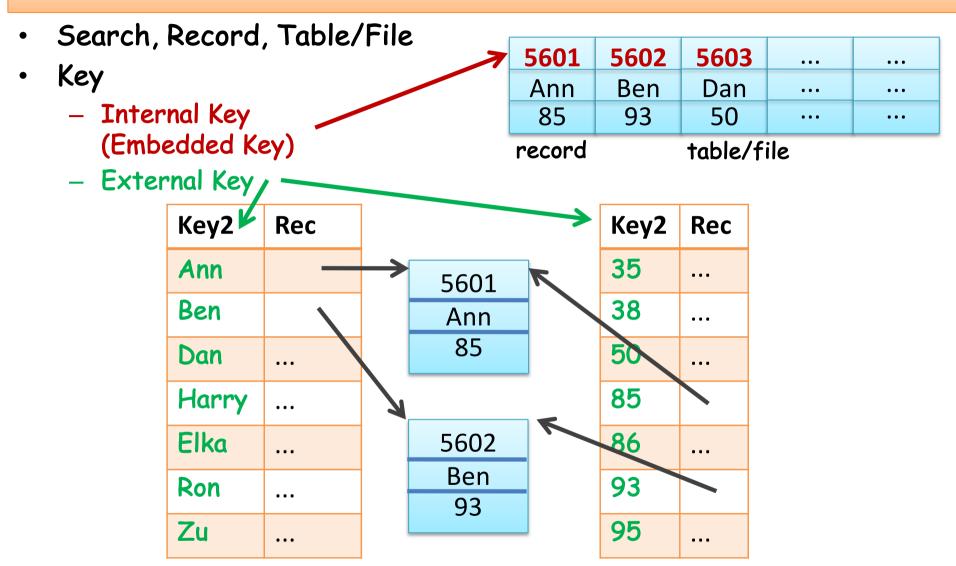


Searching Terminology



- Successful Search/Unsuccessful Search
- Internal Search (main memory) / External Search (auxiliary memory)

Searching

Search Unordered Table

- Sentinel Search
- Move to Front
- Transposition

Search Ordered Table

List (Array)	Tree Search
- Sequential Search (Linear Search)	- Sequential Search (Linear Search)
- Binary Search	-Binary Search Tree

- Hashing

Searching Unorder List

```
rec 19 56 2 7 25 18 ... 40 1 2 3 4 5 6 ... n pos
```

```
found = false; //Typical version
i = 1;
loop (i<=n) and (not found)
  if (key == rec[i].key) {
    foundIndex = i;
    found = true;
  else
    i = i +1;
  end if
end loop</pre>
```

```
pos = n+1; //More efficient version
i = 1;
loop (i<>pos)
  if (key == rec[i].key)
    pos = i;
  else
    i = i+1;
  end if
endloop
if (i<=n)
  search = i;
else
  search = 0;
end if
```

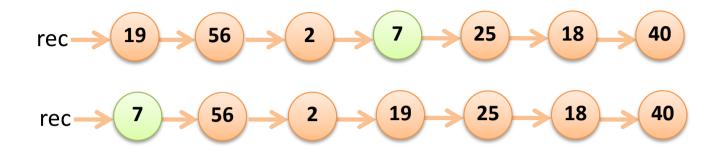
Sentinel Search

rec	19	56	2	7	25	18	•••	40	Sentinel	
	1	2	3	4	5	6	•••	n		

```
rec[n+1] = key; //adding sentinel
i = 1;
                                           O(n)
loop (key <> rec[i].key)
                                           Best Case
   i = i+1;
                                           Worst Case
end loop
                                                              (n+1)/2
                                           Avg Case
if (i<n)
   search = i;
else
   search = 0;
                                                       Sentinel
end if
                56
rec-
```

การใช้ sentinel ทำให้การทำงานเร็วขึ้น จากการที่ไม่ต้องตรวจสอบว่า list หมดแล้ว

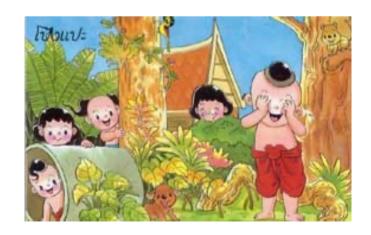
Move to Front Heuristic



Move to Front

- แต่ละครั้งที่ search พบ ให้เลื่อน record นั้นขึ้นไปอยู่หน้าสุดของ list (ต้องเป็น linked list version)
- แนวคิด : ของอะไรที่ใช้แล้วมีแนวโน้มที่น่าจะถูกใช้อีกจึงเอามาไว้ข้างหน้า

A heuristic is a mental shortcut that allows people to quickly make judgments and solve problems. These mental shortcuts are typically informed by our past experiences and allow us to act quickly. However, heuristics are really more of a rule-of-thumb; they don't always guarantee a correct solution.



Transposition Heuristic



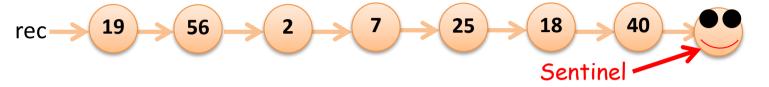
Transposition

- แต่ละครั้งที่ search พบ ให้สลับ record ที่ search พบขึ้นมาข้างหน้า 1 ตำแหน่ง
- แนวคิด : การใช้ครั้งเดียวไม่ได้แปลว่าจะใช้อีกครั้งหนึ่งเสมอไป แต่การสลับแบบนี้ หากใช้มากๆ ก็จะเลื่อนขึ้นมาอยู่ข้างหน้าเอง

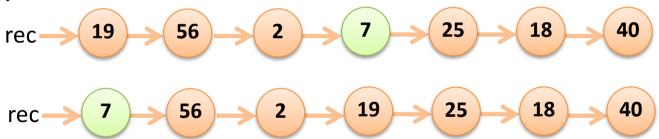
Searching Unordered Table

Sentinel Search

rec 19 56 2 7 25 18 ... 40 Sentinel



Move to Front



Transposition

rec 19 56 2 7 25 18 ... 40

rec 19 56 7 2 25 18 ... 40

Searching

Search Unordered Table

- Sentinel Search
- Move to Front
- Transposition

Search Ordered Table

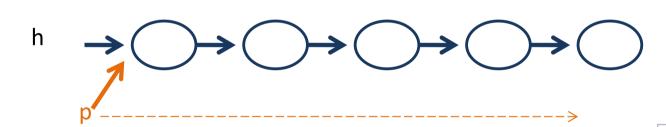
List (Array)	Tree Search
- Sequential Search (Linear Search)	- Sequential Search (Linear Search)
- Binary Search	-Binary Search Tree

- Hashing

Sequential Search (Linear Search)









O(n)
Best Case 1
Worst Case n
Avg Case (n+1)/2

Searching

Search Unordered Table

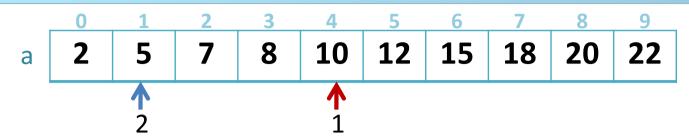
- Sentinel Search
- Move to Front
- Transposition

Search Ordered Table

List (Array)	Tree Search
- Sequential Search (Linear Search)	- Sequential Search (Linear Search)
- Binary Search	-Binary Tree Search

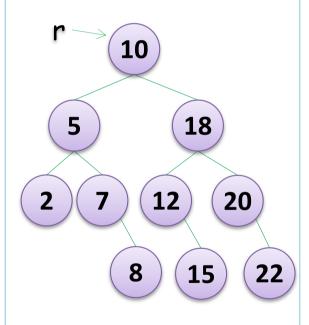
- Hashing

Binary (Tree) Search



binarySearch

low = 1, high = dataSize loop (low <= high)</pre> mid = (low + high)/2if(a[mid] < key) low = mid + 1else if(a[mid] > key) high = mid - 1else low = hight + 1 end if end loop if (key == a[mid] return mid else return -1 end if



O(log₂ n)

binarySearch

```
p = q = root
loop (p is not null)
  if( key < p(data))</pre>
      p = p - | ft;
  else if ( key > p(data))
      p = p->right;
  else
        q = p
        p = null
  end if
end loop
if (key == q->data
 return q
else return null
end if
```

Hashing concepts



- 1. searches ก่อนๆ นี้ต้องเช็คเทียบหลายครั้งจึงพบหรือพบว่าไม่มี การเช็คเทียบแต่ละครั้ง เรียก probe
- 2. ความต้องการของ hashing:
 - ทำอย่างไรเราจะหาของได้ใน 1 probe ?



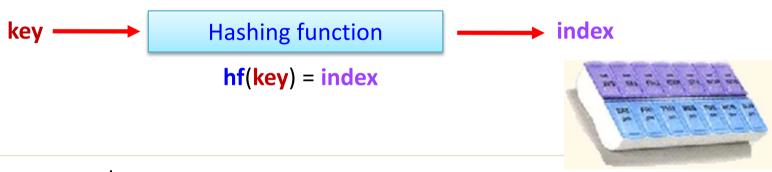
เราต้องรู้ว่ามันอยู่ที่ใหน → เก็บอย่างมีหลักการณ์

Hasing Function

ตัวตนของแต่ละ record อยู่ที่ไหน ?

อยู่ที่ key ของมัน ดังนั้นต้อง

โยง key เข้ากับ ที่เก็บ (array index)



- การโยง key ให้เป็นที่เก็บเรียก hashing algorithm ฟังก์ชั่นที่ใช้เรียกว่า hashing function เรา hash key ไปสู่ index
- Array ที่เก็บ records เรียก hash table.

Mapping Techniques

Subtraction

• ถ้าทุก id นำหน้าด้วย 54011

$$hf(key) = key-54 01 1000$$

 $hf(54\ 01\ 1004) = 4$

 $hf(54\ 01\ 1037) = 37$

hf(54 01 1576) = 576

Extraction

เอาแค่บางส่วนของ key

54 01 1576 -> 4156

Summation, Division, ...

Folding.

- แบ่ง key เป็นส่วนๆ
- summation(/subtraction/...) ส่วนนั้นๆ

54091576

= 540 **+915+76**

= 1531

= 531 //array size = 1000

- Modulo เพื่อให้อยู่ใน range
- Midsquare

```
key<sup>2</sup> หรือ part_of_key<sup>2</sup>
```

เอาตรงกลางมา

54011576 -> 576*576

= 331776 -> 177

Mapping String 1 - 2

Mapping String 1

string → sum all ASCII chars →int

Mapping String 2

string (k[0] + 27 k[1] + 27² k[2]) int

HashString1

k = address of first char
HashVal = 0;
loop (*k != null)
 HashVal += *k++
endloop
return HashVal mod TableSize

HashString2

• ปัญหา: table ใหญ่ 10,000 => กระจาย distribute ไม่ดี

• ASCII 0-127, 8 chars => 127*8 =>[0-1,016]

ถ้าคิด 26 ตัวไม่นับ blank คิดเฉพาะ 3 chars แรก ==> 17,576 combinations ==> แต่จริง ๆ แล้ว Eng. ไม่ random ดูตาม dic. ได้ 2,851 combinations = 28% (ของ 10,000) ดังนั้น table ใหญ่ ใช้ไม่เต็ม กระจายไม่ดี

Mapping String 3 Horner's rule: Polynomial of 32

string
$$\rightarrow$$
 (32⁴ k[0]+32³k[1]+32²k[2]+32k[3]+k[4]) \rightarrow int % Tablesize

Horner's rule: Polynomial of 32

k = address of first char
i = keysize-1
loop (*k != null)
 hv += 32**i + *k++
 i -= 1
end loop
hv = hv % Tablesize

$$\sum_{i=0}^{keysize-1} 32^{keysize-1-i} * k[i]$$

$$\sum_{i=0}^{keysize-1} k[keysize-1-i] + 32^{i}$$

• if keysize = 5

return hv

- iteration #0 : 320*K[0]
- iteration #1 : 321*K[0]+ 320*K[1]
- iteration $\#2:32^2 \times K[0] + 32^1 \times K[1] + 32^0 \times K[2]$
- iteration #3 : 32^{3} *K[0] + 32^{2} *K[1] + 32^{1} *K[2] + 32^{0} *K[3]
- iteration #4: 32^{4} *K[0] + 32^{3} *K[1] + 32^{2} *K[2] + 32^{1} *K[3] + 32^{0} K[4]

Mapping String 3

Horner's rule: Polynomial of 32

Mapping String

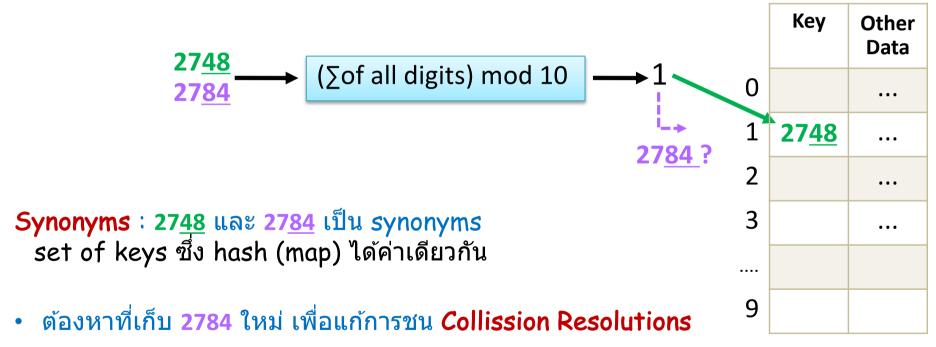
- string ยาวๆ ใช้เวลามาก ==> truncation
- 438 Washington NY
 - = 438WaNY

map -> array range

Collission, Synonym

Collission เกิดเมื่อ hash แล้วได้ index ที่มีของอยู่แล้ว เช่น

- insert 2748 hash(2748) = 1 ว่าง ใส่ใน slot 1
- ,, 27<u>84</u> hash(27<u>84)</u> = 1 ไม่ว่าง collission ชน กับ 2748 ต้องหาที่เก็บใหม่ให้



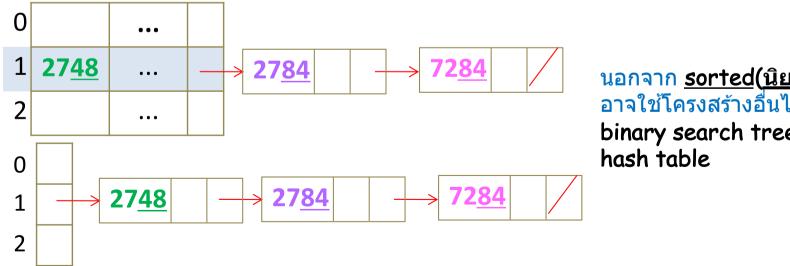
- Open Addressing (Closed Hashing)
 ที่เก็บใหม่อยู่ใน table เดิม ซึ่งแก้การชน<u>ไม่ได้</u> 100%
- Separate Chaining ที่เก็บใหม่อยู่นอก table เดิม แก้การชนได้ 100%

Collission Resolutions



เช่น2784 ชนกับ 2748 จึงหาที่ใหม่ให้ ในตัวอย่าง - ให้อยู่ถัดมา 1 ช่อง วิธีนี้เรียกว่า Linear Probing

Separate Chaining ที่เก็บใหม่อยู่นอก table เดิม แก้การชนได้ 100%



นอกจาก sorted(นิยม) linked list อาจใช้โครงสร้างอื่นได้เช่น

binary search tree

Good Hashing Function, Load Factor

Hashing Function ที่ดี

- อยู่ใน index range
 ==> mod tablesize
 ==> table size ควรเป็น prime.
- คำนวณ ง่าย รวดเร็ว
- กระจายดี กระจายทั่วถึง
- collision น้อย
- การคำนวณที่ใช้ทั้ง key แทนได้ดีกว่าที่ใช้บางส่วน

Collision การชนกัน

Collision (การชน) เกิดขึ้นเมื่อ hash ได้ index ที่มีของอยู่แล้ว จึงต้องหาที่เก็บใหม่ให้ มีทางแก้ 2 วิธี

1. Separate Chaining

ที่เก็บใหม่อยู่นอก table เดิม แก้การชนได้ 100%

2. Open Addressing

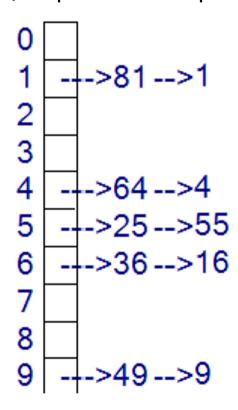
ที่เก็บใหม่อยู่ใน table เดิม ซึ่งแก้การชน<u>ไม่ได้</u> 100%

Separate Chaining ที่เก็บใหม่อยู่นอก table เดิม แก้การชนได้ 100%

Separate Chaining (cont.)

- Load factor λ = ปริมาณข้อมูล ใน hash table / ขนาดของตาราง
 ในรูปตัวอย่าง λ = 10/10 = 1.0
- จากการวิเคราะห์ : tαble size ไม่ค่อยสำคัญเท่าไหร่ ที่สำคัญคือ λ
- general rule สำหรับ separate chaining hash table
 - \(\lambda \sim 1\)
 - table size เป็น prime
- ข้อเสียของ separate chaining คือ ใช้ data structure ที่ 2 เช่น linked list ซึ่งทำให้ช้าลง
 (allocate new node, implement 2nd data structure)
- ข้อดี: 100% solved collission

- $h(x) = x \mod 10$
- Table size = 10
 (not prime for simplicity)



Open Addressing ที่เก็บใหม่อยู่ใน table เดิม ซึ่งแก้การชน<u>ไม่ได้</u> 100%

Linear Probing

```
probe ชนครั้งที่ i aav h(k) + f(i)
```

Linear Probing
$$f(i) = i$$
 and $h(k) + 1$, $h(k) + 2$, $h(k) + 3$,...

Quadratic Probing $f(i) = i^2$ and h(k), h(k)+1, h(k)+4, h(k)+9,...

 Rehash: hash อีกครั้งเพื่อให้ได้ที่ใหม่

 hf(key) = key mod 10

 h(1111) = 1

 ขน

 rehash ครั้งที่ 1 = 1+1 = 2 ชน

 rehash ครั้งที่ 2 = 1+2 = 3 ชน

 rehash ครั้งที่ 3 = 1+3 = 4 ว่าง

รวมทั้งหมด 4 probes

Linear Probing

- การคำนวณง่าย search ง่าย
- มีแนวโน้มให้เกิด
 การกระจุกตัว (Clustering) ของ data
 -> collission

array size = 10 (not prime for simplicity)

9

2151

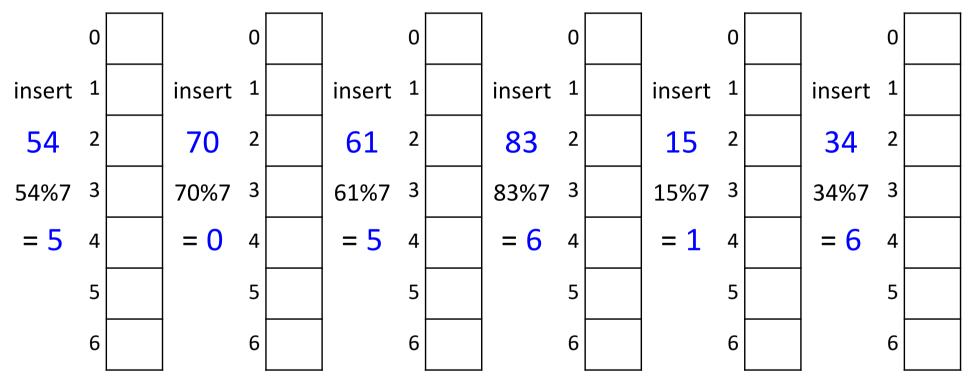
2872

4553

1111

...

Linear Probing

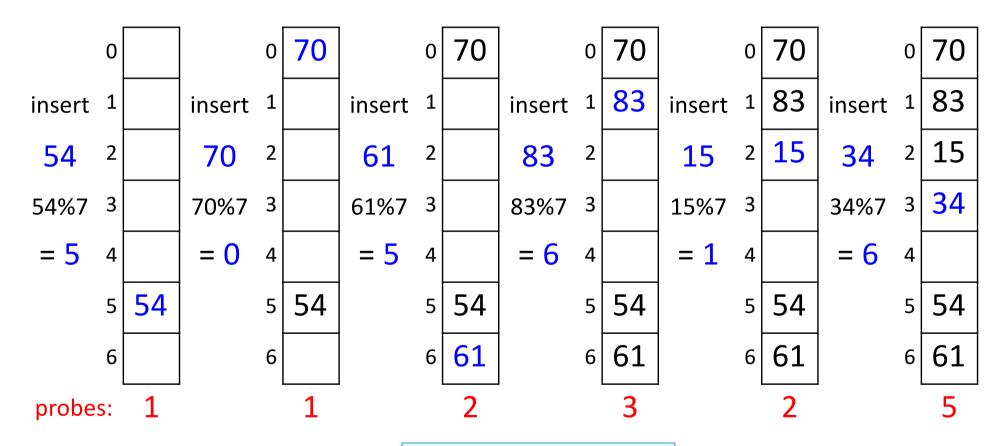


probes:

 $h(key) = key \mod 7$

Linear Probing

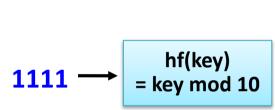
```
probe ชนครั้งที่ i ลอง h(k) + f(i)
Linear Probing f(i) = i ลอง : h(k), h(k)+1, h(k)+2, h(k)+3,...
```



 $h(key) = key \mod 7$

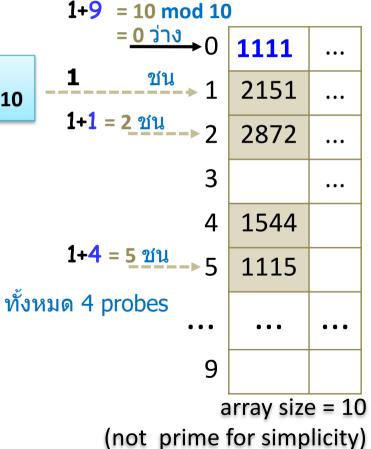
Quadratic Probing

```
probe ชนครั้งที่ i
                                ลอง h(k) + f(i)
Quadratic Probing f(i) = i^2 and h(k), h(k)+1, h(k)+4, h(k)+9,...
Linear Probing f(i) = i \text{ and } : h(k), h(k)+1, h(k)+2, h(k)+3,...
```



Quadratic Probing

- มีการกระจาย(distributes) มากกว่า Linear Probing
- ปัญหาของ quadratic probing คือ เราไม่ได้ probe ทุก ช่องของ table แต่สามารถพิสูจน์ได้ว่า หาก table size เป็น prime และ table ว่างอย่างน้อย ½ quadratic probing จะสามารถหาช่องว่างได้ และ ไม่มี การ probe ซ้ำช่องเดิม
- แต่การที่ table ต้องว่างอย่างน้อย ½ ทำให้ quadratic probing: space inefficient



Quadratic Probing

Quadratic Probing $f(i) = i^2$ and h(k), h(k)+1, h(k)+4, h(k)+9,...

	0		0		0		0		0		0	
insert	1											
54	2	72	2	61	2	1	2	33	2	70	2	
54%7	3	72%7	3	61%7	3	1%7	3	33%7	3	70%7	3	
= 5	4	= 2	4	= 5	4	= 1	4	= 5	4	= 0	4	
	5		5		5		5		5		5	
	6		6		6		6		6		6	

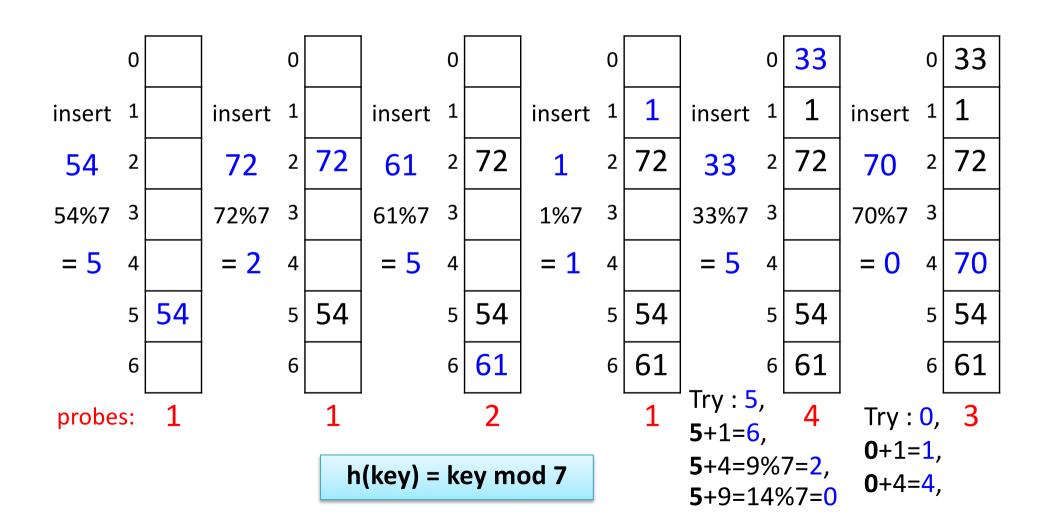
probes:

 $h(key) = key \mod 7$

Quadratic Probing

probe ชนครั้งที่ i aav h(k) + f(i)

Quadratic Probing $f(i) = i^2$ and h(k), h(k)+1, h(k)+4, h(k)+9,...

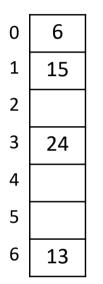


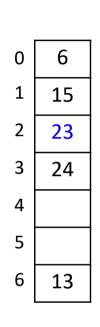
Rehashing

Rehashing

- ถ้า table แน่นเกินไปจะเริ่มทำให้แต่ละ operation ใช้เวลานาน และอาจ insert ไม่ได้สำหรับ open addressing แบบ quadratic
- แก้ได้โดย สร้าง table ขึ้นใหม่ ใหญ่ขึ้น 2 เท่า และนำ data จาก table เดิมทั้งหมด มา hash ใส่ table ใหม่ เรียกว่า rehashing (rehash ทุก data เข้า table ใหม่)
 (rehash อีกความหมายหนึ่งคือ hash อีกครั้งเมื่อ collission)
- เมื่อใดบ้างที่ต้อง rehash
 - ทันทีที่ table เต็ม
 - เมื่อ insert ไม่ได้ (นโยบายเข้มงวด)
 - table เต็มถึงระดับที่กำหนดไว้ (ถึงค่า load factor ที่กำหนด) (นโยบาย
 เข้มงวดปานกลาง)

Rehashing





Rehashing

- สร้าง table ขึ้นใหม่ ขนาด 17
 (ค่า prime ถัดไปที่ใหญ่ขึ้น 2 เท่า)
- insert data ใหม่ทั้งหมด ด้วย
 h(x) = x mod 17
- แพง = O(n)

Insert: Insert: 23 13, 15, 6, 24 Over 70 % full

 $h(x) = x \mod 7$, Linear Probing

Rehashing

ข้อเสียของการเก็บข้อมูลแบบ hash

- การจัดการที่เกี่ยวกับอันดับของข้อมูล
 - หาค่าตัวน้อยสุด
 - หาค่าตัวมากสุด
 - ตัวที่ถัดจากตัวที่กำหนดให้

เนื่องจากการต้องดูข้อมูลทุกตัวทุกตำแหน่งในตารางจึงจะตอบได้ และจากการที่ ฟังก์ชัน แฮชทำให้คีย์กระจาย ข้อมูลที่อยู่ใกล้กันเมื่อผ่านฟังก์ชันแฮชก็ไม่สามารถทราบได้ว่าอยู่ที่ ใด

- ต้องระวังเรื่องฟังก์ชันแฮชที่ได้ค่าเหมือนกันทุกครั้ง
 - ในกรณีที่นำคีย์ผ่านฟังก์ชันแฮชแล้วได้ค่าซ้ำเดิม ซึ่งระบบจะแก้ปัญหาการชนไว้แล้ว แต่ หากเพิ่มข้อมูลเข้าไปมาก ๆ ก็จะทำให้ระบบเริ่มช้าลงได้ จึงต้องระวังเรื่องการใช้งาน ฟังก์ชันแฮช

สรุป

- การคัน การเพิ่ม การลบ ข้อมูลในตารางแฮชทำได้เร็ว
- สามารถปรับเวลาการทำงานให้เร็วขึ้น ด้วยการใช้เนื้อที่ที่เพิ่มขึ้น เพื่อให้
 ได้ λ ที่เหมาะสม
- ฟังก์ชันแฮชมีผลต่อประสิทธิภาพการทำงาน

Done