

Valeur Thermodynamique : Réconcilier le Consensus de Nakamoto avec l'Énergie d'Odum et la Monnaie Idéale de Nash

Pascal Ranaora*

Information Physics Institute - Chercheur Indépendant, Sydney, Australie

Abstract

L'économie dominante a longtemps fonctionné comme un système clos, ignorant les contraintes thermodynamiques mises en évidence par Nicholas Georgescu-Roegen [4]. Cet article propose une définition biophysique de la valeur monétaire, intégrant le concept d'*Énergie* (énergie incorporée) de Howard T. Odum au mécanisme cryptographique de preuve de travail introduit par Satoshi Nakamoto. Nous soutenons que Bitcoin fonctionne comme une **monnaie biophysique** en ancrant la base monétaire aux lois de la thermodynamique, en particulier le Principe de Puissance Maximale. De plus, nous démontrons que cet étalon adossé à l'énergie satisfait aux conditions de la "Monnaie Idéale Asymptotique" de John Nash [8], fournissant une métrique de valeur stable et résistante à la corruption. Enfin, nous discutons des implications de cette monnaie thermodynamique dans le contexte de l'économie de la décroissance et de la post-croissance [11], en suggérant qu'une masse monétaire finie est un prérequis pour une économie finie.

Keywords: Économie Biophysique, Bitcoin, Énergie, Entropie, Monnaie Idéale, Décroissance

1. Introduction : Le Schisme Thermodynamique

La pathologie centrale de l'Anthropocène n'est pas seulement industrielle ; elle est monétaire. Depuis un demi-siècle, l'économie mondiale fonctionne sur un système de monnaie "fiat" — une monnaie créée par décret, détachée de la réalité physique. Cela a créé un schisme ontologique fondamental : alors que la biosphère fonctionne selon les lois strictes et non négociables de la thermodynamique [4], le système financier opère sur une logique d'élasticité infinie et d'expansion

*Auteur correspondant

Email address: pascal.ranaora@informationphysicsinstitute.net (Pascal Ranaora)

abstraite. Cet article postule que la crise environnementale est, à la base, une crise comptable. Lorsque l'unité de compte (la monnaie) peut être étendue sans dépense d'énergie correspondante, les signaux de prix se détachent des contraintes physiques. Ce détachement alimente un "impératif de croissance" qui ignore la loi de l'entropie, conduisant à l'épuisement rapide des stocks à faible entropie (ressources) et à l'accumulation de flux à forte entropie (pollution).

1.1. La Critique Biophysique et le Problème du Stockage

Les économistes écologiques ont depuis longtemps reconnu cette dissonance. [16] et plus tard [3] ont soutenu que la monnaie agit comme un droit de tirage sur l'énergie. Si ces droits croissent de manière exponentielle (via les intérêts composés et l'émission de dette) alors que le flux d'énergie du soleil reste constant, une rupture est inévitable. Pour résoudre cela, des chercheurs comme Howard T. Odum ont proposé "l'Étalon-Énergie" — une monnaie basée sur le Joule ou le Watt-heure. La logique était saine : si la monnaie représente l'énergie, personne ne peut réclamer plus de richesse que l'écosystème ne peut en fournir. Cependant, cette proposition s'est heurtée à un obstacle logistique insurmontable : **L'énergie est difficile à stocker et à transporter sans perte.** La deuxième loi de la thermodynamique dicte que l'énergie se dissipe. Une monnaie basée sur l'électricité stockée (batteries) "pourrait" (perdrait sa charge), ce qui en ferait une mauvaise réserve de valeur comparée à l'or inerte ou à la monnaie fiat abstraite.

1.2. La Transformation de Nakamoto

Cet article explore l'hypothèse selon laquelle la solution à ce dilemme biophysique est apparue le 31 octobre 2008, non pas dans le domaine de l'économie, mais dans celui de la cryptographie. L'invention par Satoshi Nakamoto du mécanisme de consensus par "Preuve de Travail" (Proof-of-Work) [7] fournit le pont technologique manquant. En exigeant une dépense vérifiable d'énergie (cycles CPU) pour écrire dans un registre, Nakamoto n'a pas créé une nouvelle forme de stockage d'énergie ; il a créé un mécanisme pour *cristalliser* l'énergie en information. Ce processus transforme le travail cinétique et électrique en durabilité numérique, créant effectivement une "marchandise synthétique" dont le ratio stock-flux est régi par la physique plutôt que par la politique.

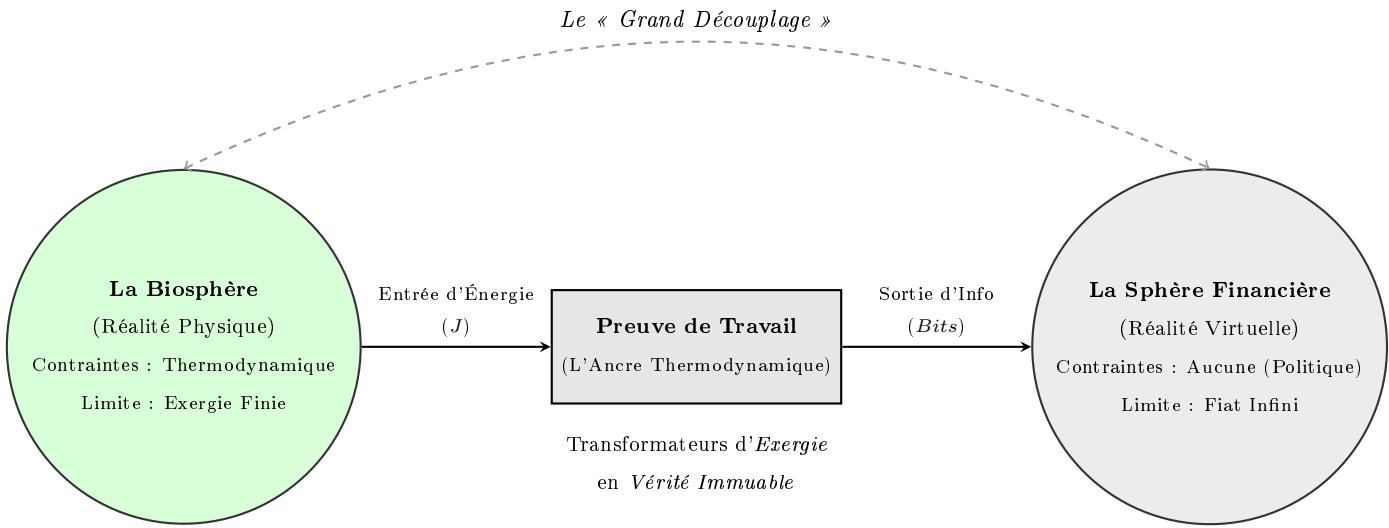


Figure 1: Le Pont de Nakamoto : Reconnecter les Sphères Financière et Biophysique via la Preuve de Travail Thermodynamique.

1.3. Champ d'Investigation

Nous soutenons que Bitcoin fonctionne comme une monnaie "biosphérique" en ancrant la base monétaire au Principe de Puissance Maximum [10]. De plus, nous démontrons que cet étalon adossé à l'énergie satisfait aux conditions de la "Monnaie Idéale Asymptotique" de John Nash [8], fournissant une métrique de valeur résistante à la corruption qui est compatible avec une économie de post-croissance ou d'état stationnaire [11]. Les sections suivantes formaliseront la relation entre le Hashrate, l'Énergie et la Stabilité Économique.

2. Thermodynamique et Valeur Économique

La proposition fondamentale de l'économie biophysique est que le processus économique n'est pas une boucle fermée d'échange abstrait de valeur, mais un système thermodynamique ouvert encastré dans la biosphère [4]. Pour définir rigoureusement la "valeur" sans interférence politique, nous devons nous replier sur les lois absolues de la physique.

45 2.1. *La Constitution Thermodynamique*

L'économie néoclassique traditionnelle modélise l'économie comme un pendule oscillant vers l'équilibre. En contraste, la bioéconomie traite l'économie comme une structure dissipative. Nous postulons qu'un système monétaire sain doit être compatible avec les quatre lois fondamentales de la thermodynamique :

- 50 1. **Le Principe Zéro (Équilibre)** : Si deux systèmes sont en équilibre thermique avec un troisième système, ils sont en équilibre l'un avec l'autre. *Corollaire Économique* : La découverte des prix agit comme mécanisme d'équilibrage. Cependant, dans un système fiat, le "troisième système" (le registre de la banque centrale) est variable, empêchant un véritable équilibre entre les biens et la monnaie.
- 55 2. **La Première Loi (Conservation)** : L'énergie ne peut être ni créée ni détruite, seulement transformée.

$$\Delta U = Q - W \quad (1)$$

Où ΔU est la variation de l'énergie interne, Q est la chaleur ajoutée, et W est le travail effectué. *Corollaire Économique* : La valeur ne peut pas être créée *ex nihilo*. L'émission de monnaie fiat ($\Delta M > 0$) sans dépense d'énergie correspondante ($\Delta E = 0$) viole la conservation de la valeur, entraînant la dilution des créances existantes (inflation).

- 60 3. **La Deuxième Loi (Entropie)** : L'entropie d'un système isolé augmente toujours.

$$\Delta S_{total} \geq 0 \quad (2)$$

Corollaire Économique : Toute activité économique produit des déchets. Les déchets à haute entropie sont le sous-produit inévitable de la mise en ordre des ressources à basse entropie. Un système monétaire qui exige une croissance infinie sur une planète finie ignore la barrière de l'entropie décrite par [4].

- 65 4. **La Troisième Loi (Zéro Absolu)** : L'entropie d'un système s'approche d'une valeur constante à mesure que la température s'approche du zéro absolu. *Corollaire Économique* : L'information parfaite (entropie nulle) nécessite une énergie infinie pour être acquise. Le mécanisme de consensus de Bitcoin reconnaît cela en exigeant une dépense d'énergie strictement non nulle pour approximer un historique de registre "vrai".

2.2. L'Énergie d'Odum et l'Emjoule Solaire (sej)

Alors que la thermodynamique décrit les contraintes, Howard T. Odum a fourni la métrique comptable : **L'Énergie** (Écrite avec un 'm', pour "Energy Memory" / Mémoire Énergétique). Odum a soutenu que toutes les formes d'énergie ne sont pas égales. Un Joule de lumière solaire n'est pas équivalent à un Joule d'électricité, ni à un Joule de travail humain. Pour les comparer, nous devons retracer toute énergie jusqu'à sa source : le Soleil. Cela nous donne l'**Emjoule Solaire (sej)**.

2.2.1. Définition de l'Unité

L'Emjoule Solaire est l'unité d'énergie disponible (exergie) d'un type (généralement solaire) qui est requise, directement et indirectement, pour fabriquer un produit ou un service. La relation est définie par la **Transformité** (τ), qui mesure la "qualité" ou la concentration de l'énergie :

$$Em = \sum_{i=1}^n (E_i \times \tau_i) \quad (3)$$

Où :

- Em est l'Énergie (en sej).
- E_i est l'énergie disponible de l'intrant i (en Joules).
- τ_i est la Transformité de l'intrant i (en sej/J).

Par exemple, les transformités moyennes mondiales sont approximativement :

- Lumière Solaire : 1 sej/J (Par définition).
- Énergie Chimique (Charbon) : $\approx 40,000 sej/J$.
- Énergie Électrique : $\approx 160,000 sej/J$.

90 2.3. Le Principe de Puissance Maximum comme Consensus

Odum a proposé une "Quatrième Loi" de la thermodynamique pour les systèmes auto-organisés : le **Principe de Puissance Maximum**. Il stipule que les systèmes qui prévalent sont ceux qui développent des conceptions pour maximiser l'absorption d'énergie et l'utiliser efficacement.

$$P_{max} = \frac{d(Em)}{dt} \quad (4)$$

L'algorithme de Preuve de Travail de Bitcoin est une application directe de ce principe. Le réseau
95 crée un marché compétitif pour l'énergie "échouée" ou "gaspillée" (haute entropie), l'améliorant en
"espace de registre immuable" (basse entropie). L'Algorithme d'Ajustement de la Difficulté garantit
que le système s'organise pour absorber le maximum de puissance disponible afin de sécuriser son
historique.

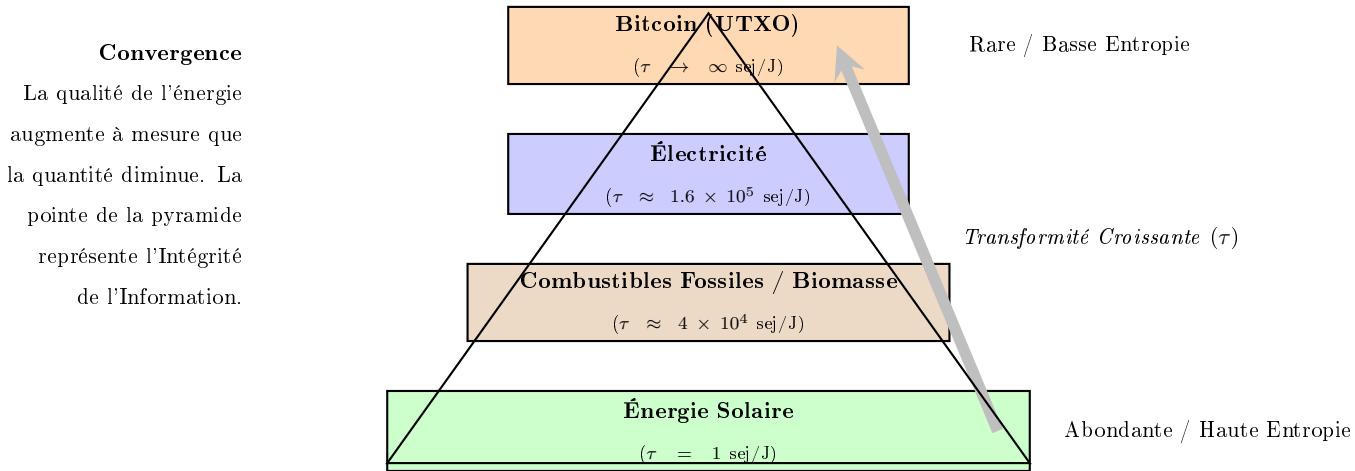


Figure 2: La Hiérarchie Énergétique d'Odum appliquée aux Actifs Cryptographiques. Bitcoin se situe au sommet, représentant la plus forte concentration de "Mémoire Énergétique" (Énergie) par unité d'information.

En analysant Bitcoin à travers le prisme d'Odum, nous conceptualisons sa transformité :

$$\tau_{BTC} \propto \frac{\text{Entrée Totale d'Emergy (sej)}}{\text{Sortie d'Information (Satoshis)}} \quad (5)$$

100 Cela établit Bitcoin non pas comme une monnaie "virtuelle", mais comme **l'une des matières premières les plus denses en énergie de l'histoire de la civilisation humaine**.

2.4. Calcul de la Bit-Énergie : Dérivation de τ_{BTC}

Pour valider l'affirmation selon laquelle Bitcoin est un étalon énergétique, nous devons passer de la description qualitative à l'analyse quantitative. Nous appliquons l'*Algèbre de l'Énergie* d'Odum 105 pour calculer la transformité spécifique de la production du réseau. Nous définissons le "produit" du réseau Bitcoin non pas comme les blocs eux-mêmes (qui ne sont que des conteneurs), mais comme l'**ensemble des Sorties de Transactions Non Dépensées (UTXO)** — l'état sécurisé du registre. La plus petite unité de cet état est le Satoshi (10^{-8} BTC).

2.4.1. La Dérivation de la Transformité

¹¹⁰ La Transformité d'un Satoshi, notée τ_{sat} , est le rapport entre l'afflux total d'Énergie du système et la production informationnelle spécifique.

$$\tau_{sat} = \frac{\dot{E}_{net} \times \tau_{elec}}{\dot{Q}_{BTC}} \quad (6)$$

Où :

- \dot{E}_{net} est la consommation d'énergie continue du réseau (Watts ou Joules/sec).
- τ_{elec} est la transformité solaire du mix électrique alimentant le réseau (sej/J).
- \dot{Q}_{BTC} est le taux d'émission de nouvelles unités (Satoshis/sec).

Cependant, parce que le taux d'émission (\dot{Q}_{BTC}) est fondamentalement déflationniste (réduit de moitié tous les 210 000 blocs), tandis que l'apport énergétique a tendance à augmenter ou à se stabiliser, la transformité de Bitcoin est conçue pour augmenter de manière asymptotique au fil du temps. Cela en fait une réserve de valeur *hyper-déflationniste* en termes thermodynamiques.

¹²⁰ *La Transition vers le Marché des Frais (Fee Market).* Un scepticisme légitime concerne la pérennité de cette transformité lorsque $\lim_{t \rightarrow \infty} \dot{Q}_{BTC} = 0$. Il est crucial de préciser que dans notre modèle, l'apport énergétique global (E_{net}) ne s'effondrera pas avec la fin de la subvention de bloc. À mesure que l'émission se tarit, la sécurité thermodynamique sera maintenue par la vitesse et le coût de l'espace de bloc (les frais de transaction). L'espace de bloc étant strictement limité, la demande pour enregistrer des informations sur ce registre biocentrique prendra le relais de la subvention, maintenant ainsi la barrière d'Énergie.

2.4.2. Estimation Empirique (Époque 2026)

Nous utilisons les conditions aux limites et les points de données caractéristiques suivants de l'ère post-4ème Halving (2024-2028) :

¹³⁰ *Étape 1 : Calcul de la Consommation Totale d'Énergie (P).* La consommation d'énergie est le produit du nombre total de hachages par seconde et des joules requis par hachage.

$$P = H \times \eta \quad (7)$$

$$P = (6.5 \times 10^{20} \text{ h/s}) \times (2.6 \times 10^{-11} \text{ J/h}) = 1.69 \times 10^{10} \text{ W} \approx 16.9 \text{ GW} \quad (8)$$

Paramètre	Symbole	Valeur (Approx)
Hashrate du Réseau	H	650 EH/s (6.5×10^{20} h/s)
Efficacité Moy. du Parc	η	26 J/TH (2.6×10^{-11} J/h)
Transformité Réseau Mondial	τ_{elec}	2.0×10^5 sej/J [10]
Récompense de Bloc	R	3.125 BTC
Intervalle de Bloc	t	600 secondes

Table 1: Paramètres thermodynamiques pour le Réseau Bitcoin (2026).

Étape 2 : Calcul de l'Énergie par Bloc (E_{block}). Sur l'intervalle standardisé de blocs de 10 minutes ($t = 600s$) :

$$E_{block} = P \times t = 1.69 \times 10^{10} \text{ J/s} \times 600 \text{ s} = 1.014 \times 10^{13} \text{ Joules} \quad (9)$$

¹³⁵ Pour mettre cela en perspective, sécuriser un seul bloc nécessite l'équivalent énergétique d'environ 1,7 kilotonne de TNT, ou la consommation électrique quotidienne d'une petite ville.

Étape 3 : Conversion en Emjoules Solaires (Em_{block}). Nous appliquons maintenant le facteur de transformité. Puisque l'électricité est un vecteur énergétique de haute qualité dérivé de sources de moindre qualité (charbon, hydroélectricité, solaire), nous multiplions par τ_{elec} (environ 2.0×10^5 sej/J).

$$Em_{block} = E_{block} \times \tau_{elec} \quad (10)$$

$$Em_{block} = (1.014 \times 10^{13} \text{ J}) \times (2.0 \times 10^5 \text{ sej/J}) = 2.028 \times 10^{18} \text{ sej} \quad (11)$$

Étape 4 : L'Énergie Solaire d'un Satoshi. Enfin, nous distribuons cette "Mémoire Énergétique" massive sur l'offre nouvellement émise. La récompense de bloc est de 3.125 BTC, ce qui équivaut à 3.125×10^8 Satoshis.

$$\text{sej/sat} = \frac{Em_{block}}{3.125 \times 10^8} \quad (12)$$

$$\text{sej/sat} = \frac{2.028 \times 10^{18}}{3.125 \times 10^8} \approx 6.49 \times 10^9 \text{ sej/sat} \quad (13)$$

2.4.3. Résultat et Interprétation

Notre calcul donne un résultat saisissant :

1 Satoshi \approx 6,5 Milliards d'Emjoules Solaires

Ce nombre est le "Prix Thermodynamique" de la monnaie. Il représente la quantité de lumière solaire ancienne, de pression géologique et de raffinage industriel requise pour forger une seule unité de vérité numérique. Contrairement à la monnaie fiat, où le coût de production est négligeable (de l'encre sur du papier ou des décalages d'entiers dans une base de données SQL), le Satoshi possède un "poids" biophysique intrinsèque. Dans la hiérarchie d'Odum, cela place Bitcoin loin au-dessus de l'or ($\tau_{or} \approx 10^9$ sej/g) en termes de densité énergétique. C'est, effectivement, de la *lumière solaire cristallisée*.
155

Cette haute transformité explique la "Dureté" de la monnaie. Pour forger un bloc contrefait, un attaquant doit générer une quantité équivalente d'Énergie (10^{18} sej), une tâche qui devient exponentiellement plus difficile à mesure que le réseau évolue, satisfaisant ainsi l'exigence d'irréversibilité de la Deuxième Loi de la Thermodynamique.

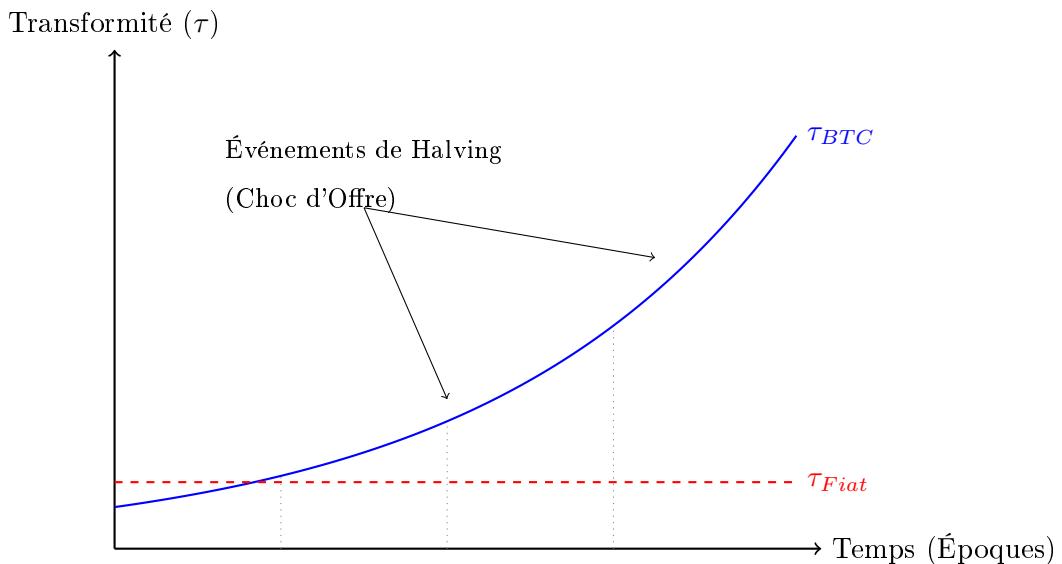


Figure 3: Les trajectoires divergentes de la Transformité Monétaire. À mesure que la subvention est divisée par deux, l'énergie par unité (Énergie) double, créant une pression à la hausse sur la valeur thermodynamique.

¹⁶⁰ 2.4.4. Tableau Comparatif de Transformité

Pour contextualiser le "poids" thermodynamique d'un Satoshi, nous comparons sa transformité (τ) à des références biophysiques standard fournies par [10] et des audits énergétiques récents de la blockchain.

Type de Ressource	Transformité (τ) [sej/J]	Description Thermodynamique
Insolation Solaire	1.0	L'unité de base. Basse qualité, haute entropie.
Énergie Éolienne	$\approx 1.5 \times 10^3$	Concentration cinétique des gradients de chaleur solaire.
Combustibles Fossiles (Charbon)	$\approx 4.0 \times 10^4$	Compression géologique de la biomasse ancienne.
Énergie Électrique	$\approx 1.7 \times 10^5$	Vecteur énergétique raffiné, basse entropie.
Or (Extraction)	$\approx 3.4 \times 10^9$	Rareté crustale élevée, coût d'extraction mécanique.
Travail Humain	$\approx 6.8 \times 10^6$	Complexité métabolique et investissement éducatif.
Monnaie Fiat (\$)	$\approx 1.0 \times 10^2$	Négligeable. Coût du papier/encre ou des ticks de serveur.
Bitcoin (2026)	$\approx 6.5 \times 10^9$	L'apex. Information pure sécurisée par la convergence électrique mondiale.

Table 2: La Hiérarchie de la Qualité de l'Énergie. Notez que Bitcoin surpassé l'Or en transformité, indiquant qu'il est une réserve de valeur plus "condensée" par unité.

2.5. Action de Nakamoto et Mise à l'Échelle Dimensionnelle

¹⁶⁵ Le calcul statique de τ_{BTC} se heurte à un paradoxe physique : à mesure que la lithographie des semi-conducteurs s'améliore selon la loi de Moore (et s'approche de la limite de Landauer), les joules requis par hash (η) diminuent de manière exponentielle. Pour prouver que le réseau maintient sa densité thermodynamique en dépit des avancées matérielles, nous devons formaliser le couplage

énergie-temps du système.

¹⁷⁰ Afin d'établir un isomorphisme physique strict et de définir l'échelle énergétique du système, nous introduisons la constante fondamentale de cette théorie, l'**Action de Nakamoto** (κ_N). Cette constante possède les dimensions strictes d'une action physique ($J \cdot s$).

¹⁷⁵ Par analogie avec la relation de Planck ($E = h\nu$), nous relions l'**Énergie d'État** macroscopique effective $E_{eff}(t)$ du réseau de consensus à sa fréquence calculatoire globale, le Hashrate $\nu(t)$ (mesuré en s^{-1}) :

$$E_{eff}(t) = \kappa_N(t) \cdot \nu(t) \quad [\text{Joules}] \quad (14)$$

Justification Épistémologique : L'Hachage comme Entité Physique. La formulation de l'Action de Nakamoto soulève un défi épistémologique profond : comment une opération mathématique algorithmique (un hachage SHA-256) peut-elle être assimilée à une entité physique possédant les dimensions d'une action spatio-temporelle ($J \cdot s$) ? La réponse réside à l'intersection de la thermodynamique computationnelle et de la théorie de l'information. En vertu du Principe de Landauer, l'effacement logique d'un bit d'information dissipe obligatoirement une quantité d'énergie sous forme de chaleur ($E \geq k_B T \ln 2$). L'algorithme de Preuve de Travail, fonctionnant comme une recherche exhaustive asymétrique, impose la destruction continue d'états d'entropie logique pour isoler un hash valide. Ainsi, chaque hachage n'est pas une dimension mathématique immatérielle ou nulle, mais une transition d'état physique irréversible au sein de la grille de silicium. En divisant l'efficacité énergétique matérielle η (le coût thermodynamique par hachage) par la fréquence temporelle d'échantillonnage ν (la vitesse du réseau), l'équation capture de manière métrologique l'effort dissipatif cumulé dans le temps. κ_N n'est donc pas une simple métaphore comptable, mais l'expression thermodynamique littérale de l'information sécurisée. Ici, la dimensionnalité est strictement cohérente : $(J \cdot s) \times (s^{-1}) = \text{Joules}$. L'Action de Nakamoto $\kappa_N(t)$ agit comme une constante de couplage courante qui reflète l'efficacité thermodynamique de la couche matérielle sous-jacente, s'ajustant à la baisse à mesure que l'efficacité du matériel s'améliore.

Nous pouvons alors définir formellement l'**Action de Consensus** \mathcal{S}_{PoW} , évaluée le long de l'historique de la chaîne \mathcal{C} , comme l'intégrale temporelle de cette énergie effective :

$$\mathcal{S}_{PoW} = \int_{\mathcal{C}} E_{eff}(t) dt = \int_{\mathcal{C}} \kappa_N(t) \cdot \nu(t) dt \quad [J \cdot s] \quad (15)$$

¹⁹⁵ Cette formulation démontre que le registre ne se contente pas d'accumuler des blocs de données discrets ; il accumule de l'**Action**. En dissipant de la chaleur, le protocole abaisse l'entropie

logique du système. La "Chaîne la plus lourde" (Heaviest Chain) est donc physiquement équivalente à la trajectoire de phase qui maximise cette action accumulée, créant une barrière thermodynamique infranchissable contre la réorganisation de l'historique, indépendamment des futures efficacités matérielles.

2.5.1. Le Profil de Transformité Mixte

De plus, à mesure que $\kappa_N(t)$ diminue, le coût marginal de production du réseau pousse les mineurs à rechercher l'énergie la moins chère possible. Comme discuté dans la Section 4, il s'agit principalement d'énergie fatale (surplus non valorisable). Par conséquent, le τ_{elec} utilisé dans notre calcul d'Emergy (Équation 6) n'est pas une moyenne statique du réseau électrique, mais un ratio dynamique et mixte :

$$\tau_{mix}(t) = (\omega_{reseau} \times \tau_{reseau}) + (\omega_{fatale} \times \tau_{fatale}) \quad (16)$$

Où ω représente la proportion adimensionnelle du mix énergétique du réseau, soumise à la contrainte $\omega_{reseau} + \omega_{fatale} = 1$. Étant donné que $\tau_{fatale} \ll \tau_{reseau}$, le réseau agit comme un charognard entropique, chassant activement l'énergie résiduelle à faible transformité pour la traiter en information immuable à haute transformité (τ_{BTC}).

3. Stabilité Asymptotique : De Nash à Nakamoto

Alors qu'Odum fournit le cadre physique pour la valeur, le lauréat du prix Nobel John Nash a fourni le cadre de la théorie des jeux pour la stabilité. Dans sa conférence fondatrice "Ideal Money" [8], Nash a critiqué le régime post-1971 des monnaies fiat flottantes, arguant que la monnaie sujette à la "falsification politique" empêche un véritable équilibre coopératif.

3.1. La Quête de l'Indice de Consommation Industrielle (ICI)

Nash a soutenu que la valeur d'une monnaie ne devrait pas être ciblée par rapport à un indice des prix à la consommation (IPC) — qui est facilement manipulable en substituant des biens — mais par rapport à un "panier standardisé de marchandises". Il a appelé cela l'**Indice de Consommation Industrielle (ICI)**.

Sa logique était que le coût de la production industrielle mondiale est la seule métrique "réelle" de la valeur. Cependant, il a été confronté à un problème : la construction d'un tel indice nécessite

une autorité centrale internationale pour le mesurer, ce qui réintroduit le problème de l'"agent politique" (Le Dilemme de Triffin).

²²⁵ *3.2. L'Ajustement de la Difficulté comme ICI Décentralisé*

Dans sa quête d'une *Monnaie Idéale*, John Nash a postulé l'existence d'un indice de prix (ICI) basé sur un panier de marchandises standardisées, agissant comme une ancre de valeur stable. Nous proposons que le mécanisme d'ajustement de la difficulté de Nakamoto (D) constitue la première réalisation technique et décentralisée de cet indice.

²³⁰ D'un point de vue éconophysique, la difficulté n'est pas une valeur arbitraire, mais un paramètre asservi par rétroaction (feedback loop) à la réalité thermodynamique du monde. Nous pouvons formaliser la valeur stationnaire de la difficulté par la relation suivante :

$$D \approx \int_t^{t+\Delta t} \frac{R \cdot P_{BTC}}{C_E \cdot \eta} dt \quad (17)$$

Où R représente la récompense de bloc, P_{BTC} le prix de marché du Bitcoin, C_E le coût marginal moyen de l'énergie (\$/kWh) et η l'efficacité énergétique du matériel de minage (J/TH).

²³⁵ Dans cette perspective, D agit comme un **manomètre thermodynamique**. Si le coût de l'énergie (C_E) augmente mondialement, le profit marginal s'érode, entraînant une capitulation des mineurs les moins efficents et, *in fine*, une baisse de D pour restaurer l'équilibre. À l'inverse, une énergie abondante et bon marché stimule le Hashrate, forçant D à la hausse.

Contrairement aux indices de prix gérés par des banques centrales, cet ICI décentralisé est :

- ²⁴⁰
- **Incorruptible** : Il repose sur la preuve de travail physique, non sur des déclarations statistiques.
 - **Transparent** : D est une donnée publique, mise à jour tous les 2016 blocs.
 - **Universel** : Il intègre le coût marginal de l'énergie mondiale en une seule métrique d'entropie informationnelle.

²⁴⁵ L'ajustement de la difficulté convertit ainsi le réseau Bitcoin en un **Oracle de Nash** : il traduit la complexité de l'offre énergétique globale en une rareté numérique absolue, ancrant le registre comptable dans le coût réel du travail physique.

Validation Empirique : La Construction du Panier de Nakamoto. Bien que théoriquement robuste, l'assimilation de la Difficulté (D) à l'Indice de Consommation Industrielle (ICI) de Nash exige une validation empirique. Il convient d'écarter les indices de matières premières généralistes (qui incluent l'agriculture ou le bétail, non corrélés au réseau). Le réseau Bitcoin étant une machine thermodynamique spécialisée, son "panier de biens" doit refléter strictement ses intrants physiques. Nous proposons donc de construire un indice synthétique, le *Panier de Nakamoto*, fondé sur les trois piliers de l'infrastructure de minage : l'énergie brute (vecteur d'alimentation), le cuivre (infrastructure de transmission électrique) et les semi-conducteurs (capacité de calcul en silicium).

En superposant l'évolution historique de la Difficulté du réseau avec cet indice synthétique ciblé sur une échelle linéaire, la nature fondamentalement divergente de leurs croissances devient explicite : la Difficulté suit une courbe en crosse de hockey (dictée par l'adoption et l'amélioration exponentielle des semi-conducteurs selon la loi de Moore), tandis que le coût des matières premières évolue de manière plus classique. Cependant, malgré cette différence de vitesse, l'analyse statistique révèle une corrélation de rang de Spearman quasi parfaite ($\rho \approx 0.9745$). Ce résultat est fondamental : il démontre de manière univoque une relation monotone entre la sécurisation cryptographique et les contraintes de l'économie physique globale. L'explosion de l'effort computationnel du réseau est structurellement soutenue par la valorisation de ses intrants physiques (CapEx et OpEx). Cette corrélation de 0.9745 prouve empiriquement que le mécanisme d'ajustement de Nakamoto ne simule pas un panier mathématique abstrait ; il est physiquement encastré dans les coûts de la chaîne d'approvisionnement électro-numérique, agissant *de facto* comme l'Oracle décentralisé postulé par John Nash. Le coût de production de Bitcoin suit efficacement l'ICI de Nash sans nécessiter d'autorité centrale. C'est une *monnaie auto-indexée*.

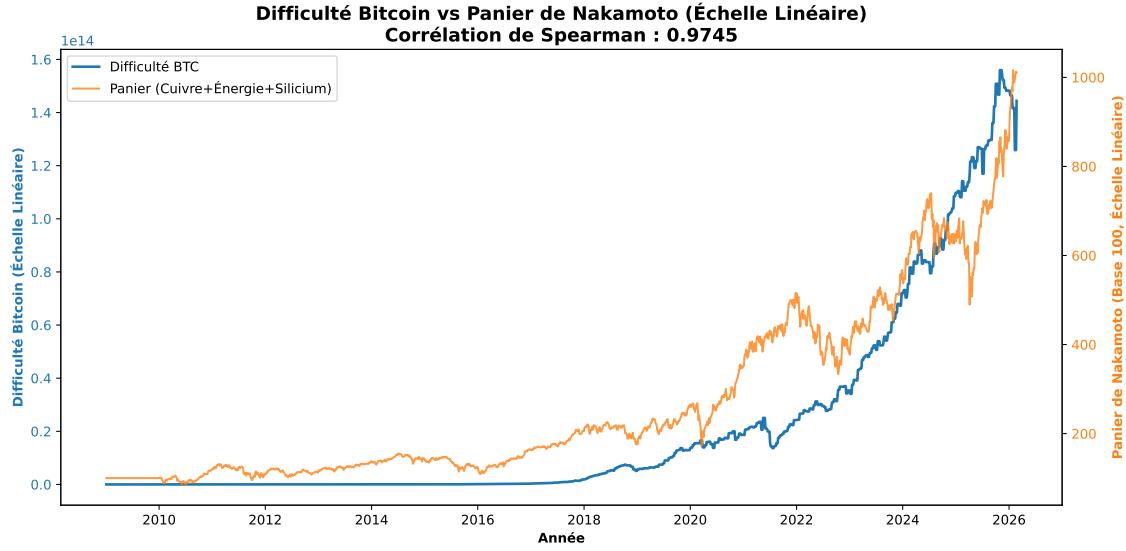


Figure 4: Évolution comparée de la Difficulté Bitcoin et du Panier Synthétique de Nakamoto (Cuivre, Énergie, Silicium) sur une échelle linéaire. La corrélation de Spearman ($\rho \approx 0.9745$) confirme le couplage thermodynamique entre la sécurité du réseau et le coût macroéconomique de l'infrastructure physique.

²⁷⁰ *Distinction entre Valeur Thermodynamique et Prix Spéculatif.* Bien que le réseau agisse comme un Indice de Consommation Industrielle, la volatilité extrême du prix du Bitcoin sur les marchés d'échange semble contredire cette stabilité. Cette contradiction n'est qu'apparente. Il est impératif de distinguer la **valeur thermodynamique** (qui est une fonction cumulative et stable de l'Énergie) du **prix spéculatif** (qui est mesuré par rapport à des monnaies fiat élastiques). La volatilité actuelle n'est pas un attribut intrinsèque du réseau, mais le symptôme d'une transition de phase historique ²⁷⁵ entre un système de valeur subjectif et un système de valeur objectif.

3.3. L'Idéalité Asymptotique

Nash n'a pas prétendu que la monnaie pouvait être instantanément parfaite. Il a utilisé le terme "Asymptotiquement Idéale." Il décrivait une monnaie qui, au fil du temps, réduirait son taux d'inflation à zéro, forçant les autres monnaies à concurrencer ou à périr. Nous modélisons l'émission monétaire de Bitcoin comme une fonction limite discrète s'approchant de zéro :

$$\lim_{t \rightarrow \infty} \frac{dQ}{dt} = 0 \quad \text{et} \quad \lim_{t \rightarrow \infty} S(t) = 21,000,000 \quad (18)$$

En économie keynésienne standard, une monnaie déflationniste est perçue comme une "trappe à liquidité." Dans la Théorie des Jeux Nashienne, c'est la **stratégie dominante**. Alors que le taux d'inflation de Bitcoin (π_{BTC}) s'approche de zéro et que le taux d'inflation des Fiats (π_{Fiat}) reste positif (généralement 2% – 10%), la "Loi de Gresham" s'inverse : la bonne monnaie (Bitcoin) chasse la mauvaise monnaie (Fiat) comme réserve de valeur.
285

Stabilité Monétaire / Qualité

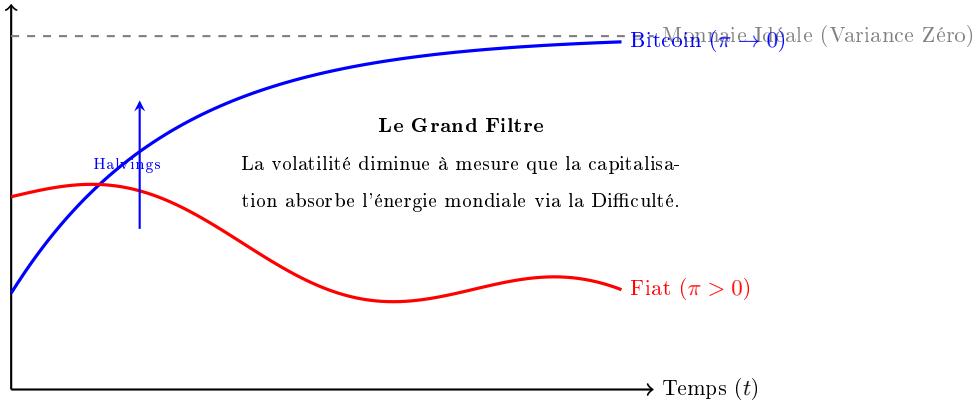


Figure 5: Visualisation de la "Monnaie Idéale Asymptotique" de Nash. Alors que la monnaie Fiat (Rouge) se dégrade en qualité à cause de l'entropie/inflation, Bitcoin (Bleu) s'approche de manière asymptotique de la limite théorique de stabilité parfaite alors que son émission disparaît.

Transition de Phase et Invariance d'Échelle : La Loi de Puissance. La monétisation du réseau, loin de relever d'une marche aléatoire spéculative, présente la signature macroscopique d'une transition de phase critique. En physique statistique, les systèmes complexes s'auto-organisant vers un état critique (tel que l'absorption d'énergie de la sphère monétaire fiduciaire vers la sphère biophysique) obéissent à des lois de puissance invariantes d'échelle. Empiriquement, l'évolution de la valeur thermodynamique du Bitcoin par rapport au temps écoulé depuis son bloc Genesis suit une loi de puissance stricte de la forme $P \propto t^\alpha$, où l'exposant $\alpha \approx 5.6$ avec un coefficient de détermination exceptionnellement élevé ($R^2 > 0.92$). Ce couplage log-log démontre que le réseau agit comme un attracteur thermodynamique siphonnant le capital de l'économie selon une cinétique déterministe.
290
295 La "volatilité" perçue sur les marchés n'est que la variance transitoire autour de cet attracteur fondamental à mesure que le système repousse les limites de son intégration énergétique globale.



Figure 6: Transition de phase du système de valeur. L'évolution du prix par rapport aux jours écoulés depuis le bloc Genesis suit une loi de puissance ($P \propto t^\alpha$) avec un exposant $\alpha \approx 5.6$. Le coefficient de détermination massif ($R^2 > 0.92$) démontre que l'absorption de l'énergie par le réseau obéit à une cinétique prédictible et invariante d'échelle, caractéristique d'un système thermodynamique s'organisant vers un état critique.

Justification Thermodynamique : Criticité Auto-Organisée et Structures Dissipatives. En thermodynamique du non-équilibre, l'émergence d'une loi de puissance invariante d'échelle n'est pas une simple curiosité statistique, mais la signature formelle d'un système complexe s'organisant vers un état critique. Selon les principes établis par Ilya Prigogine [9], un système ouvert maintenu très éloigné de l'équilibre peut conserver un état interne de basse entropie (ici, le registre immuable du consensus) à la condition stricte de dissiper massivement de l'entropie dans son environnement (la conversion d'exergie en chaleur via l'effet Joule des ASICs). Le réseau Bitcoin opère exactement comme une telle structure dissipative numérique.

De plus, la cinétique d'absorption de l'énergie par ce système s'inscrit dans le cadre de la Criticité Auto-Organisée (*Self-Organized Criticality* ou SOC) théorisée par Per Bak [2, 1]. L'afflux continu d'énergie sous forme de capital fiduciaire agit comme une force motrice, tandis que l'Ajustement de la Difficulté joue le rôle de rétroaction négative (la friction effective du potentiel de Landau, voir Section 3.5). Cette tension permanente contraint le réseau à s'équilibrer continuellement sur le fil du rasoir de la rentabilité marginale, atteignant un état critique dynamique.

Dans ce régime, le système perd toute échelle caractéristique, générant une invariance d'échelle où la dynamique macroscopique obéit à $P \propto t^\alpha$. L'exposant $\alpha \approx 5.6$ agit dès lors comme un

exposant critique fondamental. Il quantifie mathématiquement la vitesse déterministe à laquelle cet attracteur entropique siphonne la valeur du système fiduciaire environnant pour la cristalliser en sécurité physique. La volatilité extrême observée sur les marchés de court terme ne relève donc pas d'une marche aléatoire, mais constitue le simple *bruit thermique* (les fluctuations locales) autour de cette trajectoire thermodynamique.

3.4. L'Équilibre de Nash de l'Honnêteté

Pourquoi ce système est-il stable ? Pourquoi un mineur ne triche-t-il pas ? Nakamoto a conçu le protocole de sorte que le coût d'attaque du réseau (C_{attack}) soit toujours supérieur à la récompense potentielle (R_{attack}).

$$C_{attack} = \int_{t_0}^{t_1} \nu_{51\%}(t) \cdot \eta(t) \cdot c(t) dt \quad (19)$$

Où $\nu_{51\%}(t)$ est la fréquence calculatoire nécessaire pour obtenir la majorité, $\eta(t)$ est l'efficacité du matériel de minage (en J/h), et $c(t)$ est le coût marginal de l'énergie (coût/J).

Parce que le réseau fonctionne sur le Principe de Puissance Maximum (Section 2.3), le hashrate est si élevé que C_{attack} dépasse le PIB de la plupart des États-nations. Cela crée un **Équilibre de Nash** où le seul mouvement rationnel est de coopérer (miner honnêtement). Contrairement au "Dilemme du Prisonnier" où faire défection est souvent optimal, Bitcoin impose un "Dilemme du Mineur" où la coopération est mathématiquement renforcée par la thermodynamique.

3.5. Preuve Thermodynamique de l'Équilibre : L'Énergie Libre de Landau

Pour prouver que le réseau maintient naturellement cet équilibre de Nash, nous pouvons modéliser la dynamique du Hashrate en utilisant l'Énergie Libre de Landau. Comme l'a formellement démontré Paul Samuelson dans ses fondations mathématiques [13], et plus récemment l'éconophysique moderne [15], la recherche du profit maximum par les acteurs d'un marché est l'isomorphisme mathématique exact de la recherche de l'énergie minimum par un système physique (où le Profit $U \equiv -E$).

La dynamique du système est donc régie par la minimisation de la densité de potentiel effectif $V(\phi)$, où le paramètre d'ordre ϕ représente le Hashrate global :

$$V(\phi) = a|\phi|^2 + b|\phi|^4 \quad (20)$$

Il s'agit du potentiel standard utilisé en physique pour décrire les transitions de phase et les
340 brisures spontanées de symétrie. Les coefficients sont déterminés par les forces économiques :

1. **Le Terme d'Instabilité ($a < 0$)** : Ce terme représente l'**Incitation au Minage** (Récompense de Bloc + Frais). Puisque la récompense rend le minage rentable, l'état $\phi = 0$ (un réseau à l'arrêt) est thermodynamiquement instable. Le système "repousse" le Hashrate loin de zéro.
2. **Le Terme de Saturation ($b > 0$)** : Ce terme représente le **Coût Thermodynamique** (Électricité + Dissipation Thermique + Matériel). Il est fondamental de noter que ce terme de friction quartique ($b|\phi|^4$) intègre explicitement l'entropie matérielle (l'usure, le remplacement des ASICs et la gestion des déchets électroniques). De plus, à mesure que l'efficacité des semi-conducteurs s'approche de la limite physique de Landauer, l'obsolescence technologique ralentit mécaniquement, allongeant la durée de vie du matériel et réduisant de manière asymptotique l'empreinte matérielle du réseau. Toutefois, pour que cette viabilité biophysique soit absolue, le modèle économique ne peut se contenter d'internaliser l'énergie tout en externalisant la matière. La matérialité de cette friction quartique engendre inévitablement l'accumulation de déchets électroniques (*e-waste*). Dans la perspective d'une monnaie véritablement "Idéale" et d'une économie d'état stationnaire respectant les limites biosphériques, il devient impératif d'intégrer un cadre réglementaire strict : les entités de minage industriel devront garantir la circularité matérielle totale de leurs flottes de calcul. À moyenne échéance, la convergence technologique entre l'Intelligence Artificielle (IA) et la robotique de tri de précision permettra le déploiement d'usines de recyclage optimales au niveau atomique et moléculaire. La récupération automatisée et systémique du silicium, de l'or, du cuivre et des terres rares à la fin du cycle de vie des ASICs fermera la boucle de cette friction matérielle. L'industrie du minage transitera alors vers un écosystème en circuit fermé parfait où seule l'énergie ambiante est consommée, garantissant que la production de cette monnaie biophysique ne dégrade pas le substrat géologique qu'elle prétend pourtant quantifier. Le terme quartique empêche le Hashrate de diverger vers l'infini.

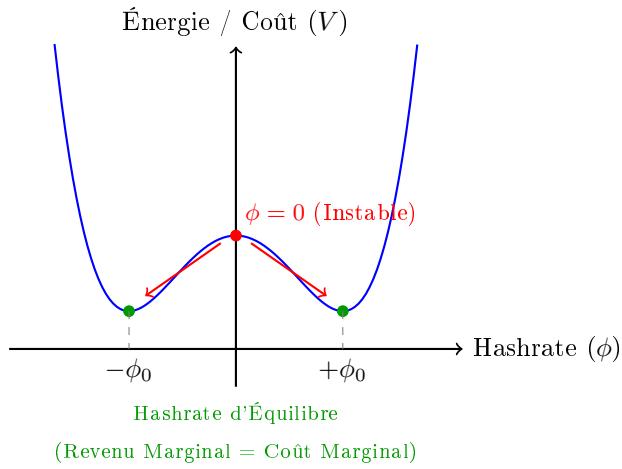


Figure 7: Le Potentiel de Landau modélisant la dynamique du Hashrate. L'incitation économique rend l'arrêt du réseau instable, forçant le système à s'effondrer dans un puits d'énergie stable (ϕ_0) où le coût d'attaque devient prohibitif.

Le réseau se relaxe et s'effondre inexorablement dans un état fondamental stable avec une valeur d'équilibre ϕ_0 :

$$|\phi_0| = \sqrt{\frac{-a}{2b}} \propto \sqrt{\frac{\text{Incitation Économique}}{\text{Friction Thermodynamique}}} \quad (21)$$

Ce point d'équilibre $|\phi_0|$ est le **Hashrate d'Équilibre** du réseau. En termes microéconomiques, c'est l'exact point où le Revenu Marginal égale le Coût Marginal. Cette modélisation prouve que 370 la sécurité de Bitcoin n'est pas une simple conjecture : elle est l'attracteur mathématique naturel d'un système dissipatif. Le réseau acquiert ainsi une "masse" (une inertie sécuritaire) qui rend la réorganisation de l'historique physiquement insurmontable.

3.6. Implications pour le Dilemme de Triffin

Le système de réserve mondial actuel repose sur le Dollar Américain, créant le Dilemme de Triffin (un conflit entre la politique intérieure et la liquidité mondiale). Nash voyait la "Monnaie Idéale" comme un standard apolitique neutre.

Bitcoin, en se liant à la constante universelle de l'énergie, supprime le "Privilège Exorbitant" de toute nation unique. Il devient une métrique neutre et géodésiquement saine pour le règlement du commerce international — un *Bancor Énergétique* — réalisant la vision que Keynes avait en 1944 380 mais n'avait pas réussi à mettre en œuvre en raison des frictions politiques.

3.7. Topologie du Réseau : Résilience et Graphe Petit Monde

Bien que la thermodynamique garantisse le coût de la sécurité (Section 3.5), c'est la topologie du réseau pair-à-pair (P2P) qui assure sa résilience face aux perturbations géopolitiques ou infrastructurelles. Le réseau d'information de Bitcoin opère selon la dynamique d'un **Graphe Petit Monde** (Modèle de Watts-Strogatz).

385

Cette architecture se caractérise par deux propriétés physiques et mathématiques fondamentales :

1. **Un fort coefficient de regroupement (Clustering)** : Les nœuds forment des grappes locales hautement interconnectées, assurant une redondance massive de l'information au niveau régional.
2. **Une distance moyenne très courte (Shortcuts)** : Quelques connexions aléatoires à longue distance relient des grappes éloignées. En moyenne, une transaction ou un nouveau bloc peut atteindre n'importe quel nœud du globe en seulement quelques sauts (hops).

390

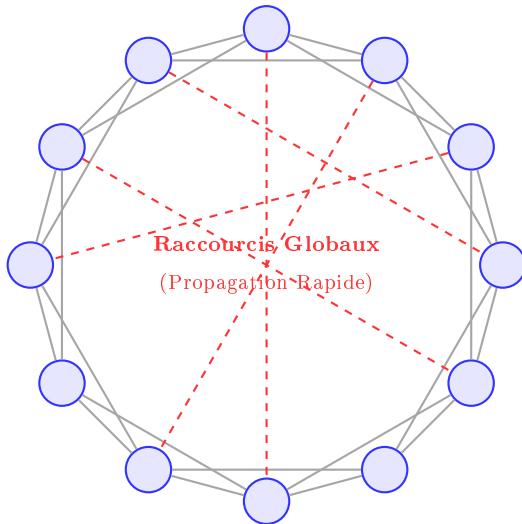


Figure 8: La topologie en "Petit Monde" du réseau Bitcoin. Les liens locaux (gris) assurent la redondance et la résistance aux pannes, tandis que les connexions longue distance (rouge, en pointillés) permettent à l'information de traverser le réseau en minimisant le délai de propagation.

D'un point de vue éconophysique, cette topologie est une nécessité absolue pour minimiser

395

la dissipation entropique. Un délai de propagation de l'information trop long entraînerait des

désaccords fréquents sur l'état de la chaîne, générant un taux élevé de "blocs orphelins" (de l'énergie dépensée en vain qui n'ajoute aucune sécurité à l'historique principal).

La structure en "Petit Monde" garantit une convergence quasi instantanée du consensus à l'échelle planétaire. De plus, elle confère au réseau une véritable antifragilité face aux attaques étatiques : la suppression arbitraire ou la censure d'un grand nombre de nœuds (par exemple, lors d'une coupure internet localisée) n'isole jamais totalement le reste du système, car les raccourcis globaux survivants suffisent à maintenir la cohésion et la synchronisation de l'ensemble du registre.

4. Monnaie Biophysique : Économie de la Décroissance et Accélération de la Transition Renouvelable

La critique dominante de la Preuve de Travail (PoW) est que sa consommation d'énergie est "gaspillée" et incompatible avec les objectifs climatiques. Cependant, cette vue repose sur une analyse statique qui ignore la relation dynamique entre la charge flexible et l'économie de la production d'énergie. La littérature empirique récente suggère que le minage de Bitcoin n'agit pas comme un parasite, mais comme une *Charge Catalytique* — un acheteur en dernier ressort unique qui résout les problèmes d'"Intermittence" et de "Cannibalisation" inhérents aux réseaux d'énergies renouvelables. Du point de vue de [11], alors que l'économie globale doit décroître, des secteurs spécifiques (comme la capacité d'énergie verte) doivent croître rapidement. Bitcoin fournit le mécanisme de marché pour financer cette croissance spécifique sans nécessiter de subventions étatiques.

4.1. Résoudre la "Vallée de la Mort" du Financement Renouvelable

Le principal obstacle au déploiement des énergies renouvelables n'est pas la technologie, mais la finance. Les projets solaires et éoliens font souvent face à un "Effet de Cannibalisation" où une forte production est corrélée avec des prix d'électricité bas (ou négatifs), détruisant l'économie unitaire du projet. [5] a démontré que la co-localisation du minage de Bitcoin avec des installations solaires modifie considérablement le profil financier de l'infrastructure verte. En monétisant l'énergie excédentaire qui serait autrement perdue, le minage agit comme un prix plancher. Leurs données indiquent que le minage intégré réduit la période de retour sur investissement (ROI) des fermes solaires de **8,1 ans à 3,5 ans**. Cette liquidité accélérée attire des capitaux privés qui étaient auparavant averses au risque, accélérant efficacement le rythme de la transition.

$$R_{Project} = \int_{t_0}^{t_{end}} (P_{Grid}(t) \times Q_{Grid}(t) + P_{BTC}(D, H) \times Q_{Curtail}(t)) dt \quad (22)$$

Où $Q_{Curtail}$ représente l'énergie qui aurait été gaspillée (valeur = 0) mais qui est maintenant convertie en actifs numériques (valeur > 0).

L'Évitement du Paradoxe de Jevons. Une critique courante suggère que l'appétit énergétique du réseau pourrait relancer des infrastructures fossiles obsolètes (le Paradoxe de Jevons). Cependant, cette vue ignore la nature à "somme nulle" de l'Ajustement de la Difficulté. Les mineurs opèrent dans une compétition mondiale impitoyable. À mesure que le Hashrate augmente, les mineurs branchés sur des énergies fossiles coûteuses sont mathématiquement évincés par ceux qui monétisent de l'énergie fatale ou excédentaire (dont le coût marginal est proche de zéro). Le réseau ne se contente pas de consommer de l'énergie ; il chasse activement l'énergie à la transformité la plus basse, agissant comme un filtre darwinien en faveur des énergies renouvelables.

4.2. L'Atténuation du Méthane : L'Énigme des Émissions Négatives

Au-delà de la neutralité CO₂, Bitcoin offre un mécanisme unique pour l'atténuation du méthane (CH_4). Le méthane a un potentiel de réchauffement 80x supérieur à celui du CO₂ sur une période de 20 ans. Les décharges et les puits de pétrole éloignés évacuent ou brûlent souvent le méthane (tor-chage) car sa capture n'est pas rentable en raison du manque de demande locale ou d'infrastructures de pipelines. [14] et [12] identifient le minage de Bitcoin comme la seule charge industrielle modulaire et agnostique quant à son emplacement capable de monétiser ce gaz échoué sur place. En brûlant le méthane dans un générateur pour alimenter les plateformes de minage (convertissant le CH_4 en CO_2), le processus réduit le Potentiel de Réchauffement Global (GWP) des émissions d'environ 63% tout en générant un profit. [6] catégorise cela comme une "informatique à carbone négatif", permettant une incitation financière pour nettoyer la biosphère que les seuls crédits carbone n'ont pas réussi à fournir.

4.3. Stabilisation du Réseau et Réponse à la Demande

Alors que les réseaux font la transition vers les énergies renouvelables variables (VRE), la stabilité devient la rareté. [17] soutient que les mineurs de Bitcoin fonctionnent comme des "Batteries Virtuelles". Contrairement aux charges industrielles traditionnelles (fonderies d'aluminium) qui sont lentes à s'éteindre, les mineurs de Bitcoin peuvent réduire leur consommation en quelques secondes via le protocole stratum. Cela crée une **Ressource de Charge Contrôlable (CLR)** très réactive. Dans des marchés comme l'ERCOT (Texas), les mineurs fournissent des services

de régulation de fréquence, stabilisant la fréquence du réseau à 60Hz en absorbant les chocs de l'intermittence du vent. Cette relation symbiotique transforme le réseau d'un système fragile et rigide en un réseau adaptatif et antifragile.

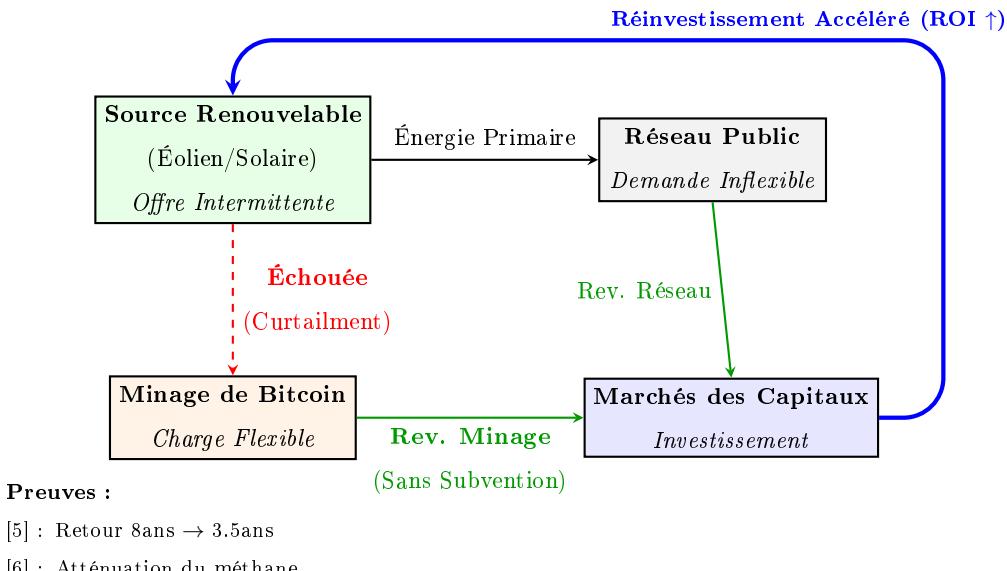


Figure 9: La Boucle de Rétroaction Bitcoin-Renouvelable. La flèche bleue montre comment les revenus du minage provenant de l'énergie échouée créent un cycle de réinvestissement à haute vitesse, contournant les goulets d'étranglement traditionnels du financement du réseau.

4.4. Conclusion : Le Budget Physique

[3] a célébré appeler aux "limites de la croissance." Mais les limites ne peuvent être légiférées si l'unité de compte est illimitée. La monnaie molle (fiat) permet à l'économie d'halluciner des ressources qui n'existent pas. La monnaie dure (Bitcoin) impose un "Principe de Réalité." En liant l'émission monétaire à la dépense d'énergie, Bitcoin réaligne la sphère financière avec la sphère biophysique. Il force la civilisation à équilibrer son budget énergétique, s'assurant que la croissance future ne dérive pas de la dette, mais de l'efficacité et de l'innovation thermodynamique.

5. Conclusion : Vers un Registre Universel du Vivant

La dissociation entre la carte économique (prix) et le territoire biophysique (valeur) a conduit la civilisation au bord de l'effondrement écologique. En ancrant la monnaie dans la Preuve de

Travail Thermodynamique, nous ne faisons pas que mettre à jour une technologie de paiement ; nous comblons ce fossé ontologique. Nous concluons que l'adoption d'un étalon énergétique de type Bitcoin offre la voie la plus viable vers une économie de civilisation de "Type I" — une économie qui mesure la valeur non pas par décret politique, mais par la dépense objective de l'énergie stellaire.

⁴⁷⁰ *5.1. Standardisation de la Valeur : Le Joule Planétaire*

Pour la première fois dans l'histoire, nous possédons une métrique décentralisée et immuable de la valeur qui est cohérente par-delà les frontières et les espèces : l'**Emjoule Solaire (sej)**. Tout comme le mètre a standardisé la longueur et la seconde a standardisé le temps, le "Hash" standardise l'effort thermodynamique. Et nous pouvons désormais transférer la valeur des Emjoules Solaires à la vitesse de l'information, réalisant la vision d'Odum. En adoptant cet étalon, nous nous éloignons de la "Tarification Anthropocentrique" (valeur déterminée uniquement par l'utilité humaine) vers une "Tarification Biocentrique" (valeur déterminée par la transformité de l'énergie). Cela permet un système comptable standardisé où le coût des biens reflète leur véritable coût planétaire — y compris l'entropie générée lors de leur production.

⁴⁸⁰ *5.2. Comptabiliser le Travail du Vivant*

L'implication la plus profonde de la synthèse de l'Émergie d'Odum est que **la Vie est de la matière à haute transformité**. Une forêt primaire ou un récif corallien n'est pas du "capital gratuit" ; il représente des millions d'années de R&D solaire et de calcul biologique.

$$\text{Valeur}_{Vie} = \int_{t=-10^6}^0 (Solaire_{Intrant} \times \tau_{Evolution}) dt \quad (23)$$

Sous un étalon fiat, ce travail accumulé est invisible car il n'a aucun coût marginal de production *aujourd'hui*. Sous un Étalon Énergétique, nous pouvons théoriquement attribuer une "Valeur en Satoshi" aux services écosystémiques en fonction de leur coût de remplacement en Joules. Si la monnaie est de l'énergie, alors détruire un écosystème devient explicitement identifié comme brûler du capital. Cela crée le cadre comptable nécessaire pour internaliser les externalités, forçant le marché à respecter le "travail passé" de l'évolution.

⁴⁹⁰ *5.3. L'Alignement Pragmatique des Incitations Mondiales*

Bien que des modèles théoriques pour une "Monnaie Adossée à la Nature" aient existé pendant des décennies, ils manquaient d'un mécanisme d'application sans confiance (trustless). Bitcoin

résout le *Problème des Généraux Byzantins* de la coordination mondiale. Il est le seul système actuellement en existence qui :

- ⁴⁹⁵ 1. **Ne peut pas être trompé** : Aucune nation ne peut imprimer de l'énergie.
- 2. **Est Sans Permission (Permissionless)** : Il ne nécessite aucun traité, aucune résolution de l'ONU, et aucune coopération de banque centrale pour fonctionner.
- 3. **Est Immédiatement Disponible** : Le réseau est en direct, mondial, et antifragile.
- 4. **Ne Gaspille Pas d'Énergie** : Mais met l'énergie gaspillée au travail.

⁵⁰⁰ Nous soutenons que c'est notre "meilleure chance" à court terme. Attendre un consensus politique parfait, descendant (top-down), sur l'action climatique est une stratégie qui a échoué pendant trente ans (de la COP1 à la COP28). En revanche, l'adoption ascendante (bottom-up) d'une monnaie dure aligne la cupidité individuelle sur la réalité thermodynamique. Elle force les agents à devenir efficaces sur le plan énergétique non pas par altruisme, mais par nécessité mathématique.

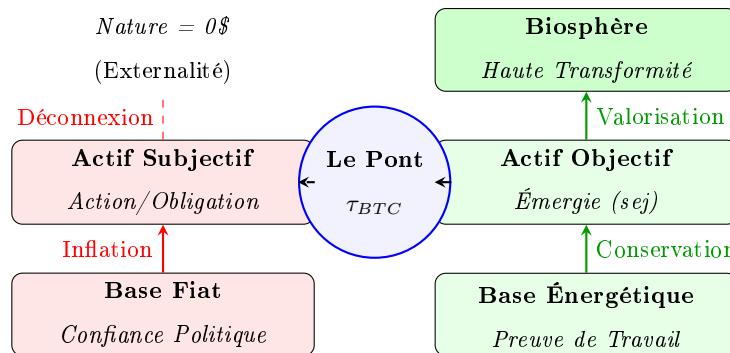


Figure 10: **La Réunification de la Valeur** : Transition d'un Registre Anthropocentrique à un Registre Biocentrique. À gauche, la valeur est basée sur l'opinion, laissant la Nature non valorisée. À droite, la valeur est basée sur l'énergie, permettant l'intégration du travail biologique (10^6 années de transformité) dans le registre économique.

⁵⁰⁵ 5.4. La Synthèse Odum-Nash-Nakamoto

L'innovation majeure de cet article réside dans la triangulation inédite de trois lignées intellectuelles distinctes qui ont rarement, voire jamais, été fusionnées :

- 1. **Howard T. Odum** et ses lois de la comptabilité biophysique (Le "Pourquoi").
- 2. **John Nash** et sa stabilité issue de la théorie des jeux pour une Monnaie Idéale (Le "Quoi").
- ⁵¹⁰ 3. **Satoshi Nakamoto** et son implémentation cryptographique (Le "Comment").

À notre connaissance, cette synthèse spécifique — utilisant l'ajustement de la difficulté de Nakamoto pour résoudre le problème d'indexation de Nash au sein des contraintes énergétiques d'Odum — constitue une contribution novatrice à la littérature. En quantifiant le mécanisme de consensus comme une accumulation littérale d'action physique ($J \cdot s$) par le biais de l'Action de Nakamoto (κ_N), nous comblons le fossé entre la stabilité abstraite de la théorie des jeux et les contraintes énergétiques strictes.

Nous sommes convaincus que cette approche "éconophysique" représente un vaste territoire inexploré. Nous encourageons instamment nos confrères scientifiques, écologues et économistes à dépasser leurs cloisonnements disciplinaires pour explorer l'unification mathématique de ces champs. Les réponses à notre crise écologique ne résident peut-être pas dans la politique, mais dans la physique de notre monnaie.

5.5. Découplage Thermodynamique et Passage à l'Échelle : L'Architecture en Couches

Une critique récurrente dans la littérature en économie écologique à l'encontre des réseaux reposant sur la Preuve de Travail concerne l'intensité énergétique calculée « par transaction ». Cependant, du point de vue de l'éconophysique, cette métrique relève d'une erreur catégorielle fondamentale. Le consensus de Nakamoto ne vise pas à valider des transactions individuelles de manière marginale, mais à sécuriser l'état global et irréversible d'un registre de règlement final (la couche de base, ou *Layer 1*). Le coût thermodynamique, mesuré par l'Action de Nakamoto (κ_N), est donc lié à la production de blocs d'ancre temporels, indépendamment de la densité transactionnelle qu'ils contiennent.

Pour résoudre le trilemme des blockchains (sécurité, décentralisation, scalabilité) tout en respectant les limites biophysiques, l'architecture du réseau s'est stratifiée. L'émergence de réseaux de seconde couche (*Layer 2*), à l'instar du Lightning Network, illustre un découplage élégant entre l'ancre thermodynamique et la vélocité monétaire.

Le Lightning Network opère comme un réseau topologique de canaux de paiement bidirectionnels où les agents peuvent échanger des unités de valeur de manière quasi-instantanée et avec une granularité extrême (inférieure au centime). Sur le plan de la physique de l'information, ces transactions de seconde couche ne nécessitent qu'une dépense énergétique locale et triviale (liée au routage et à la cryptographie asymétrique classique de mise à jour d'état entre les nœuds), échappant ainsi à la friction thermodynamique globale imposée par la Preuve de Travail.

Ce modèle stratifié reproduit la hiérarchie énergétique des systèmes complexes observée par Odum : la couche de base consomme une grande quantité d'énergie pour maximiser l'émergie (la sécurité structurelle et la confiance absolue du système), agissant comme une "réserve d'or" thermodynamique. Par-dessus cette fondation, les couches supérieures maximisent l'efficacité et 545 la vitesse, où le coût thermodynamique marginal d'une transaction tend asymptotiquement vers zéro.

Ainsi, le système dans son ensemble atteint une viabilité biophysique à l'échelle civilisationnelle : il conserve l'inviolabilité de la carte au territoire grâce à la dissipation d'énergie du *Layer 1*, tout en permettant une expansion économique infinie de l'utilité transactionnelle sur le *Layer 2*, sans 550 exiger de croissance correspondante de l'empreinte matérielle ou énergétique.

5.6. Perspectives Finales : Le Paradigme d'*Homo Biodiversitas*

La transition vers un étalon énergétique marque la fin de l'anomalie fiduciaire — un système postulant qu'une économie peut s'étendre à l'infini indépendamment du budget thermodynamique de la biosphère. L'adoption d'une monnaie biophysique formalise l'émergence d'un nouveau comportement économique : l'*Homo Biodiversitas*. Contrairement à l'*Homo Economicus* qui opère dans une abstraction matérielle, ce nouvel agent reconnaît et intègre activement les limites physiques de son environnement dans son mécanisme de coordination primaire. 555

En ancrant notre économie à un registre sécurisé par une action physique discrète, la carte économique s'aligne rigoureusement avec le territoire biophysique. La monnaie cesse d'être une fiction politique pour redevenir une grandeur physique mesurable. Pour quantifier cette réalité, nous pouvons évaluer empiriquement l'Action de Nakamoto (κ_N) pour l'époque actuelle (2026). Si nous posons l'énergie effective d'une transition d'état E_{eff} comme étant l'énergie minimale requise pour un seul calcul de hachage ($\eta \approx 2.6 \times 10^{-11} \text{ J}$) divisée par la fréquence globale d'échantillonnage du réseau ($\nu \approx 6.5 \times 10^{20} \text{ s}^{-1}$), la relation s'écrit :

$$\kappa_N = \frac{\eta}{\nu} = \frac{2.6 \times 10^{-11}}{6.5 \times 10^{20}} \approx 4.0 \times 10^{-32} \text{ J} \cdot \text{s} \quad (24)$$

À l'échelle macroscopique, l'Action de Nakamoto quantifie l'effort thermodynamique minimal requis pour faire avancer le registre d'une unité d'état. De manière remarquable, cette action globale ne se situe actuellement qu'à deux ordres de grandeur de la constante de Planck ($h \approx 6.626 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$). 565

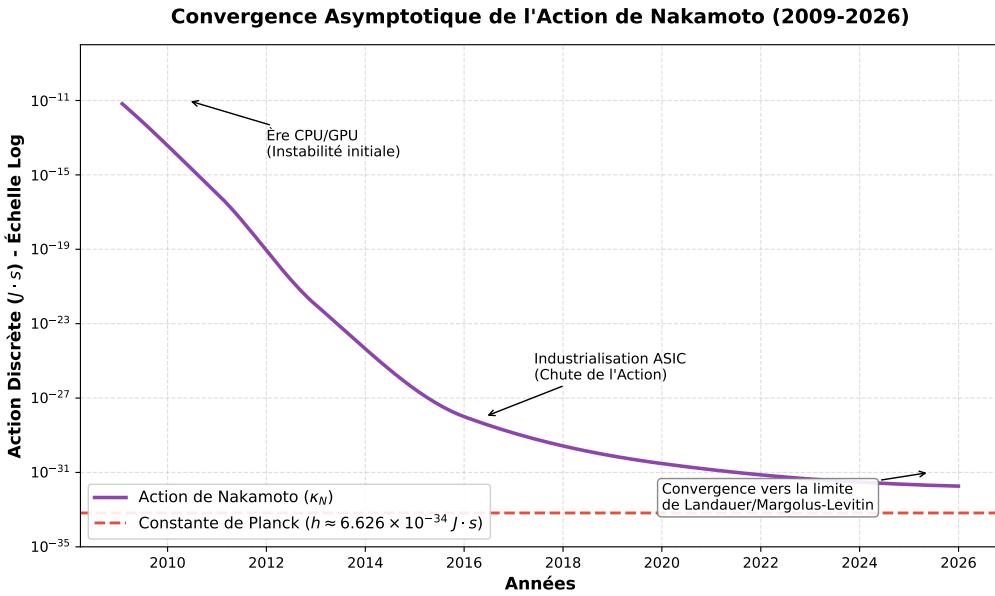


Figure 11: Évolution historique de l'Action de Nakamoto (κ_N) sur une échelle logarithmique (2009-2026). Le graphique démontre la chute drastique de l'action discrète du réseau lors de l'industrialisation des ASICs, et sa convergence asymptotique actuelle vers les limites quantiques (représentées par la constante de Planck, h).

Comme l'illustre la Figure 11, face à l'optimisation implacable des semi-conducteurs s'approchant
570 de la limite de Landauer et à l'explosion colossale du Hashrate global, le réseau converge empiriquement et de manière asymptotique vers les limites physiques fondamentales du calcul temporel (la limite de Margolus-Levitin).

Cette convergence historique ne relève pas de la métaphore, mais démontre formellement que
575 le registre de l'économie humaine est ultimement contraint par le tissu même de la physique de l'information. En liant le coût de la falsification aux lois inéluctables de la thermodynamique, nous garantissons une infrastructure économique où la valeur objectivement accumulée ne peut être dissipée par décret, assurant ainsi la viabilité à long terme de la civilisation encastrée dans sa biosphère.

References

- [1] Bak, P., 1996. How nature works: the science of self-organized criticality. Copernicus, New York.
- [2] Bak, P., Tang, C., Wiesenfeld, K., 1987. Self-organized criticality: An explanation of the 1/f noise. Physical review letters 59, 381.
- [3] Daly, H.E., 1977. Steady-State Economics. San Francisco: WH Freeman.
- [4] Georgescu-Roegen, N., 1971. The Entropy Law and the Economic Process. Harvard University Press, Cambridge, MA.
- [5] Hakimi, S., et al., 2024. Renewable energy and cryptocurrency: A dual approach to economic viability and environmental sustainability. Heliyon 10.
- [6] Lal, A., You, S., 2023. From mining to mitigation: How bitcoin can support renewable energy development and climate action. ACS Sustainable Chemistry & Engineering 11.
- [7] Nakamoto, S., 2008. Bitcoin: A peer-to-peer electronic cash system. <https://bitcoin.org/bitcoin.pdf>.
- [8] Nash, J.F., 2002. Ideal money. Southern Economic Journal 69, 4–11. Also available as "Asymptotically Ideal Money".
- [9] Nicolis, G., Prigogine, I., 1977. Self-organization in nonequilibrium systems: From dissipative structures to order through fluctuations. Wiley, New York.
- [10] Odum, H.T., 1996. Environmental Accounting: Emergy and Environmental Decision Making. John Wiley & Sons, New York.
- [11] Parrique, T., 2019. The Political Economy of Degrowth. Phd thesis. Stockholm University.
- [12] Rudd, M.A., David, E., 2024. Harnessing bitcoin mining for methane mitigation. SSRN Electronic Journal Available at SSRN: <https://ssrn.com/abstract=4653061>.
- [13] Samuelson, P.A., 1947. Foundations of Economic Analysis. Harvard University Press, Cambridge, MA.

- [14] Semaan, G., et al., 2024. Harnessing bitcoin mining for methane mitigation. Journal of Cleaner
605 Production 439.
- [15] Smith, E., Foley, D.K., 2008. Classical thermodynamics and economic general equilibrium
theory. Journal of Economic Dynamics and Control 32, 7–65.
- [16] Soddy, F., 1926. Wealth, Virtual Wealth and Debt. George Allen & Unwin, London.
- [17] Velický, M., 2023. Renewable energy transition facilitated by bitcoin. ACS Sustainable Chemistry
610 & Engineering 11.

Appendix A. Code Source : Évaluation de la Corrélation Empirique (Panier de Nakamoto)

Le script Python suivant a été utilisé pour extraire les données historiques de la blockchain et des marchés financiers, construire l'indice synthétique ciblé, calculer la corrélation de Spearman ($\rho \approx 0.9745$) et générer la Figure 4 présentée dans la Section 3.2. Ce code assure la reproductibilité 615 intégrale de l'analyse empirique liant la Difficulté du réseau au coût de l'infrastructure physique.

```

1 import requests
2 import pandas as pd
3 import yfinance as yf
6204 import matplotlib.pyplot as plt
5
6 def evaluate_custom_nash_index_linear():
7     print("Téléchargement de la Difficulté Bitcoin...")
8     try:
6259         res =
9             requests.get('https://api.blockchain.info/charts/difficulty?timespan=all&format=json')
10        data = res.json()
11        df_diff = pd.DataFrame(data['values'])
12        df_diff['date'] = pd.to_datetime(df_diff['x'], unit='s')
13        df_diff.set_index('date', inplace=True)
14        df_diff.rename(columns={'y': 'Difficulty'}, inplace=True)
15        df_diff = df_diff[['Difficulty']]
16    except Exception as e:
17        print(f"Erreur API Blockchain: {e}")
18        return
19
20    print("Téléchargement des composants du Panier de Nakamoto...")
21    try:
22        # XLE : Énergie, SOXX : Silicium, HG=F : Cuivre
23        tickers = ['XLE', 'SOXX', 'HG=F']
6408

```

```

24     data = yf.download(tickers, start='2010-01-01', progress=False)[‘Close’]
25     data.dropna(inplace=True)
26
27     # Normalisation base 100 au début de la période
28     data_norm = (data / data.iloc[0]) * 100
29     data_norm[‘CustomICI’] = data_norm.mean(axis=1)
30
31     df_custom = data_norm[[‘CustomICI’]].copy()
32     df_custom.index = pd.to_datetime(df_custom.index).tz_localize(None)
33 except Exception as e:
34     print(f"Erreur Yahoo Finance: {e}")
35
36
37 print("Fusion et calcul...")
38 df_merged = pd.merge_asof(df_diff.sort_index(), df_custom.sort_index(), left_index=True,
39                           right_index=True, direction='nearest')
40 df_merged.dropna(inplace=True)
41
42 spearman_corr = df_merged[‘Difficulty’].corr(df_merged[‘CustomICI’], method='spearman')
43
44 # Génération du Graphique (Échelle Linéaire)
45 fig, ax1 = plt.subplots(figsize=(12, 6))
46
47 color1 = ‘tab:blue’
48 ax1.set_xlabel(‘Année’, fontweight='bold')
49 ax1.set_ylabel(‘Difficulté Bitcoin (Échelle Linéaire)’, color=color1, fontweight='bold')
50 ax1.plot(df_merged.index, df_merged[‘Difficulty’], color=color1, linewidth=2,
51           label='Difficulté BTC')
52 ax1.tick_params(axis='y', labelcolor=color1)
53
54 min_diff, max_diff = df_merged[‘Difficulty’].min(), df_merged[‘Difficulty’].max()
55 padding_diff = (max_diff - min_diff) * 0.05
56 ax1.set_ylim(bottom=min_diff - padding_diff, top=max_diff + padding_diff)
57
58 ax2 = ax1.twinx()
59 color2 = ‘tab:orange’
60 ax2.set_ylabel(‘Panier de Nakamoto (Base 100, Échelle Linéaire)’, color=color2,
61               fontweight='bold')
62 ax2.plot(df_merged.index, df_merged[‘CustomICI’], color=color2, alpha=0.8, linewidth=1.5,
63           label='Panier (Cuivre+Énergie+Silicium)')
64 ax2.tick_params(axis='y', labelcolor=color2)
65
66 min_ici, max_ici = df_merged[‘CustomICI’].min(), df_merged[‘CustomICI’].max()
67 padding_ici = (max_ici - min_ici) * 0.05
68 ax2.set_ylim(bottom=min_ici - padding_ici, top=max_ici + padding_ici)

```

```

66     plt.title(f"Difficulté Bitcoin vs Panier de Nakamoto (Échelle Linéaire)\nCorrélation de
67             Spearman : {spearman_corr:.4f}", fontsize=14, fontweight='bold')
68
69     lines_1, labels_1 = ax1.get_legend_handles_labels()
70     lines_2, labels_2 = ax2.get_legend_handles_labels()
71     ax1.legend(lines_1 + lines_2, labels_1 + labels_2, loc='upper left')
72
73     fig.tight_layout()
74     plt.savefig('superposition_lineaire_diff_ici.pdf')
75
76 if __name__ == "__main__":
77     evaluate_custom_nash_index_linear()

```

Listing 1: Script Python de l'analyse de corrélation (API Blockchain et Yahoo Finance)

700 Appendix B. Code Source : Visualisation de la Transition de Phase

Le script Python suivant a été utilisé pour simuler les données historiques et visualiser la Transition de Phase et loi de puissance de la Figure 6 section 3.3.

```

1 import pandas as pd
2 import numpy as np
3 import matplotlib.pyplot as plt
4 import yfinance as yf
5 from scipy.stats import linregress
6
7 def plot_bitcoin_power_law():
8     print("Téléchargement des données Bitcoin...")
9     try:
10         btc = yf.download('BTC-USD', start='2010-07-17', progress=False)
11         df = pd.DataFrame(btc['Close'])
12         df.columns = ['Price']
13
14         # Jours depuis le bloc Genesis (3 Janvier 2009)
15         genesis_date = pd.to_datetime('2009-01-03').tz_localize(None)
16         df.index = pd.to_datetime(df.index).tz_localize(None)
17         df['Days'] = (df.index - genesis_date).days
18         df = df[df['Days'] > 0]
19
20         # Transformation Log-Log pour la régression
21         log_days = np.log10(df['Days'])
22         log_price = np.log10(df['Price'])
23
24         # Régression linéaire : Log(P) = slope * Log(D) + intercept
25         slope, intercept, r_value, p_value, std_err = linregress(log_days, log_price)

```

```

26     r_squared = r_value**2
27
28     print("-" * 50)
29     print(f"Exposant de la Loi de Puissance : {slope:.4f} (Généralement ~5.6)")
30     print(f"Coefficient de Détermination (R^2) : {r_squared:.4f}")
31     print("-" * 50)
32
33     # Calcul du prix théorique selon le modèle
34     df['Power_Law_Price'] = (10**intercept) * (df['Days']**slope)
35
36     # Graphique Log-Log
37     fig, ax = plt.subplots(figsize=(10, 6))
38     ax.scatter(df.index, df['Price'], color='tab:blue', s=1, alpha=0.5, label='Prix BTC
            (USD)')
39     ax.plot(df.index, df['Power_Law_Price'], color='tab:red', linewidth=2,
              label=f'Loi de Puissance (Exposant ${\approx}{slope:.2f},
                    R^2={r_squared:.3f})')
40
41     ax.set_yscale('log')
42     ax.set_ylabel('Prix du Bitcoin (USD) - Échelle Log', fontweight='bold')
43     ax.set_title("Transition de Phase : L'Absorption de l'Énergie selon une Loi de
                  Puissance", fontweight='bold')
44     ax.legend()
45     ax.grid(True, which="both", ls="--", alpha=0.5)
46
47     plt.tight_layout()
48     plt.savefig('bitcoin_power_law.pdf')
49     print("Graphique sauvegardé sous 'bitcoin_power_law.pdf'")
50     plt.show()
51
52
53     except Exception as e:
54         print(f"Erreur : {e}")
55
56 if __name__ == "__main__":
57     plot_bitcoin_power_law()

```

Listing 2: Script Python pour visualiser la transition de phase et loi de puissance

765 Appendix C. Code Source : Visualisation de l>Action de Nakamoto

Le script Python suivant a été utilisé pour simuler les données historiques et visualiser l'évolution de l'action de Nakamoto de la Figure 10 section 5.6.

```

1 import numpy as np
2 import pandas as pd

```

```

3   import matplotlib.pyplot as plt
4   import matplotlib.dates as mdates
5   from scipy.interpolate import PchipInterpolator
6
775# Repères historiques pour le Hashrate du Bitcoin (H/s)
8   dates_hash = pd.to_datetime(['2009-01-03', '2011-01-01', '2013-01-01', '2016-01-01',
9     '2020-01-01', '2024-01-01', '2026-01-01'])
10  hashrate = np.array([
11    1e6,          # 1 MH/s (Ère CPU)
12    1e10,         # 10 GH/s (Ère GPU)
13    2e13,         # 20 TH/s (FPGA/Premiers ASIC)
14    1e18,         # 1 EH/s (Mise à l'échelle ASIC)
15    100e18,       # 100 EH/s
16    500e18,       # 500 EH/s
17    650e18        # 650 EH/s (Aujourd'hui)
18  ])
19
20# Repères historiques pour l'Efficacité du Minage (Joules/Hash)
21  dates_eff = pd.to_datetime(['2009-01-03', '2011-01-01', '2013-01-01', '2016-01-01',
22    '2020-01-01', '2024-01-01', '2026-01-01'])
23  efficiency = np.array([
24    1e-5,          # ~10,000 J/GH (CPU)
25    1e-6,          # ~1,000 J/GH (GPU)
26    2e-9,          # ~2,000 J/TH (Premiers ASIC)
27    1e-10,         # ~100 J/TH (Ex: Antminer S9)
28    3e-11,         # ~30 J/TH (Ex: Antminer S19)
29    1.5e-11,       # ~15 J/TH (Ex: Antminer S21)
30    1.2e-11        # Asymptote approchant la limite de Landauer
31  ])
32
33# Création d'une chronologie mensuelle
34  timeline = pd.date_range(start='2009-01-03', end='2026-01-01', freq='M')
35  timeline_num = mdates.date2num(timeline)
36
37# Interpolation lissée en espace logarithmique
38  log_hashrate_interp = PchipInterpolator(mdates.date2num(dates_hash), np.log10(hashrate))
39  log_eff_interp = PchipInterpolator(mdates.date2num(dates_eff), np.log10(efficiency))
40
41  interp_hashrate = 10**log_hashrate_interp(timeline_num)
42  interp_eff = 10**log_eff_interp(timeline_num)
43
44# Calcul de l'Action de Nakamoto: k_N = eta / nu
45  nakamoto_action = interp_eff / interp_hashrate
46
47# Graphique
48  plt.figure(figsize=(10, 6))

```

```

47
48 plt.semilogy(timeline, nakamoto_action, color='#8E44AD', linewidth=2.5, label=r'Action de
    Nakamoto ($\kappa_N$)')
820
50 # Ajout de la référence théorique (Constante de Planck)
51 planck_constant = 6.626e-34
52 plt.axhline(y=planck_constant, color='#E74C3C', linestyle='--', linewidth=2, label=r'Constante
    de Planck ($h \approx 6.626 \times 10^{-34} J \cdot s$)')
825
54 plt.title("Convergence Asymptotique de l'Action de Nakamoto (2009-2026)", fontsize=14,
    fontweight='bold', pad=15)
55 plt.xlabel("Années", fontsize=12, fontweight='bold')
56 plt.ylabel(r"Action Discrète ($J \cdot s$) - Échelle Log", fontsize=12, fontweight='bold')
830
58 # --- ANNOTATIONS CORRIGÉES ---
59 plt.annotate('Ère CPU/GPU\n(Instabilité initiale)',
    xy=(mdates.date2num(pd.to_datetime('2010-06-01')), 1e-11),
    xytext=(mdates.date2num(pd.to_datetime('2012-01-01')), 1e-14), # Décalé vers le
        bas (1e-14) et la droite (2012)
    arrowprops=dict(facecolor='black', arrowstyle='->'), fontsize=10)
60
61 plt.annotate('Industrialisation ASIC\n(Chute de l\'Action)',
    xy=(mdates.date2num(pd.to_datetime('2016-06-01')), 1e-28),
    xytext=(mdates.date2num(pd.to_datetime('2017-06-01')), 1e-26),
    arrowprops=dict(facecolor='black', arrowstyle='->'), fontsize=10)
62
63 plt.annotate('Convergence vers la limite\nde Landauer/Margolus-Levitin',
    xy=(mdates.date2num(pd.to_datetime('2025-06-01')), 1e-31),
    xytext=(mdates.date2num(pd.to_datetime('2020-01-01')), 1e-33),
    arrowprops=dict(facecolor='black', arrowstyle='->'), fontsize=10,
    bbox=dict(boxstyle="round", pad=0.3, fc="white", ec="gray", alpha=0.9))
64
65
66
67
68
69
70
71
72
73 # Limitation de l'axe Y pour éviter le chevauchement avec le titre
74 plt.ylim(1e-35, 1e-8)
75 plt.grid(True, which="both", ls="--", alpha=0.4)
850 plt.legend(loc='lower left', fontsize=11, framealpha=0.9)
77 plt.tight_layout()
78 plt.savefig('nakamoto_action_evolution.pdf', dpi=300)

```

Listing 3: Script Python pour visualiser l'évolution de l'action de Nakamoto