MO432 - Exercício 2

June 13, 2021

1 MO432 - Exercício 2

1.0.1 Alunos

Giovanna Vendramini - RA: 173304
 Luiz Eduardo Cartolano - RA: 183012

1.1 1. Leitura dos Dados

Para realizar o trabalho iremos usar os dados obtidos do arquivo *Bias_correction_ucl.csv*. A leitura foi feita usando o método pd.read_csv da biblioteca Pandas.

As colunas $Next_Tmin$ e $Next_tmax$ são os atributos de saída, porém, para este projeto foi utilizado apenas $Next_tmax$ como o rótulo que queremos prever.

Assim, foram desconsiderados e removidos o atributo de saída *Next_Tmin*, o atributo de entrada *Date*, e as linhas que apresentaram valores faltantes. Por esse motivo, a tabela lida que apresentava 7752 linhas e 25 colunas, passou a apresentar 7588 linhas e 23 colunas após o tratamento.

A seguir apresentamos uma descrição mais detalhada de cada um dos atributos.

Attribute Information:

- 1. station used weather station number: 1 to 25
- 2. Date Present day: yyyy-mm-dd ('2013-06-30' to '2017-08-30')
- 3. Present_Tmax Maximum air temperature between 0 and 21 h on the present day (ŰC): 20 to 37.6
- 4. Present_Tmin Minimum air temperature between 0 and 21 h on the present day (ŰC): 11.3 to 29.9
- 5. LDAPS_RHmin LDAPS model forecast of next-day minimum relative humidity (%): 19.8 to 98.5
- 6. LDAPS_RHmax LDAPS model forecast of next-day maximum relative humidity (%): 58.9 to 100
- 7. LDAPS_Tmax_lapse LDAPS model forecast of next-day maximum air temperature applied lapse rate (°C): 17.6 to 38.5
- 8. LDAPS_Tmin_lapse LDAPS model forecast of next-day minimum air temperature applied lapse rate (°C): 14.3 to 29.6
- 9. LDAPS WS LDAPS model forecast of next-day average wind speed (m/s): 2.9 to 21.9
- 10. LDAPS_LH LDAPS model forecast of next-day average latent heat flux (W/m2): -13.6 to 213.4

- 11. LDAPS_CC1 LDAPS model forecast of next-day 1st 6-hour split average cloud cover (0-5 h) (%): 0 to 0.97
- 12. LDAPS_CC2 LDAPS model forecast of next-day 2nd 6-hour split average cloud cover (6-11 h) (%): 0 to 0.97
- 13. LDAPS_CC3 LDAPS model forecast of next-day 3rd 6-hour split average cloud cover (12-17 h) (%): 0 to 0.98
- 14. LDAPS_CC4 LDAPS model forecast of next-day 4th 6-hour split average cloud cover (18-23 h) (%): 0 to 0.97
- 15. LDAPS_PPT1 LDAPS model forecast of next-day 1st 6-hour split average precipitation (0-5 h) (%): 0 to 23.7
- 16. LDAPS_PPT2 LDAPS model forecast of next-day 2nd 6-hour split average precipitation (6-11 h) (%): 0 to 21.6
- 17. LDAPS_PPT3 LDAPS model forecast of next-day 3rd 6-hour split average precipitation (12-17 h) (%): 0 to 15.8
- 18. LDAPS_PPT4 LDAPS model forecast of next-day 4th 6-hour split average precipitation (18-23 h) (%): 0 to 16.7
- 19. lat Latitude (\hat{A}°): 37.456 to 37.645
- 20. lon Longitude (\hat{A}°): 126.826 to 127.135
- 21. DEM Elevation (m): 12.4 to 212.3
- 22. Slope Slope (\hat{A}°): 0.1 to 5.2
- 23. Solar radiation Daily incoming solar radiation (wh/m2): 4329.5 to 5992.9
- 24. Next Tmax The next-day maximum air temperature (°C): 17.4 to 38.9
- 25. Next_Tmin The next-day minimum air temperature (°C): 11.3 to 29.8

A matrix de dados lidos é denominada data.

```
[]: import pandas as pd

import warnings
warnings.filterwarnings("ignore")
```

1.1.1 Leitura do Dataset

Volume de dados inicial: (7752, 25)

1.1.2 Remoção das colunas e valores nulos

```
[]: # remocao das colunas Next_Tmin e Date
data = data.drop(columns=['Next_Tmin', 'Date'], axis=1)
# remocao dos valores nulos
data = data.dropna()
print(f'Volume de dados após retirar valores nulos: {data.shape}\n')
data.head()
```

Volume de dados após retirar valores nulos: (7588, 23)

[]:		station	Present	_Tmax	Present_Tmin	LDAPS_RH	min LDAPS_F	RHmax \		
(0	1.0		28.7	21.4	58.255	688 91.11	16364		
:	1	2.0 31.9		21.6	52.263	397 90.60	04721			
2	2	3.0 31.6		23.3	48.690	479 83.97	73587			
;	3	4.0 32.0		32.0	23.4	58.239	788 96.48	3688		
4	4	5.0		31.4	21.9	56.174095 90.15		55128		
		IDADO T.]	I DADG	Twin laws	IDADO UO	I DADO I II	IDADO O	(d) \	
,	^		_		_Tmin_lapse					
	0	28.074101			23.006936					
	1				24.035009					
	2				24.565633					
	3				23.326177					
4	4	29.113934			23.486480	5.735004	107.965535	0.1514	07	
		LDAPS_PF	T1 LDAPS	S_PPT2	LDAPS_PPT3	LDAPS_PPT	4 lat	lon	DEM	\
(0	C	0.0	0.0	0.0	0.0	0 37.6046	126.991	212.3350	
:	1	C	0.0	0.0	0.0	0.0	37.6046	127.032	44.7624	
2	2	C	0.0	0.0	0.0	0.0	37.5776	127.058	33.3068	
;	3	C	0.0	0.0	0.0	0.0	37.6450	127.022	45.7160	
4	4	C	0.0	0.0	0.0	0.0	0 37.5507	127.135	35.0380	
		Slope	Solar rad	diation	Next_Tmax					
(0	-		.895996	_					
	1	0.5141		. 312500						
		0.2661			31.1					
		2.5348		. 964844						
		0.5055		. 552246						
-	T	0.5055	5009	. 552240	31.2					

[5 rows x 23 columns]

1.1.3 Separação do X/y

Foram separados os atributos de entrada do atributo de saída. O numpy array y passou a representar os rótulos, enquanto que os atributos de entrada foi armazenado na variável x.

```
[ ]: y = data['Next_Tmax'].to_numpy()
x = data.drop(['Next_Tmax'], axis=1).to_numpy()
```

1.1.4 Normalização e Centralização dos valores de X

Para centralizar uma variável, o valor médio é subtraído de todos os valores. Como resultado da centralização, os atributos tem uma média 0. Da mesma forma, para dimensionar os dados, cada valor da variável é dividido por seu desvio padrão. O escalonamento dos dados força os valores a terem um desvio padrão comum de 1.

Para o projeto usou-se a função StandardScaler do sklearn.

```
[]: from sklearn.preprocessing import StandardScaler
[]: x_after_norm = StandardScaler().fit_transform(x)

[]: print(f'Médias dos valores após a normalização: {x_after_norm.mean()}')
    print(f'Desvio dos valores após a normalização: {x_after_norm.std()}')
```

Médias dos valores após a normalização: -3.4728640255030726e-15 Desvio dos valores após a normalização: 0.999999999999999

1.2 Definição da função de erro

Como função de custo foi adotada a métrica RSME, por meio do método make_scorer do Sklearn, utilizando como argumento a função MSE e declarando squared como False. Sendo assim, é gerada a função de custo $neg_root_mean_squared_error$.

1.3 2. Regressores

Para cada um dos regressores, foi definido o valor da função de custo utilizando os hiperparâmetros padrões do método e, em seguida, foram calculados os melhores hiperparâmetros e a função de custo ao utilizá-los.

1.3.1 2.1 Regressão Linear

A regressão linear é uma equação para se estimar uma variável y, dados os valores de atributos x, determinando a relação entre as variáveis. Para isso, foi adotado o método LinearRegression do Sklearn.

Custo encontrado: 1.4742306701826382

1.3.2 2.2 Regressão Linear com regularização L2

Para a regressão linear com regularização L2, foi adotado o método Ridge do Sklearn.

```
[]: from sklearn.model_selection import RandomizedSearchCV from sklearn.linear_model import Ridge from scipy.stats import loguniform
```

```
[]: estimator = Ridge()
```

1.3.3 Usando valores default

Custo encontrado: 1.4742265105173766

1.3.4 Buscando os melhores Hiperparâmetros

```
[]: param_dist = {
    'alpha': loguniform(10**(-3), 10**3)
  }

random_search_12 = RandomizedSearchCV(
    estimator=estimator,
    param_distributions=param_dist,
    n_iter=10,
    cv=5,
    scoring=rmse_cost,
    random_state=1234
)

12_solution = random_search_12.fit(x_after_norm, y)

print(f'Melhor hiperparametro: {12_solution.best_params_}')
    print(f'Melhor custo encontrado: {-1*12_solution.best_score_}')
```

Melhor hiperparametro: {'alpha': 180.13404791374109} Melhor custo encontrado: 1.572225627976686

1.3.5 2.3 Regressão Linear com regularização L1

Para a regressão linear com regularização L1, foi adotado o método Lasso do Sklearn.

```
[]: from sklearn.model_selection import RandomizedSearchCV from sklearn.linear_model import Lasso from scipy.stats import loguniform
```

```
[]: estimator = Lasso()
```

1.3.6 Usando valores default

Custo encontrado: 1.972809801012016

1.3.7 Buscando os melhores Hiperparâmetros

Melhor hiperparametro: {'alpha': 0.04320715110139978} Melhor custo encontrado: 1.5686038460069853

1.3.8 2.4 SVM Linear

Para o SVM linear, foi adotado o método LinearSVR do Sklearn.

```
[]: from sklearn.model_selection import RandomizedSearchCV from sklearn.svm import LinearSVR from scipy.stats import loguniform
```

```
[]: estimator = LinearSVR()
```

1.3.9 Usando valores default

Custo encontrado: 1.476351732292993

1.3.10 Buscando os melhores Hiperparâmetros

```
param_dist = {
    'C': loguniform(2**-5.0, 2**15),
    'epsilon': [0.1,0.3]
    }

random_search_svrl = RandomizedSearchCV(
    estimator=estimator,
    param_distributions=param_dist,
    n_iter=10,
    cv=5,
    scoring=rmse_cost,
    random_state=1234
)

svrl_solution = random_search_svrl.fit(x_after_norm, y)

print(f'Melhor hiperparametro: {svrl_solution.best_params_}')
    print(f'Melhor custo encontrado: {-1*svrl_solution.best_score_}')
```

Melhor hiperparametro: {'C': 0.4445411902913089, 'epsilon': 0.1} Melhor custo encontrado: 1.5635241581040258

1.3.11 2.5 SVM com kernel RBF

Para o SVM linear com kernel RBF, foi adotado o método LinearSVR do Sklearn, passando como argumento kernel='rbf'.

```
[]: from sklearn.model_selection import RandomizedSearchCV
   from sklearn.svm import SVR
   from scipy.stats import loguniform

[]: estimator = SVR(kernel='rbf')
```

1.3.12 Usando valores default

Custo encontrado: 1.1588424577728607

1.3.13 Buscando os melhores Hiperparâmetros

```
[]: param_dist = {
         'C': loguniform(2**-5.0, 2**15),
         'epsilon': [0.1,0.3],
         'gamma': loguniform(2**-9, 2**3)
         }
     random_search_svr = RandomizedSearchCV(
         estimator=estimator,
         param_distributions=param_dist,
         n_iter=10,
         cv=5,
         scoring=rmse_cost,
         random_state=1234
     )
     svr_solution = random_search_svr.fit(x_after_norm, y)
     print(f'Melhor hiperparametro: {svr_solution.best_params_}')
     print(f'Melhor custo encontrado: {-1*svr_solution.best_score_}')
```

Melhor hiperparametro: {'C': 1.3677950805540304, 'epsilon': 0.1, 'gamma':

```
0.010182425776863237}
Melhor custo encontrado: 1.5786088389396586
```

1.3.14 2.6 KNN

Para o KNN, foi adotado o método KNeighborsRegressor do Sklearn.

```
[]: from sklearn.model_selection import RandomizedSearchCV from sklearn.neighbors import KNeighborsRegressor from scipy.stats import randint
```

```
[ ]: estimator = KNeighborsRegressor()
```

1.3.15 Usando valores default

Custo encontrado: 1.2486732510260647

1.3.16 Buscando os melhores Hiperparâmetros

```
param_dist = {'n_neighbors': randint(1, 1000)}

random_search_knn = RandomizedSearchCV(
    estimator=estimator,
    param_distributions=param_dist,
    n_iter=10,
    cv=5,
    scoring=rmse_cost,
    random_state=1234
)

knn_solution = random_search_knn.fit(x_after_norm, y)

print(f'Melhor hiperparametro: {knn_solution.best_params_}')
    print(f'Melhor custo encontrado: {-1*knn_solution.best_score_}')
```

Melhor hiperparametro: {'n_neighbors': 54}
Melhor custo encontrado: 1.8525761690653044

1.3.17 2.7 MLP

Para o MLP, foi adotado o método MLPRegressor do Sklearn.

```
[]: from sklearn.neural_network import MLPRegressor from sklearn.model_selection import RandomizedSearchCV from numpy import arange
```

```
[ ]: estimator = MLPRegressor()
```

1.3.18 Usando valores default

Custo encontrado: 1.1691131221142252

1.3.19 Buscando os melhores Hiperparâmetros

```
[]: param_dist = {'hidden_layer_sizes': arange(5, 21, 3).tolist()}

random_search_mlp = RandomizedSearchCV(
    estimator=estimator,
    param_distributions=param_dist,
    n_iter=10,
    cv=5,
    scoring=rmse_cost,
    random_state=1234
)

mlp_solution = random_search_mlp.fit(x_after_norm, y)

print(f'Melhor hiperparametro: {mlp_solution.best_params_}')
    print(f'Melhor custo encontrado: {-1*mlp_solution.best_score_}')
```

Melhor hiperparametro: {'hidden_layer_sizes': 17} Melhor custo encontrado: 2.3570743373569414

1.3.20 2.8 Árvore de Decisão

Para a Árvore de Decisão, foi adotado o método DecisionTreeRegressor do Sklearn.

```
[]: from sklearn.model_selection import RandomizedSearchCV from sklearn.tree import DecisionTreeRegressor from scipy.stats import uniform
```

```
[ ]: estimator = DecisionTreeRegressor()
```

1.3.21 Usando valores default

Custo encontrado: 1.463442683773399

1.3.22 Buscando os melhores Hiperparâmetros

```
[]: param_dist = {'ccp_alpha': uniform(0, 0.04)}

random_search_dt = RandomizedSearchCV(
    estimator=estimator,
    param_distributions=param_dist,
    n_iter=10,
    cv=5,
    scoring=rmse_cost,
    random_state=1234
)

dt_solution = random_search_dt.fit(x_after_norm, y)

print(f'Melhor hiperparametro: {dt_solution.best_params_}')
    print(f'Melhor custo encontrado: {-1*dt_solution.best_score_}')
```

Melhor hiperparametro: {'ccp_alpha': 0.03503730538968379} Melhor custo encontrado: 1.8479908832557044

1.3.23 2.9 Random Forest

Para a Random Forest, foi adotado o método RandomForestRegressor do Sklearn.

```
[]: from sklearn.ensemble import RandomForestRegressor from sklearn.model_selection import RandomizedSearchCV
```

```
[]: estimator = RandomForestRegressor()
```

1.3.24 Usando valores default

Custo encontrado: 0.999757775055358

1.3.25 Buscando os melhores Hiperparâmetros

```
param_dist = {
    'n_estimators': [10,100,1000],
    'max_features': [5, 10, 22]
}

random_search_rf = RandomizedSearchCV(
    estimator=estimator,
    param_distributions=param_dist,
    cv=5,
    scoring=rmse_cost,
    random_state=1234
)

rf_solution = random_search_rf.fit(x_after_norm, y)

print(f'Melhor hiperparametro: {rf_solution.best_params_}')
    print(f'Melhor custo encontrado: {-1*rf_solution.best_score_}')
```

Melhor hiperparametro: {'n_estimators': 1000, 'max_features': 10} Melhor custo encontrado: 1.6247149864331647

1.3.26 2.10 GBM

Para o GBM, foi adotado o método GradientBoostingRegressor do Sklearn.

```
[]: from sklearn.ensemble import GradientBoostingRegressor from sklearn.model_selection import RandomizedSearchCV from scipy.stats import uniform, randint
```

```
[]: estimator = GradientBoostingRegressor()
```

1.3.27 Usando valores default

Custo encontrado: 1.220501150443596

1.3.28 Buscando os melhores Hiperparâmetros

```
param_dist = {
    'n_estimators': randint(5,100),
    'learning_rate': uniform(0.01,0.3),
    'max_depth': [2, 3]
}

random_search_gbm = RandomizedSearchCV(
    estimator=estimator,
    param_distributions=param_dist,
    n_iter=10,
    cv=5,
    scoring=rmse_cost,
    random_state=1234
)

gbm_solution = random_search_gbm.fit(x_after_norm, y)

print(f'Melhor hiperparametro: {gbm_solution.best_params_}')
    print(f'Melhor custo encontrado: {-1*gbm_solution.best_score_}')
```

Melhor hiperparametro: {'learning_rate': 0.11946579517041167, 'max_depth': 2, 'n_estimators': 80}
Melhor custo encontrado: 1.5928044800644765

1.4 3. Tabela Final

Foi gerada uma tabela sumarizando os principais resultados encontrados. Nela, foram organizados os valores de custo para cada um do regressores, utilizando os hiperparâmetros padrões do método (Default Cost) e adotando os melhores hiperparâmetros (Best Cost).

```
[3]: import pandas as pd
```

```
columns = ['Default Cost', 'Best Cost']
      index = ['Linear', 'Linear_L2reg', 'Linear_L1reg', 'SVM_Linear', 'SVM_RBF',
      → 'KNN', 'MLP', 'Decision_Tree', 'Random_Forest', 'GBM']
      final_results = pd.DataFrame(index=index, columns=columns).fillna('0')
[11]: final_results['Default Cost']['Linear'] = 1.4742306701826382
      final_results['Best Cost']['Linear'] = '-'
[12]: final results['Default Cost']['Linear L2reg'] = 1.4742265105173766
      final_results['Best Cost']['Linear_L2reg'] = 1.572225627976686
[13]: final_results['Default Cost']['Linear_L1reg'] = 1.972809801012016
      final_results['Best Cost']['Linear_L1reg'] = 1.5686038460069853
[14]: final results['Default Cost']['SVM Linear'] = 1.476351732292993
      final_results['Best Cost']['SVM_Linear'] = 1.5635241581040258
[15]: final results['Default Cost']['SVM RBF'] = 1.1588424577728607
      final_results['Best Cost']['SVM_RBF'] = 1.5786088389396586
[16]: final_results['Default Cost']['KNN'] = 1.2486732510260647
      final_results['Best Cost']['KNN'] = 1.8525761690653044
[17]: final_results['Default Cost']['MLP'] = 1.1691131221142252
      final_results['Best Cost']['MLP'] = 2.3570743373569414
[18]: final results['Default Cost']['Decision Tree'] = 1.463442683773399
      final_results['Best Cost']['Decision_Tree'] = 1.8479908832557044
[19]: | final_results['Default Cost']['Random_Forest'] = 0.999757775055358
      final_results['Best Cost']['Random_Forest'] = 1.6247149864331647
[20]: final_results['Default Cost']['GBM'] = 1.220501150443596
      final_results['Best Cost']['GBM'] = 1.5928044800644765
[21]: final_results
[21]:
                   Default Cost Best Cost
                        1.474231
     Linear
     Linear_L2reg
                        1.474227 1.572226
                        1.97281 1.568604
     Linear_L1reg
     SVM_Linear
                        1.476352 1.563524
     SVM_RBF
                        1.158842 1.578609
      KNN
                       1.248673 1.852576
     MLP
                       1.169113 2.357074
      Decision_Tree
                       1.463443 1.847991
      Random_Forest
                       0.999758 1.624715
```

GBM 1.220501 1.592804

Created in Deepnote