

**TRI D'UN TRAVAUX,
RECHERCHE D'UN ÉLÉMENT**

TRI

- Etant donné une collection d'entier placés dans un tableau. L'idée fondamentale est de trier le tableau dans l'ordre croissant.
- Les opérateurs de comparaison (\leq , \geq , $>$, $<$, ...) sont activement utilisés.
- On peut citer quelques algorithmes de tris:
 - Tris élémentaires (tris naïfs)
 - Tri par insertion
 - Tri par sélection
 - ...
 - Tris avancés (Diviser pour régner)
 - Tri fusion
 - Tri rapide
 - ...

TRI

PAR INSERTION

Le tri par insertion consiste à pré-trier une liste afin d'entrer les éléments à leur bon emplacement dans la liste triée. à l'itération i , on insère le i -ième élément à la bonne place dans la liste des $i-1$ éléments qui le précède.

❑ Principe:

- On commence par comparer les deux premiers éléments de la liste et de les trier dans un ordre;
- puis un troisième qu'on insère à sa place parmi les deux précédents;
- puis un quatrième qu'on insère à sa place parmi les trois autres;
- ainsi de suite jusqu'au dernier.

TRI

PAR INSERTION

Considérons un tableau d'entiers de n éléments à trier.

❑ Algorithme

Pour (i allant de **2** à **n**) faire

$j \leftarrow i$;

tampon \leftarrow tab[**i**] ;

 Tant que (**$j > 1$** ET tab[**$j-1$**] > **tampon**) faire

 Tab[**j**] \leftarrow tab[**$j-1$**];

$j \leftarrow j-1$;

 Fin tant que

 Tab[**j**] \leftarrow **tampon**;

Fin pour

❑ Complexité

Pour apprécier la complexité de cet algorithme, il suffit d'analyser le nombre de comparaisons effectué ainsi que le nombre d'échange lors du tri. On remarque qu'il s'exécute en $\Theta(n^2)$.

$$\text{➤ } n(1 + 2 + 3 + \dots + n) = n(1 + 2 + \dots + n) = n \cdot \frac{n(n+1)}{2} \rightarrow \Theta(n^2)$$

TRI

PAR SÉLECTION

Le tri par sélection consiste à rechercher le minimum parmi les éléments non triés pour le placer à la suite des éléments déjà triés.

□ Principe:

- Il suffit de trouver le plus petit élément et le mettre au début de la liste;
- Ensuite, de trouver le deuxième plus petit et le mettre en seconde position;
- Puis, de trouver le troisième plus petit élément et le mettre à la troisième place;
- Ainsi de suite jusqu'au dernier.

TRI

PAR SÉLECTION

Considérons un tableau d'entiers de n éléments à trier.

❑ Algorithme

```
Pour (i allant de 1 à n-1) faire
  Pour (j allant de i+1 à n) faire
    Si (Tab[i] > tab[j]) alors
      tampon ← tab[i];
      tab[i] ← tab[j];
      tab[j] ← tampon;
    Fin Si
  Fin pour
Fin pour
```

❑ Complexité

On remarque qu'il s'exécute en $\Theta(n^2)$.

TRI

PAR FUSION

Le tri par fusion consiste à fusionner deux tableaux triés pour former un unique tableau trié. Il s'agit d'un algorithme “diviser-pour-régner”.

□ Principe:

❖ Etant donné un tableau $\text{tab}[n]$:

- si $n = 1$, retourner le tableau tab ;
- Sinon:
 - ✓ Trier le sous-tableau $\text{tab}[1 \dots n/2]$;
 - ✓ Trier le sous-tableau $\text{tab}[n/2 + 1 \dots n]$;
 - ✓ Fusionner ces deux sous-tableaux...

TRI

PAR FUSION

Considérons un tableau d'entiers de n éléments à trier.

□ Algorithme

[Devoir maison]

□ Complexité

On remarque qu'il s'exécute en $\Theta(n \log_2 n)$ opérations.

TRI

RAPIDE

Le tri rapide ou encore tri de Hoare (du nom de l'inventeur) est aussi un tri basé sur le principe "diviser-pour-régner".

□ Principe:

- Il consiste à placer un élément du tableau (le pivot) à sa place définitive, en permutant tous les éléments qui lui sont inférieurs à gauche et ceux qui lui sont supérieurs à droite (le **partitionnement**).
- Pour chacun des sous-tableaux, on définit un nouveau pivot et on répète l'opération de partitionnement.

TRI

RAPIDE

Considérons un tableau d'entiers de n éléments à trier.

□ Algorithme

[Devoir maison]

□ Complexité

On remarque qu'il s'exécute en $\Theta(n^2)$ dans le pire des cas. Mais elle peut être en $\Theta(n \log_2 n)$ en moyenne.

RECHERCHE D'UN ÉLÉMENT

RECHERCHE LABORIEUSE

Soit x l'élément à rechercher dans un tableau t de n entiers.

❑ Principe:

- On parcourt complètement le tableau et pour chaque élément, on teste l'égalité avec x .
- En cas d'égalité, on mémorise la position.

❑ Algorithme

.....

$indice \leftarrow 0$;

Pour i allant de 1 à n faire

 Si ($t[i]=x$) alors

$indice \leftarrow i$;

 Fin Si

Fin Pour

retourner $indice$;

.....

RECHERCHE D'UN ÉLÉMENT

RECHERCHE SEQUENTIELLE

Soit x l'élément à rechercher dans un tableau t de n entiers.

❑ Principe:

- On parcourt séquentiellement le tableau jusqu'à trouver l'élément dans une séquence.
- Si on arrive à la fin sans le trouver c'est qu'il n'est pas contenu dans la séquence.

❑ Algorithme

.....

Pour i allant de 1 à n faire

 Si $t[i]=x$ alors

 retourner i ;

 Fin Si

Fin Pour

retourner 0;

.....

RECHERCHE D'UN ÉLÉMENT

RECHERCHE DICHOTOMIQUE

Soit x l'élément à rechercher dans un tableau t **ordonné** de n entiers.

❑ Principe:

- On compare l'élément à rechercher avec celui qui est au milieu du tableau.
- Si les valeurs sont égales, la tâche est accomplie sinon on recommence dans la moitié du tableau pertinente.

❑ Algorithme

.....

bas $\leftarrow 1$;

haut $\leftarrow \text{taille}(t)$;

position $\leftarrow -1$;

Repeter

Si ($x = t[\text{milieu}]$) alors

 position $\leftarrow \text{milieu}$;

Sinon Si ($t[\text{milieu}] < x$) alors

 bas $\leftarrow \text{milieu} + 1$

Sinon

 haut $\leftarrow \text{milieu} - 1$

Fin Si

jusqu'à ($x = t[\text{milieu}]$ OU bas $>$ haut)

retourner position

.....