

# Automatismes en première 2022/2023

Frédéric Junier

Lycée du Parc  
1 Boulevard Anatole France  
69006 Lyon

26 septembre 2023

Calcul algébrique et littéral  
Démontrer une égalité  
Calculs d'aire  
Second degré  
Dérivation locale  
Dérivation Globale  
Suites numériques  
Exponentielle  
Application du produit scalaire  
Raisonnement

# Plan

- 1 Calcul algébrique et littéral
- 2 Démontrer une égalité
- 3 Calculs d'aire
- 4 Second degré
- 5 Dérivation locale
- 6 Dérivation Globale
- 7 Suites numériques
- 8 Exponentielle
- 9 Application du produit scalaire
- 10 Raisonnement

## Automatisme 1 *thème : Puissances*

- ❶ Écrire  $(3^2 \times 3^5)^4$  sous la forme d'une puissance de 3.
- ❷ Soit  $ABC$  un triangle rectangle en  $A$  tel que  $AB = 5$  et  $BC = 13$ , calculer la longueur  $AC$ .
- ❸ Simplifier  $(2\sqrt{3})^4$
- ❹ Simplifier  $\frac{4+\sqrt{60}}{2}$
- ❺ Soit  $a$  et  $b$  des réels avec  $b \geq 0$ , simplifier  $\frac{a-\sqrt{b}}{2} - \frac{-a+\sqrt{b}}{2}$
- ❻ Développer et réduire  $\left(\frac{a+b+c}{2}\right)^2 - \left(\frac{a+b-c}{2}\right)^2$

## Automatisme 2 thème : Fractions

Réduire au même dénominateur et simplifier les expressions suivantes définies pour l'indéterminée  $x$  ou  $n$ .

- $\frac{1}{n} - \frac{1}{n+1}$
- $\frac{1}{n-4} - n$
- $\frac{1}{(n+1)^2} + \frac{1}{n+1} - \frac{1}{n}$
- $\frac{x}{x-1} - \frac{2}{x+1} - \frac{2}{x^2-1}$
- $\frac{1}{x} + \frac{x+2}{x^2-4} + \frac{2}{x^2-2x}$

## Automatisme 3 *thème : Factoriser*

Soit  $a$  un réel.

- Factoriser  $a^4 - 16$
- Factoriser  $a^2 - 1 + 3a - 3$  par  $a - 1$
- Factoriser  $2a^2 + 5a + 2$  par  $a + 2$
- Factoriser  $a^2 + a - 2$
- Factoriser  $a^2 + a - 6$

Calcul algébrique et littéral  
Démontrer une égalité  
Calculs d'aire  
Second degré  
Dérivation locale  
Dérivation Globale  
Suites numériques  
Exponentielle  
Application du produit scalaire  
Raisonnement

# Plan

- 1 Calcul algébrique et littéral
- 2 Démontrer une égalité
- 3 Calculs d'aire
- 4 Second degré
- 5 Dérivation locale
- 6 Dérivation Globale
- 7 Suites numériques
- 8 Exponentielle
- 9 Application du produit scalaire
- 10 Raisonnement

## Automatisme 4 *thème* : Démontrer une égalité

Soit  $f$  et  $g$  deux fonctions définies sur  $\mathbb{R}$  telles que pour tout réel  $x$ ,  $f(x) = 10 - x$  et  $g(x) = 3x^2$ .

Démontrer que la proposition suivante est vraie :

$$\text{pour tout réel } x, \text{ on a } f(x) - g(x) = (2 + x)(5 - 3x)$$

## Automatisme 5 *thème : Démontrer qu'une proposition est fausse*

Démontrer que la proposition suivante est fausse :

$$\text{pour tout réel } x, \text{ on a } (x + 3)^2 = x^2 + 3^2$$



Calcul algébrique et littéral  
Démontrer une égalité  
**Calculs d'aire**  
Second degré  
Dérivation locale  
Dérivation Globale  
Suites numériques  
Exponentielle  
Application du produit scalaire  
Raisonnement

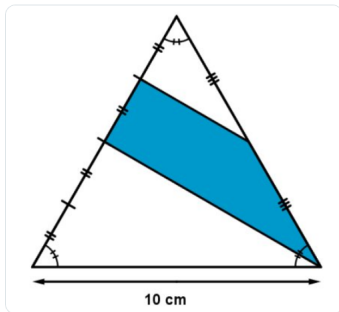
# Plan

- 1 Calcul algébrique et littéral
- 2 Démontrer une égalité
- 3 Calculs d'aire**
- 4 Second degré
- 5 Dérivation locale
- 6 Dérivation Globale
- 7 Suites numériques
- 8 Exponentielle
- 9 Application du produit scalaire
- 10 Raisonnement

## Automatisme 6 *thème : Calcul d'aire*

Quelle fraction du triangle équilatéral est recouverte par l'aire bleue ? Quelle est la valeur exacte de l'aire bleue ?

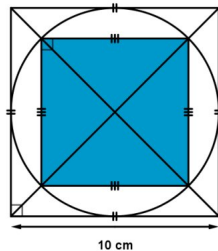
Source : Daniel Mentrard



## Automatisme 7 thème : Calcul d'aire

Quelle est la valeur exacte de l'aire bleue ?

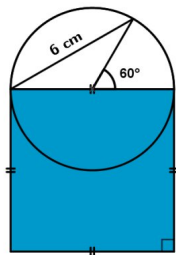
Source : Daniel Mentrard



## Automatisme 8 *thème : Calcul d'aire*

Quelle est la valeur exacte de l'aire bleue ?

Source : Daniel Mentrard



Calcul algébrique et littéral  
Démontrer une égalité  
Calculs d'aire  
**Second degré**  
Dérivation locale  
Dérivation Globale  
Suites numériques  
Exponentielle  
Application du produit scalaire  
Raisonnement

# Plan

- 1 Calcul algébrique et littéral
- 2 Démontrer une égalité
- 3 Calculs d'aire
- 4 Second degré**
- 5 Dérivation locale
- 6 Dérivation Globale
- 7 Suites numériques
- 8 Exponentielle
- 9 Application du produit scalaire
- 10 Raisonnement

## Automatisme 9 *thème* : Résoudre une équation du second degré

- Déterminer le nombre de solutions dans  $\mathbb{R}$  de l'équation  $x^2 = m$  si  $m > 0$
- Déterminer le nombre de solutions dans  $\mathbb{R}$  de l'équation  $x^2 = m$  si  $m = 0$
- Déterminer le nombre de solutions dans  $\mathbb{R}$  de l'équation  $x^2 = m$  si  $m < 0$
- Résoudre mentalement dans  $\mathbb{R}$  l'équation  $x^2 = 9$
- Résoudre mentalement dans  $\mathbb{R}$  l'équation  $(x - 1)^2 = 9$
- Résoudre mentalement dans  $\mathbb{R}$  l'équation  $16 - (x - 1)^2 = 7$

## Automatisme 10 *thème* : Déterminer l'axe de symétrie d'une parabole

- Déterminer l'axe de symétrie de la parabole d'équation  $y = x^2$
- Déterminer l'axe de symétrie de la parabole d'équation  $y = 3 - x^2$
- Déterminer l'axe de symétrie de la parabole d'équation  $y = (x - 3)^2$
- Déterminer l'axe de symétrie de la parabole d'équation  $y = (x + 3)^2$
- Déterminer l'axe de symétrie de la parabole d'équation  $y = (3 - x)^2 - 1$
- Déterminer l'axe de symétrie de la parabole d'équation  $y = -3x^2 - 6x + 1$

## Automatisme 11 *thème : Déterminer les racines d'un trinôme*

- Déterminer les racines du trinôme d'expression  $f(x) = -3(x+2)(1-x)$
- Déterminer les racines du trinôme d'expression  $f(x) = 16 - x^2$
- Déterminer les racines du trinôme d'expression  $f(x) = x^2 + 1$
- Déterminer les racines du trinôme d'expression  $f(x) = 16 - (x-1)^2$



## Automatisme 12 *thème : second degré*

Pour chacun des trinômes suivants déterminer le signe de son discriminant sans le calculer.

- $f_1$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f_1(x) = x^2 + 100$
- $f_2$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f_2(x) = (x - 100)^2$
- $f_3$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f_3(x) = (x + 100)^2$
- $f_4$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f_4(x) = x^2 - 100$

## Automatisme 13 *thème : second degré*

Un problème :

*Un batelier descend une rivière de 120 km. Il la remonte ensuite et met un jour de plus, car, chaque jour, il fait 6 km de moins qu'en descendant.*

*Combien de jours a-t-il mis pour descendre ?*

## Automatisme 14 *thème : second degré*

- 1 Déterminer deux réels dont la somme est 2002 et le produit 2002.
- 2 Peut-on construire un rectangle d'aire  $7 \text{ cm}^2$  et de périmètre  $10,6 \text{ cm}$  ?

## Automatisme 15 *thème : équations avec changement d'inconnue*

- ➊ Résoudre l'équation d'inconnue réelle  $x$  :  $x^2 - 2x = 3$ .
- ➋ Avec le changement d'inconnue  $X = x^2$ , résoudre l'équation d'inconnue réelle  $x$  :  $x^4 - 2x^2 = 3$ .
- ➌ Avec le changement d'inconnue  $X = \sqrt{x}$ , résoudre l'équation d'inconnue réelle  $x$  :  $x - 2\sqrt{x} = 3$ .
- ➍ Avec le changement d'inconnue  $X = \frac{1}{x}$ , résoudre l'équation d'inconnue réelle  $x$  :  $\frac{1}{x^2} - 2\frac{1}{x} = 3$ .

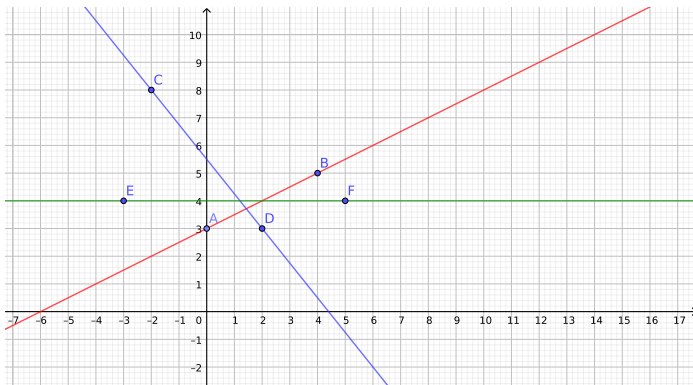
Calcul algébrique et littéral  
Démontrer une égalité  
Calculs d'aire  
Second degré  
**Dérivation locale**  
Dérivation Globale  
Suites numériques  
Exponentielle  
Application du produit scalaire  
Raisonnement

# Plan

- 1 Calcul algébrique et littéral
- 2 Démontrer une égalité
- 3 Calculs d'aire
- 4 Second degré
- 5 Dérivation locale**
- 6 Dérivation Globale
- 7 Suites numériques
- 8 Exponentielle
- 9 Application du produit scalaire
- 10 Raisonnement

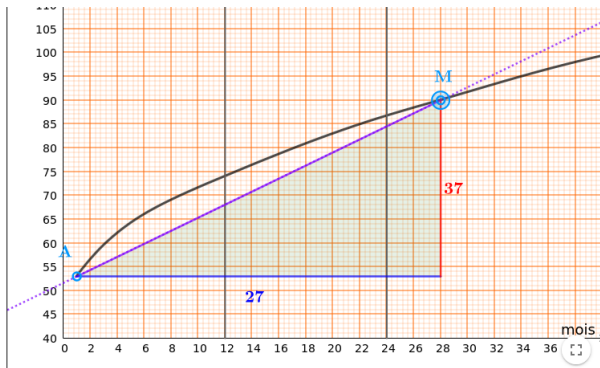
## Automatisme 16 *thème : dérivation locale*

Déterminer une équation des droites  $(AB)$ ,  $(CD)$  et  $(EF)$ .



## Automatisme 17 *thème : dérivation locale*

On considère une courbe passant par le point  $A$  de coordonnées  $(1; 53)$ . Déterminez une équation de la sécante  $(AM)$ .



## Automatisme 18 *thème : dérivation locale*

On considère la fonction affine  $f$   
telle que :

$$f(0) = 5 \text{ et } f(4) = 13.$$

En notant  $f(x) = mx + p$ , déterminer  $m$   
puis  $p$ .



## Automatisme 19 *thème : dérivation locale*

On considère la fonction affine  $g$   
telle que :

$$g(-2) = 7 \text{ et } g(2) = 11.$$

En notant  $g(x) = mx + p$ , déterminer  $m$   
puis  $p$ .

## Automatisme 20 *thème : dérivation locale*

Déterminer le coefficient directeur des droites suivantes.

1.  $\mathcal{D}_1$ , droite passant par  $A(-1 ; 5)$  et  $B(3 ; 7)$ .

2.  $\mathcal{D}_2$ , droite passant par  $C(7 ; 8)$  et  $D(-1 ; 8)$ .

3.  $\mathcal{D}_3$ , droite passant par  $E(4 ; 0,25)$  et  $F(13 ; 0,75)$ .

## Automatisme 21 *thème : dérivation locale*

Soit  $f$  la fonction définie sur  $] -\infty; 0[$  par  $f(x) = \frac{1}{x}$ .

- Soit un réel  $a < 0$  et un réel  $h \neq 0$  tel que  $a + h < 0$ , démontrer que  $\frac{f(a+h)-f(a)}{h} = \frac{-h}{(a+h)a}$ .
- En déduire que  $f$  est dérivable en tout réel  $a < 0$  et déterminer l'expression de  $f'(a)$ .
- Déterminer une équation de la tangente à la courbe de  $f$  au point d'abscisse  $-2$ .

## Automatisme 22 *thème : dérivation locale*

Soit  $f$  la fonction définie sur  $] -1 ; +\infty[$  par  $f(x) = \frac{2x-1}{x+1}$ .

- Démontrer que  $f$  est dérivable en 0 et que  $f'(0) = 3$ .
- Déterminer une équation de la tangente à la courbe de  $f$  au point d'abscisse 0

Calcul algébrique et littéral  
Démontrer une égalité  
Calculs d'aire  
Second degré  
Dérivation locale  
**Dérivation Globale**  
Suites numériques  
Exponentielle  
Application du produit scalaire  
Raisonnement

# Plan

- 1 Calcul algébrique et littéral
- 2 Démontrer une égalité
- 3 Calculs d'aire
- 4 Second degré
- 5 Dérivation locale
- 6 Dérivation Globale**
- 7 Suites numériques
- 8 Exponentielle
- 9 Application du produit scalaire
- 10 Raisonnement

## Automatisme 23 *thème : dérivation*

Déterminer une expression de la fonction dérivée pour la fonction  $f$  dérivable sur l'intervalle  $I$ .

- $f : x \mapsto \frac{x^3-1}{5x^2+1}$  sur  $\mathbb{R}$  ;
- $f : x \mapsto x^2\sqrt{x}$  sur  $]0; +\infty[$  ;
- $f : x \mapsto (8-3x)^7$  sur  $]0; +\infty[$  ;
- $f : x \mapsto 4x - \frac{1}{x-3}$  sur  $]3; +\infty[$ .

## Automatisme 24 *thème : dérivation*

Soit  $f$  une fonction dérivable sur  $[-8; 6]$  dont on donne le tableau de variation ci-dessous.

$x$	-8	-5	2	3	6
$f(x)$	4	0	-1	0	

Diagram illustrating the variation of  $f(x)$  between the given points:

$4 \rightarrow 0 \rightarrow -1 \rightarrow 0 \rightarrow$

- 1 Dresser le tableau de signes de la fonction dérivée  $f'$  de  $f$  sur l'intervalle  $[-8; 6]$ .
- 2 Dresser le tableau de variations d'une fonction  $F$  dérivable sur l'intervalle  $[-8; 6]$  et dont la dérivée est  $f$ .

## Automatisme 25 *thème : dérivation*

Déterminer une expression de la fonction dérivée pour la fonction  $f$  dérivable sur l'intervalle  $I$ .

- $f : x \mapsto \sqrt{3x+1}$  sur  $] -\frac{1}{3}; +\infty[$  ;
- $f : x \mapsto (5x-3)\sqrt{x}$  sur  $]0; +\infty[$  ;
- $f : x \mapsto (605x-3)^{607}$  sur  $\mathbb{R}$  ;
- $f : x \mapsto \frac{1}{3} - \frac{2}{3-x}$  sur  $]3; +\infty[$ .



# Plan

- 1 Calcul algébrique et littéral
- 2 Démontrer une égalité
- 3 Calculs d'aire
- 4 Second degré
- 5 Dérivation locale
- 6 Dérivation Globale
- 7 Suites numériques**
- 8 Exponentielle
- 9 Application du produit scalaire
- 10 Raisonnement

## Automatisme 26 *thème : suites*

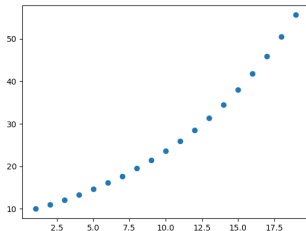
On considère deux modèles d'évolution d'un abonnement mensuel d'électricité dont le tarif évolue au premier janvier de chaque année.

- Modèle 1 : l'abonnement coûte 10 euros la première année puis augmente de 1,5 euros chaque année
  - Modèle 2 : l'abonnement coûte 10 euros la première année puis augmente de 8 % chaque année.
- 1 Avec le modèle 1, quel est le prix de l'abonnement la deuxième année ? la troisième année ? la  $n^{\text{ième}}$  année ?
  - 2 Avec le modèle 1, quel est le prix de l'abonnement la deuxième année ? la troisième année ? la  $n^{\text{ième}}$  année ?

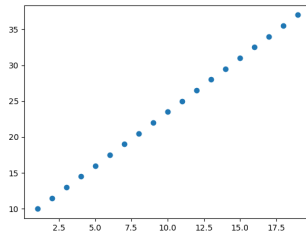
## Automatisme 27 *thème : suites*

On reprend les deux modèles d'évolution de la question précédente. Associez un graphique à chaque modèle.

**Graphique A**



**Graphique B**



## Automatisme 28 *thème : suites*

Pour tout  $n$  entier naturel, on définit l'expression

$$u(n) = 2n^2 - 3n + 1.$$

- ① Calculer  $u(5)$ . Peut-on calculer  $u(-5)$  et  $u(2,4)$  et  $u(12/3)$  ?
- ② Soit  $m$  un entier naturel, exprimer  $u(m+1)$  en fonction de  $m$ .
- ③ Soit  $n$  un entier naturel, exprimer  $u(n+1)$  en fonction de  $n$ .
- ④ Soit  $m$  un entier strictement positif, exprimer  $u(m-1)$  en fonction de  $m$ .
- ⑤ Soit  $n$  un entier strictement positif, exprimer  $u(n-1)$  en fonction de  $n$ .

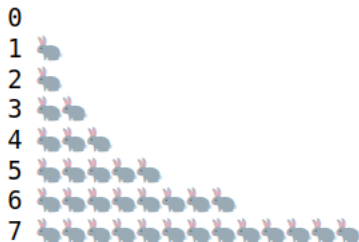
## Automatisme 29 *thème : suites*

Pour tout  $n$  entier naturel, on définit l'expression  $v(n) = \frac{3^{2n}}{2^n}$ .

- 1 Exprimer  $v(1)$  et  $v(4)$  sous forme de fractions irréductibles.
- 2 Soit  $m$  un entier naturel, exprimer  $v(m+1)$  en fonction de  $m$ .
- 3 Soit  $n$  un entier naturel, exprimer  $\frac{v(n+1)}{v(n)}$  en fonction de  $n$ .

## Automatisme 30 *thème : suites*

Quel est le terme suivant de la suite logique ci-dessous ?



## Automatisme 31 *thème : suites*

- Soit la suite  $(u_n)$  définie pour tout entier naturel  $n$  par  $u_n = n^2 - n$ . Calculer  $u_4$  et  $u_7$  puis démontrer que pour tout entier naturel  $n$ , on a  $u_{n+1} - u_n = 2n$ .
- Soit la suite  $(u_n)$  définie pour tout entier naturel  $n$  par  $u_0 = 4$  et  $u_{n+1} = 2u_n - 1$ . Calculer  $u_1$ ,  $u_2$ ,  $u_3$  et  $u_{30}$ .
- Soit la suite  $(u_n)$  définie pour tout entier naturel  $n$  par  $u_0 = 1$  et  $u_n = u_{n-1} - n + 1$ . Calculer  $u_1$ ,  $u_2$ ,  $u_3$  et  $u_{30}$ .

## Automatisme 32 *thème : suites*

Pour tout  $n$  entier naturel, on définit l'expression  $v(n) = \frac{3^{2n}}{2^n}$ .

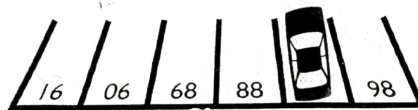
- 1 Exprimer  $v(1)$  et  $v(4)$  sous forme de fractions irréductibles.
- 2 Soit  $m$  un entier naturel, exprimer  $v(m+1)$  en fonction de  $m$ .
- 3 Soit  $n$  un entier naturel, exprimer  $\frac{v(n+1)}{v(n)}$  en fonction de  $n$ .



Calcul algébrique et littéral  
Démontrer une égalité  
Calculs d'aire  
Second degré  
Dérivation locale  
Dérivation Globale  
**Suites numériques**  
Exponentielle  
Application du produit scalaire  
Raisonnement

## Automatisme 33 *thème : suites*

QUELLE PLACE DE PARKING CACHE LA VOITURE ?



## Automatisme 34 *thème : suites : algorithme de seuil*

On considère la suite  $u$  définie par  $u_0 = 100$  et pour tout entier naturel  $n$  :  $u_{n+1} = 0,8u_n + 2$ . On admet qu'il existe un entier  $p$  tel que  $u_p < 20$ . Complétez l'algorithme de seuil ci-dessous pour qu'il détermine le plus petit entier  $n$  tel que  $u_n < 20$ .

```
def seuil():  
    u = 100  
    n = 0  
    while ... :  
        u = ...  
        n = ...  
    return n
```

## Automatisme 35 *thème : suites*

Soit  $(u_n)$  la suite définie pour tout entier naturel  $n$  par :

$$u_n = (2n - 1)^2 - 1$$

Démontrer que pour tout entier naturel  $n \geq 1$ , on a

$$u_n - u_{n-1} = -8n + 8$$

## Automatisme 36 *thème : suites*

```
#On définit la suite (Un) par Un=f(n)
def f(n):
    if n==0:
        return 1
    else:
        return 1/n**2
```

- $u_0 = 1$  Vrai ou Faux ?
- $u_1 = 0,5$  Vrai ou Faux ?
- $u_{50} = 0,0004$  Vrai ou Faux ?
- La suite n'est pas définie en 0. Vrai ou Faux ?

## Automatisme 37 *thème : suites*



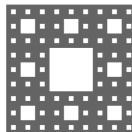
Étape 0 : 0 découpe



Étape 1 : 1 découpe



Étape 2 : 9 découpes



Étape 3 : 73 découpes

On poursuit cette suite logique de construction de figures.  
Combien de carrés blancs seront sur la figure de l'étape 12 ?

## Automatisme 38 *thème : suites*

Déterminer la nature (arithmétique, géométrique ou ni l'un ni l'autre) des suites ci-dessous définies par leur terme général :

- Pour tout entier naturel  $n$ ,  $u_n = e^{3n+4}$ .
- Pour tout entier naturel  $n$ ,  $v_n = e^{3n+5}$ .
- Pour tout entier naturel  $n$ ,  $v_n = \frac{e^{3n}e^{-4n}}{e^{-5}}$ .
- Pour tout entier naturel  $n$ ,  $v_n = e^n + e^{2n}$ .

Calcul algébrique et littéral  
Démontrer une égalité  
Calculs d'aire  
Second degré  
Dérivation locale  
Dérivation Globale  
Suites numériques  
**Exponentielle**  
Application du produit scalaire  
Raisonnement

# Plan

- 1 Calcul algébrique et littéral
- 2 Démontrer une égalité
- 3 Calculs d'aire
- 4 Second degré
- 5 Dérivation locale
- 6 Dérivation Globale
- 7 Suites numériques
- 8 Exponentielle**
- 9 Application du produit scalaire
- 10 Raisonnement

## Automatisme 39 *thème : Exponentielle*

Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = \frac{1-2e^{-x}}{1+e^{-x}}$

- 1 Démontrer que pour tout réel  $x$ , on a  $f(x) = \frac{e^x - 2}{e^x + 1}$ .
- 2 Déterminer une expression de  $f'(x)$  pour  $x$  réel.
- 3 En déduire le sens de variation de  $f$  sur  $\mathbb{R}$ .



Calcul algébrique et littéral  
Démontrer une égalité  
Calculs d'aire  
Second degré  
Dérivation locale  
Dérivation Globale  
Suites numériques  
Exponentielle  
Application du produit scalaire  
Raisonnement

# Plan

- 1 Calcul algébrique et littéral
- 2 Démontrer une égalité
- 3 Calculs d'aire
- 4 Second degré
- 5 Dérivation locale
- 6 Dérivation Globale
- 7 Suites numériques
- 8 Exponentielle
- 9 Application du produit scalaire**
- 10 Raisonnement

## Automatisme 40 thème : Application du produit scalaire

On se place dans un repère orthonormé.  
Dans chacun des cas suivants, dire si les  
vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sont orthogonaux.

a.  $\vec{u} \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} 6 \\ 4 \end{pmatrix}$

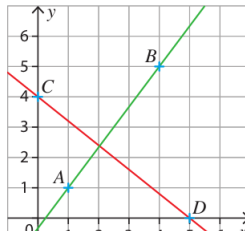
b.  $\vec{u} \begin{pmatrix} -5 \\ 2 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} 6 \\ 15 \end{pmatrix}$

c.  $\vec{u} \begin{pmatrix} \sqrt{10} \\ -2 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} \sqrt{2} \\ \sqrt{5} \end{pmatrix}$

## Automatisme 41 *thème : Application du produit scalaire*

Dans le repère orthonormé ci-dessous, les points  $A$ ,  $B$ ,  $C$  et  $D$  ont des coordonnées entières.

Les droites  $(AB)$  et  $(CD)$  sont-elles perpendiculaires ?



## Automatisme 42 *thème : Application du produit scalaire*

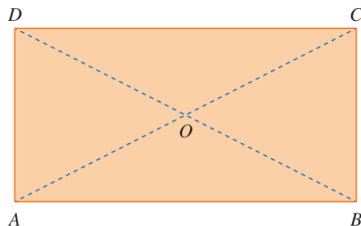
Soit  $ABC$  un triangle tel que  $AB = 4$ ,  $AC = 5$   
et  $\widehat{BAC} = 60^\circ$ .

$$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = \dots$$

## Automatisme 43 thème : Application du produit scalaire

### QCM une seule réponse exacte

$ABCD$  est un rectangle de centre  $O$  tel que  $AB = 4$  et  $AD = 2$ .



$\overrightarrow{CO} \cdot \overrightarrow{AB}$  vaut :

**(a)** 8

**(b)** -8

**(c)**  $-4\sqrt{5}$

## Automatisme 44 *thème : Application du produit scalaire*

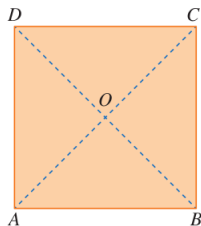
### VRAI ou FAUX

$ABCD$  est un carré  
de centre  $O$  et de côté 1.  
Indiquer si les égalités suivantes  
sont vraies ou fausses.

a.  $\overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{OD} = 0$

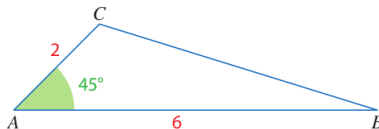
b.  $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{BD} = 0$

c.  $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{AD} = 1$



## Automatisme 45 *thème : Application du produit scalaire*

Calculer la valeur exacte de la longueur  $BC$ .



## Automatisme 46 *thème : Application du produit scalaire*

### QCM une seule réponse exacte

$A$  et  $B$  sont deux points distincts.

L'ensemble des points  $M$  vérifiant  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BM} = 0$  :

- a** est une droite ;
- b** est un cercle ;
- c** n'est ni une droite ni un cercle.



## Automatisme 47 *thème : Application du produit scalaire*

### QCM une seule réponse exacte

$A$  et  $B$  sont deux points distincts.

L'ensemble des points  $M$  vérifiant  $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BM} = 0$  :

- a** est une droite ;
- b** est un cercle ;
- c** n'est ni une droite ni un cercle.

Calcul algébrique et littéral  
Démontrer une égalité  
Calculs d'aire  
Second degré  
Dérivation locale  
Dérivation Globale  
Suites numériques  
Exponentielle  
Application du produit scalaire  
Raisonnement

# Plan

- 1 Calcul algébrique et littéral
- 2 Démontrer une égalité
- 3 Calculs d'aire
- 4 Second degré
- 5 Dérivation locale
- 6 Dérivation Globale
- 7 Suites numériques
- 8 Exponentielle
- 9 Application du produit scalaire
- 10 Raisonnement

## Automatisme 48 *thème : Raisonnement par l'absurde*

Soit une droite  $\Delta$  d'équation  $y = x\sqrt{2}$  dans un repère du plan.  
Démontrer que l'origine du repère est le seul point à coordonnées entières qui appartient à la droite  $\Delta$ .