notebook

September 28, 2018

1 Comparing Democracies using Python

Julius-Maximilians-Universität Würzburg Fakultät für Humanwissenschaften Institut für Politikwissenschaft und Soziologie Lehrstuhl für Vergleichende Politikwissenschaft und Systemlehre Prüfungsleistung von

Severin Simmler Matrikel Nr.: 2028090 severin.simmler(at)stud-mail.uni-wuerzburg.de

für das Seminar **Comparing Democracies using R and Python** im Sommersemester 2018 bei Oliver Schlenkrich.

1.1 Inhalt

- 1. Section ??
- 2. Section 1.3 2.1. Section ?? 2.2. Section 1.3.2 2.3. Section 1.3.3 2.4. Section 1.3.4
- 3. Section 1.4
- 4. Section 1.5 4.1. Section 1.5.1 4.2. Section 1.5.2 4.3. Section 1.5.3 4.3.1. Section 1.5.4
- 5. Section 1.6 5.1. Section ?? 5.2. Section ?? 5.3 Section 1.6.3 5.4. Section ?? 5.4.1. Section 1.6.5 5.5. Section ??
- 6. Section 1.6.7 6.1.1. Section 1.6.8 6.1.2. Section ??
- 7. Section 1.6.10
- 8. Section 1.6.11 8.1. Section ??

1.2 1. Einführung

Die vorliegende Arbeit stellt einen Versuch dar, internationalen Konflikt quantitativ zu modellieren. Dabei werden sowohl die Datengrundlage, als auch die Vorgehensweise von Beck et al. (2000) adaptiert – und hinterfragt. Ein optimiertes Forschungsdesign, und die Anwendung jüngster Ansätze aus dem Bereich Deep Learning führen nachweisbar (siehe Section 1.6.7) zu einem verbesserten, robusteren Modell internationalen Konflikts.

Die Veröffentlichung des Papers von Beck *et al.* (2000) fällt in eine Zeitperiode, die seit den 1980er Jahren andauerte, und als Winter der künstlichen Intelligenz' bezeichnet wird (vgl. Hendler 2008). Im Besonderen ist es ungewöhnlich, dass in einer *politikwissenschaftlichen* Arbeit aus dieser Zeit (und ganz allgemein) künstliche neuronale Netze als Methode vorgeschlagen werden – zwar mit für den speziellen Anwendungsfall verhältnismäSSig guten, aber allgemein eher dürftigen Ergebnissen. Nicht zuletzt sind zahlreiche Durchbrüche in den letzten Jahren im Bereich *Deep Learning* (Minar *et al.* 2018 gibt einen aktuellen Überblick) Anlass, die Forschungsfrage von Beck *et al.* erneut aufzugreifen.

In diesem Jupyter Notebook werden sämtliche Schritte, vom Einlesen der Daten, bis zur Evaluation des Modells, ausführlich erläutert. Es folgen insgesamt fünf inhaltliche Blöcke. Im ersten Teil wird in aller Kürze die zum Einsatz kommende Programmiersprache Python und einige best practices vorgestellt (Section 1.3), anschlieSSend auf das geplante Vorhaben näher eingegangen (Section 1.4). Der dritte Block bietet einen explorativen Blick auf den von Beck et al. (2000) zur Verfügung gestellten Datensatz (Section 1.5). Im nachfolgenden Teil stehen die zwei, im Rahmen dieser Arbeit entstandenen Modelle im Mittelpunkt, mit besonderem Augenmerk auf dem künstlichen neuronalen Netz (Section 1.6). Im letzten inhaltlichen Block (Section 1.6.7) wird schlieSSlich die Performanz der Modelle mit den Ergebnissen von Beck et al. (2000) gegenüber gestellt. In einem zusammenfassenden Fazit wird die Arbeit geschlossen (Section 1.6.10).

1.3 2. Python als Sprache

Python ist eine universelle, interpretierte, gut lesbare und einfach zu lernende Programmiersprache.

- Universell heiSSt, dass sie in unterschiedlichen Bereichen von Web, über Datenanalyse, bis GUI Entwicklung Anwendung findet.
- **Interpretiert** heiSSt, dass sie, im Gegensatz zu kompilierten Sprachen, in Echtzeit eingelesen, interpretiert', und ausgeführt wird.
- **Gut lesbar** heiSSt, dass die Sprache bewusst darauf ausgelegt ist, Programmcode einfach und schnell verstehen zu können.
- **Einfach zu lernen** heiSSt, dass Python hervorragend geeignet ist, um mit dem Programmieren zu beginnen.

Die Philosophie von Python ist *buchstäblich* in der Standardbibliothek verankert, und kann durch den Import des Moduls this angezeigt werden:

```
In [1]: import this
The Zen of Python, by Tim Peters
Beautiful is better than ugly.
Explicit is better than implicit.
Simple is better than complex.
Complex is better than complicated.
Flat is better than nested.
Sparse is better than dense.
Readability counts.
Special cases aren't special enough to break the rules.
Although practicality beats purity.
Errors should never pass silently.
Unless explicitly silenced.
In the face of ambiguity, refuse the temptation to guess.
There should be one-- and preferably only one --obvious way to do it.
Although that way may not be obvious at first unless you're Dutch.
Now is better than never.
Although never is often better than *right* now.
If the implementation is hard to explain, it's a bad idea.
```

If the implementation is easy to explain, it may be a good idea. Namespaces are one honking great idea -- let's do more of those!

1.3.1 2.1. Ökosystem

Das Ökosystem und die aktive Community (vor allem auf Stack Overflow) ist sicherlich ein maSSgeblicher Faktor des Erfolgs und der Attraktivität von Python. Die Sprache ist besonders im Bereich Machine Learning beliebt, und verfügt über ein entsprechendes Angebot an Programmbibliotheken. In dieser Arbeit kommen einige der gröSSten und meistgenutzten Pakete zum Einsatz:

- numpy: Paket für wissenschaftliches Rechnen.
- pandas: Bietet Hilfsmittel für Datenverwaltung und deskriptive Analyse. Baut auf numpy auf.
- matplotlib: Der Quasistandard für Visualisierungen mit Python. Auch in pandas enthalten.
- scikit-learn: Ein mittlerweile sehr umfangreiches Paket für Machine Learning, das, neben den Algorithmen selbst, auch Module für Preprocessing und Evaluation bietet. Erwartet in der Regel eine Datenstruktur von numpy oder pandas als Eingabeparameter.
- keras: Eine high-level Bibliothek, die im Rahmen dieser Arbeit als Schnittstelle zu Tensor-Flow verwendet wird. TensorFlow wurde erst 2015 veröffentlicht, hat sich aber mehr oder weniger, neben wenigen anderen Bibliotheken, zum state of the art im Bereich Deep Learning und künstliche neuronale Netze etabliert. Nimmt ebenfalls Datenstrukturen von numpy oder pandas als Eingabe, und wird oft in Kombination mit scikit-learn verwendet.

1.3.2 2.2. Architektur eines Python Pakets

Ein Python Paket (der Begriff Bibliothek" wird synonym benutzt) besteht aus einem oder *mehreren* Modulen. In einem Modul sind ähnliche Funktionen oder Klassen zusammengefasst. Das Paket beispiel besteht aus insgesamt zwei Modulen, core und helpers:

```
beispiel/__init__.py
beispiel/core.py
beispiel/helpers.py
```

Die Datei __init__.py macht dieses Verzeichnis überhaupt erst zu einem Paket – ohne diese Datei können Module und Funktionen nicht importiert werden, da sie nicht als solche erkannt werden. Die __init__.py Datei sollte entweder leer sein, Dokumentation enthalten, bestimmte Konfigurationen des Pakets definieren, und/oder selbst die Module importieren:

```
Das ist ein Beispielpaket und verfügt über zwei Module.
"""

from . import core
from . import helpers
```

Der Text zwischen den Anführungszeichen wird nicht als Programmcode interpretiert und dient der Dokumentation. Die zwei unteren Zeilen importieren die beiden Module *absolut*. Ein relativer Import (ohne 'from .') würde in einem ModuleNotFound Fehler resultieren.

Der Import in der __init__.py Datei ermöglicht einen Import, ohne den direkten Pfad anzugeben:

```
>>> from beispiel import funktion
```

Andernfalls müsste funktion explizit aus dem entsprechenden Modul importiert werden:

```
>>> from beispiel.core import funktion
```

Beim Importieren von Paketen und Modulen ist Folgendes zu beachten (vgl. Reitz, Schlusser 2016):

Sehr schlecht:

```
>>> from beispiel import *
>>> x = funktion(1)  # Ist `funktion` Teil von `beispiel`? Ein builtin? Oben definiert?

Gut:
>>> from beispiel import funktion
>>> x = funktion(1)  # `funktion` könnte Teil von `beispiel` sein, wenn nicht zwischenzeitlich
Sehr gut:
>>> import beispiel
```

1.3.3 2.3. Paketverwaltung

Für die Verwaltung von Python Paketen empfiehlt sich das Tool pip, das über die Kommandozeile bedient wird, und *third-party libraries* installiert, die im Python Package Index (PyPI) zentral gespeichert sind. Die auf PyPI gehostete Software ist Open Source und für jeden kostenlos zugänglich. Jeder, der über einen ebenfalls kostenfreien Account verfügt, kann eigene Pakete auf PyPI veröffentlichen.

Die Installation des Pakets numpy wird beispielsweise folgendermaSSen ausgeführt:

>>> x = beispiel.funktion(1) # `funktion` ist sichtbar Teil von `beispiel`

```
$ pip install numpy
```

Danach kann numpy, wie bereits beschrieben, in Python importiert werden.

1.3.4 2.4. Virtual Environments

In Python kommen meist Pakete zum Einsatz, die nicht Teil der Standardbibliothek sind, von Dritten entwickelt werden, und manuell nachinstalliert werden müssen. Es kommt durchaus vor, dass sich bestimmte Funktionalitäten oder Ausdrücke von *third-party libraries* in einer neuen Version ändern. Deswegen benötigen einige Anwendungen bestimmte Versionen von externen Programmbibliotheken. So wird es problematisch mit einer einzigen, systemweiten Python Installation mehrere Anwendungen gleichzeitig lauffähig zu halten. Hier kommen sogenannte *virtual environments* zum Einsatz; das heiSSt, für eine spezifische Anwendung wird eine separate, saubere Python Umgebung angelegt, die neben dem systemweiten Python existiert, und in die

ausschlieSSlich für die Anwendung erforderliche Pakete in einer speziellen Version installiert werden. Andere *environments* werden davon nicht beeinflusst.

Pipenv ist ein benutzerfreundliches Tool, mit dem *virtual environments* erstellt und verwaltet werden können. Dieses kann mit pip folgendermaSSen über die Kommandozeile installiert werden:

\$ pip install pipenv

und nach der erfolgreichen Installation ebenfalls über die Kommandozeile gestartet:

```
$ pipenv --help
Usage: pipenv [OPTIONS] COMMAND [ARGS]...
```

Commands:

```
check
           Checks for security vulnerabilities and against PEP 508 markers
           provided in Pipfile.
clean
           Uninstalls all packages not specified in Pipfile.lock.
           Displays currentlyinstalled dependency graph information.
graph
           Installs provided packages and adds them to Pipfile, or (if none
install
           is given), installs all packages.
lock
           Generates Pipfile.lock.
           View a given module in your editor.
open
           Spawns a command installed into the virtualenv.
run
           Spawns a shell within the virtualenv.
shell
           Installs all packages specified in Pipfile.lock.
sync
uninstall Un-installs a provided package and removes it from Pipfile.
update
           Runs lock, then sync.
```

Erscheint eine Fehlermeldung, dass pipenv nicht gefunden wird, kann es alternativ gestartet werden:

```
$ python -m pipenv --help
```

Ein sogenanntes Pipfile ist folgendermaSSen aufgebaut:

```
[[source]]
url = "https://pypi.org/simple"
verify_ssl = true
name = "pypi"

[packages]
pandas = "==0.23.4"

[requires]
python_version = "3.6"
```

Hier werden die Abhängigkeiten für das *virtual environment* definiert, zum Beispiel die spezielle Version 0.23.4 für pandas. Befindet man sich mit der Kommandozeile im Verzeichnis des Pipfiles und führt das Kommando pipenv install aus, wird das *virtual environment* angelegt, und die im Pipfile festgeschriebenen Pakete installiert. Das *environment* selbst wird mit dem Befehl pipenv shell aktiviert. Mit exit kann die Sitzung wieder beendet werden.

1.4 3. Vorhaben

Beck *et al.* (2000) beschäftigen sich in ihrer Arbeit *Improving Quantitative Studies of International Conflict: A Conjecture* mit dem bekannten, aber selten diskutierten Problem der quantitativen Untersuchung internationaler Konflikte, und weisen auf unzufriedenstellende Ergebnisse in der politikwissenschaftlichn Forschung hin. Die Ursachen von Konflikt, so die Autoren, seien theorized to be important but often found to be small or ephemeral, [...] indeed tiny for the vast majority of dyads, but [...] large, stable, and replicable wherever the *ex ante* probability of conflict is large" (21).

Im weiteren Verlauf wird ein aus mehreren Quellen zusammengetragener Datensatz vorgestellt (in Section 1.5.1 *en détail* betrachtet), der insgesamt 23.529 Dyaden durch neun Variablen beschreibt. Dieser wird von Beck *et al.* verwendet, um ein klassisches logistisches Modell, und ein künstliches neuronales Netz zur binären Klassifikation (Konflikt' oder kein Konflikt') von Dyaden zu erstellen. Bei letzterem Modell handelt es sich um a type of discrete choice model that differs from the logit only in the shape of the curve" (25).

Anhand derselben Daten wird im Rahmen dieser Arbeit zunächst eine logistische Regressionsanalyse, einem Klassiker' sowohl in den Sozialwissenschaten, als auch im Machine Learning, durchgeführt, und anschlieSSend ein sogenanntes *Long Short-Term Memory artificial neural network* (Hochreiter *et al.* 1997) trainiert, das in den letzten Jahren zunehmend popularisiert wurde und zahlreiche bahnbrechende Erfolge feierte (einen guten Überblick gibt Lipton *et al.* 2015).

Ziel dieser Arbeit ist es, *Struktur* in den Daten internationaler Konflikte nachzuweisen – und das idealerweise **noch** deutlicher als bereits Beck *et al.*.

1.5 4. Explorativer Blick auf die Daten

Im folgenden Abschnitt wird der von Beck *et al.* (2000) zur Verfügung gestellte Datensatz zunächst *explorativ* analysiert. Das schlieSSt Vorverarbeitungsschritte, die für die anschlieSSende Analyse ebenfalls relevant sind, wie das Einlesen und die Normalisierung des Datensatzes mit ein.

1.5.1 4.1. Datensatz einlesen

Der Datensatz liegt in einer tab-separierten Datei vor, und ist im Verzeichnis data relativ zu diesem Jupyter Notebook gespeichert. Um diese Datei in die Python Umgebung einzulesen, muss zunächst der Pfad definiert werden:

```
In [2]: import pathlib

path = pathlib.Path("data", "BeckKingZeng.tab")
```

Das Modul pathlib ist seit Python 3.4 in der Standardbibliothek enthalten und bietet Klassen an, die Dateisystempfade mit einer für verschiedene Betriebssysteme geeigneten Semantik darstellen. Oft führen Windows-spezifische Pfadangaben (mit Backslash, C:\Users\severin\data) als reiner String auf UNIX-basierten Betriebssystemen zu Komplikationen (und natürlich auch umgekehrt). Deswegen ist es prinzipiell empfehlenswert auf ein Modul wie pathlib zurückzugreifen, um die Reproduzierbarkeit des Codes auf verschiedenen Plattformen möglichst unkompliziert zu halten.

Die Klasse Path nimmt einzelne Komponenten des Pfades als Eingabe (aber auch einen einzigen String wie zum Beispiel "C:\Users\severin\data", dessen Einzelteile automatisch erkannt werden), und gibt ein PosixPath Objekt (oder bei Windows entsprechend WindowsPath) zurück:

```
>>> pathlib.Path("data", "BeckKingZeng.tab")
PosixPath('data/BeckKingZeng.tab')
```

Attribute des Objekts zerlegen den Pfad in einzelne Teile:

```
>>> path.stem
'BeckKingZeng'
>>> path.suffix
'.tab'
```

Jedes Path Objekt hat u. a. beispielsweise auch eine open() Methode, mit dem die Datei geöffnet und gelesen werden kann:

```
>>> with path.open("r", encoding="utf-8") as file:
... data = file.read()
```

Der in der Variable path gespeicherte PosixPath wird jetzt der Funktion read_table() aus dem Paket pandas (das in der Regel als pd importiert wird) übergeben. Diese öffnet die Datei und gibt die Daten in einem DataFrame zurück. Mit der Methode head(n) werden die ersten n Zeilen zurückgegeben.

Hinweis: Die Funktionen einer *Klasse* (objektorientiertes Programmierparadigma) werden per Konvention als Methoden' bezeichnet. Sowohl pathlib.Path.open(), als auch pd.DataFrame.head() ist eine *Methode*, wohingegen z. B. pd.read_table() eine *Funktion* ist.

```
Out[3]:
                          contig ally
                                              sq dema
          year
                    aysm
                                                        demb
                                                              disp
       0 1947 0.962477
                               0
                                     0 -0.087511
                                                    10
                                                                 0
                                                                     1
                                     0 0.591468
       1 1947 0.432808
                               1
                                                          -9
                                                                     1
        2 1947 0.984976
                               0
                                     0 -0.003054
                                                          10
                                                    -9
                                                                 0
       3 1947 0.896463
                               0
                                     0 0.583652
                                                    10
                                                          10
                                                                     1
        4 1947 0.902849
                                     1 0.246667
                                                    10
                                                          10
```

Beck *et al.* (2000) verwenden in ihrer Arbeit das sogenannte *dyad-year design*, und berücksichtigen dabei pairs of essentially contiguous states or with at least one major power" (28). Der Datensatz umfasst insgesamt 23.529 *dyad-years* von 1947 bis 1989, die, neben der Jahrangabe, durch folgende acht Variablen beschrieben werden (ebd.):

- **ally**: Is allied in defense pacts, neutrality pacts, or ententes.
- asym: Imbalance of power within the dyad (vgl. Ray et al. 1973).
- **contig**: Whether the dyad contains geographically contiguous countries.
- **dema** und **demb**: Degree of democratization of the dyad.
- **disp**: Militarized interstate dispute, or not.
- py: Number of years since the last conflict.

• **sq**: Similarity of state preferences between two partners.

We divided the data into an in-sample training set, 1947-85, which we use to fit the model, and a test/validation set, 1986-89, which was used only once to evaluate the forecasts" (Beck *et al.* 2000, 28). Aus diesem Grund werden die Daten ab 1986 zunächst verworfen. Wie genau die Modelle evaluiert werden, wird im späteren Verlauf geklärt.

```
In [4]: data = data[data["year"] < 1986]</pre>
```

Für die geplante Analyse wird auch die Spalte year verworfen (irrelevant, da der Klassifikator unabhängig von einer Jahreszahl Vorhersagen machen soll), und jene Werte, die einen *militarized interstate dispute* (MID) angeben oder nicht, separat behandelt. Die verbleibenden sieben Features werden als X gespeichert:

```
In [5]: X = data.loc[:, ["aysm", "contig", "ally", "sq", "dema", "demb", "py"]]
       X.head(5)
Out [5]:
              aysm contig ally
                                       sq dema
                                                 demb
                                                       ру
       0 0.962477
                         0
                              0 -0.087511
       1 0.432808
                         1
                               0 0.591468
       2 0.984976
                         0
                               0 -0.003054
                                                   10
                                             -9
                                                        1
       3 0.896463
                         0
                              0 0.583652
                                             10
                                                   10
                                                        1
       4 0.902849
                         1
                               1 0.246667
                                             10
                                                   10
                                                        1
```

Was macht .loc mit dem DataFrame? In Python kann mit der builtin Funktion help() auf die Dokumentation eines Pakets, Moduls, Funktion bzw. Methode, oder Klasse zugegriffen werden:

Mit .loc kann also, basierend auf Labels (Spalten- oder Indexnamen), indiziert werden. Dafür wird in einer eckigen Klammer zuerst auf den Zeilenindex, und nach dem Komma auf den Spaltenindex zugegriffen. Der Doppelpunkt bedeutet, dass *alles* indiziert wird, mit der Liste wird eine Auswahl getroffen.

Auf einzelne Spalten kann direkt mit dem entsprechenden Label in einer eckigen Klammer zugegriffen werden:

Exkurs: Zwei grundlegende Datenstrukturen von pandas

Bei pandas gibt es DataFrames und Series, wobei Ersteres 2-dimensional, Letzteres 1-dimensional ist. Die Datenstruktur einer Spalte eines DataFrames ist eine Series. Wird also wie oben eine einzelne Spalte ausgewählt, erhält man eine Series:

```
>>> type(X)
pandas.core.frame.DataFrame
>>> type(Y)
pandas.core.series.Series
```

Die Bibliothek pandas baut auf NumPy auf, einem Python Paket für wissenschaftliches Rechnen, das sehr effizient und in groSSen Teilen in der Programmiersprache C implementiert ist. NumPy verfügt selbst über eine eigene Datenstruktur, sogenannte ndarrays', auf die über das Attribut values einer Series oder eines DataFrames zugegriffen werden kann:

Exkurs: Strings formatieren

Ab Python 3.6 gibt es sogenannte f-strings'. Wird ein kleines f vor den Anführungszeichen geschrieben, wird der Inhalt in geschweiften Klammern als Programmcode interpretiert und ausgeführt. Alternativ kann die format() Methode eines Strings verwendet werden:

```
>>> f"1 + 1 = {1 + 1}"
'1 + 1 = 2'
>>> "1 + 1 = {ergebnis}".format(ergebnis=1 + 1)
'1 + 1 = 2'
```

Das Attribut shape enthält Informationen bezüglich Dimensionalität eines *ndarrays* (das schlieSSt auch Series und DataFrames mit ein):

1.5.2 4.2. Normalisierung

Die Standardabweichung (siehe unten, berechnet mit der Methode std() des ndarrays) ist mit 7,9 sehr hoch und rührt daher, dass die einzelnen Features verschiedene Skalen verwenden und entsprechend variierende numerische Grenzen haben. Ohne Normalisierung würden Features

mit mehr oder weniger zufällig hohen Zahlenwerten *ungewollt* groSSen Einfluss auf die Vorhersage des Klassifikators nehmen. Mithilfe des MinMaxScaler aus dem Paket scikit-learn wird der Datensatz normalisiert. Der kleinste Wert im Datensatz wird als 0, der gröSSte Wert als 1 kodiert. Alle Zahlen dazwischen nehmen einen entsprechenden Wert zwischen 0 und 1 an.

Die Standardabweichung des normalisierten Datensatzes beträgt jetzt nur noch etwa 0,4:

```
In [11]: X.std()
Out[11]: 0.4089751710925768
```

1.5.3 4.3. Dimensionsreduzierung

Der Datensatz X ist 7-dimensional (weil eine Instanz durch 7 Variablen bzw. Features dargstellt wird), und kann in dieser From nicht (oder schwierig) visualisiert werden. Nachfolgend kommt ein Verfahren zum Einsatz, das die Datenpunkte in einem 2-dimensionalen Raum einbettet, der schlieSSlich in einem 2-dimensionalen Scatterplot dargestellt werden kann.

Dieser Schritt hat mit dem anschlieSSenden Machine Learning *per se* nichts zu tun, sondern ist lediglich für die Visualisierung des Datensatzes erforderlich.

1.5.4 4.3.1. T-Distributed Stochastic Neighbor Embedding

Der von Maaten *et al.* (2008) vorgeschlagene Algorithmus *T-distributed Stochastic Neighbor Embedding* (t-SNE) eignet sich für die Einbettung und Visualisierung hochdimensionaler Objekte in einem zwei- oder dreidimensionalen Raum.

Der Algorithmus besteht aus zwei grundlegenden Schritten (ebd., 2587): 1. Es wird eine Wahrscheinlichkeitsverteilung über Paare der hochdimensionalen Datenpunkte berechnet, dass ähnliche Datenpunkte eher zusammen ausgewählt werden, als unähnliche. 2. Eine zweite Wahrscheinlichkeitsverteilung wird über die Datenpunkte im tiefdimensionalen Raum berechnet, welche die Kullback-Leibler-Divergenz (Kullback, Leibler 1951) zwischen den zwei Verteilungen minimiert.

Der Algorithmus ist im Modul manifold von scikit-learn implementiert:

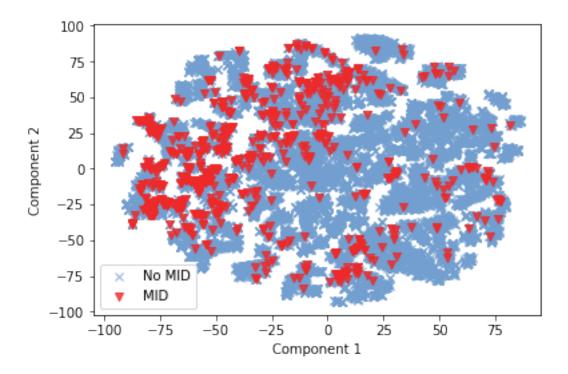
```
In [12]: from sklearn import manifold
    tsne = manifold.TSNE(random_state=42)
    embedding = tsne.fit_transform(X)
```

Nachfolgend wird eine Funktion (mit dem Schlüsselwort def) definiert, die das Ergebnis der Dimensionsreduzierung (embedding), sowie das Array mit den Klassenlabels als Argument nimmt. Da der Befehl %matplotlib inline in der folgenden Zelle ausgeführt wird, wird die Grafik automatisch im Jupyter Notebook angezeigt.

```
In [13]: import numpy as np
         import matplotlib.pyplot as plt
         %matplotlib inline
         def plot_tsne(embedding, Y):
             fig, ax = plt.subplots()
             ax.scatter(embedding[np.where(Y == 0), 0],
                        embedding[np.where(Y == 0), 1],
                        marker="x",
                        color="#729FCF",
                        linewidth="1",
                        alpha=0.8,
                        label="No MID")
             ax.scatter(embedding[np.where(Y == 1), 0],
                        embedding[np.where(Y == 1), 1],
                        marker="v",
                        color="#EF2929",
                        linewidth="1",
                        alpha=0.8,
                        label="MID")
             ax.set_xlabel("Component 1")
             ax.set_ylabel("Component 2")
             ax.legend(loc="best")
             return ax
```

In der Grafik werden zwar Gruppen gebildet, homogene Cluster aus den zwei Klassen sind aber nicht zu erkennen:

```
In [14]: ax = plot_tsne(embedding, Y)
```



1.6 5. Klassifikation

In diesem Teil der Arbeit wird dokumentiert, wie zwei Klassifikatoren mit den Daten von Beck *et al.* (2000) trainiert werden, um *dyad-years* als MID oder nicht-MID zu klassifizieren. Hier soll in erster Linie aufgezeigt werden, welche Verbesserungen den jüngsten Entwicklungen im Bereich Deep Learning, im Vergleich zu klassischen maschinellen Lernalgorithmen, zu verdanken sind. Dafür wird bewusst auf eine *k-fold cross validation* bei der Evaluation verzichtet, und zwei Modelle, ein neuronales Netz und eine logistische Regression, mit identischen Trainings- und Testdaten erstellt bzw. evaluiert, um aufzuzeigen, inwiefern die Qualität der Vorhersage durch Deep Learning gesteigert werden kann.

1.6.1 5.1. Eine theoretische Annäherung an LSTM Netzwerke

Ein künstliches neuronales Netz setzt sich aus einem *input layer*, einem oder mehreren *hidden layer*, und einem *output layer* zusammen. Ein *layer* besteht aus Neuronen, das heiSSt aus separaten Einheiten, die speziell gewichtet sind. Diese Gewichte werden während des Trainings ermittelt und entscheiden schlieSSlich über die Vorhersage des Modells. Die Neuronen eines *layers* sind mit allen Neuronen des bzw. den nächsten *layer* verbunden; so flieSSt Information, das heiSSt die Eingabedaten, durch das künstliche neuronale Netz.

Der *input layer* verfügt über eine festgelegte Zahl an Neuronen, nämlich so viele, wie die Trainingsdaten Dimensionen haben. Ebenso der *output layer*, der, im Fall einer Klassifikation, so viele Neuronen hat, wie es Klassen gibt. Die Zahl der Neuronen der *hidden layer* ist variabel und sollte im Rahmen der Hyperparameteroptimierung ermitelt werden; je mehr, desto mächtiger wird das Modell, aber desto rechen- und zeitinesiver wird der Trainingsvorgang (das hier vorgestellte LSTM benötigt, auf insgesamt vier CPUs, etwa 20 Minuten).

In der nachfolgenden Abbildung wird die Architektur des hier vorgestellten Netzwerks dargestellt:

```
<img src="data/img/lstm.png" width="600px">
```

Der *input layer* besteht aus insgesamt sieben (entsprechend den Trainingsdaten), der *output layer* aus zwei (binäre Klassifikation) Neuronen. Sowohl der LSTM (erster *hidden layer*), als auch der zweite und letzte *hidden layer* bestehen aus 512 Neuronen, die, wie bereits beschrieben, schichtweise miteinander verbunden sind.

Ein entscheidender Vorteil an einem LSTM, bzw. recurrent neural networks generell, ist die Beständigkeit von Information durch mehrere Schichten; traditionelle künstliche neuronale Netze vergessen' ursprüngliche Eingaben über mehrere Zeitschritte hinweg. Das heiSSt, ein LSTM verarbeitet die Eingabe über mehrere Zeitschritte, springt zurück an den Anfang, und korrigiert die Fehler, die sich in einem späteren Zeitschritt herausgestellt haben (vgl. grüner und roter Pfeil in der Grafik).

1.6.2 5.2. Trainings- und Testdaten

Um die Performanz des Modells zu evaluieren, wird der Datensatz in Trainings- und Testdaten, hier im Verhältnis 80:20, aufgeteilt. Das Modell wird zunächst mit den Trainingsdaten trainiert, und anschlieSsend mit den (unbekannten) Testdaten evaluiert. Um den Datensatz aufzuteilen, wird eine Funktion aus dem model_selection Modul von scikit-learn verwendet:

1.6.3 5.3. Klassifikator 1: Logistische Regression

Eine logistische Regressionsanalyse dient dazu, ein Modell für die Wahrscheinlichkeit des Eintretens eines bestimmten Ereignisses zu erstellen, das heiSSt in diesem Fall ein *dyade-year* wird als MIT oder nicht-MIT klassifiziert. Einfluss auf die Klassifikation haben die sieben, zuvor beschriebenen unabhängigen Variablen.

Dieses Verfahren ist eines der statistischen Standardanalysemodelle in den Sozialwissenschaften, und im Paket scikit-learn implementiert:

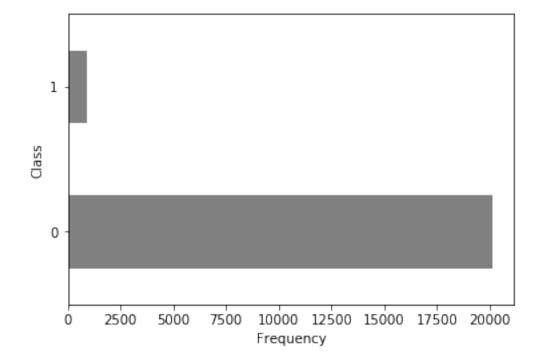
Die Qualität des Klassifikators ist *prima facie* sehr hoch, da fast 96% der Testdaten korrekt klassifiziert werden. Dazu wird die Funktion accuracy_score verwendet, die den Goldstandard (y_test) und die Vorhesage des Modells (y_pred) als Eingabe nimmt:

Bei näherer Betrachtung der Vorhersage fällt aber auf, dass ausschlieSSlich Klasse 0 (also kein Konflikt) prognostiziert wird:

```
In [19]: print("Vorhergesagte Klassen:", np.unique(y_pred))
Vorhergesagte Klassen: [0]
```

Zum selben Ergebnis sind auch Beck *et al.* (2000, 29) mit ihrem logistischen Modell gekommen. In diesem Fall ist die Accuracy des Modells sehr kritisch zu behandeln. Um eine Instanz stets derselben Klasse zuzuordnen, muss kein maschineller Lernalgorithmus trainiert werden. Der sehr hohe Accuracy Wert ist in diesem Fall irreführend und *falsch*.

Werden die Labels der Testdaten gezählt wird klar, dass Klasse 1 stark unterrepräsentiert ist:



1.6.4 5.4. Arbeiten mit unsymmetrischen Datensätzen

Unsymmetrische Trainings- und Testdaten sind nur je nach Anwendung problematisch. Angenommen die Realität *und* die Daten implizieren, dass in 99,9% aller Fälle A eintritt, und B nur in 0,01%, wird der Klassifikator vermutlich *immer* A vorhersagen – was korrekt und erstrebenswert ist. In einem Anwendungsfall wie diesem interessieren wir uns aber in erster Linie nicht für eine korrekte Prognose, sondern *warum* ein Fall eintritt. Die Verzerrung durch die unsymmetrische Verteilung wird also problematisch.

Es gibt zwei gängige Methoden, um den Datensatz zu entzerren:

- 1. **Oversampling**: Objekte aus der *unterrepräsentierten* Klasse werden dupliziert oder synthetisch generiert (Duplikate werden zum Beispiel minimal geändert).
- 2. **Undersampling**: Ojekte aus der *überrepräsentierten* Klasse werden verworfen, dass beide Klassen (ungefähr) symmetrisch verteilt sind.

Da in der unterrepräsentierten Klasse insgesamt 892 Objekte sind, was für das Erstellen eines Klassifikators theoretisch ausreichend ist, und synthetische Objekte prinzipiell problematisch sind (entsprechen nicht zwangsläufig der Realität), wird die überrepräsentierte Klasse *undersampled*.

Dafür werden aus den ürsprünglichen Daten Objekte beider Klassen in separaten Variablen gespeichert:

1.6.5 5.4.1. Undersampling mit k-Means

Um möglichst heterogene Datenpunkte aus der überrepräsentierten Klasse zu behalten, wird diese mit dem sogenannten *k-Means Algorithmus* in insgesamt 2000 Gruppen (also immer noch mehr als das Doppelte der unterrepräsentierten Klasse) geclustert. Das heiSSt, ähnliche Objekte befinden sich im selben Cluster. Übernommen werden jetzt ausschlieSSlich die Clusterzentren.

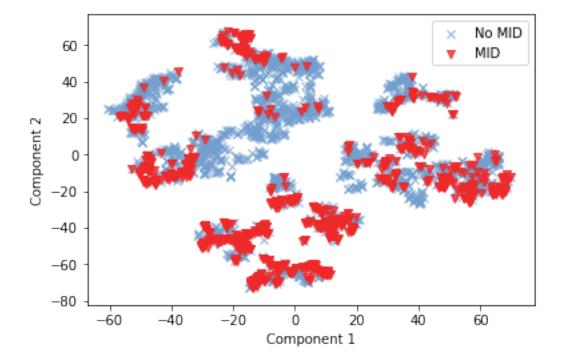
Erneut wird die Implementierung von scikit-learn verwendet:

Die Daten müssen auch jetzt wieder normalisiert werden:

Der weitaus kleinere Datensatz kann nun erneut in einen 2-dimensionalen Raum eingebettet werden:

Wieder haben sich Cluster gebildet, die zwar diesmal deutlich homogener sind, aber auch jetzt kein klassenspezifisches Muster erkennen lassen:

```
In [31]: ax = plot_tsne(embedding, Y)
```



Der Datensatz wird auch in Trainings- und Testdaten im Verhältnis 80:20 aufgeteilt. Es ist durchaus gefährlich, wie bei Beck *et al.* (2000) geschehen, einen Klassifikator mit stark unsymmetrischen Daten zu testen (alle Instanzen ab 1986 – inwiefern unsymmetrisch, ist der Tabelle in Section ?? zu entnehmen), da so unter Umständen Schwächen des Modells, eine oder mehrere Klassen korrekt vorherzusagen, unbemerkt bleiben.

print(f"Testdaten: {x_test.shape[0]}, ebenfalls mit {x_test.shape[1]} Features.")

Traingsdaten: 2313, mit 7 Features.
Testdaten: 579, ebenfalls mit 7 Features.

Und wieder wird eine logistische Regressionsanalyse durchgeführt. Diesmal mehrmals mit variierenden Parameter für C.

Je gröSSer C, desto komplexer das Modell, desto gröSSer die Gefahr des *overfitting* (bzw. *underfitting* bei kleinen Werten).

Offenbar liefert der Wert 1 für C die besten Ergebnisse:

```
In [35]: pd.DataFrame(accuracies)
Out[35]:
                              0.01
                  0.001
                                        0.1
                                                              10
                                                                       100
                                                                                1000
                0.701209 0.718480 0.775475 0.785838 0.782383 0.782383 0.780656
         test
        train 0.689148 0.727626 0.782534 0.795936 0.794639 0.795504 0.795504
In [36]: regression = linear model.LogisticRegression(C=1)
        regression.fit(x_train, y_train)
Out[36]: LogisticRegression(C=1, class_weight=None, dual=False, fit_intercept=True,
                   intercept_scaling=1, max_iter=100, multi_class='ovr', n_jobs=1,
                  penalty='12', random_state=None, solver='liblinear', tol=0.0001,
                  verbose=0, warm_start=False)
In [37]: y_pred = regression.predict(x_test)
  Jetzt ist die Accuracy zwar gesunken:
In [38]: metrics.accuracy_score(y_test, y_pred)
Out[38]: 0.7858376511226253
```

Diesmal werden aber beide Klassen vorhergesagt:

```
In [39]: print("Vorhergesagte Klassen:", np.unique(y_pred))
Vorhergesagte Klassen: [0 1]
    In einem realistischen Verhältnis:
In [40]: collections.Counter(y_pred)
Out[40]: Counter({0: 444, 1: 135})
```

1.6.6 5.5. Klassifikator 2: Künstliches neuronales Netz

Der zweite Klassifikator, ein künstliches neuronales Netz, wird mithilfe von keras, einer high-level neural networks API, mit den identischen Daten trainiert und evaluiert. Im Backend wird die von Google entwickelte Bibliothek TensorFlow verwendet.

Der Datensatz muss erneut vorbereitet werden, da ein LSTM die Eingabe, anders als eine klassische logistische Regression, in einem 3-dimensionalen, und die Labels in einem 2-dimensionalen Format erwartet.

Zunächst werden folgende Grundbegriffe eingeführt und erläutert:

- **Activation**: Eine sogenannte Aktivierungsfunktion, von der abhängt, welche Ausgabe ein *hidden node* produziert.
- **Dropout**: Eine Regularisierungstechnik, die darauf abzielt, die Komplexität des Modells zu reduzieren, um Overfitting vorzubeugen.
- Dense: Ein layer, bei der jedes Neuron mit jedem Neuron im nächsten layer verbunden ist.
- **Optimizer**: Optimierungsalgorithmen helfen, die Verlustfunktion, die von den internen lernfähigen Parametern abhängt, zu minimieren.
- Timesteps: Die Zahl der Schritte, die das LSTM zurückgehen soll, um Fehler zu korrigieren.
- **Hidden nodes** oder **units**: Die Zahl der Neuronen eines *layers*. Je gröSSer diese Zahl, desto *mächtiger* wird das neuronale Netz, desto mehr Parameter werden gelernt, desto rechen- und zeitintensiver wird das Training.
- Layer: Ein künstliches neuronales Netz besteht aus *Schichten*. Wenn es mehr als zwei Schichten gibt, spricht man von einem *deep neural network*.
- **Input dimension**: Die Dimensionen der Eingabedaten in diesem Fall 7, weil eine Instanz duch 7 Features dargestellt wird.
- **Batch size**: Definiert die Anzahl der Samples, die auf einmal durch das Netzwerk getrieben werden.
- **Epoch**: *Alle* Trainingsdaten werden einmal vorwärts, und einmal rückwärts durch das Netzwerk getrieben, normalerweise nicht komplett auf einmal, sondern in *batches*.
- **Learning rate**: Gibt an, wie sehr die Gewichte pro *batch* aktualisiert werden, und wird im *optimizer* definiert.

```
x_test = x_test.reshape(x_test.shape[0], timestep, x_test.shape[1])
y_train = np_utils.to_categorical(y_train, 2)
y_test = np_utils.to_categorical(y_test, 2)
return x_train, x_test, y_train, y_test
```

Using TensorFlow backend.

Shape Labels: (2313, 2)

In der Funktion preprocess_data() werden die Daten in die passende Form gebracht:

In der Funktion construct_model() wird die Architektur des künstlichen neuronalen Netzes festgelegt (vgl. Abbildung in Section ??). Das Modell wird kompiliert zurückgegeben und verwendet als Verlustfunktion die mittlere quadratische Abweichung (MSE) und als EvaluationsmaSS die Accuracy.

```
In [43]: from keras.models import Sequential
         from keras.layers import LSTM, Dense, Dropout, Activation
         from keras.optimizers import Adam
         def construct_model(input_shape, output_units):
             model = Sequential()
             model.add(LSTM(units=512, input_shape=input_shape, name="Input"))
             model.add(Activation("relu", name="ActivateInput"))
             model.add(Dropout(rate=0.026079803111884514, name="DropoutInput"))
             model.add(Dense(units=512, name="HiddenLayer"))
             model.add(Activation("linear", name="ActivateHiddenLayer"))
             model.add(Dropout(rate=0.4371162594318422, name="DropoutHiddenLayer"))
             model.add(Dense(units=output_units, name="Output"))
             model.add(Activation("softmax", name="ActivateOutput"))
             optimizer = Adam(lr=0.005)
             model.compile(loss="mse", optimizer=optimizer, metrics=["accuracy"])
             return model
```

Alle Komponenten haben bereits bestimmte Parameter eingestellt. Diese sogenannten Hyperparameter wurden Schritt für Schritt mithilfe des Pakets hyperas optimiert.

Für jeden zu optimierenden Hyperparameter wird eine Reihe von möglichen Werten eingesetzt, hyperas trainiert mehrere Modelle, vergleicht das Ergebnis des MSE und der Accuracy, und gibt den Parameter zurück, der zu den besten Ergebnisse geführt hat. Die Syntax für die Optimierung der Aktivierungsfunktion ist beispielsweise folgende:

```
model.add(Activation({{choice(["softmax", "linear", "relu", "sigmoid"])}}))
```

hyperas interpretiert die Werte in den geschweiften Klammern als Parameterwerte und erstellt entsprechend vier Modelle.

Hier wird nun das Modell definiert mit einem Timestep von 1, einer Eingabedimension von 7, und einer Ausgabedimension von 2:

Mit der Methode summary() kann eine Zusammenfassung der Netzarchitektur ausgegeben werden. In dem Modell werden insgesamt 1.328.642 Parameter gelernt:

In [45]: lstm.summary()

Layer (type)	Output	Shape	Param #
Input (LSTM)	(None,	512)	1064960
ActivateInput (Activation)	(None,	512)	0
DropoutInput (Dropout)	(None,	512)	0
HiddenLayer (Dense)	(None,	512)	262656
ActivateHiddenLayer (Activat	(None,	512)	0
DropoutHiddenLayer (Dropout)	(None,	512)	0
Output (Dense)	(None,	2)	1026
ActivateOutput (Activation)	(None,	2)	0
Total params: 1,328,642 Trainable params: 1,328,642 Non-trainable params: 0			

Jetzt wird das künstliche neuronale Netz trainiert. Wenn das Argument verbose auf 1 gesetzt ist, wird der Zustand der aktuellen Epoch ausgegeben. Die *batch size* wurde auf 16 festgelegt (dieser Wert wurde im Rahmen der Hyperparameteroptimierung ermittelt). Als Validierungsdaten wird das Testdatenset, wie bei der logistischen Regression, übergeben:

Das fertige Modell kann mit der entsprechenden Methode gespeichert:

```
>>> lstm.save("model.h5")
  oder wieder geladen werden:
>>> from keras.models import load_model
>>> lstm = load_model("model.h5")
```

25%

Das fertige Modell kann über diesen Link heruntergeladen werden (~16MB).

Der MSE und die Accuracy für Trainings- und Testdaten wurde nach jeder Epoch gespeichert und können über das Attribut history eingesehen werden:

acc

```
In [47]: history = pd.DataFrame(history.history)
       history.describe()
Out [47]:
               val loss
                          val acc
                                         loss
        count 100.000000 100.000000 100.000000 100.000000
              0.110439 0.843022
       mean
                                     0.102828 0.858240
        std
               0.011639
                          0.017224
                                     0.012527
                                                0.018136
       min
               0.092449 0.796200 0.088126 0.774319
```

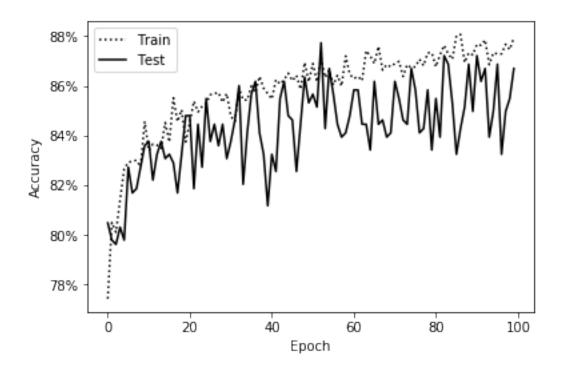
0.101386 0.832470 0.094712 0.853329 50% 0.108221 0.844560 0.098826 0.862732 75% 0.116251 0.854922 0.107123 0.870082 0.158943 0.147540 0.877375 0.880674 max

Damit kann gezeigt werden, wie das künstliche neuronale Netz nach jeder Epoch besser wird:

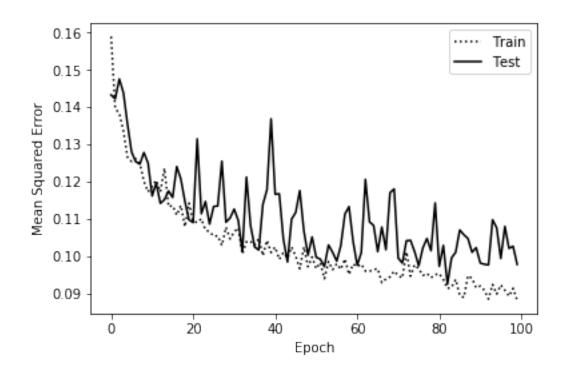
```
In [48]: def plot_history(data, measure):
             if measure == "accuracy":
                 cols = ["acc", "val_acc"]
                 ylabel = "Accuracy"
             elif measure == "loss":
                 cols = ["loss", "val loss"]
                 ylabel = "Mean Squared Error"
             data = data.loc[:, cols]
             data.columns = ["Train", "Test"]
             ax = data.plot(style=[":", "-"], color="black")
             ax.set_xlabel("Epoch")
             ax.set ylabel(ylabel)
             if measure == "accuracy":
                 ax.set_yticklabels(["{:,.0%}".format(tick) for tick in ax.get_yticks()])
             return ax
```

Accuracy

```
In [49]: ax = plot_history(history, measure="accuracy")
```



MSE
In [50]: ax = plot_history(history, measure="loss")



1.6.7 6. Performance im Vergleich

In dem letzten inhaltlichen Teil der Arbeit wird zunächst die Performance der zwei trainierten Klassifikatoren gegenüber gestellt, und anschlieSSend mit den Ergebnissen von Beck *et al.* (2000) verglichen.

1.6.8 6.1.1. LSTM und logistische Regression

Dafür werden zunächst Wahrscheinlichkeiten für die Testdaten vorhergesagt:

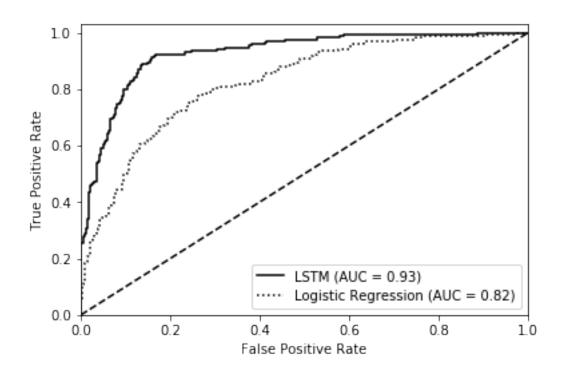
Und anschlieSend eine Funktion definiert, die eine sogenannte ROC Kurve visualisiert und den AUC Wert berechnet.

Exkurs: ROC und AUC

Die Receiver-Operating-Characteristic-Kurve (oder: ROC-Kurve) setzt die True-Positive mit der False-Positive Rate eines Klassifikators in Relation, und beschreibt somit die Performanz bzw. die Qualität der Prognosen. Die Fläche unterhalb der Kurve, die *area under curve* (AUC), beschreibt die Qualität der Vorhersagen in einer einzigen Zahl, die zwischen 0 und 1 liegt.

```
In [52]: def plot_roc_auc(y_scores):
    fig, ax = plt.subplots()
    ax.plot([0, 1], [0, 1], "--", color="black")
    for marker, model in zip(["-", ":"], y_scores):
        y_score, y_test = y_scores[model]
        fpr, tpr, _ = metrics.roc_curve(y_test, y_score)
        auc = metrics.auc(fpr, tpr)
        ax.plot(fpr, tpr, color="black", linestyle=marker, label=f"{model} (AUC = {rotax.legend(loc="best")}
        ax.set_xlabel("False Positive Rate")
        ax.set_ylabel("True Positive Rate")
        ax.set_xlim([0.0, 1.0])
        ax.set_ylim([0.0, 1.03])
        return ax
```

Wie zu erkennen ist, macht das LSTM mit einem AUC Wert von 0,93 bessere Prognosen als die logistische Regression.



1.6.9 6.1.2. Beck et al. und die hier vorgestellten Klassifikatoren

Beck *et al.* (2000) bewerten ihre Modelle anhand der Genauigkeit der Prognosen. Dafür teilen sie den gesamten Datensatz nach Klassen auf, und machen für verschiedene Zeitperioden Vorhersagen, die evaluiert werden. Das schlieSSt sowohl deren Trainingsdaten (1947-1985), als auch Testdaten (1986-1989) ein. Das *logit model* hat eine durchschnittliche Genauigkeit von 50%, das neuronale Netz 62%.

Der untenstehenden Tabelle sind die Werte der hier vorgestellten, neuen Modelle zu entnehmen.

```
<b>NN (Beck _et al._)</b>
```

Logit (Simmler)

LSTM (Simmler)

 $\t < b > Number of 1s $

Logit (Beck _et al._)

NN (Beck _et al._)

Logit (Simmler)

LSTM (Simmler)

Number of Os

1947-85

0

25,3

57,85

70,85

892

100

99,58

89,61

80,6

20.155

<

0

18,5

55,56

77,78

27

100

99,83

93,66

84,08

584

<

0

14,3

53,57

71,43

28

100

98,98

93,19

85,52

587

<

0

23,1

84,62

```
92,3
13
100
99,34
91,46
82,76
609
0
12,5
62,5
87,5
16
100
99,51
92,07
82,85
618
<b>1986-89</b>
0
16,7
57,14
78,57
84
100
99,42
92,49
83,53
2.398
<
0
24,6
59,02
72,74
976
100
99,57
89,19
80,02
22.553
```

Hier hat die logistische Regression eine durchschnittliche Accuracy von 74%, das LSTM hingegen *nur* 76%. Beide Modelle sind durch den Ausgleich der unsymmetrischen Trainingsdaten überraschend gut, in jedem Fall deutlich besser als die Ergebnisse von Beck *et al.*. Besonders interessant ist, dass die logistische Regression bessere Vorhersagen für Frieden, und das LSTM bessere Vorhersagen für Konflikt macht.

Ein binärer Klassifikator ist wertvoller, wenn er, wie das LSTM und im Grunde auch die hier vorgestellte logistische Regression, für *beide* Klassen ungefähr gleichwertige Ergebnisse liefert, statt für eine Klasse (nahe) 100% Accuracy, und für die andere deutlich unter 50%.

1.6.10 7. Fazit

Ziel dieser Arbeit war es, Struktur in den Daten internationaler Konflikte nachzuweisen. Dafür wurden Daten und Ansatz von Nathaniel Becks, Gary Kings und Langche Zengs Aufsatz *Improving Quantitative Studies of International Conflict: A Conjecture* aus dem Jahr 2000 adaptiert – und verbessert. Durch den Ausgleich der stark unsymmetrische Datengrundlage mithilfe eines Clustering Algorithmus, konnten sowohl mit einer logistischen Regression, als auch mit einem künstlichen neuronalen Netz, einem LSTM, ein *deutlich* zuverlässigeres Modell erstellt werden.

Es gibt nun eine ganze Reihe von Möglichkeiten die Experimente fortzusetzen, beispielsweise könnte untersucht werden, ob das LSTM mit mehr Schichten und/oder einer erneuten Hyperparameteroptimierung an Accuracy gewinnt, oder ob ein ganz simples neuronales Netz mit nur einem *hidden layer* gleiche oder bessere Ergebnisse liefert. Eine weiterer Ansatz wäre, die Daten anders auszuwählen (zufällig statt den Zentren der Cluster), oder doch den gesamten Datensatz zu verwenden, die Instanzen aber beim Training entsprechend zu gewichten.

1.6.11 8. Anhang

1.6.12 8.1. Selbstständigkeitserklärung

Hiermit versichere ich, Severin Simmler, 2028090, dass ich die vorliegende Arbeit selbstständig verfasst, keine anderen als die angegebenen Quellen und Hilfsmittel benutzt und die Prüfungsleistung bisher oder gleichzeitig keiner anderen Prüfungsbehörde vorgelegt habe. Alle Stellen, die anderen Werken dem Wortlaut oder dem Sinn nach entnommen sind, habe ich einzeln durch Angaben der Quelle, auch der benutzten Sekundärliteratur, als Entlehnung kenntlich gemacht.