法必然终止,且能给出正确解答



## 性能

❖ 最坏情况:输入数据反序排列

共n - 1 趟扫描交换

每趟的效果,都等同于当前有效区间循环左移一位

第 k 趟中, 需做 n - k 次比较和 3\*(n - k) 次移动, 0 < k < n

累计: #KMP = (n-1) + (n-2) + ... + 1 = n(n-1)/2

 $\#MOV = 3 \times n(n-1)/2$ 

 $T(n) = 4 \times n(n-1)/2 = O(n^2)$ 

❖ 最好情况:所有输入元素已经完全(或接近)有序

外循环仅1次,做n - 1次比较和0次元素交换

累计:  $T(n) = n - 1 = \Omega(n)$