◊◊◊ Lycée de Dindéfélo ◊◊◊			A.S. : 2024/2025
Matière: Mathématiques	Niveau: 1 <sup>er</sup> S2	Date: 16/06/2025	Durée : 4 heures
Composition n° 2 Du 2 <sup>nd</sup> Semestre			

## Exercice 1:5 pts

Soient A et B deux points du plan tels que AB = 8 cm.

1 Construire le barycentre G des points pondérés (A; 1) et (B; 3).

0,1 pt

2 Calculer les distances GA et GB.

0.5 pt + 0.5 pt

3 Démontrer que pour tout point M du plan,

$$MA^2 + 3MB^2 = 4MG^2 + 48$$

0,1 pt

4 Démontrer et construire l'ensemble des points M du plan tels que :

$$MA^2 + 3MB^2 = 84$$

0,1 pt

 $\bullet$  Déterminer et construire l'ensemble des points M tels que :

$$\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} = -12$$

0,1 pt

## Exercice 2:5 pts

On considère la fonction f définie par

$$f(x) = \frac{x^2 + ax + b}{x - 1}$$

1 Déterminer les réels a et b tels que la courbe  $(C_f)$  passe par le point A(0,1) et admette en ce point une tangente horizontale. 0,5 pt + 0,75 pt

On suppose a = 1 et  $b = -1 \dots$ 

- 2 Déterminer les limites aux bornes de  $\mathcal{D}_f$ . Préciser les asymptotes éventuelles. 0,5 pt + 0,5 pt + 0,5 pt
- **3** Déterminer les réels  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  tels que :

$$f(x) = \alpha x + \beta + \frac{\gamma}{x - 1}$$

En déduire que la droite (D) : y = x + 2 est asymptote oblique à la courbe.

0,75 pt + 0,5 pt

4 Dresser le tableau de variations de f puis tracer la courbe.

0,1 pt + 0,5 pt

## Problème: 10 pts

Soit f la fonction définie par :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{-x^2 + 5x - 5}{x - 1} & \text{si } x \le 0\\ \frac{3x - 5}{x^2 - 1} & \text{si } x > 0 \end{cases}$$

Montrer que  $D_f = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ . 1,25 pt Calculer les limites aux bornes de  $D_f$ . 0,1 pt En déduire les asymptotes de  $(C_f)$ . 0,5 pt Montrer que la droite d'équation y=-x+4 est asymptote oblique à  $(C_f)$  en  $-\infty$ . 0,5 pt Étudier la continuité de f en 0. 0,75 pt Étudier la dérivabilité de f en 0 puis interpréter graphiquement les résultats. 0.1 pt + 0.5 ptCalculer f'(x) pour x < 0 et pour x > 0. 0.5 pt + 0.5 ptÉtudier le signe de f'(x) pour x < 0 puis pour x > 0. 0.5 pt + 0.5 ptDresser le tableau de variation de f. 1,5 pt Construire  $(C_f)$ . 0,1 pt