

# Compilateur C vers clauses de Horn

Paul RAYNAUD M1 Informatique

Laboratoire : VERIMAG

Equipe : PACSS

Enseignants référents :

Michël PÉRIN; David MONNIAUX

Soutenance TER (Magistère)

# Pourquoi vérifier des programmes ?

- Omniprésence de l'informatique
  - Les ordinateurs sont présent en masse dans notre société et nous aide dans la vie courante, cependant les bogues ne sont pas rares.
- Dans des systèmes critiques
  - Santé, l'aéronautique, énergie, information, finance
  - (- Il est vital que ces secteurs soient à l'abris de pannes et de mauvais fonctionnements. Par conséquent il est nécessaire de les prouver)

Transition :

La technique de preuve de programme est connue . Depuis 1969 (Hoare & Floyd & Dijkstra) la recherche porte sur l'automatisation.

# Outils existant

- SeaHorn un outil réalisant la vérification de programme
  - Basé sur le compilateur LLVM, sémantique ambiguë, traduction logique non documentée
- Choix d'un compilateur CompCert C
  - Une sémantique bien définie (en coq)
  - Pas de miscompilations
  - Base solide pour prouver la traduction en formule logique ( travail à long terme)

# Objectif : Du code C à des implications logiques

- Pourquoi ?
  - Générer automatiquement les triplets de Hoare à partir du code source
  - Utiliser un Solveur Modulo Théorie (SMT) pour décider si les implications sont valides.
- Oral :
  - On peut générer automatiquement les triplet de Hoare ...
  - aujourd'hui les SMT sont efficaces sur de nombreuses théorie (algèbre linéaire, polynômes, intervalles, vecteurs de bits, logique booléenne, logique de séparation pour le « traitement » des pointeurs)
- Comment ?
  - Choix d'un compilateur/sémantique
  - Besoin de construire/ récupérer un Graphe de Flût de Contrôle (CFG)

# Objectif

```
int main (void) {  
    int x=3;  
    if( x == 6){}  
    else{x = 6;}  
    return 0;  
}
```

Formule logique générée:

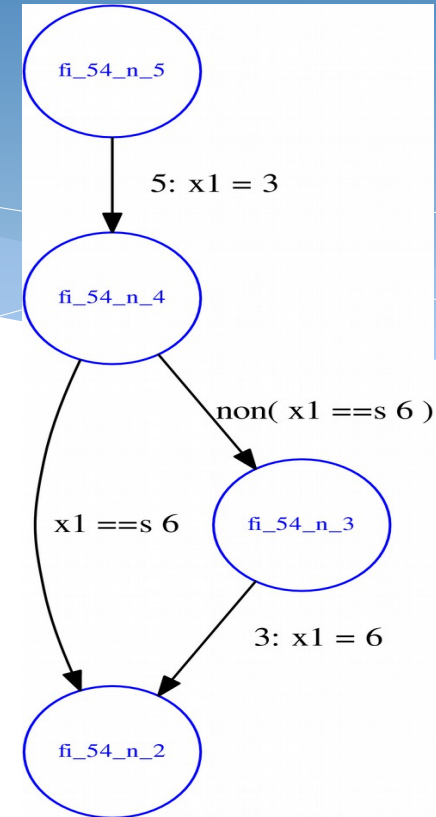
$$\begin{aligned} \rho(x1) &= x1 \in \mathbb{N}, \\ \gamma(x1) &= (x1 = 6), \\ \rho(x1) &\Rightarrow ( ((3 = 6) \Rightarrow \gamma(3)) \\ &\quad \wedge \\ &\quad ((3 \neq 6) \Rightarrow \gamma(6)) ) \end{aligned}$$

SMT



# Travail réalisé lors du TER

```
int main (void) {  
    int x=3;  
    if( x == 6){}  
    else{x = 6;}  
    return 0;  
}
```



Travail réalisé:

S'intégrer dans un compilateur industriel parmi 13 représentation intermédiaire  
Comprendre la représentation RTL de CompCert

# Travail du magistère : Génération des implications logiques

- Rappel de la logique de Hoare :

# Exemple

```
main() {
  5: x1 = 3
  4: if (x1 ==s 6) goto 2 else goto 3
  3: x1 = 6
  2: x2 = 0
  1: return x2
}
```

Rappel des règles:

(0):  $\{\rho\} \text{programme} \{\gamma\}$   
 $\forall x, \rho \implies WP(\text{programme}, \gamma)$

(1):  $WP(S1; S2, \gamma) = WP(S1, WP(S2, \gamma))$

(2):  $WP(x := e, \gamma) = \gamma[x \leftarrow e]$

(3):  $WP(\text{if } C \text{ then } S1 \text{ else } S2, \gamma) =$   
 $(C \implies WP(S1, \gamma)) \wedge (\neg C \implies WP(S2, \gamma))$

Assert ( $\gamma$ ),  
 $\gamma(x1, x2) = (x1 = 6)$

entry\_point\_54

fi\_54\_n\_5

5: x1 = 3

fi\_54\_n\_4

non( x1 ==s 6 )

x1 ==s 6

fi\_54\_n\_3

3: x1 = 6

fi\_54\_n\_2

2: x2 = 0

fi\_54\_n\_1

$\rho(x1, x2) \implies WP(x1 := 3; \text{if } (x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6; x2 := 0, \psi(x1, x2))$

LA BASE



$\{\rho\} \text{programme} \{\gamma\} \xrightarrow{(0)} \forall x1, x2, \rho(x1, x2) \implies WP(\text{programme}, \gamma)$

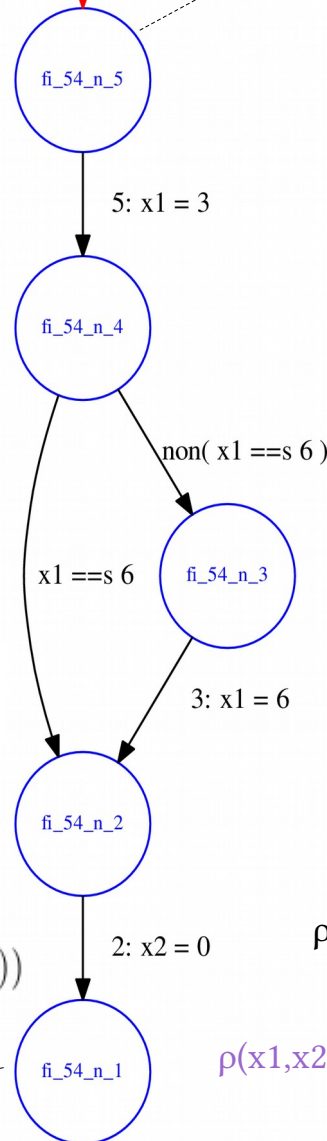


# Exemple

```
main() {
  5: x1 = 3
  4: if (x1 ==s 6) goto 2 else goto 3
  3: x1 = 6
  2: x2 = 0
  1: return x2
}
```

entry\_point\_54

assume( $\rho(x1,x2)$ ,  
 $\rho(x1,x2) = x1 \in \mathbb{N}$ )



Rappel des règles:

$$(0): \{\rho\} \text{programme} \{\gamma\} \\ \forall x, \rho \implies WP(\text{programme}, \gamma)$$

$$(1): WP(S1; S2, \gamma) = WP(S1, WP(S2, \gamma))$$

$$(2): WP(x := e, \gamma) = \gamma[x \leftarrow e]$$

$$(3): WP(\text{if } C \text{ then } S1 \text{ else } S2, \gamma) = \\ (C \implies WP(S1, \gamma)) \wedge (\neg C \implies WP(S2, \gamma))$$

Assert ( $\gamma$ ),  
 $\gamma(x1, x2) = (x1 = 6)$

$$\rho(x1,x2) \implies WP(x1 := 3; \text{if } (x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, WP(x2 := 0, \gamma(x1, x2)))$$

↑ (1)

$$\rho(x1,x2) \implies WP(x1 := 3; \text{if } (x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6; x2 := 0, \psi(x1, x2))$$

LA BASE



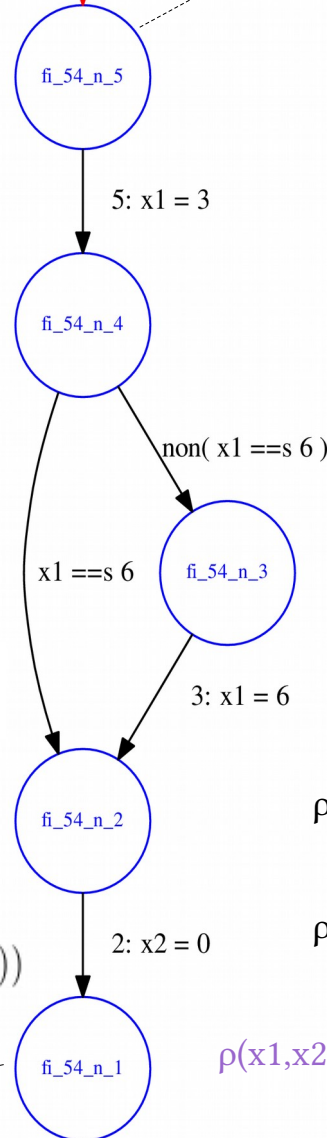
$$\{\rho\} \text{programme} \{\gamma\} \xrightarrow{(0)} \forall x1,x2, \rho(x1,x2) \implies WP(\text{programme}, \gamma)$$

# Exemple

```
main() {
  5: x1 = 3
  4: if (x1 ==s 6) goto 2 else goto 3
  3: x1 = 6
  2: x2 = 0
  1: return x2
}
```

entry\_point\_54

assume( $\rho(x1,x2)$ ,  
 $\rho(x1,x2) = x1 \in \mathbb{N}$ )



Rappel des règles:

$$(0): \{\rho\} \text{programme} \{\gamma\} \\ \forall x, \rho \implies WP(\text{programme}, \gamma)$$

$$(1): WP(S1; S2, \gamma) = WP(S1, WP(S2, \gamma))$$

$$(2): WP(x := e, \gamma) = \gamma[x \leftarrow e]$$

$$(3): WP(\text{if } C \text{ then } S1 \text{ else } S2, \gamma) = \\ (C \implies WP(S1, \gamma)) \wedge (\neg C \implies WP(S2, \gamma))$$

Assert ( $\gamma$ ),  
 $\gamma(x1, x2) = (x1 = 6)$

$$\rho(x1,x2) \implies WP(x1 := 3; \text{if } (x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, \gamma(x1, 0))$$

↑ (2)

$$\rho(x1,x2) \implies WP(x1 := 3; \text{if } (x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, WP(x2 := 0, \gamma(x1, x2)))$$

↑ (1)

$$\rho(x1,x2) \implies WP(x1 := 3; \text{if } (x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6; x2 := 0, \psi(x1, x2))$$

LA BASE



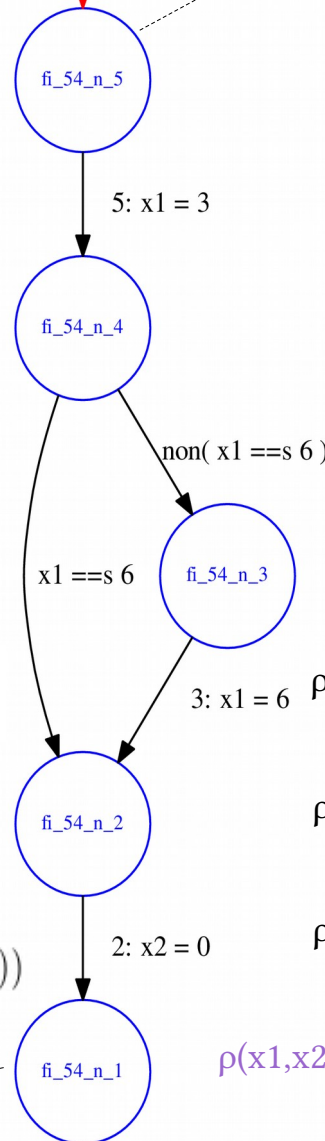
$$\{\rho\} \text{programme} \{\gamma\} \xrightarrow{(0)} \forall x1,x2, \rho(x1,x2) \implies WP(\text{programme}, \gamma)$$

# Exemple

```
main() {
  5: x1 = 3
  4: if (x1 ==s 6) goto 2 else goto 3
  3: x1 = 6
  2: x2 = 0
  1: return x2
}
```

entry\_point\_54

assume( $\rho(x1,x2)$ ,  
 $\rho(x1,x2) = x1 \in \mathbb{N}$ )



Rappel des règles:

$$(0): \{\rho\} \text{programme} \{\gamma\} \\ \forall x, \rho \implies WP(\text{programme}, \gamma)$$

$$(1): WP(S1; S2, \gamma) = WP(S1, WP(S2, \gamma))$$

$$(2): WP(x := e, \gamma) = \gamma[x \leftarrow e]$$

$$(3): WP(\text{if } C \text{ then } S1 \text{ else } S2, \gamma) = \\ (C \implies WP(S1, \gamma)) \wedge (\neg C \implies WP(S2, \gamma))$$

Assert ( $\gamma$ ),  
 $\gamma(x1, x2) = (x1 = 6)$

$$\rho(x1,x2) \implies WP(x1 := 3, WP(\text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, \gamma(x1, 0)))$$

↑ (1)

$$\rho(x1,x2) \implies WP(x1 := 3; \text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, \gamma(x1, 0))$$

↑ (2)

$$\rho(x1,x2) \implies WP(x1 := 3; \text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, WP(x2 := 0, \gamma(x1, x2)))$$

↑ (1)

$$\rho(x1,x2) \implies WP(x1 := 3; \text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6; x2 := 0, \psi(x1, x2))$$

LA BASE



$$\{\rho\} \text{programme} \{\gamma\} \xrightarrow{(0)} \forall x1,x2, \rho(x1,x2) \implies WP(\text{programme}, \gamma)$$

# Exemple

```
main() {
  5: x1 = 3
  4: if (x1 ==s 6) goto 2 else goto 3
  3: x1 = 6
  2: x2 = 0
  1: return x2
}
```

entry\_point\_54

assume( $\rho(x1,x2)$ ,  
 $\rho(x1,x2) = x1 \in \mathbb{N}$ )

fi\_54\_n\_5

5: x1 = 3

fi\_54\_n\_4

non( x1 ==s 6 )

x1 ==s 6

3: x1 = 6

fi\_54\_n\_2

2: x2 = 0

fi\_54\_n\_1

Assert ( $\gamma$ ),  
 $\gamma(x1, x2) = (x1 = 6)$

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3, x=6 \Rightarrow \gamma(x1, 0) \wedge x1 \neq 6 \Rightarrow WP(x1 := 6, \gamma(x1, 0)))$

↑ (3)

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3, WP(\text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, \gamma(x1, 0)))$

↑ (1)

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3; \text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, \gamma(x1, 0))$

↑ (2)

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3; \text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, WP(x2 := 0, \gamma(x1, x2)))$

↑ (1)

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3; \text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6; x2 := 0, \psi(x1, x2))$

LA BASE

(0)

$\{\rho\} \text{ programme } \{\gamma\} \longrightarrow \forall x1,x2, \rho(x1,x2) \Rightarrow WP(\text{programme}, \gamma)$

# Exemple

```
main() {
  5: x1 = 3
  4: if (x1 ==s 6) goto 2 else goto 3
  3: x1 = 6
  2: x2 = 0
  1: return x2
}
```

entry\_point\_54

assume( $\rho(x1,x2)$ ,  
 $\rho(x1,x2) = x1 \in \mathbb{N}$ )

fi\_54\_n\_5

5: x1 = 3

fi\_54\_n\_4

non( x1 ==s 6 )

x1 ==s 6

3: x1 = 6

fi\_54\_n\_2

2: x2 = 0

fi\_54\_n\_1

Assert ( $\gamma$ ),  
 $\gamma(x1, x2) = (x1 = 6)$

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3, x1 = 6 \Rightarrow \gamma(x1, 0) \wedge x1 \neq 6 \Rightarrow \gamma(x1, 6))$

↑ (2)

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3, x=6 \Rightarrow \gamma(x1, 0) \wedge x1 \neq 6 \Rightarrow WP(x1 := 6, \gamma(x1, 0)))$

↑ (3)

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3, WP(\text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, \gamma(x1, 0)))$

↑ (1)

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3; \text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, \gamma(x1, 0))$

↑ (2)

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3; \text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, WP(x2 := 0, \gamma(x1, x2)))$

↑ (1)

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3; \text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6; x2 := 0, \psi(x1, x2))$

LA BASE



Rappel des règles:

(0):  $\{\rho\} \text{programme} \{\gamma\}$   
 $\forall x, \rho \Rightarrow WP(\text{programme}, \gamma)$

(1):  $WP(S1; S2, \gamma) = WP(S1, WP(S2, \gamma))$

(2):  $WP(x := e, \gamma) = \gamma[x \leftarrow e]$

(3):  $WP(\text{if } C \text{ then } S1 \text{ else } S2, \gamma) =$   
 $(C \Rightarrow WP(S1, \gamma)) \wedge (\neg C \Rightarrow WP(S2, \gamma))$

(0)

$\{\rho\} \text{programme} \{\gamma\} \longrightarrow \forall x1,x2, \rho(x1,x2) \Rightarrow WP(\text{programme}, \gamma)$

# Exemple

entry\_point\_54

assume( $\rho(x1,x2)$ ,  
 $\rho(x1,x2) = x1 \in \mathbb{N}$ )

Pas complètement sûr que  
ce soit une clause de horn

$\rho(x1,x2) \Rightarrow ( ((3 = 6) \Rightarrow \gamma(3, 0)) \wedge ((3 \neq 6) \Rightarrow \gamma(6, 0)) )$

5: x1 = 3

(2)

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3, x1 = 6 \Rightarrow \gamma(x1, 0) \wedge x1 \neq 6 \Rightarrow \gamma(x1, 6))$

(2)

non( x1 ==s 6 )

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3, x=6 \Rightarrow \gamma(x1, 0) \wedge x1 \neq 6 \Rightarrow WP(x1 := 6, \gamma(x1, 0)))$

(3)

x1 ==s 6

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3, WP(\text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, \gamma(x1, 0)))$

(1)

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3; \text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, \gamma(x1, 0))$

(2)

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3; \text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6, WP(x2 := 0, \gamma(x1, x2)))$

(1)

$\rho(x1,x2) \Rightarrow WP(x1 := 3; \text{if}(x1 = 6) \text{ then else } x1 := 6; x2 := 0, \psi(x1, x2))$

LA BASE

Assert ( $\gamma$ ),  
 $\gamma(x1, x2) = (x1 = 6)$

(0)

$\{\rho\} \text{ programme } \{\gamma\} \longrightarrow \forall x1,x2, \rho(x1,x2) \Rightarrow WP(\text{programme}, \gamma)$

Rappel des règles:

(0):  $\{\rho\} \text{ programme } \{\gamma\}$   
 $\forall x, \rho \Rightarrow WP(\text{programme}, \gamma)$

(1):  $WP(S1; S2, \gamma) = WP(S1, WP(S2, \gamma))$

(2):  $WP(x := e, \gamma) = \gamma[x \leftarrow e]$

(3):  $WP(\text{if } C \text{ then } S1 \text{ else } S2, \gamma) =$   
 $(C \Rightarrow WP(S1, \gamma)) \wedge (\neg C \Rightarrow WP(S2, \gamma))$



# Explication du travail fourni

```
int main (void) {  
    int x=3;  
    if( x == 6){}  
    else{x = 6;}  
    return 0;  
}
```

Compilé par compcert

```
main() {  
    5: x1 = 3  
    4: if (x1 ==s 6) goto 2 else goto 3  
    3: x1 = 6  
    2: x2 = 0  
    1: return x2  
}
```

En brouillon, tentative de  
montrer les résultats

```
(AST.Gfun  
  (AST.Internal  
    { RTL.fn_sig =  
      { AST.sig_args = []; sig_res = (Some AST.Tint);  
        sig_cc =  
        { AST.cc_vararg = false; cc_unproto = false;  
          cc_structret = false }  
        };  
      fn_params = []; fn_stacksize = BinNums.Z0;  
      fn_code =  
      (Maps.PTree.Node (  
        (Maps.PTree.Node (  
          (Maps.PTree.Node (Maps.PTree.Leaf,  
            (Some (RTL.Icond (  
              (Op.Ccompimm (Integers.Ceq,  
                (BinNums.Zpos  
                  (BinNums.Coq_x0  
                    (BinNums.Coq_xI BinNums.Coq_xH)))  
                )),  
              [BinNums.Coq_xH],  
              (BinNums.Coq_x0 BinNums.Coq_xH),  
              (BinNums.Coq_xI BinNums.Coq_xH))),  
            Maps.PTree.Leaf)),  
          (Some (RTL.Iop ((Op.Ointconst BinNums.Z0), [],  
            (BinNums.Coq_x0 BinNums.Coq_xH), BinNums.Coq_xH))),  
          Maps.PTree.Leaf)),  
          (Some (RTL.Ireturn (Some (BinNums.Coq_x0 BinNums.Coq_xH))),  
            (Maps.PTree.Node (  
              (Maps.PTree.Node (Maps.PTree.Leaf,  
                (Some (RTL.Iop (  
                  (Op.Ointconst  
                    (BinNums.Zpos  
                      (BinNums.Coq_xI BinNums.Coq_xH))),  
                  [], BinNums.Coq_xH,  
                  (BinNums.Coq_x0  
                    (BinNums.Coq_x0 BinNums.Coq_xH))  
                  )),  
                Maps.PTree.Leaf)),  
              (Some (RTL.Iop (  
                (Op.Ointconst  
                  (BinNums.Zpos  
                    (BinNums.Coq_x0  
                      (BinNums.Coq_xI BinNums.Coq_xH))),  
                [], BinNums.Coq_xH,  
                (BinNums.Coq_x0 BinNums.Coq_xH))),  
                Maps.PTree.Leaf))  
            )  
          )  
        )  
      )  
    )  
  )  
)
```

# Travail restant à fournir dans le futur

- Réaliser une première version simplifiée
  - L'objectif de mon stage : ...ou
  - Réaliser la génération des clauses de Horn pour un code source, en supportant un sous-ensemble des instructions du C. (ce qui est le sujet de mon stage)
- Étendre la première version
  - Réaliser toutes les instructions supportées par Compcertou
  - Un outil pouvant supporter toutes les instructions définies dans Compcert.
- Vers une intégration dans Compcert
  - Prouver l'outil en coq et l'intégrer à Compcert





Questions ?