# Rapport TP1 ACT

Gaspar Henniaux - Marwane Ouaret

Lien Github: https://github.com/pargass/ACT-TP/tree/main/tp1

Pour tester par soit même, executer le fichier : verif.py

1

1.1



- -(2,0)(2,5)(4,4)(4,7)(5,7)(5,0)
  - On a une ligne oblique quand on passe du point (2, 5) au point (4, 4), ce n'est donc pas une ligne de toit.



- -(2,0)(1,4)(4,4)(4,7)(5,7)(5,0)
  - De même entre les points (2, 0) et (1, 4).



- -(2,0)(2,5)(4,5)(4,7)(5,7)(5,0)
  - Pour la troisième polyligne, on a une ligne de toit car tous les traits sont verticaux ou horizontaux.



- -(2,0)(2,5)(4,5)(4,7)(5,7)(6,7)(5,0)
  - Les couples (6, 7) et (5, 0) forment un trait oblique.



- -(2,0)(2,5)(4,5)(4,8)(4,7)(5,7)(5,0)
  - Pour la cinquième polyligne on n'a pas de ligne de toit car tous les traits sont verticaux ou horizontaux mais on note tout de même qu'il y a un pic entre les points (4, 8) et (4, 7), il n'y a pas de "plafond".

1.2

Pour une liste de couples, (C0, ..., Cn) soit un couple Cx et Cx+1 tel que x pair alors ces 2 couples sont de formats (A, B) (A, C) (inversement si impair (A, B) (C, B)).

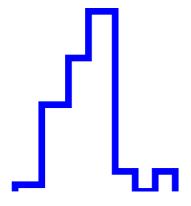
1.3

Pour passer du format brut au format compact :

Soit une liste de couples (c0, c1, c2 ..., cn) Pour passer de l'écriture brute à l'écriture compacte il suffit de supprimer chaque couple de numero impair de la liste. (c0, c2, c4, ..., cn)

Pour passer du format compact au format long :

Soit une liste de couples (c0, c1, c2 ..., cn) où un couple est de format (a,b), entre chaques couples, il faut inserer un nouvel élément tel que (cx+1[b], cx[a]) et inserer au début de la liste (c0, 0).



```
N : nombre d'immeuble
L : liste de triplet de la forme (g, h, d)
H : h max
D : d max

initialiser la matrice M selon H et D à false O(H*D)
pour i allant de 0 à N : (complexité : O(N))
    pour j allant de 0 à L[i][1]: (complexité : O(H))
        pour k allant de L[i][0] à L[i][2]: (complexité : O(D))
        M[j, k] -> True
dessiner la ligne (complexité : O(H*D))
```

#### compléxité:

La complexité de cette fonction est en O(N \* H \* D) avec N le nombre d'immeubles, H la hauteur maximale et D la distance maximale. En effet, pour chaque immeuble on parcourt h lignes et d colonnes pour mettre à True les cases de la matrice M correspondant à l'immeuble.

désavantages : On ne garde pas en mémoire les "pixels" déjà passés à true. On peut donc avoir des doublons dans la matrice M.

3

```
Li : ligne de toit
N : nombre d'immeuble
L : liste de triplet de la forme (g, h, d)
Li = []
Pour i=0 à N
                                           O(N)
    Li = ajouter_immeuble(Li, L[i])
                                            O(Taille Li) -> O(N)
ajouter_immeuble(Li, [g,h,d] ){
    rep = []
    test = 0
    i = 0
    Si Li vide
        alors ajouter (g,h)(d,0) à rep #cas de base on ajoute les
coordonnées du sommets en haut à gauche et en bas à droite.
    sinon
        Pour chaque segment (x1, y1) (x2,y2) dans Li
            si g >= x2 ou d =< x1 #si l'immeuble n'est pas confondu avec
les
                alors si i == 0 #si c'est le premier immeuble
                    alors ajouter (x1, y1) (x2,y2) à rep
```

```
sinon ajouter (x2,y2) à rep
                Si test == 0
                    test = 1
            sinon
                test = 2
                si x1 <= g et x2 >= d #si l'immeuble est totalement
confondu entre un autre(moins large)
                    si h > y1 #si il depasse en hauteur
                        si i == 0
                            alors ajouter (x1, y1) (g,h) (d, y1) (x2, y2) à
rep
                        sinon
                            alors ajouter (g,h) (d, y1) (x2, y2) à rep
                    sinon
                        si i == 0
                            ajouter (x1,y1) (x2,y2) à rep
                        sinon
                            œajouter (x2,y2) à rep
                sinon si x1 => g et x2 <= d #si il est plus large que les
segement
                    si h < y1 #si il est moins haut
                        si i == 0
                            ajouter (g, h) (x1, y1) (x2, h) (d, 0) à rep
                        sinon
                            retirer dernier element de rep
                            ajouter (g, h) (x1, y1) (x2, h) (d, 0) à rep
                    sinon
                        si i == 0
                            ajouter (g,h)(d,0) à rep
                        sinon
                            retirer dernier element de rep
                            ajouter (g,h)(d,0) à rep
                sinon si x1 <= g et x2 <= d #si il commence plus loin que
l'immeuble mais fini aussi plus loin
                    si h > y1 #si il est plus haut
                        si i == 0
                            alors ajouter (x1, y1) (g,h) (d, 0) à rep
                        sinon
                            ajouter (g,h) (d, 0) à rep
                    sinon
                        si i == 0
                            ajouter (x1,y1) (x2,h) (d, 0) à rep
                        sinon
                            ajouter (x2,h) (d, 0) à rep
                sinon si x1 >= g et x2 >= d #inveressement (plus proche)
                    si h > y1 #si il est plus haut
                        alors ajouter (g, h) (d,y1) (x2, y2) à rep
                    sinon
                        ajouter (g,h) (x1,y1) (x2, y2) à rep
            i++
```

```
Si test = 1
    ajouter (g,h)(d,0) à rep

Supprimer les éléments tel qu'un segement (x,y1) (x, y2) alors supprimer l'élément dont le y est le plus petit (si y1 = y2 supprimer uniquement 1 des 2) Idem avec les y. O(n)

return rep
}
```

## complexité:

La boucle dans ajouter\_immeuble est O(N) car dans le pire des cas, au dernier appel de la fonction ajouter\_immeuble, la taille de Li sera de N-1.

La suppression de doublon est O(N) car on parcourt la liste rep élément par élément.

Donc la fonction ajouter\_immeuble est  $O(N + N) \rightarrow O(2N) \rightarrow O(N)$ .

Cette fonction étant appelée N fois pour insérer tous les immeubles, alors le programme est  $O(N^2)$ .

## 4

```
fonction merge_roof_line(l1, l2)
    i1 = 0
    i2 = 0
    h1 = 0
   h2 = 0
    d = 0
    hMax = 0
    merged = liste vide
    tant que i1 est inférieur à longueur de l1 et i2 est inférieur à
longueur de l2 :
        si l1[i1][0] < l2[i2][0] : #si le batiment l1 est avant celui de l2
            d = l1[i1][0] #d = à valeur des abscisses de l1
            h1 = l1[i1][1]
            hMax = maximum entre h1 et h2
            i1 += 1 #passe au prochain de l1
        sinon:
            si l1[i1][0] > l2[i2][0] : #si le batiment l2 est avant celui
de l1
                d = l2[i2][0]
                h2 = \frac{12[i2][1]}{}
                hMax = maximum entre h1 et h2
                i2 += 1
            sinon :
                d = l1[i1][0]
```

```
h1 = l1[i1][1]
h2 = l2[i2][1]
hMax = maximum entre h1 et h2
i1 += 1
i2 += 1

si merged est vide ou hMax est différent du dernier élément de merged:

ajouter (d, hMax) à merged

ajouter le reste de l1[i1:] à merged
ajouter le reste de l2[i2:] à merged
retourner merged
```

### voici le code en python:

```
def merge_roof_line(l1, l2):
    i1 = 0
    i2 = 0
    h1 = 0
    h2 = 0
    d = 0
    hMax = 0
    merged = []
    while i1 < len(l1) and i2 < len(l2):
        if l1[i1][0] < l2[i2][0]:
            d = l1[i1][0]
            h1 = l1[i1][1]
            hMax = max(h1, h2)
            i1 += 1
        else:
            if l1[i1][0] > l2[i2][0]:
                d = [2[i2]][0]
                h2 = l2[i2][1]
                hMax = max(h1, h2)
                i2 += 1
            else:
                d = l1[i1][0]
                h1 = l1[i1][1]
                h2 = l2[i2][1]
                hMax = max(h1, h2)
                i1 += 1
                i2 += 1
        if len(merged) == 0 or hMax != merged[-1][1]:
            merged.append((d, hMax))
    merged += l1[i1:]
    merged += l2[i2:]
```

```
return merged
```

#### complexité:

Ici la boucle principale est une boucle tant que qui s'arrete lorsque i1 ou i2 est supérieur à la longueur de l1 ou l2. Or à chaque itération de cette boucle on incrémente i1 ou i2 ou les deux de 1. Donc la boucle s'execute au maximum n fois (n étant la longueur de l1 ou l2). Donc la complexité de cette fonction est O(n) avec n la longueur de l1 ou l2.

5

```
fonction divide_roof_line(liste l)
    si la longueur de l est égale à 1 :
        retourner l[0]
    sinon :
        partie_gauche = divide_roof_line(l[:longueur(l)//2])
        partie_droite = divide_roof_line(l[longueur(l)//2:])
        retourner merge_roof_line(partie_gauche, partie_droite)

fonction building_to_roof_line(liste l)
    roofs = liste vide

    pour i de 0 à longueur(l) - 1 :
        roof = liste vide
        ajouter (l[i][0], l[i][1]) à roof
        ajouter (l[i][2], 0) à roof
        ajouter roof à roofs

retourner divide_roof_line(roofs)
```

#### voici le code en python :

```
def divide_roof_line(l):
    if len(l) == 1:
        return l[0]
    else:
        return merge_roof_line(divide_roof_line(l[:len(l)//2]),
    divide_roof_line(l[len(l)//2:]))

def building_to_roof_line(l):
    roofs = []
    for i in range(len(l)):
        roof = []
        roof.append((l[i][0], l[i][1]))
        roof.append((l[i][2], 0))
        roofs.append(roof)
    return divide_roof_line(roofs)
```

## complexité:

La fonction building\_to\_roof\_line est en O(n) avec n la longueur de la liste l. En effet, la boucle for s'execute n fois (n étant la longueur de l). Cette fonction ne s'éxecute qu'une seule fois.

Les appels récursifs de la fonction divide\_roof\_line s'arrêtent lorsque la longueur de la liste passée en paramètre est égale à 1. Or à chaque appel récursif, la liste passée en paramètre est divisée par 2. Donc le nombre d'appels récursifs est en O(log<sub>2</sub>(n)) avec n la longueur de la liste l.

La fonction merge\_roof\_line, en O(n) comme expliqué prédemment, combine les résultats retournés par la fonction divide\_roof\_line ( $log_2(n)$ ). La fonction divide\_roof\_line est donc finalement de complexité  $O(n*log_2(n))$ 

Donc la complexité de la fonction building\_to\_roof\_line est en  $O(n + nlog_2(n)) = O(nlog_2(n))$  avec n la longueur de la liste l soit le nombre d'immeuble.