

## Exercice 1

$x$	$-\infty$	$-2$	$0$	$1$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$	+ 0 -			+	-	+
$f$	$1 \nearrow \frac{4}{3} \searrow 0 \nearrow +\infty$			$+\infty \searrow 0 \nearrow +\infty$		

### Informations :

— Branches infinies :

- Asymptote verticale :  $x = 1$  en  $+\infty$
- Asymptote horizontale :  $y = 1$  en  $-\infty$
- Asymptote oblique :  $y = x - \frac{1}{2}$  en  $+\infty$

— Demi-tangentes :

- En  $0^-$  on a une demi-tangente d'équation  $y = 0$  (demi-tangente horizontale)
- En  $0^+$  on a une demi-tangente d'équation  $y = \sqrt{2x}$
- En  $2$  on a une demi-tangente verticale dirigée vers le haut d'équation  $x = 2$

$x$	$-\infty$	$\alpha$	$1$	$3$	$+\infty$
$f'(x)$	+ +		-	0	+
$f$	$-\infty \nearrow 0 \longrightarrow +\infty$		$+\infty \searrow 6 \nearrow +\infty$		

### Informations :

— Branches infinies :

- Asymptote verticale :  $x = 1$  en  $+\infty$
- Asymptote oblique :  $y = x + 2$  en  $+\infty$

— Points d'intersection avec les axes du repère :

- Avec l'axe  $(Ox)$  le point  $A(\alpha, 0)$ . Prendre  $\alpha = -2, 5$
- Avec l'axe  $(Oy)$  le point  $B(0, 6)$

- Construire  $(C_{f^{-1}})$  sur  $I = ]1, 3[$

$x$	$-\infty$	$0$	$1$	$\alpha$	$+\infty$
$f'(x)$	+		-	-	+
$f$	$-4 \nearrow -3 \searrow +\infty$		$+\infty \searrow 3\alpha \nearrow +\infty$		

On donne  $\alpha = 1,3$

**Informations :**

— **Branches infinies :**

- Asymptote verticale :  $x = 1$  en  $+\infty$  et en  $-\infty$
- Asymptote horizontale :  $y = -4$  en  $-\infty$
- Asymptote oblique :  $y = 2x$  en  $+\infty$

— **Demi-tangentes :**

- En  $0^-$  on a une demi-tangente verticale dirigée vers le bas d'équation  $x = 0$
- En  $0^+$  on a une demi-tangente horizontale d'équation  $y = -3$

- Construire  $(C_{f^{-1}})$  sur  $I = ]\alpha, +\infty[$