

Exercice 1

x	$-\infty$	-2	0	1	2	$+\infty$
$f'(x)$	+	0	-	+	-	+
f	1	$\frac{4}{3}$	0	$+\infty$	$+\infty$	$+\infty$

The graph shows three branches of the function f. The first branch starts at (-infinity, 1) and ends at (-2, 4/3). The second branch starts at (-2, 4/3) and ends at (1, infinity) passing through (0, 0). The third branch starts at (1, infinity) and ends at (2, 0). Arrows indicate the direction of the branches.

Informations :

- **Branches infinies :**
 - Asymptote verticale : $x = 1$ en $+\infty$
 - Asymptote horizontale : $y = 1$ en $-\infty$
 - Asymptote oblique : $y = x - \frac{1}{2}$ en $+\infty$
- **Demi-tangentes :**
 - En 0^- on a une demi-tangente d'équation $y = 0$ (demi-tangente horizontale)
 - En 0^+ on a une demi-tangente d'équation $y = \sqrt{2}x$
 - En 2 on a une demi-tangente verticale dirigée vers le haut d'équation $x = 2$

x	$-\infty$	α	1	3	$+\infty$
$f'(x)$	+	+	-	0	+
f	$-\infty$	0	$+\infty$	$+\infty$	$+\infty$

The graph shows two branches of the function f. The first branch starts at (-infinity, -infinity) and ends at (1, infinity) passing through (0, 0). The second branch starts at (1, infinity) and ends at (3, 6) passing through (2, infinity). Arrows indicate the direction of the branches.

Informations :

- **Branches infinies :**
 - Asymptote verticale : $x = 1$ en $+\infty$
 - Asymptote oblique : $y = x + 2$ en $+\infty$
- **Points d'intersection avec les axes du repère :**
 - Avec l'axe (Ox) le point $A(\alpha, 0)$. Prendre $\alpha = -2,5$
 - Avec l'axe (Oy) le point $B(0, 6)$

- Construire $(C_{f^{-1}})$ sur $I =]1, 3[$

x	$-\infty$	0	1	α	$+\infty$
$f'(x)$	+	-	-	+	
f	-4	-3	$+\infty$	3α	$+\infty$

On donne $\alpha = 1,3$

Informations :

- Branches infinies :
 - Asymptote verticale : $x = 1$ en $+\infty$ et en $-\infty$
 - Asymptote horizontale : $y = -4$ en $-\infty$
 - Asymptote oblique : $y = 2x$ en $+\infty$
- Demi-tangentes :
 - En 0^- on a une demi-tangente verticale dirigée vers le bas d'équation $x = 0$
 - En 0^+ on a une demi-tangente horizontale d'équation $y = -3$
- Construire $(C_{f^{-1}})$ sur $I =]\alpha, +\infty[$