信号 $x_1(t)$ 和 $x_2(t)$ 如果是实信号,则它们的正交性可以描述为

$$\int_{-\infty}^{\infty} x_1(t) x_2(t) dt = 0;$$

而对于复信号,则有

$$\int_{-\infty}^{\infty} x_1(t) x_2^*(t) dt = 0,$$

这里的星号表示取共轭。

因此,对于完备正交函数系 $\{u_k(t)\}$ ,信号x(t)可展开为  $x(t) = \sum_k a_k u_k(t)$ ,如果 $u_k(t)$ 为实函数,则

$$a_k = C \int x(t) u_k(t) dt ;$$

如果 $u_k(t)$ 为复函数,则

$$a_k = C \int x(t) u_k^*(t) dt \circ$$

周期信号的傅里叶级数就是复函数的情况。