VON	I SI ACCETTANO RISPOSTE SCRITTE SU ALTRI FOGLI. Ogni esercizio vale 7.5 punti.
1.	Mostrare che se a,b e c sono interi positivi con $a,b,c \leq p$ (p primo), allora è possibile calcolare $a^{(b^c)}$ mod p in $O(\log^3 p)$ operazioni bit. (Sugg. Usare sia l'algoritmo delle potenze successive che il Piccolo Teorema di Fermat.)
2.	Supponiamo che Alice voglia mandare a Bernardo il messaggio
	MANDAMI I DENARI
	e che voglia farlo usando RSA. a. Qual'è un possibile valore per un modulo RSA se Alice vuole mandare il messaggio con pacchetti di 3 lettere e usando come esponente di cifratura $e=3$? b. Si cifri il primo pacchetto del messaggio usando la risposta del punto a. c. Si decifri il messaggio cifrato $c=(M10)$.
	c. Si decifri il messaggio citrato $c = (M10)$.
3.	Si illustri l'algoritmo dei quadrati successivi calcolando 3 ²⁶ mod 17 (non usare il piccolo teorema di Fermat).

4. Alvaro ha deciso di pagare i debiti perchè ha vinto al Superenalotto. Alvaro deve una certa cifra x a molte persone e una cifra y a molte altre persone. Sapendo che se estingue il debito con 7 persone a cui deve x gli rimangono 6 milioni e se estingue il debito con 12 persone a cui deve y gli rimangono 2 milioni. Sapreste dire quale è la cifra minima che ha vinto Alvaro? e sapendo che ha vinto meno di 5 miliardi sapreste dire quale è la cifra massima? (P.S.: tutte le cifre e le vincite in questione sono multipli interi di un milione)

5. (Quickies): Scrivere solo la risposta delle seguenti domande:

ii. Quale è grosso modo la probabilitè che un numero a caso con 2000 cifre binarie sia primo? ii Se p=2q+1 è primo e q è un primo dispari, quanto vale $\varphi(\varphi(p))$? ii. Quale è il più piccolo esponente di cifratura è possibile scegliere se il modulo RSA è n=pq con p=43 e q=331?

i.

ii.

iii.