Un sistema deductivo para la lógica en la práctica.

Selene Linares Arévalo Lourdes González Huesca

Facultad de Ciencias, UNAM. México.

51 Congreso Nacional de la Sociedad Matemática Mexicana Octubre 2018.

Este trabajo se realiza con el apoyo del proyecto UNAM PAPIME PE102117.

Linares (UNAM) 24/10/2018 1 / 9

Motivación



Cop is a formal proof management system. It provides a formal inapplage to write mathematical definitions, executable adaptifiems and fleveries together with an environment for semi-interaction development of machine-checked proofs. Typical applications include the certification of properties of programming language (e.g. the Composite controller certification propriets or the programming library), the formalization of mathematics (e.g. the full formalization of the Fell-Thompson theorem or homosphy they then Pooly and leaching.

More about Coq -

Event-B and the Rodin Platform

Welcome to the Event-B.org Website

Event-B is a formal method for system-level modelling and analysis. Key features of Event-B are the use of set theory as a modelling notation, the use of refinement to represent systems at different abstraction levels and the use of mathematical proof to verify consistency between refinement levels.

The Rodin Platform is an Eclipse-based IDE for Event-B that provides effective support for refinement and mathematical proof. The platform is open source, contributes to the Eclipse framework and is further extendable with plugins.

Development of Rodin is currently supported by the European Union ICT Project ADVANCE (2011 to 2014).

Originally Rodin development was funded by the European Union Projects DEPLOY (2008 to 2012). and RODIN (2004 to 2007).

Use the menu on the left to install the Rodin platform and plug-ins. The documentation wiki contains support for tool users and developers. The DEPLOY Repository contains resources including papers, Event-B examples and training material.

Encontramos la ausencia de una conexión entre los sistemas deductivos que enseñamos en clase y el uso de algunas herramientas para la construcción y verificación de software, así como la formalización de las matemáticas.

Linares (UNAM) 24/10/2018

Características

- Capturar el razonamiento deductivo matemático.
- Adecuado para realizar tareas de verificación formal y matemática a través de asistentes de prueba. (?)
- Adecuado para construcción interactiva de pruebas .

Cálculo de Secuentes donde un secuente es una expresión de la forma

$$\Gamma \vdash A$$

tal que Γ es una colección fórmulas llamada hipótesis o antecedentes, y A es una fórmula llamada conclusión o consecuente.

Linares (UNAM) 24/10/2018

¿ Qué es una colección de hipótesis?

- Conjuntos
- Multiconjuntos
- Listas

$$\frac{\Gamma, A, A; \Gamma' \vdash B}{\Gamma, A; \Gamma' \vdash B} \text{ CONTR} \qquad \frac{\Gamma, A}{\Gamma, A}$$

$$\frac{\Gamma, A, B; \Gamma' \vdash C}{\Gamma, B, A; \Gamma' \vdash C} \text{ EXCH} \qquad \frac{\Gamma \vdash B}{\Gamma, A \vdash B} \text{ Weak}$$

$$\frac{\Gamma \vdash B}{\Gamma, A \vdash B} \text{ Weak}$$

4 / 9

Linares (UNAM) 24/10/2018

Características de las reglas de deducción

Reglas dirigidas por sintaxis:

 Las reglas de introducción (lectura hacia atrás) de DN son dirigidas por sintaxis:

$$\frac{\Gamma, A \vdash B}{\Gamma \vdash A \to B} \ (\to I) \qquad \frac{\Gamma \vdash A}{\Gamma \vdash A \lor B} \ (\lor I) \qquad \frac{\Gamma \vdash B}{\Gamma \vdash A \lor B} \ (\lor I)$$

 Las reglas de eliminación (lectura hacia atrás) de DN no son dirigidas por sintaxis:

$$\frac{\Gamma \vdash A \to B \quad \Gamma \vdash A}{\Gamma \vdash B} \ (\to E) \qquad \frac{\Gamma \vdash A \lor B \quad \Gamma, A \vdash C \quad \Gamma, B \vdash C}{\Gamma \vdash C} \ (\lor E)$$

5 / 9

Linares (UNAM) 24/10/2018

Características de las reglas de deducción

Propiedad de la subfórmula: todas las subfórmulas que aparecen en las premisas (?) son subfórmulas de las fórmulas que aparecen en la conclusión.

$$\frac{\Gamma, A; \Gamma' \vdash C \qquad \Gamma, B; \Gamma' \vdash C}{\Gamma, A \lor B; \Gamma' \vdash C} \ (\lor L)$$

$$\frac{\Gamma, \neg A; \Gamma' \vdash B \qquad \Gamma, \neg A; \Gamma' \vdash \neg B}{\Gamma; \Gamma' \vdash A} \ (RAA)$$

$$\frac{\Gamma \vdash A \qquad \Gamma \vdash \neg B}{\Gamma \vdash \neg (A \to B)} \ (\neg \to R)$$

Linares (UNAM) 24/10/2018

Deducción Natural - Reglas de Introducción

$$\frac{\Gamma, A \vdash B}{\Gamma \vdash A \to B} (\to R) \qquad \frac{\Gamma \vdash A \qquad \Gamma \vdash B}{\Gamma \vdash A \land B} (\land R)$$

$$\frac{\Gamma \vdash A}{\Gamma \vdash A \lor B} (\lor R) \qquad \frac{\Gamma \vdash B}{\Gamma \vdash A \lor B} (\lor R)$$

$$\frac{\Gamma \vdash A \qquad x \notin FV(\Gamma)}{\Gamma \vdash \forall x A} (\forall R) \qquad \frac{\Gamma \vdash A[x := t]}{\Gamma \vdash \exists x A} (\exists R)$$

Linares (UNAM) 24/10/2018

Cálculo de Secuentes - Reglas de Eliminación

$$\begin{split} \frac{\Gamma, A, B \vdash C}{\Gamma, A \land B \vdash C} \; (\land \; \mathbf{L}) & \frac{\Gamma, A \vdash C \quad \Gamma, B \vdash C}{\Gamma, A \lor B \vdash C} \; (\lor \; \mathbf{L}) \\ & \frac{\Gamma, \forall x A, \; A[x := t] \vdash C}{\Gamma, \forall x A \vdash C} \; (\forall \; \mathbf{L}) \\ & \frac{\Gamma, \; A[x := t] \vdash C}{\Gamma, \; \exists x A \vdash C} \; (\exists \; \mathbf{L}) \end{split}$$

Linares (UNAM) 24/10/2018

¡Gracias!

Linares (UNAM) 24/10/2018 9 / 9