

Automatismes en première 2021/2022

Frédéric Junier

Lycée du Parc
1 Boulevard Anatole France
69006 Lyon

18 octobre 2021

Plan

- 1 Calcul
- 2 Second degré
- 3 Dérivation locale
- 4 Dérivation Globale
- 5 Suites numériques
- 6 Application du produit scalaire

Automatisme 1 *thème : Fractions*

Réduire au même dénominateur et simplifier les expressions suivantes définies pour l'indéterminée x ou n .

- $\frac{1}{n} - \frac{1}{n+1}$

- $\frac{1}{n-4} - n$

- $\frac{1}{(n+1)^2} + \frac{1}{n+1} - \frac{1}{n}$

- $\frac{x}{x-1} - \frac{2}{x+1} - \frac{2}{x^2-1}$

- $\frac{1}{x} + \frac{x+2}{x^2-4} + \frac{2}{x^2-2x}$

Automatisme 2 thème : Factoriser

Soit a un réel.

- Factoriser $a^4 - 16$
- Factoriser $a^2 - 1 + 3a - 3$ par $a - 1$
- Factoriser $2a^2 + 5a + 2$ par $a + 2$
- Factoriser $a^2 + a - 2$
- Factoriser $a^2 + a - 6$

Plan

- 1 Calcul
- 2 Second degré
- 3 Dérivation locale
- 4 Dérivation Globale
- 5 Suites numériques
- 6 Application du produit scalaire

Automatisme 3 *thème : second degré*

Pour chacun des trinômes suivants déterminer le signe de son discriminant sans le calculer.

- f_1 définie sur \mathbb{R} par $f_1(x) = x^2 + 100$
- f_2 définie sur \mathbb{R} par $f_2(x) = (x - 100)^2$
- f_3 définie sur \mathbb{R} par $f_3(x) = (x + 100)^2$
- f_4 définie sur \mathbb{R} par $f_4(x) = x^2 - 100$

Plan

- 1 Calcul
- 2 Second degré
- 3 Dérivation locale**
- 4 Dérivation Globale
- 5 Suites numériques
- 6 Application du produit scalaire

Automatisme 4 *thème : dérivation locale*

Soit f la fonction définie sur $] -\infty ; 0[$ par $f(x) = \frac{1}{x}$.

- Soit un réel $a < 0$ et un réel $h \neq 0$ tel que $a + h < 0$, démontrer que $\frac{f(a+h)-f(a)}{h} = \frac{-h}{(a+h)a}$.
- En déduire que f est dérivable en tout réel $a < 0$ et déterminer l'expression de $f'(a)$.
- Déterminer une équation de la tangente à la courbe de f au point d'abscisse -2 .

Plan

- 1 Calcul
- 2 Second degré
- 3 Dérivation locale
- 4 Dérivation Globale**
- 5 Suites numériques
- 6 Application du produit scalaire

Automatisme 5 *thème : dérivation*

Déterminer une expression de la fonction dérivée pour la fonction f dérivable sur l'intervalle I .

- $f : x \mapsto \frac{x^3-1}{5x^2+1}$ sur \mathbb{R} ;
- $f : x \mapsto x^2\sqrt{x}$ sur $]0; +\infty[$;
- $f : x \mapsto (8-3x)^7$ sur $]0; +\infty[$;
- $f : x \mapsto 4x - \frac{1}{x-3}$ sur $]3; +\infty[$.

Automatisme 6 *thème : dérivation*

Soit f une fonction dérivable sur $[-8; 6]$ dont on donne le tableau de variation ci-dessous.

x	-8	-5	2	3	6
$f(x)$	4	0	-1	0	

- 1 Dresser le tableau de signes de la fonction dérivée f' de f sur l'intervalle $[-8; 6]$.
- 2 Dresser le tableau de variations d'une fonction F dérivable sur l'intervalle $[-8; 6]$ et dont la dérivée est f .

Automatisme 7 thème : dérivation

Déterminer une expression de la fonction dérivée pour la fonction f dérivable sur l'intervalle I .

- $f : x \mapsto \sqrt{3x+1}$ sur $]-\frac{1}{3}; +\infty[$;
- $f : x \mapsto (5x-3)\sqrt{x}$ sur $]0; +\infty[$;
- $f : x \mapsto (605x-3)^{607}$ sur \mathbb{R} ;
- $f : x \mapsto \frac{1}{3} - \frac{2}{3-x}$ sur $]3; +\infty[$.

Plan

- 1 Calcul
- 2 Second degré
- 3 Dérivation locale
- 4 Dérivation Globale
- 5 Suites numériques**
- 6 Application du produit scalaire

Automatisme 8 *thème : suites*

- Soit la suite (u_n) définie pour tout entier naturel n par $u_n = n^2 - n$. Calculer u_4 et u_7 .
- Soit la suite (u_n) définie pour tout entier naturel n par $u_0 = 4$ et $u_{n+1} = 2u_n - 1$. Calculer u_1 , u_2 et u_3 .
- Soit la suite (u_n) définie pour tout entier naturel n par $u_0 = 1$ et $u_n = u_{n-1} - n + 1$. Calculer u_1 , u_2 et u_3 .

Automatisme 9 *thème : suites*

```
#On définit la suite (Un) par Un=f(n)
def f(n):
    if n==0:
        return 1
    else:
        return 1/n**2
# n**2 signifie le carré de n
```

Interpréteur en ligne :

<https://repl.it/@Reformelycee/suite-explicite>.

- $u_0 = 1$ Vrai ou Faux ?
- $u_1 = 0,5$ Vrai ou Faux ?
- $u_{50} = 0,0004$ Vrai ou Faux ?
- La suite n'est pas définie en 0. Vrai ou Faux ?

Plan

- 1 Calcul
- 2 Second degré
- 3 Dérivation locale
- 4 Dérivation Globale
- 5 Suites numériques
- 6 Application du produit scalaire

Automatisme 10 *thème* : Application du produit scalaire

On se place dans un repère orthonormé.
Dans chacun des cas suivants, dire si les
vecteurs \vec{u} et \vec{v} sont orthogonaux.

a. $\vec{u} \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}$ et $\vec{v} \begin{pmatrix} 6 \\ 4 \end{pmatrix}$

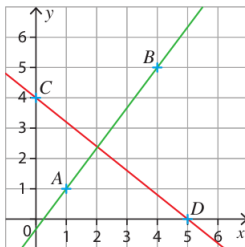
b. $\vec{u} \begin{pmatrix} -5 \\ 2 \end{pmatrix}$ et $\vec{v} \begin{pmatrix} 6 \\ 15 \end{pmatrix}$

c. $\vec{u} \begin{pmatrix} \sqrt{10} \\ -2 \end{pmatrix}$ et $\vec{v} \begin{pmatrix} \sqrt{2} \\ \sqrt{5} \end{pmatrix}$

Automatisme 11 *thème : Application du produit scalaire*

Dans le repère orthonormé ci-dessous, les points A , B , C et D ont des coordonnées entières.

Les droites (AB) et (CD) sont-elles perpendiculaires ?



Automatisme 12 *thème : Application du produit scalaire*

Soit ABC un triangle tel que $AB = 4$, $AC = 5$
et $\widehat{BAC} = 60^\circ$.

$$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = \dots$$

Automatisme 13 thème : Application du produit scalaire

QCM une seule réponse exacte

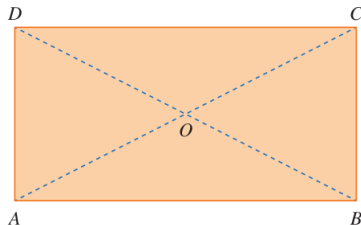
$ABCD$ est un rectangle de centre O tel que $AB = 4$ et $AD = 2$.

$\overrightarrow{CO} \cdot \overrightarrow{AB}$ vaut :

a 8

b -8

c $-4\sqrt{5}$



Automatisme 14 *thème* : Application du produit scalaire

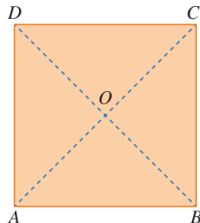
VRAI ou FAUX

$ABCD$ est un carré
de centre O et de côté 1.
Indiquer si les égalités suivantes
sont vraies ou fausses.

a. $\overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{OD} = 0$

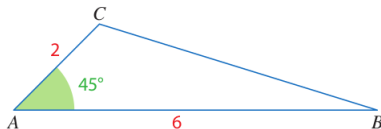
b. $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{BD} = 0$

c. $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{AD} = 1$



Automatisme 15 *thème : Application du produit scalaire*

Calculer la valeur exacte de la longueur BC .



Automatisme 16 *thème : Application du produit scalaire*

QCM une seule réponse exacte

A et B sont deux points distincts.

L'ensemble des points M vérifiant $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BM} = 0$:

- a** est une droite ;
- b** est un cercle ;
- c** n'est ni une droite ni un cercle.

Automatisme 17 *thème : Application du produit scalaire*

QCM une seule réponse exacte

A et B sont deux points distincts.

L'ensemble des points M vérifiant $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BM} = 0$:

- a** est une droite ;
- b** est un cercle ;
- c** n'est ni une droite ni un cercle.