

## МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Крымский федеральный университет имени В.И. Вернадского»

Физико-технический институт

Кафедра компьютерной инженерии и моделирования

Лабораторная работа № 1 «Количество информации и неопределенность сообщения»

по дисциплине «Теория информации и кодирование»

выполнил:		
студент 3 ку	pca	
группа ИВТ	-222	
Гоголев В. Г	1	
Проверил:		
Таран Е.П.		
«»	20	Г
Подпись:		

**Цель:** рассчитать информационные характеристики дискретных сообщений.

**Техническое задание**: на вход информационного устройства поступает совокупность дискретных сообщений  $\{xi\}$ , где  $i=1\div N$ . Вероятности появления дискретных сообщений на входе задаются в виде счетчика случайных чисел. Необходимо разработать программное обеспечение и провести комплекс численных экспериментов по расчету количества информации и максимальной энтропии дискретных сообщений, поступающих на вход информационного устройства.

## Ход работы:

## Вариант № 4

**Задание І.** С использованием разработанного программного обеспечения необходимо провести комплекс численных экспериментов (не менее 6), в ходе которого необходимо:

- а) сгенерировать массив вероятностей появления совокупности дискретных сообщений на входе информационного устройства;
- б) рассчитать среднее количество информации в совокупности сообщений;
- в) определить максимальную энтропию сгенерированной совокупности.
- а) сгенерировать массив вероятностей появления совокупности дискретных сообщений на входе информационного устройства.

Согласно варианту задания ( $\mathbb{N}$ <sup>2</sup>) для работы число входных сообщений ( $\mathbb{N}$ ) = 11. Для генерации массива вероятностей используется модуль random, для которого вызывается метод random в языке программирования python, который

работает на основе алгоритма генерации псевдослучайных чисел(псевдо генератора).

# Генераторы случайных чисел

## Алгоритмические ГСЧ

Методы получения псевдослучайных чисел:

4) линейный конгруэнтный метод:

```
r_{i+1} = (k \cdot r_i + b) \bmod M, где M - \text{модуль } (0 < M); k - \text{множитель } (0 \le k < M); b - \text{приращение } (0 \le b < M); r_0 - \text{начальное значение } (0 \le r_0 < M).
```

Рисунок 1 – рабочая формула генератора случайных чисел

```
def generate_array(N):
    probabilities = [random.random() for _ in range(N)]
    normalize_probabilities = [p / sum(probabilities) for p in probabilities]
    return normalize_probabilities
```

Рисунок 1 – функция генерации массива входных сообщений

Функция принимает на вход N (число сообщений) и возвращает нормированный массив вероятностей.

Так как вероятности на входе в сумме должны давать единицу, по законам теории вероятности и следующей формуле (1.1):

$$\sum_{i=1}^{N} p(x_i) = 1$$

Для этого каждый элемент входного массива нормируется, то есть каждый элемент делится на сумму всех.

б) рассчитать среднее количество информации в совокупности сообщений.

Для расчета количества информации использовалась Формула Шеннона из методических указаний:

$$H(X) = -\sum_{i=1}^{N} p(x_i) \log_2 p(x_i)$$

```
def calculate_information(probs):
    information = 0
    for p in probs:
        information -= p * math.log2(p)
    return information
```

Рисунок 2 – функция для вычисления количества информации сообщений

Функция принимает на вход массив вероятностей, и возвращает численное значение количества информации (в битах).

Функция работает следующим образом, создается переменнаяаккумулятор. Далее циклом идет итерация каждого элемента массива, и в переменную складывается значение произведения вероятности сообщения, на его логарифм по основанию 2, со знаком минус. в) определить максимальную энтропию сгенерированной совокупности.

Максимальная энтропия считается по формуле, как:

$$p(x_1) = p(x_2) = ... = p(x_N) = \frac{1}{N}$$
;  $H(X)_{max} = \log_2 N$ 

```
max_entropy = math.log2(N) # (Формула Шеннона)
```

Рисунок 3 – формула вычисления максимальной энтропии

По условию работы, было выполнено 6 экспериментов.

Рисунок 4 – программная реализация 6 экспериментов

```
-----TECT-6-----
Вероятности:
    0.087733
    0.121409
    0.127377
    0.092035
    0.067163
    0.019045
6
    0.122170
    0.123886
    0.125794
    0.081354
10 0.032033
Максимальная энтропия: 3.4594 бит
Количество информации: 3.3168 бит
```

Рисунок 5 – пример вывода экспериментов

**Задание II.** Рассчитать среднее количество информации и максимальную энтропию в ходе проведенных численных экспериментов.

Среднее кол-во информации считается как, сумма I(X) в n-экспериментах, разделить на n (кол-во экспериментов).

```
38 print(f"Среднее кол-во информации за {experement_count} эксперементов:{avg_inf/experement_count} бит")

PROBLEMS OUTPUT DEBUG CONSOLE TERMINAL

Среднее кол-во информации за 6 эксперементов:3.180258867801692 бит
```

Рисунок 6 – расчет и вывод среднего кол-ва информации за 6 экспериментов

### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В результате выполнения работы были получены навыки вычисления общей энтропии, частной энтропии, количества информации.

Установлено что на информационное устройство могут влиять помехи, что вносит «неопределенность» в передачу сообщений, в следствии чего возникают вышеуказанные термины.

Так же установлено, что хоть понятия энтропия и количество информации, имеют одинаковую формулу для вычисления, но по сути своей отличаются тем, что энтропия — априорная характеристика, её мы можем снять на входе, а количество информации — это апостериорная характеристика, её мы получаем на выходе.

#### ПРИЛОЖЕНИЕ

```
import random
import math
import pandas as pd
def calculate information(probs): #Формула Шеннона
   information = 0
   for p in probs:
           information -= p * math.log2(p)
    return information
def generate array(N):
    probabilities = [random.random() for in range(N)]
   normalize probabilities = [p / sum(probabilities) for p in
probabilities]
    return normalize probabilities
avg inf = 0
experement count = 6
for i in range(experement count):
   N = 11
   print(f"-----")
   normalize probabilities = generate array(N)
   max entropy = math.log2(N)
    average information =
calculate information(normalize probabilities)
    print(f"Bepoятности:\n{pd.DataFrame(normalize probabilities).to str
ing(header=False)}")
    print(f"Максимальная энтропия: {max entropy:.4f} бит")
    print(f"Количество информации: {average information:.4f} бит")
    avg inf += average information
print("------
-----")
print(f"Среднее кол-во информации за {experement_count}
эксперементов:{avg inf/experement count} бит")
```