



Logické programovanie 2

Dnes bude:

- rekurzia na zoznamoch - append, reverse, flat, podzoznam, ...
- unifikácia a spôsob výpočtu LP
- čo je logická premenná ?
- nedeterministické programy (kombinatorika)
- prvý backtracking a algebrogramy
 - magické číslo, SEND+MORE=MONEY, 8-dám, ...
- Constraint Logic Programming - alternatívny pohľad
 - magické číslo, SEND+MORE=MONEY, 8-dám, ...

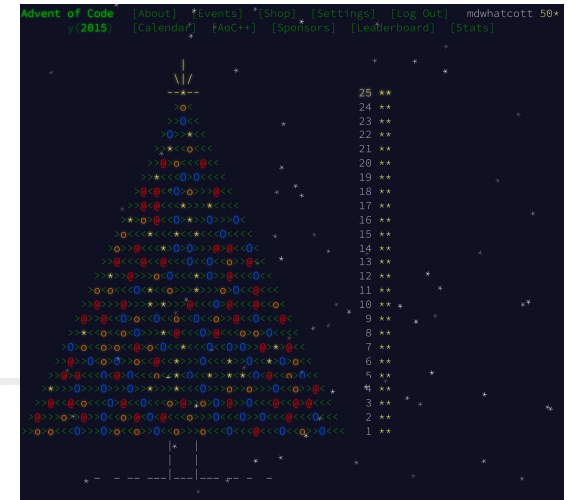
Cvičenie

- obľúbená kombinatorika, variácie, kombinácie, s a bez opakovania
- backtracking

Rekapitulácia

Minule bolo:

- program je konečná množina (Hornových) klauzúl tvaru (implikácie):
A.
alebo
 $A:-B_1, B_2, \dots, B_n$.
- klauzula predstavuje všeobecne kvantifikovanú implikáciu,
- dotaz (cieľ) je tvaru $?-B_1, B_2, \dots, B_n$ (a obsahuje hľadané premenné),
- v programe deklarujeme tvrdenia o pravdivosti predikátov - čo sa z programu nedá odvodiť, neplatí bez toho, aby sme to deklarovali,
- premenné začínajú veľkým písmenom alebo _
- funkčné a predik.symboly začínajú malým písmenom,
- Prolog má zoznamy s konštruktormi [] a [H|T]
- Prolog je beztypový jazyk (pozná čísla, atómy-termu, zoznamy),
- klauzule sa skúšajú v textovom poradí (od hora dole),
- klauzule sa skúšajú všetky, ktoré môžu byť použiteľné, nie ako Haskell
- Prolog vráti všetky riešenia problému, ktoré nájde,
- Prolog nemusí nájsť riešenie, ak sa zacyklí





Kvíz o zoznamoch

List Pattern

- Haskell (x:xs)
- Prolog [X|Xs]
- [X,Y|Tail]
- [X,Y,Z|[]]

- neprázdny zoznam
neprazdnyZoznam([_|_]).
- aspoň dvojprvkový zoznam
asponDvojPrvkovyZoznam([_,_|_]).
- tretí prvok
tretiPrvok([_,_,T|_],T).
- posledný prvok zoznamu
posledny([X],X).
posledny([_,Y|Ys],X):-posledny([Y|Ys],X).
- tretí od konca
tretiOdKonca(Xs,T) :- reverse(Xs,Ys),tretiPrvok(Ys,T).
- prostredný prvok zoznamu, ak existuje
prostredny(Xs,T):-append(U,[T|V],Xs),length(U,L), length(V,L).



Rekurzia vs. iterácia

Prolog nemá (ako Haskell):

- notáciu $[1..n]$
- list comprehension
- analógie foldr, foldl

- vygeneruj zoznam čísel od 1 po N pre zadané N
- prvý pokus (rekurzívne riešenie) – $[N, \dots, 1]$
`nAzJedna(0,[]).`
`nAzJedna(N,[N|X]):-N>0,N1 is N-1,nAzJedna(N1,X).`

`?- nAzJedna(4,L).`
`L = [4, 3, 2, 1] ;`
- druhý pokus (iteratívne riešenie) – $[1, \dots, N]$
`jednaAzN(N,Res):-jednaAzN(N,[],Res).`
`jednaAzN(0,Acc,Res):-Acc=Res.`
`jednaAzN(N,Acc,Res):-N>0,N1 is N-1,jednaAzN(N1,[N|Acc],Res).`

`?- jednaAzN(5,L).`
`L = [1, 2, 3, 4, 5] ;`

... alebo počítajme *dohora*
- tretí korektný pokus (nájdem v knižnici)
`:- use_module(library(lists)).` % toto je import library(lists), default je in
<https://www.swi-prolog.org/pldoc/man?section=list>

`?- numlist(1,7,List).`
`List = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7].`

Snapshot do knihovny

(library(list))

Módy:

- + musí byť známy
- ? nemusí byť známy

?- append(X,Y,[1,2,3]).

X = [], Y = [1, 2, 3] ;

X = [1], Y = [2, 3] ;

X = [1, 2], Y = [3] ;

X = [1, 2, 3], Y = [] ;

false.

?- append(X,[1,2,3]).

ERROR: Arguments are not sufficiently instantiated

member(?Elem, ?List)

True if *Elem* is a member of *List*. The SWI-Prolog definition differs from the classical one. Our definition avoids unpacking each list element twice and provides determinism on the last element. E.g. this is deterministic:

```
member(X, [One]).
```

author

Gertjan van Noord

append(?List1, ?List2, ?List1AndList2)

List1AndList2 is the concatenation of *List1* and *List2*

append(+ListOfLists, ?List)

Concatenate a list of lists. Is true if *ListOfLists* is a list of lists, and *List* is the concatenation of these lists.

ListOfLists must be a list of *possibly* partial lists

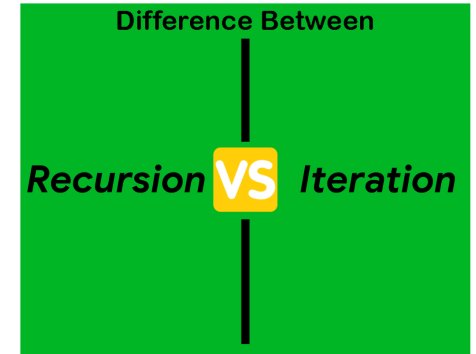
prefix(?Part, ?Whole)

True iff *Part* is a leading substring of *Whole*. This is the same as `append(Part, _, Whole)`.

select(?Elem, ?List1, ?List2)

Is true when *List1*, with *Elem* removed, results in *List2*. This implementation is deterministic if the last element of *List1* has been selected.

Konverzia zoznamu cifier na číslo



- konverzia zoznamu cifier na číslo

zoznamToInt([],0).

zoznamToInt([X|Xs],C) :- zoznamToInt(Xs,C1), C **is** 10*C1+X.

?- zoznamToInt([1,2,3,4],X).
X = 4321 ;

- konverzia čísla na zoznam cifier

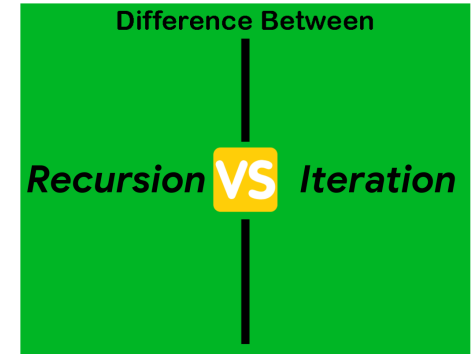
intToZoznam(0,[]).

intToZoznam(C,[X|Xs]) :- C > 0,

X **is** C **mod** 10, C1 **is** C // 10, intToZoznam(C1,Xs).

?- intToZoznam(4321,X).
X = [1, 2, 3, 4] ;

Konverzia s akumulátorom



- akumulátorová verzia konverzie zoznamu cifier na číslo

```
zoznamToInt2(X,Res) :- zoznamToInt2(X,0,Res).
```

```
zoznamToInt2([],C,Res) :- Res = C.          % pomocný predikát/3
```

```
zoznamToInt2([X|Xs],C,Res) :- C1 is 10*C+X, zoznamToInt2(Xs,C1,Res).
```

```
?- zoznamToInt2([1,2,3,4],X).
```

```
X = 1234 ;
```

- akumulátorová verzia konverzie čísla na zoznam cifier

```
intToZoznam2(X,Res) :- intToZoznam2(X,[],Res).
```

```
intToZoznam2(0,Res,Res).                    % pomocný predikát/3
```

```
intToZoznam2(C,Xs,Res) :- C > 0,
```

```
    X is C mod 10, C1 is C // 10, intToZoznam2(C1,[X|Xs],Res).
```

```
?- intToZoznam2(1234,X).
```

```
X = [1, 2, 3, 4] ;
```



Zoznamová rekurzia

spojenie zoznamov, rekurzívna definícia predikátu append/3

- `append([], Ys, Ys).`
`append([X | Xs], Ys, [X | Zs]) :- append(Xs, Ys, Zs).`

- `?- append([1,2],[a,b],[1,2,a,b]).`

yes

- `?- append([1,2,3],[4,5],V).`

`V = [1,2,3,4,5]`

- `?- append(X, Y, [1,2,3]).`

`X = [], Y = [1,2,3] ;`

`X = [1], Y = [2,3] ;`

`X = [1,2], Y = [3] ;`

`X = [1,2,3], Y = [] ;`

no

reverse

- reverse rekurzívny

reverse([], []).

reverse([X|Xs], Y) :- reverse(Xs, Ys), append(Ys, [X], Y).

- akumulátorová verzia

reverse(X, Y) :- reverse(X, [], Y).

reverse([], Acc, Acc).

reverse([X | Xs], Acc, Z) :- reverse(Xs, [X | Acc], Z).

reverse([1,2,3],Acc)

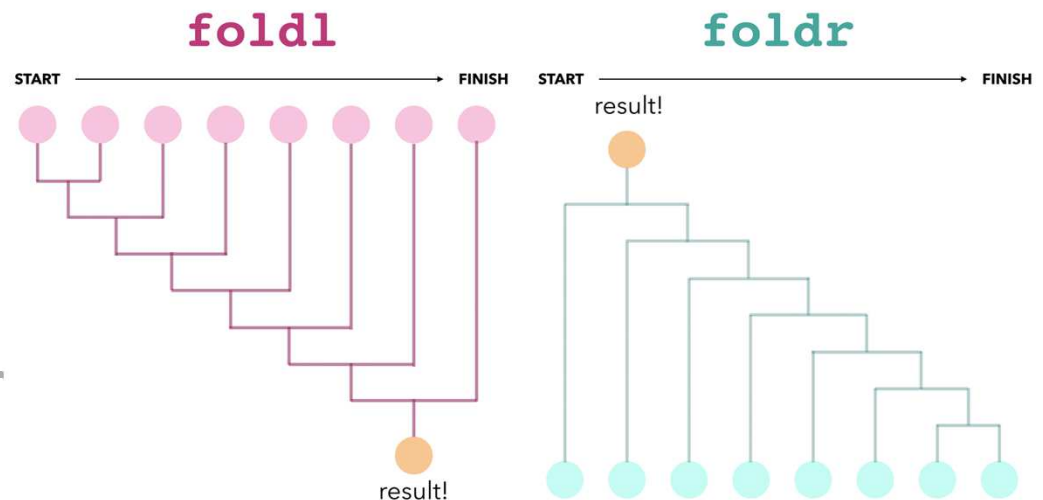
reverse([1,2,3],[],Acc)

reverse([2,3],[1],Acc)

reverse([3],[2,1],Acc)

reverse([], [3,2,1],Acc)

Acc = [3,2,1]



*unifikácia v Prologu je to,
čo volanie metódy v Java*

Unifikácia

unifikácia určuje, či klauzula je použiteľná na riešenie problému (cieľa)

Príklady (neformálny úvod):

- cieľ: $C = \text{append}([1,2],[3,4],V)$, klauzula: $H = \text{append}([X|Xs],Ys,[X|Zs]) :- \dots$
riešenie: substitúcia $\theta = \{ X/1, Xs/[2], Ys/[3,4], V/[1|Zs] \}$
lebo keď dosadíme $C\theta = H\theta = \text{append}([1,2],[3,4],[1|Zs])$
- cieľ: $C = \text{append}([], [3,4], Zs2)$, klauzula: $H = \text{append}([], Ys, Ys) :- \dots$
riešenie: substitúcia $\theta = \{ Zs2/Ys, Ys/[3,4] \}$
lebo keď dosadíme $C\theta = H\theta = \text{append}([], [3,4], [3,4])$

Unifikácia cieľa C a hlavy klauzule H je substitúcia θ taká, že $C\theta = H\theta$

- nemusí existovať (keď klauzula nie je použiteľná na redukciu cieľa):
 $C = \text{append}([1,2], \dots)$ $H = \text{append}([], \dots)$
- ak existuje, zaujíma nás najvšeobecnejšia,
napr. ak $C = \text{pred}(X,Y)$ a $H = \text{pred}(W,W) :- \dots$,
 - potom $\theta = \{ X/2, Y/2, W/2 \}$ je príliš *konkrétna*
 - najvšeobecnejšia je $\theta = \{ X/W, Y/W \}$



?-append([1,2],[3,4],Zs).

append ([] , Ys , Ys)

append ([X|Xs] , Ys , [X|Zs]) <- append (Xs , Ys , Zs)

$\leftarrow \text{append}([1,2], [3,4], Zs)$

$\theta_1 = \{X1/1, Xs1/[2], Ys1/[3,4], Zs/[1|Zs1], \}$

$\leftarrow \text{append}([2], [3,4], Zs1)$

$\theta_2 = \{X2/2, Xs2/[], Ys2/[3,4], Zs1/[2|Zs2]\}$

$\leftarrow \text{append}([], [3,4], Zs2)$

$\theta_3 = \{Ys3/[3,4], Zs2/[3,4]\}$

□

Výsledok: $\text{append}([1,2], [3,4], Zs)\theta_1\theta_2\theta_3 = \text{append}([1,2], [3,4], [1,2,3,4])$



?-append([1,2],Ys,Zs).

append([],Ys,Ys)

append([X|Xs],Ys,[X|Zs])<-append(Xs,Ys,Zs)

$\leftarrow \text{append}([1,2],Ys,Zs)$

$\theta_1 = \{X1/1, Xs1/[2], Ys/Ys1, Zs/[1|Zs1], \}$

$\leftarrow \text{append}([2],Ys1,Zs1)$

$\theta_2 = \{X2/2, Xs2/[], Ys1/Ys2, Zs1/[2|Zs2]\}$

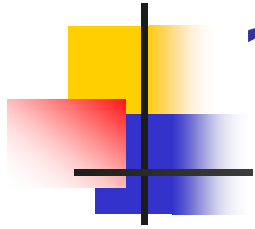
$\leftarrow \text{append}([],Ys2,Zs2)$

$\theta_3 = \{Ys2/Zs2\}$

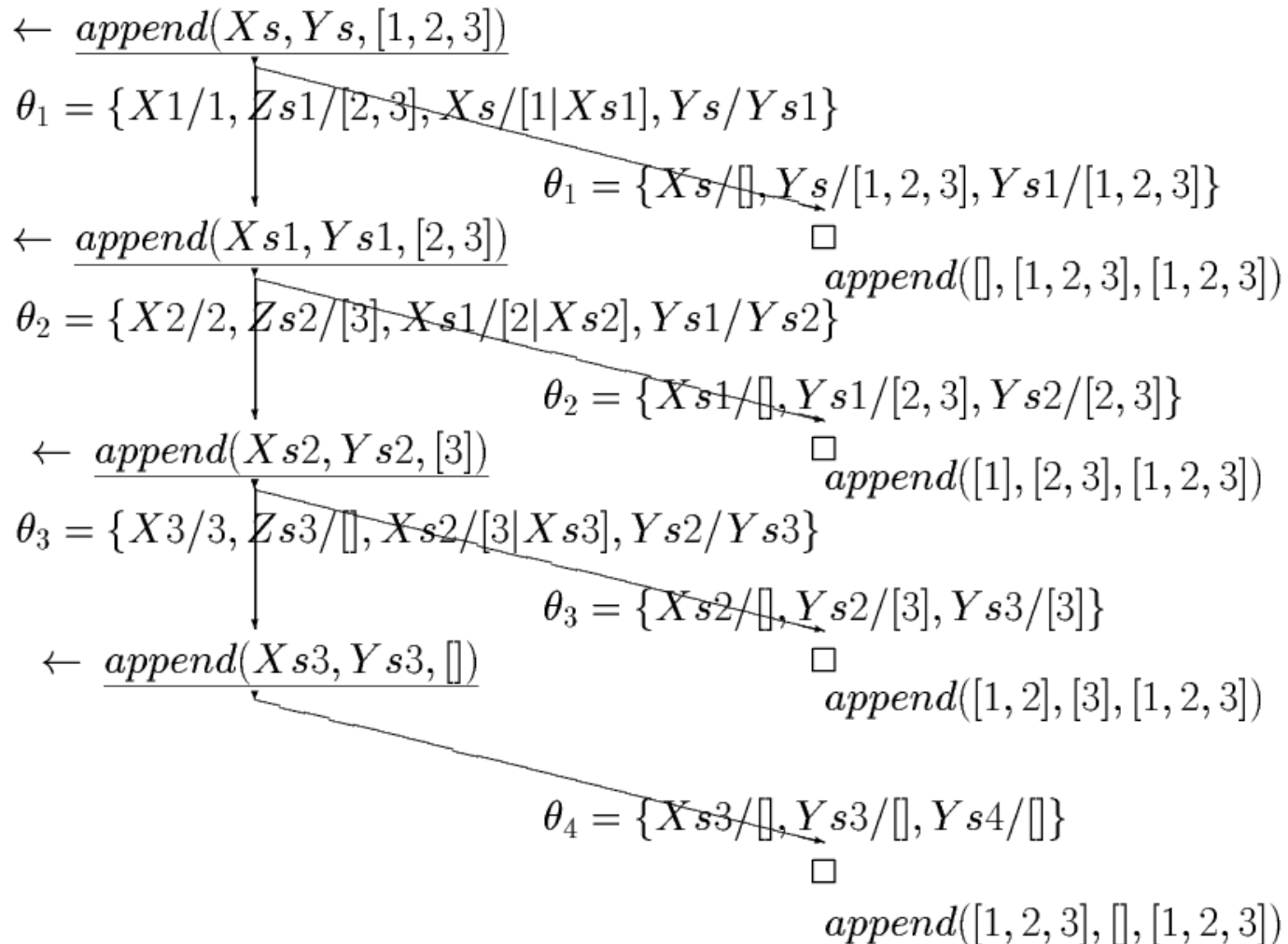
□

Výsledok: $\text{append}([1,2],Ys,Zs)\theta_1\theta_2\theta_3 = \text{append}([1,2],Zs2,[1,2|Zs2])$

$\text{append}([], Ys, Ys).$
 $\text{append}([X \mid Xs], Ys, [X \mid Zs]) \text{ :- } \text{append}(Xs, Ys, Zs).$

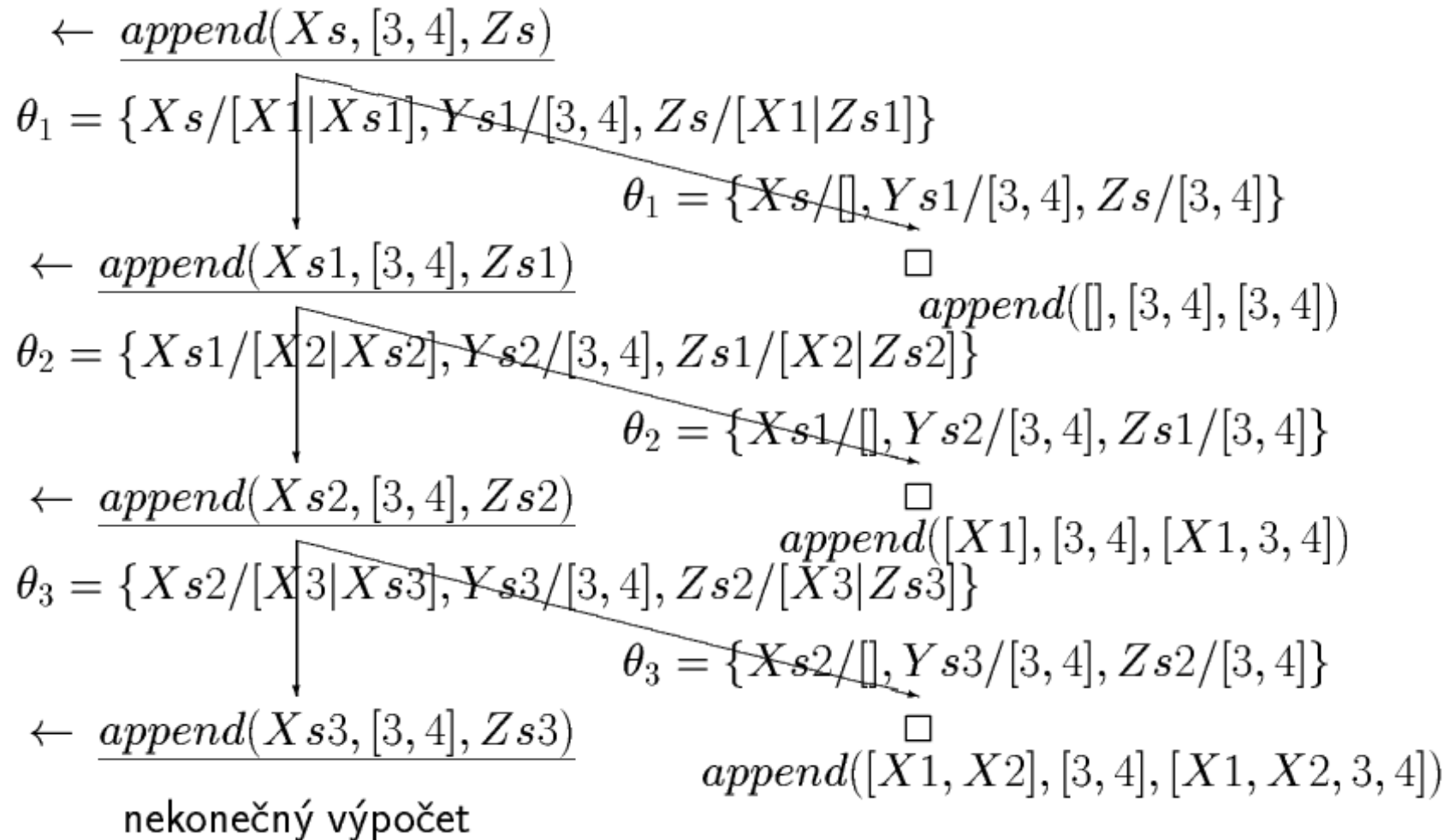


?-append(Xs,Ys,[1,2,3]).



append([], Ys, Ys).
 append([X | Xs], Ys, [X | Zs]) :- append(Xs, Ys, Zs).

?-append(Xs,[3,4],Zs).



Spy points, debug

Špiónovať môžete vlastú definíciu, nie štandardný predikát

```
SWI-Prolog -- d:/borovan/PARA/PrednaskyPARA/Kod/PR11/prolog2.pl
File Edit Settings Run Debug Help
[debug] ?- spy(reverse/3).
% Spy point on reverse/3
true.

[debug] ?- reverse([1,2,3],Xs).
* Call: (8) reverse([1, 2, 3], _4632) ? creep
* Call: (9) reverse([2, 3], _4872) ? creep
* Call: (10) reverse([3], _4872) ? creep
* Call: (11) reverse([], _4872) ? creep
* Exit: (11) reverse([], []) ? creep
  Call: (11) lists:append([], [3], _4880) ? creep
  Exit: (11) lists:append([], [3], [3]) ? creep
* Exit: (10) reverse([3], [3]) ? creep
  Call: (10) lists:append([3], [2], _4886) ? creep
  Exit: (10) lists:append([3], [2], [3, 2]) ? creep
* Exit: (9) reverse([2, 3], [3, 2]) ? creep
  Call: (9) lists:append([3, 2], [1], _4632) ? creep
  Exit: (9) lists:append([3, 2], [1], [3, 2, 1]) ? creep
* Exit: (8) reverse([1, 2, 3], [3, 2, 1]) ? creep
Xs = [3, 2, 1].

[trace] ?- █
```



Vlastné kontrolné výpisy

```
areverse(X, Y) :- reverse(X, [], Y).
```

% -- najjednoduchší spôsob pre debug

```
reverse(Xs, Ys, _) :- write('Xs='), write(Xs), write(', Ys='),  
write(Ys), nl, fail.
```

```
reverse([], Acc, Acc).
```

```
reverse([X | Xs], Acc, Z) :- reverse(Xs, [X | Acc], Z).
```

```
?- areverse([1,2,3],Xs).  
Xs=[1,2,3], Ys=[]  
Xs=[2,3], Ys=[1]  
Xs=[3], Ys=[2,1]  
Xs=[], Ys=[3,2,1]  
Xs = [3, 2, 1].
```


Prolog je netypovaný jazyk
je možné urobiť zoznam čohokoľvek,
teda aj zoznamov



flat alias splošti

```
notAList(X):-atomic(X),X \= [].
```

Sploštenie heterogénneho zoznamu s viacerými úrovňami do
jedného zoznamu všetkých prvkov

- **naivné riešenie**

```
flat([X|Xs],Ys):-flat(X,Ys1),flat(Xs,Ys2), append(Ys1,Ys2,Ys).
```

```
flat(X,[X]):-atomic(X),X \= []. % notAList(X)
```

```
flat([],[]).
```

```
?- flat([1,[2,[],[3,[4]]]], X).  
X = [4, 3, 2, 1] ;
```

- **akumulátorové riešenie (odstraňujeme append):**

```
flat1(X,Y):-flat(X,[],Y).
```

```
flat1([X|Xs],Ys1,Ys):-flat1(X,Ys1,Ys2),flat1(Xs,Ys2,Ys).
```

```
flat1(X,Ys,[X|Ys]):-atomic(X),X \= []. % notAList(X)
```

```
flat1([],Ys,Ys).
```

```
?- flat1([1,[2,[],[3,[4]]]], X).  
X = [4, 3, 2, 1] ;
```



Prefix a sufix zoznamu

prefix(?Part, ?Whole)

True iff *Part* is a leading substring of *Whole*. This is the same as `append(Part, _, Whole)`.

- začiatok zoznamu, napr. `?-prefix([1,a,3],[1,a,3,4,5])`

`prefix([], _).`

`prefix([X|Xs], [Y|Ys]) :- X = Y, prefix(Xs, Ys).`

`prefix([X|Xs], [X|Ys]) :- prefix(Xs, Ys).`

- koniec (chvost) zoznamu `?-sufix([3,4,5],[1,2,3,4,5])`

`sufix(Xs,Xs).`

`sufix(Xs,[_|Ys]) :- sufix(Xs,Ys).`

- koniec zoznamu, ak už poznáme reverse

`sufix(Xs,Ys) :- reverse(Xs,Xs1), reverse(Ys,Ys1), prefix(Xs1,Ys1).`



Podzoznam zoznamu

- **súvislý podzoznam**, napr. `?-sublist([3,4,5],[1,2,3,4,5,6])`

```
sublist1(X,Y) :- append(_,X,V),append(V,_,Y).  
sublist2(X,Y) :- append(V,_,Y),append(_,X,V).
```

- **ešte raz súvislý podzoznam**, keď poznáme sufix, prefix, ...

```
sublist3(Xs,Ys):-prefix(W,Ys),sufix(Xs,W).  
sublist4(Xs,Ys):-sufix(W,Ys),prefix(Xs,W).
```

- **nesúvislý podzoznam**, tzv. **vybratá podpostupnosť**

```
subseq([X|Xs],[X|Ys]):-subseq(Xs,Ys).  
subseq([X|Xs],[_|Ys]) :- subseq([X|Xs],Ys).  
subseq([],_).
```

```
?-  
sublist2(X,[1,2,3]).  
X = [] ;  
X = [1] ;  
X = [] ;  
X = [1, 2] ;  
X = [2] ;  
X = [] ;  
X = [1, 2, 3] ;  
X = [2, 3] ;  
X = [3] ;  
X = [] ;  
false.
```

```
?- subseq(X,[1,2,3]).  
X = [1, 2, 3] ;  
X = [1, 2] ;  
X = [1, 3] ;  
X = [1] ;  
X = [2, 3] ;  
X = [2] ;  
X = [3] ;  
X = [].
```

Práca so zoznamom

- definujte predikát `nth1(I,Xs,X)`, ktorý platí, ak `Xs[I] = X`
`nth1(1,[X|_],X).`
`nth1(I,[_|Ys],X):-nth1(I1,Ys,X), I is I1+1.`

`nth1(?Index, ?List, ?Elem)`

Is true when *Elem* is the *Index*'th element of *List*. Counting starts at 1.

?- `nth1(I,[a,b,c],b).`
`I = 2 ;`

?- `nth1(I,[a,b,c],X).`
`X = a, I = 1 ;`
`X = b, I = 2 ;`
`X = c, I = 3 ;`

?- `nth1(I,[1,2,3,4],Elem,Rest).`
`I = Elem, Elem = 1, Rest = [2, 3, 4] ;`
`I = Elem, Elem = 2, Rest = [1, 3, 4] ;`
`I = Elem, Elem = 3, Rest = [1, 2, 4] ;`
`I = Elem, Elem = 4, Rest = [1, 2, 3] ;`



Práca so zoznamom

- definujte predikát **select**(X,Y,Z), ktorý vyberie všetky možné prvky X zo zoznamu Y, a výsledkom je zoznam Z
select(X,[X|Xs],Xs).
select(X,[Y|Ys],[Y|Zs]):-select(X,Ys,Zs).

?- select(X,[a,b,c],Z).
X = a, Z = [b, c] ;
X = b, Z = [a, c] ;
X = c, Z = [a, b] ;

select(?Elem, ?List1, ?List2)

Is true when *List1*, with *Elem* removed, results in *List2*. This implementation is deterministic if the last element of *List1* has been selected.

- definujte predikát **delete**(X,Y,Z) ak Z je Y-[X]
delete(X,Y,Z):-select(X,Y,Z).
- definujte predikát **insert**(X,Y,Z), ktorý vsunie prvok X do zoznamu Y (na všetky možné pozície), výsledkom je zoznam Z
insert(X,Y,Z):-select(X,Z,Y).



Permutácie

■ definujte predikát `perm(X,Y)`, ktorý platí, ak zoznam `Y` je permutáciou zoznamu `X`

```
perm(Xs,[H|Hs]):-select(H,Xs,W),perm(W,Hs).  
perm([],[]).
```

```
?- perm([1,2,3,4],Xs).  
Xs = [1, 2, 3, 4] ;  
Xs = [1, 2, 4, 3] ;  
Xs = [1, 3, 2, 4] ;  
Xs = [1, 3, 4, 2]
```

- iná verzia, miesto `select/delete` robíme `insert`
`perm2([],[]).`
`perm2([X|Xs],Zs):-perm2(Xs,Ys),insert(X,Ys,Zs).`

permutation(?Xs, ?Ys)

[nondet]

True when *Xs* is a permutation of *Ys*. This can solve for *Ys* given *Xs* or *Xs* given *Ys*, or even enumerate *Xs* and *Ys* together. The predicate [permutation/2](#) is primarily intended to generate permutations. Note that a list of length *N* has *N!* permutations, and unbounded permutation generation becomes prohibitively expensive, even for rather short lists ($10! = 3,628,800$).

https://www.swi-prolog.org/pldoc/doc/_SWI_/library/lists.pl?show=src#permutation/2

```
perm([], []).  
perm(List, [First|Perm]) :-  
    select(First, List, Rest),  
    perm(Rest, Perm).
```



Kombinácie

- definujte predikát `comb(X,Y)`, ktorý platí, ak zoznam `X` je kombináciou prvkov zoznamu `Y`
 - `comb([],_)`.
`comb([X|Xs],[X|T]):-comb(Xs,T).`
`comb([X|Xs],[_|T]):-comb([X|Xs],T).`
`comb(Xs,[_|T]):-comb(Xs,T).`
- to bolo nedávno ako `subseq` 😊
- definujte predikát `comb(K,X,Y)`, ktorý platí, ak zoznam `X` je `K`-prvkovou kombináciou prvkov zoznamu `Y`
 - `comb(0,[],_)`.
`comb(K,[X|Xs],[X|T]):-K1 is K-1, comb(K1,Xs,T).`
`comb(K,[X|Xs],[_|T]):-comb(K,[X|Xs],T).`

?- `L=[_,_,_,_],`
`comb(L,[1,2,3,4,5,6]).`

`L = [1, 2, 3, 4] ;`
`L = [1, 2, 3, 5] ;`
`L = [1, 2, 3, 6] ;`
`L = [1, 2, 4, 5] ;`
`L = [1, 2, 4, 6] ;`
`L = [1, 2, 5, 6] ;`
`L = [1, 3, 4, 5] ;`
`L = [1, 3, 4, 6] ;`
`L = [1, 3, 5, 6] ;`
`L = [1, 4, 5, 6] ;`
`L = [2, 3, 4, 5] ;`
`L = [2, 3, 4, 6] ;`
`L = [2, 3, 5, 6] ;`
`L = [2, 4, 5, 6] ;`
`L = [3, 4, 5, 6] ;`

?-
`comb(2,L,[1,2,3,4,5,6]).`

`L = [1, 2] ;`
`L = [1, 3] ;`
`L = [1, 4] ;`
`L = [1, 5] ;`
`L = [1, 6] ;`
`L = [2, 3] ;`
`L = [2, 4] ;`
`L = [2, 5] ;`
`L = [2, 6] ;`
`L = [3, 4] ;`
`L = [3, 5] ;`
`L = [3, 6] ;`
`L = [4, 5] ;`
`L = [4, 6] ;`
`L = [5, 6] ;`



Backtracking

štandardný predikát
`between(X,Y,Z)` platí, ak
Z je z intervalu $[X;Y]$

`numlist(X,Y,L),member(Z,L).`

- definujeme predikát `myBetween(Od,Do,X)`, ktorý platí, ak X je z intervalu $[Od;Do]$ pričom vygeneruje všetky čísla X z tohoto intervalu

`myBetween(Od,Do,Od):-Od <= Do.`

`myBetween(Od,Do,X):-Od < Do, Od1 is Od+1, myBetween(Od1,Do,X).`

?- myBetween(1,10,X).

X = 1;2;3;4;5;6;7;8;9;10;

No

`between(+Low, +High, ?Value)`

Low and High are integers, High >= Low. If Value is an integer, Low <= Value <= High. When Value is a variable it is successively bound to all integers between Low and High. If High is `inf` or `infinite`¹¹² `between/3` is true iff Value >= Low, a feature that is particularly interesting for generating integers from a certain value.

- použitie `between` – SQRT je celá časť z odmocniny z N

`mySqrt(N,SQRT) :- between(1,N,SQRT),`

`SQRT2 is SQRT*SQRT, SQRT2 <= N,`

`SQRT1_2 is (SQRT+1)*(SQRT+1), SQRT1_2 > N.`

?- mySqrt(17,X).

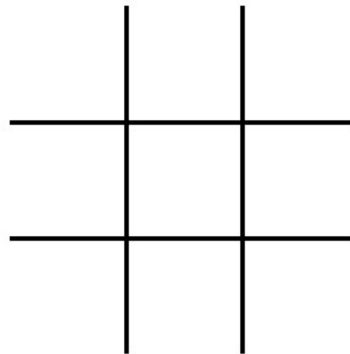
X = 4 ;



Bactracking

(ľahký úvod)

- vložte 6 kameňov do mriežky 3x3, tak aby v žiadnom smere (riadok, stĺpec, uhlopriečka) neboli tri.



- pri najivnom prehľadávaní - všetkých možností je $2^9 = 512$
- ak poznáme kombinácie bez opakovania - možností je už len 9 nad 6, teda 9 nad 3, čo je 84



Haskell to Prolog

- v Haskellu sme mali:

```
isOk :: [Int] -> Bool
```

```
isOk xs = not (subset' [0,1,2] xs) && not (subset' [3,4,5] xs) && not (subset' [6,7,8] xs) &&  
          not (subset' [0,3,6] xs) && not (subset' [1,4,7] xs) && not (subset' [2,5,8] xs) &&  
          not (subset' [0,4,8] xs) && not (subset' [2,4,6] xs)
```

- v Prologu nič ľahšie:

```
isOk(Xs):- not(subseq([0,1,2],Xs)), not(subseq([3,4,5], Xs)), not(subseq([6,7,8], Xs)),  
           not(subseq([0,3,6], Xs)), not(subseq([1,4,7], Xs)), not(subseq([2,5,8], Xs)),  
           not(subseq([0,4,8], Xs)), not(subseq([2,4,6], Xs)).
```

% - daj mi všetky 6 prvkové podmnožiny 0..8, že sú okay.

```
?- Cs=[_,_,_,_,_,_],comb(Cs,[0,1,2,3,4,5,6,7,8]), isOk(Cs).
```

```
?- Cs=[I1,I2,I3,I4,I5,I6],comb(Cs,[0,1,2,3,4,5,6,7,8]), isOk(Cs).
```

```
Cs = [0, 1, 3, 5, 7, 8];
```

```
Cs = [1, 2, 3, 5, 6, 7];
```

Prolog to eCLIPse

(constraint logic programming)

```
isOk(Xs):- Xs[1]+Xs[2]+Xs[3] #<3, Xs[4]+Xs[5]+Xs[6] #<3, Xs[7]+Xs[8]+Xs[9] #<3,
           Xs[1]+Xs[4]+Xs[7] #<3, Xs[2]+Xs[5]+Xs[8] #<3, Xs[3]+Xs[6]+Xs[9] #<3,
           Xs[1]+Xs[5]+Xs[9] #<3, Xs[3]+Xs[5]+Xs[7] #<3.
```

```
isOk2(Xs):- (for(I,0,2), param(Xs) do Xs[1+3*I]+Xs[2+3*I]+Xs[3+3*I] #<3 ),
            (for(I,0,2), param(Xs) do Xs[1+I]+Xs[4+I]+Xs[7+I] #<3 ),
            Xs[1]+Xs[5]+Xs[9] #<3, Xs[3]+Xs[5]+Xs[7] #<3.
```

```
threeXthree(Cs) :-
    dim(Cs,[9]),
    Cs::0..1,
    % 6 #= Cs[1] + Cs[2] + Cs[3] + Cs[4] + Cs[5] + Cs[6] + Cs[7] + Cs[8] + Cs[9],
    6 #= sum(Cs[1..9]),
    isOk2(Cs),
    labeling(Cs),
    writeln(Cs).
```



?- threeXthree(Cs), fail.
 [](0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0)
 [](1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1)

Send More Money

(algebra program)

SEND
+ MORE
=====
MONEY

s(S,E,N,D,M,O,R,Y):

cifra0(D),

cifra0(E), D\=E,

Y is (D+E) mod 10,

Y\=E, Y\=D,

Pr1 is (D+E) // 10,

cifra0(N), N\=D, N\=E, N\=Y,

cifra0(R), R\=D, R\=E, R\=Y, R\=N,

E is (N+R+Pr1) mod 10,

Pr2 is (N+R+Pr1) // 10,

cifra0(O), O\=D, O\=E, O\=Y, O\=N, O\=R,

N is (E+O+Pr2) mod 10,

Pr3 is (E+O+Pr2) // 10,

cifra0(S), S\=D, S\=E, S\=Y, S\=N, S\=R, S\=O,

cifra0(M), M\=0, M\=D, M\=E, M\=Y, M\=N, M\=R, M\=O, M\=S,

O is (S+M+Pr3) mod 10,

M is (S+M+Pr3) // 10,

write(' '), write(S), write(E), write(N), write(D), nl,

write('+'), write(M), write(O), write(R), write(E),

nl,

write(M), write(O), write(N), write(E), write(Y), nl.

cifra0(0).

cifra0(X):-cifra(X).

s(S,E,N,D,M,O,R,Y) .

9567

+1085

10652

S = 9

E = 5

N = 6

D = 7

M = 1

O = 0

R = 8

Y = 2



Send More Money

(constraint logic programming)

<http://eclipseclp.org/>

```
:- lib(ic).
```

```
sendmore(Digits) :-
```

```
    Digits = [S,E,N,D,M,O,R,Y],
```

```
    Digits :: [0..9],           % obor hodnôt
```

```
    alldifferent(Digits),       % všetky prvky zoznamu musia byť rôzne
```

```
    S #\= 0, M #\= 0,          % úvodne cifry nemôžu byť 0
```

```
    (1000*S + 100*E + 10*N + D) + (1000*M + 100*O + 10*R + E)
```

```
        #= 10000*M + 1000*O + 100*N + 10*E + Y,
```

```
    labeling(Digits),           % generovanie možností
```

```
    writeSolution(Digits).      % výpis riešenia
```

```
writeSolution([S,E,N,D,M,O,R,Y]) :-
```

```
    write(' '),write(S),write(E),write(N),write(D), nl,
```

```
    write('+'),write(M),write(O),write(R),write(E), nl,
```

```
    write(M), write(O),write(N),write(E),write(Y),nl.
```



Magické

- 381 je magické, lebo
3 je deliteľné 1,
38 je deliteľné 2,
381 je deliteľné 3.
- `magicke(X):-magicke(X,0,0).`
- `magicke([],_,_).`
`magicke([X|Xs],Cislo,N) :-` Cislo1 is $10 * \text{Cislo} + X$,
N1 is $N + 1$,
0 is $\text{Cislo1} \bmod N1$,
`magicke(Xs,Cislo1,N1).`
- `uplneMagicke(X) :- magicke(X), member(1,X), member(2,X), ...`

ifthenelse(C,T,E):-C->T;E
ifthen(C,T):-C->T

Ako nájdeme úplne magické

cifra(1).cifra(2).cifra(3).cifra(4).cifra(5).cifra(6).cifra(7).cifra(8).cifra(9).

- *technika "generuj a testuj"*

```
umag(X) :- cifra(C1), cifra(C2), cifra(C3), cifra(C4), cifra(C5),  
            cifra(C6), cifra(C7), cifra(C8), cifra(C9),  
            uplneMagicke([C1,C2,C3,C4,C5,C6,C7,C8,C9]),  
            zoznamToInt2([C1,C2,C3,C4,C5,C6,C7,C8,C9],X).
```

- *technika backtracking*

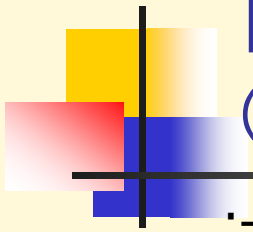
```
umagiccifra(X):- length(X,9) -> zoznamToInt2(X,Y),write(Y),nl  
;   
  cifra(C),not(member(C,X)),  
  append(X,[C],Y),  
  magicke(Y),  
  umagiccifra(Y).
```

if

then

else

?- umagic9([]).
381654729



Magické

(constraint logic programming)



<http://eclipseclp.org/>

```
:- lib(ic).
```

```
uplneMagicke(Digits) :-
```

```
    Digits = [_,_,_,_,_,_,_,_],
```

```
    Digits :: [1..9],
```

```
    alldifferent(Digits),
```

```
    magicke(Digits),
```

```
    labeling(Digits).
```

% obor hodnot

% vsetky prvky zoznamu musia byt rozne

% generovanie moznosti

```
magicke(X):-magicke(X,0,0).
```

```
magicke([],_,_).
```

```
magicke([X|Xs],Cislo,N) :-
```

```
    Cislo1 #= 10*Cislo+X,
```

```
    N1 is N+1,
```

```
    Cislo1 / N1 #= _,
```

```
    magicke(Xs,Cislo1,N1).
```



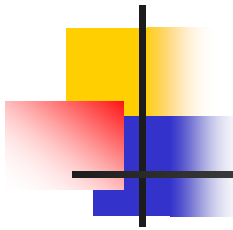

Master Mind

(hra Logic)

Hra MasterMind sa hráva vo viacerých verziách. Najjednoduchšia je taká, že hádate 4-ciferné číslo pozostávajúce z neopakujúcich sa čífiel od 1 do 6. Napríklad, ak hádate utajené číslo 4251, hádajúci položí dotaz 1234, tak dostane odpoveď, koľko čífiel ste uhádli (t.j. 3, lebo 1,2,4), a koľko je na svojom mieste (t.j. 1, lebo 2 je na "svojom" mieste v dotaze). Odpoveď je teda 3:1.

Definujte predikát $mm(Utajene, Dotaz, X, Y)$, ktorý pre známe Utajene a Dotaz v tvare zoznamov $[4,2,5,1]$ a $[1,2,3,4]$ určí odpoveď $X:Y$, t.j. $X=3$ a $Y=1$.

Z rozohranej partie MasterMind ostal len zoznam dotazov a odpovedí hádajúceho vo formáte zoznamu, napr.
 $P = [dotaz([1,2,3,4],3,1), dotaz([4,3,2,1],3,2)]$. Definujte predikát $findMM(P, X)$, ktorý pre zadaný zoznam dotazov P nájde všetky možné utajené čísla X , ktoré vyhovujú odpovediam na tieto dotazy.
Např. $X = [4,2,5,1]$ ale aj ďalšie.



Master Mind 1

Hádané číslo

[2,3,6,4]

[1, 2,3,4] 3:1,

[3, 2,1,5] 2:0

[6, 4,3,1] 3:0

MasterMind ... koľko cifier ste uhádli, a koľko je na svojom mieste

- predikát spočíta počet *právd* v zozname:

```
countTrue([],0).
```

```
countTrue([C|Cs],N) :- countTrue(Cs,N1),
```

```
(C -> N is N1+1
```

% ak pravda,+1

```
;
```

```
N is N1).
```

% inak nič

- mm([C1,C2,C3,C4],[Q1,Q2,Q3,Q4],X,Y) :-

```
C = [C1,C2,C3,C4],
```

```
countTrue([member(Q1,C),member(Q2,C),  
            member(Q3,C),member(Q4,C)],X),
```

```
countTrue([C1=Q1,C2=Q2,C3=Q3,C4=Q4],Y).
```

Master Mind ešte príde...



Master Mind 2

definujte predikát `findMM(P,X)`, ktorý pre zadaný zoznam dotazov `P` nájde všetky možné utajené čísla `X`, ktoré vyhovujú odpovediam.

```
findMM(Qs, Code) :-
    Code1 = [_,_,_,_],
    comb(Code1,[1,2,3,4,5,6]),
    perm(Code1,Code),
    checkMM(Qs,Code).
% Qs-zoznam dotazov s odpoveďami
% hádaš štvorciferné číslo
% ... 4-kombinácie množiny {1..6}
% ... a to rôzne poprehadzované
% ... že všetky dotazy platia
```

```
checkMM([],_).
checkMM([dotaz(Q,X,Y)|Qs],Code) :-
    mm(Q,Code,X,Y), checkMM(Qs,Code).
```

```
?-findMM([
    dotaz([1,2,3,4],3,1),
    dotaz([3,2,1,5],2,0),
    dotaz([6,4,3,1],3,0)],C).
```

```
C = [1, 6, 4, 2] ;
```

```
C = [2, 1, 6, 4] ;
```

```
C = [2, 3, 6, 4] ;
```

```
No
```



<http://eclipseclp.org/>

Master Mind

(constraint logic programming)

```
findMM(Qs, Code) :-  
    Code = [_,_,_,_],  
    Code :: [1..6],  
    alldifferent(Code),  
    labeling(Code),  
    checkMM(Qs,Code).
```